

# Estructuras de Datos y Algoritmos

## Grados en Ingeniería Informática, de Computadores y del Software (grupo A)

Examen Final, 9 de Septiembre de 2014.

1. (3 puntos) Consideremos un vector  $V[N]$  con  $0 < N$  de números enteros, cuyos valores se han obtenido aplicando una rotación sobre un vector ordenado en orden estrictamente decreciente. Implementa un algoritmo que calcule el mínimo del vector con una complejidad  $\mathcal{O}(\log n)$ . El número de elementos sobre los que se aplica la rotación para obtener el vector de entrada cumple  $0 \leq \text{elementos rotados} < N$  y no se conoce.

*Ejemplo:* un posible vector de entrada sería el vector 70 55 13 4 100 80 obtenido desplazando los dos primeros elementos del vector 100 80 70 55 13 4 al final del mismo.

2. (3 puntos) Dada la siguiente serie

$$x + \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} + \frac{x^7}{7} + \dots$$

donde  $x$  es un número real tal que  $|x| < 1$ , y dado un entero  $n \geq 0$ , especifica, diseña y verifica o especifica y deriva, un algoritmo iterativo de coste lineal para calcular la suma de los  $n$  primeros términos de la serie. No se puede considerar que la operación de cálculo de una potencia se realiza en tiempo constante. Justificar el coste de la función implementada.

3. (4 puntos) Estás trabajando en un nuevo videojuego llamado *CiudadMatic*: un simulador de ciudades, llenas de edificios de distinto tipo. Será posible construir y reparar estos edificios gastando dinero, y al final de cada turno (después de haber construido y reparado tantos edificios como se quiera), recaudar los impuestos que generen. Necesitarás implementar las siguientes operaciones:

- *CiudadMatic*: inicializa una nueva ciudad vacía, con el dinero que se pase como argumento disponible para ser gastado.
- *nuevoTipo*: añade un nuevo tipo de edificio al sistema, con un identificador proporcionado por el usuario (por ejemplo, “bar”), un coste de construcción, una cantidad de impuestos generada por turno, y una calidad de base (máximo de turnos sin reparar). No devuelve nada.
- *insertaEdificio*: dado el nombre de un edificio (por ejemplo, “El Bar de Moe”), y el identificador de su tipo, y asumiendo que se disponga del dinero necesario para construirlo, añade el edificio a la ciudad y resta su coste de construcción del dinero disponible. No devuelve nada.
- *reparaEdificio*: repara el edificio cuyo identificador se pase como argumento a “como recién construido”, a un coste del 10% del coste de construcción (descartando los decimales), independientemente de lo estropeado que estuviese. No devuelve nada.
- *finTurno*: todos los edificios construidos generan los impuestos que les corresponden por su tipo. Después, todos se estropean por un punto de calidad, y aquellos que lleguen a 0 son derribados y eliminados de la ciudad. Devuelve el dinero total disponible para el nuevo turno (impuestos generados + dinero no gastado del turno anterior).

- *listaEdificios*: dado un identificador de tipo de edificio, devuelve una lista con los edificios de ese tipo que están actualmente contruidos, por orden de antigüedad (primero el más viejo).

Desarrolla en C++ una implementación de la clase *CiudadMatic* basada en otros TADs conocidos, optimizando la complejidad temporal de las operaciones. En cada operación, indica también, de forma razonada, su complejidad.