Задача

$$\frac{\partial u}{\partial t} = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} \,, \quad 0 < x < \frac{\pi}{2} \,, \qquad 0 < t \le T$$

$$u(x,0)=\sin x\,,\quad 0\leq x\leq \frac{\pi}{2}\,,$$

$$u(0, t) = 0$$
, $u(\frac{\pi}{2}, t) = e^{-t}$, $0 \le t \le T$

Значение T выбрать самостоятельно.

Точное решение для проверки $u(x,t) = e^{-t} \sin x$