۱- سیگنال پیوسته $x(t) = \cos(2\pi f(t).t)$ را در نظر بگیرید که در آن فرکانس لحظهای تابعی از زمان بوده و مقدار آن به صورت $x(t) = \cos(2\pi f(t).t)$ است (یعنی در لحظه t=0 فرکانس سیگنال و مقدار آن به صورت t=0 بوده و با افزایش زمان به صورت مرتبه ۲ افزایش مییابد). با توجه به تعریف سیگنال بدیهی است در حالت ایدهال بایستی در طیف فرکانسی این سیگنال، در هر لحظه زمانی فقط یک فرکانس وجود داشته باشد.

- رمی توانید $f_s=1000$ الف) یک قطعه از این سیگنال به طول $f_s=2$ و با فرکانس نمونهبرداری $f_s=1000$ تولید کنید (می توانید از دستور chirp استفاده کنید).
- پ) می خواهیم با محاسبه Short Time Fourier Transform (STFT) سیگنال را رسم پنجره پنجره پنجره در با استفاده از دستور spectrogram و با در نظر گرفتن طول پنجره L=128 ، تعداد نقاط در پنجره همپوشان $f_s=1000$ و nfft=L=128 (FFT (یا DFT) تعداد نقاط در کانس همپوشان و میک از پنجرههای قسمت (ب)، به دست آورده و رسم کنید (محور زمان و فرکانس به ترتیب بر حسب ثانیه و هر تز نمایش داده شوند). نتایج به دست آمده از چهار پنجره را با هم مقایسه کنید.
- را میروشان را با در نظر گرفتن یکی از چهار پنجره قسمت (ب) و L=128، L=128، تعداد نقاط همپوشان را بررسی کنید ($N_{overlap}=0,\ 64,127$).
- را با در نظر گرفتن L=32,128,512 و L=32,128,512 را با در نظر گرفتن $N_{overlap}=L-1$ و $N_{overlap}=L$
- با در نظر $nfft=L,\,2L,\,4L$ را به ازای DFT با در نظر بنجره قسمت (ب)، اثر تغییر تعداد نقاط $N_{overlap}=\frac{L}{2}$ با در نظر گرفتن $N_{overlap}=\frac{L}{2}$ بررسی کنید.
- و با استفاده از تابع fft، تابعی برای محاسبه spectrogram سیگنال با در نظر گرفتن پنجره مستطیلی به طول L بنویسید. تابع را برای محاسبه طیف زمان-فرکانس سیگنال در چند مورد از موارد بالا امتحان کرده و با نتیجه به دست آمده از تابع spectrogram متلب مقایسه کنید.
 - 🔥 ه) یک جمعبندی از نتایج بهدستآمده از بخشهای بالا ارائه دهید.

۲- یک سیگنال EEG فیلترشده به شما داده شده است (فایل NewEEGSignal.mat). طول این سیگنال ۵۱۲ نقطه بوده و فرکانس نمونهبرداری آن Fs=256 Hz است.

با در نظر گرفتن این سیگنال و با استفاده از دستورهای MATLAB مانند fft و spectrogram به موارد زیر پاسخ دهید. در هر بخش باید مقیاسها را به گونهای تنظیم کنید که محور زمان و فرکانس به ترتیب بر حسب ثانیه (یا میلی ثانیه) و هر تز نمایش داده شوند.

- الف) سیگنال زمانی، طیف فرکانسی (DFT) و STFT سیگنال را رسم کنید. محورهای فرکانسی را به گونهای تنظیم کنید که محتوای فرکانسی به خوبی نمایش داده شود (یعنی فرکانسهای بالا را که اطلاعات فرکانسی ندارند، حذف کنید). آیا روشی برای نمایش بهتر طیف فرکانسی میشناسید؟ آن را اعمال کرده و نتایج را نشان دهید.
- با طیف فرکانسی به دست آمده با این فرض می کنیم که طیف فرکانسی به دست آمده با طیف فرکانسی به دست آمده با طیف فرکانسی سیگنال پیوسته مشابه باشد. با این فرض و با استفاده از اطلاعات به دست آمده از بخش (الف)، فرکانس نمونهبرداری را به گونهای کاهش دهید (down sampling) که محتوای فرکانسی حفظ شود (انام سیگنال جدید را EEG_ds می گذاریم). قبل از کاهش نرخ نمونهبرداری، از فیلتر پایین گذر مناسب استفاده کنید. سیگنال زمانی، طیف فرکانسی (DFT) و STFT سیگنال و یا نتایج قسمت (الف) مقاسه کنید.
- پ پ) اگر تعداد نمونههای سیگنال EEG_ds، N باشد، N باشد، N باشد، N و N نقطهای را با در نظر گرفتن پنجرههایی به همان طول از ابتدای سیگنال EEG_ds به دست آورده و رسم کنید و با طیف سیگنال EEG_ds و EEG_ds
- ت) برای هر یک از سیگنالهای پنجره گذاری شده بخش (ت)، به اندازهای صفر در انتهای هر یک قرار دهید که طول سیگنال برابر با N شود. برای سیگنالهای جدید، N —نقطهای را محاسبه کرده و رسم کنید و با نتایج بخشهای قبل مقایسه کنید.
- ث) در مورد قدرت تفکیک فرکانسی در هر یک از بخشهای بالا بحث کنید و اثر پنجره گذاری و -zero padding را بررسی کنید.