Árboles

- Presentar la estructura no lineal más importante en computación
- Mostrar la especificación e implementación de varios tipos de árboles
- Algoritmos de manipulación de árboles

Árboles

Contenidos

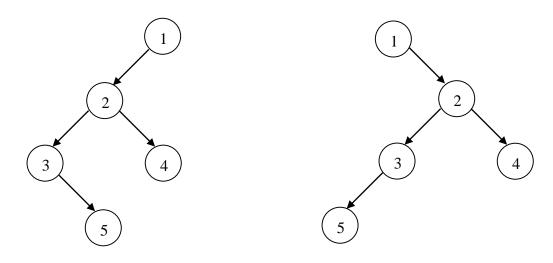
- 1. Terminología fundamental
 - 1.1. Recorridos de un árbol
- 2. Árboles binarios
 - 2.1. Definición
 - 2.2. Especificación
 - 2.3. Implementación
- 3. Árboles binarios de búsqueda
 - 3.1. Definición
 - 3.2. Especificación
- 4. Árboles binarios equilibrados
 - 4.1. Árboles AVL
- 5. Árboles generales
 - 5.1. Especificación
 - 5.2. Implementación

Árbol Binario

- Árbol binario: un árbol donde cada nodo tiene como máximo grado 2, es decir, un árbol binario es:
 - □ Un árbol vacío, o
 - Un árbol en que sus nodos tienen un hijo izquierdo y un hijo derecho. Cada uno de estos hijos es a su vez un árbol binario
- Se distinguen los hijos de un nodo como izquierdo y derecho

Árbol Binario

Ej:



- Preorden: raíz, preorden(A_{izq}), preorden(A_{der})
 - □ Ej: 1, 2, 3, 5, 4 (coincide en los dos árboles)
- **Postorden**: postorden(A_{izq}), postorden(A_{der}), raíz
 - □ Ej: 5, 3, 4, 2, 1 (coincide en los dos árboles)
- Inorden: inorden(A_{izq}), raíz, inorden(A_{der})
 - □ Ejs: 3, 5, 2, 4, 1 1, 5, 3, 2, 4
- Anchura: recorrido por niveles
 - ☐ Ejs: 1, 2, 3, 4, 5 (coincide en los dos árboles)

Especificación

```
public class ArbolBinario<E> {
    // Declaración de tipos: ArbolBinario
    // Características: Un árbol binario es un árbol vacío o un nodo con dos hijos (izquierdo y derecho)
                          que a su vez son árboles binarios. Los objetos son modificables
    \parallel
    public ArbolBinario();
            // Produce: Un árbol vacío
    public ArbolBinario(E elemRaiz, ArbolBinario<E> hi, ArbolBinario<E> hd) throws NullPointerException;
            // Produce: Si hi o hd son null, lanza la excepción NullPointerException. En caso contrario,
                          construye un árbol de raíz elemRaiz, hijo izquierdo hi e hijo derecho hd
    public boolean esVacio();
            // Produce: Cierto si this está vacío. Falso en caso contrario.
    public E raiz() throws ArbolVacioExcepcion;
            // Produce: Si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                          sino devuelve el objeto almacenado en la raíz
    public ArbolBinario<E> hijolzq() throws ArbolVacioExcepcion;
            // Produce: Si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                         sino devuelve el subárbol izquierdo
    public ArbolBinario<E> hijoDer() throws ArbolVacioExcepcion;
            // Produce: Si this está vacío lanza la excepciónArbolVacioExcepcion,
                         sino devuelve el subárbol derecho
```

