Observe os algoritmos abaixo: (a) (b) (c) var N, r: Inteiro var N, r: var N, r, a, m: Inteiro  $ler(N); r \leftarrow 0$ Inteiro ler(N); ler(N);  $r \leftarrow 0$ ;  $a \leftarrow N+1$ enquanto (r+1)²≤N enquanto r+1 ≠ a faça m enquanto r<sup>2</sup>>N faça r ← r+1 ← (r+a) div 2 escrever(r) façar ← r-1 se m²≤N então escrever(r) senão a ← m escrever(r)

- a. Descreva sucinta e precisamente o problema que tais algoritmos resolvem.
- b. Qual a complexidade de cada algoritmo?
- a) O algoritmo (a) lê um valor inteiro N e inicializa uma variável r com 0. Em seguida, ele entra em um loop enquanto o quadrado de (r + 1) for menor ou igual a N. Em cada iteração do loop, o valor de r é incrementado em 1. Ao final de cada iteração, o valor de r é impresso na tela.

O algoritmo (b) lê um valor inteiro N e inicializa uma variável r com o valor de N. Em seguida, ele entra em um loop enquanto o quadrado de r for maior do que N. Em cada iteração do loop, o valor de r é decrementado em 1. Ao final de cada iteração, o valor de r é impresso na tela. O algoritmo (b) faz o que o algoritmo (a) faz, porém ao contrário.

O algoritmo (c) lê um valor inteiro N e inicializa as variáveis r com 0, a com N + 1 e m com o valor da média entre r e a, arredondada para baixo. Em seguida, ele entra em um loop enquanto r + 1 for diferente de a. Dentro do loop, o valor de m é atualizado para a média entre r e a novamente. Se o quadrado de m for menor ou igual a N, o valor de r é atualizado para m, caso contrário, o valor de a é atualizado para m. Ao final de cada iteração, o valor de r é impresso na tela.

b) A complexidade do algoritmo (a) é O(sqrt(N)), pois o loop é executado no máximo sqrt(N) vezes, uma vez que a condição de parada é  $(r + 1)^2 \le N$ .

A complexidade do algoritmo (b) é O(N), pois o loop pode ser executado até N vezes, caso o valor de N seja pequeno ou até mesmo maior do que N, caso o valor de N seja muito grande.

A complexidade do algoritmo (c) é O(log N), pois a cada iteração do loop, o intervalo de busca (representado pelas variáveis r e a) é dividido pela metade.

Isso resulta em um número máximo de iterações proporcional a log N, em vez de N, como no algoritmo (b).

2. Complete a função abaixo de modo que ela determine se o vetor B é um anagrama do vetor A, isto é, os elementos de B[1..n] consistem de uma permutação daqueles de A[1..n]. Em seguida, determine a complexidade de tempo da função elaborada.

função SãoAnagramas(A[]: Caractere, B[]: Caractere, N: Inteiro): Lógico

se tamanho de A ≠ tamanho de B então

retornar falso // os vetores têm tamanhos diferentes, não são anagramas

fim se

contarA ← array de tamanho 26 com todos os elementos inicializados para 0

contarB ← array de tamanho 26 com todos os elementos inicializados para 0

// contar a ocorrência de cada caractere em A e B

para i de 1 até N faça

indexA  $\leftarrow$  código ASCII do caractere A[i] - código ASCII de 'a' // obter o índice correspondente no array contarA

 $indexB \leftarrow c\'odigo\ ASCII\ do\ caractere\ B[i]\ -\ c\'odigo\ ASCII\ de\ 'a'\ //\ obter\ o\ índice\ correspondente\ no\ array\ contarB$ 

```
contarA[indexA] ← contarA[indexA] + 1
```

contarB[indexB] ← contarB[indexB] + 1

fim para

```
// comparar os arrays de contagem

para i de 0 até 25 faça

se contarA[i] ≠ contarB[i] então

retornar falso // os vetores têm quantidades diferentes de cada caractere,
não são anagramas
```

fim se

fim para

retornar verdadeiro // os vetores têm as mesmas quantidades de cada caractere, são anagramas

fim função

A complexidade de tempo desta função é O(N), onde N é o tamanho dos vetores A e B. Isso ocorre porque a função percorre os vetores uma vez para contar a ocorrência de cada caractere em ambos os vetores e, em seguida, compara as contagens. As operações dentro dos loops têm uma quantidade constante de tempo, e a comparação dos arrays de contagem também leva tempo constante, já que o tamanho dos arrays é fixo em 26 elementos (representando as 26 letras do alfabeto). Portanto, a complexidade de tempo total é proporcional ao tamanho dos vetores, que é O(N).