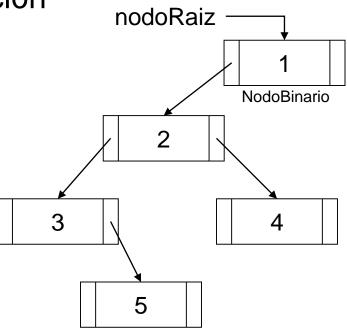
```
public boolean esta (E elemento);
       // Produce: Cierto si elemento está en this, falso, en caso contrario
public void setRaiz(E elemRaiz) throws ArbolVacioExcepcion;
       // Modifica: this
       // Produce: Si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                     sino asigna el objeto elemRaíz a la raíz del árbol this
public void setHijolzq(ArbolBinario<E> hi) throws ArbolVacioExcepcion, NullPointerException;
       // Modifica: this
       // Produce: Si hi es null, lanza la excepción NullPointerException.
                     En caso contrario, si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                     sino asigna el árbol hi como subárbol izquierdo de this
public void setHijoDer(ArbolBinario<E> hd) throws ArbolVacioExcepcion, NullPointerException;
       // Modifica: this
       // Produce: Si hd es null, lanza la excepción NullPointerException.
                     En caso contrario, si this está vacío lanza la excepción ArbolVacioExcepcion,
                     sino asigna el árbol hd como subárbol derecho de this
public void suprimir ();
       // Modifica:
                    this
        // Produce: El árbol binario vacío
```

Implementación

Paso 1: Definición interfaz

- Paso 2: Clase implemente la interfaz
 - Mediante estructuras enlazadas genéricas
 - public class EnlazadoArbolBinario<E> implements ArbolBinario<E>

Representación



public class EnlazadoArbolBinario<E> implements ArbolBinario<E>{
 private NodoBinario<E> nodoRaiz;

```
public class NodoBinario<E>{
             private E elemento;
                                                    // referencia al elemento del nodo
             private NodoBinario<E> izq;
                                                    // referencia al nodo izquierdo
             private NodoBinario<E> der;
                                                    // referencia al nodo derecho
             public NodoBinario(E e, NodoBinario<E> hi, NodoBinario<E> hd){
                          elemento = e;
                          izq = hi;
                          der = hd;
             public E getElemento() {
                          return elemento;
             public NodoBinario<E> getlzq() {
                          return izq;
             public NodoBinario<E> getDer() {
                          return der;
             public void setElemento(E e) {
                          elemento = e;
             public void setIzq(NodoBinario<E> hi) {
                          izq = hi;
             public void setDer(NodoBinario<E> hd) {
                          der = hd;
```

Recorridos en profundidad:

```
public static <E> void preorden(ArbolBinario<E> a){
      if (!a.esVacio()) {
                 System.out.print(a.raiz() + " ");
                 preorden(a.hijolzq());
                 preorden(a.hijoDer());
public static <E> void inorden(ArbolBinario<E> a){
      if (!a.esVacio()) {
                 inorden(a.hijolzq());
                 System.out.print(a.raiz() + " ");
                 inorden(a.hijoDer());
public static <E> void postorden(ArbolBinario<E> a){
      if (!a.esVacio()) {
                 postorden(a.hijolzq());
                 postorden(a.hijoDer());
                 System.out.print(a.raiz() + " ");
```

Recorrido en anchura:

Escribe un método que cuente el número de nodos de un árbol binario.

```
public static <E> int numNodos(ArbolBinario<E> a){
    if (a.esVacio())
        return 0;
    return 1 + numNodos (a.hijolzq()) + numNodos(a.hijoDer());
}
```

Escribe un método que devuelva el número de hojas de un árbol binario.

```
public static <E> int numHojas (ArbolBinario<E> a){
    if (a.esVacio())
        return 0;
    if (a.hijolzq().esVacio() && a.hijoDer().esVacio())
        return 1;
    return numHojas(a.hijolzq()) + numHojas(a.hijoDer());
```

Un árbol degenerado es un árbol en el que cada nodo tiene solamente un subárbol. Escribe un método que dado un árbol binario indique si es degenerado o no.

```
public static <E> boolean degenerado (ArbolBinario<E> a){
    if (a.esVacio())
        return true;
    else if (a.hijolzq().esVacio() && a.hijoDer().esVacio())
        return true;
    else if (!a.hijolzq().esVacio() && !a.hijoDer().esVacio())
        return false;
    else return degenerado(a.hijolzq()) && degenerado(a.hijoDer());
}
```

Escribe un método que dado un árbol binario, realice una copia del mismo.

Más ejercicios en la actividad 2 (trabajo colaborativo)