 Elabore os algoritmos abaixo para listas lineares sequenciais não-ordenadas. Determine a complexidade dos algoritmos elaborados. Considere a estrutura definida conforme abaixo:

```
Sequencial: estrutura ListaLinear:
```

```
E[1..1000]: Inteiro //elementos
N: Inteiro //número de elementos
```

- a. procedimento Altera(ref L: <u>Listalinear</u> x: Inteiro, y: Inteiro): // substitui o elemento x na lista linear sequencial L por y, mantendo o novo // elemento na mesma posição do antigo
- b. função TodosDistintos(ref L: ListaLinear): Lógico
   // retorna verdadeiro se os elementos de L são todos distintos

a) procedimento "Altera" que substitui o elemento x na lista linear sequencial L por y, mantendo o novo elemento na mesma posição do antigo:

```
procedimento Altera(ref L: ListaLinear, x: Inteiro, y: Inteiro):

para i de 1 até L.N faça

se L.E[i] = x então

L.E[i] ← y // substitui o elemento x por y

retornar // sai do loop após encontrar o elemento x

fim se

fim para
```

A complexidade de tempo deste procedimento é O(N), onde N é o número de elementos na lista linear. Isso ocorre porque o procedimento percorre a lista linear sequencialmente em busca do elemento x para substituí-lo por y. O pior caso ocorre quando o elemento x está no final da lista ou não está presente na lista, exigindo que se percorra todos os N elementos da lista até encontrar o elemento ou chegar ao final da lista.

 b) função "TodosDistintos" que verifica se os elementos da lista linear L são todos distintos:

```
função TodosDistintos(ref L: ListaLinear): Lógico

para i de 1 até L.N faça

para j de i + 1 até L.N faça

se L.E[i] = L.E[j] então

retornar falso // há elementos repetidos na lista

fim se

fim para
```

fim para

retornar verdadeiro // não há elementos repetidos na lista

fim função

A complexidade de tempo desta função é O(N^2), onde N é o número de elementos na lista linear. Isso ocorre porque a função utiliza dois loops aninhados para comparar todos os pares de elementos da lista linear, a fim de identificar se há elementos repetidos. O pior caso ocorre quando não há elementos repetidos na lista e é necessário comparar todos os pares de elementos, resultando em uma complexidade quadrática.

4. Elabore algoritmos para o exercício anterior, considerando agora que as listas são encadeadas ordenadas, com estrutura definida conforme abaixo:

Encadeada: estrutura Nó:

E: Inteiro //elemento

Próx: ^Nó //próximo elemento estrutura ListaLinear: Inicio: ^Nó //primeiro elemento

a) a. procedimento Altera(ref L: ListaLinear, x: Inteiro, y: Inteiro):

procedimento Altera(ref L: ListaLinear, x: Inteiro, y: Inteiro):
atual ← L.Inicio // aponta para o primeiro nó da lista

enquanto atual ≠ nulo faça // enquanto não chegar ao final da lista

se atual.E = x então // se o elemento do nó atual é igual a x

```
atual.E ← y // substitui o elemento x por y

retornar // sai do loop após encontrar o elemento x

fim se

atual ← atual.Próx // avança para o próximo nó da lista

fim enquanto
```

fim procedimento

A complexidade de tempo deste procedimento é O(N), onde N é o número de nós na lista linear. Isso ocorre porque o procedimento percorre a lista linear encadeada em busca do nó com elemento x para substituí-lo por y. O pior caso ocorre quando o nó com elemento x está no final da lista ou não está presente na lista, exigindo que se percorra todos os N nós da lista até encontrar o nó ou chegar ao final da lista.

b) função TodosDistintos(ref L: ListaLinear): Lógico

```
função TodosDistintos(ref L: ListaLinear): Lógico
atual ← L.Inicio // aponta para o primeiro nó da lista
enquanto atual.Próx ≠ nulo faça // enquanto não chegar ao último nó da lista
se atual.E = atual.Próx.E então // se o elemento do nó atual é igual ao elemento
do próximo nó
retornar falso // há elementos repetidos na lista
fim se
atual ← atual.Próx // avança para o próximo nó da lista
fim enquanto
retornar verdadeiro // não há elementos repetidos na lista
fim função
```

A complexidade de tempo desta função é O(N), onde N é o número de nós na lista linear. Isso ocorre porque a função percorre a lista linear encadeada comparando o elemento de cada nó com o elemento do próximo nó para identificar se há elementos repetidos. O pior caso ocorre quando não há elementos repetidos na lista e é necessário comparar todos os pares de nós, resultando em uma complexidade linear.