# Exercices chapitre 9

Version du 23 septembre 2014 CC-BY-SA Olivier Cleynen — thermo.ariadacapo.net

Les propriétés de l'eau sont toutes tabulées dans les abaques n°1, 2 et 3.

L'air est considéré comme un gaz parfait.

$$c_{\nu(air)} = 718 \,\mathrm{J\,kg^{-1}\,K^{-1}}$$
  $R_{air} = 287 \,\mathrm{J\,kg^{-1}\,K^{-1}}$ 

$$c_{p(air)} = 1005 \,\mathrm{J\,kg^{-1}\,K^{-1}}$$
  $\gamma_{air} = 1.4$ 

## 9.1 Cycle de Rankine

La centrale EDF de Porcheville (figure 9.22), en bordure de l'A13 à Mantes-la-Jolie, reçoit de la chaleur issue de la combustion de fioul, et utilise un cycle à vapeur pour alimenter une génératrice électrique.

Dans la centrale l'eau évolue entre les pressions de 0,1 bar et 140 bar. La vapeur atteint 545 °C, et les turbines ont une efficacité isentropique de 80 %.

Dans cet exercice, nous considérons que le cycle est basé sur un cycle de Rankine surchauffé.

- 1. Schématisez le circuit physique de l'eau dans la centrale; tracez le cycle suivi sur un diagramme température-entropie.
- 2. Quelle est l'enthalpie spécifique de l'eau à la sortie de la turbine ?
- 3. Quelle est l'enthalpie spécifique de l'eau à la sortie des pompes?
- 4. Quel est le rendement thermodynamique de l'installation?
- 5. Quelle est la consommation spécifique de l'installation, c'est-à-dire la masse de vapeur ayant traversé la turbine lorsque l'installation a généré 1 kWh d'énergie mécanique?
- 6. Quel débit horaire de vapeur faut-il faire circuler dans le circuit pour obtenir une puissance mécanique de 60 MW ?



FIGURE 9.22 – Centrale électrique de Porcheville, alimentée au charbon jusqu'en 1987 et fonctionnant désormais au fioul. Elle sert principalement les demandes de pointe.

Photo schéma CC-0 o.c.

#### 9.2 Chaudière de centrale à vapeur

Dans une centrale à vapeur, la chaudière fonctionne avec la combustion de bois dans de l'air prélevé dans l'atmosphère. Les briquettes utilisées pour la combustion sont faites de résidus de bois et de biomasse (figure 9.23); elles ont une capacité calorifique massique de  $15\,\mathrm{MJ\,kg^{-1}}$ .

L'air pénètre dans la chaudière à température de 15 °C et pression de 1 bar. Il est porté à température de 1 000 °C par combustion à pression constante, avant de passer autour des conduits d'eau. Lorsqu'il quitte la chaudière, sa température est de 180 °C.

L'eau pénètre dans la chaudière à 50 bar et 20 °C. Elle y circule à pression constante. On souhaite la porter jusqu'à une température de 850 °C, avec un débit de  $3 \text{ kg s}^{-1}$ .

- 1. Quel débit d'air faut-il admettre dans la chaudière pour respecter le cahier des charges ?
- 2. Quelle est l'efficacité de la chaudière?
- 3. Un/e ingénieur/e propose de faire passer le conduit d'air d'admission au travers des gaz d'échappement (sans pourtant les mélanger) pour augmenter la température de l'air avant combustion. Cela vous paraît-il être une bonne idée ?



FIGURE 9.23 – La sciure de bois, produite en très grande quantité dans l'industrie, peut être utilisée comme source d'énergie dans une centrale à vapeur.

Photo CC-By-sa par l'utilisateur·rice Commons Eivindmy

#### 9.3 Cycle avec resurchauffe

L'installation de Porcheville décrite dans l'exercice 9.1 est modifiée pour accueillir une série de tubes de resurchauffe. La détente de l'eau est interrompue à 18 bar dans la turbine, et la vapeur est ramenée à la température maximale du cycle (c'est-à-dire 545 °C).

La centrale est alimentée au fioul lourd dit « TBTS », de masse volumique  $1\,050\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^{-3}$  et de pouvoir calorifique  $40,2\,\mathrm{MJ}\,\mathrm{kg}^{-1}$ . La chaudière a une efficacité de  $80\,\%$ .

- 1. Quel est le nouveau rendement de l'installation?
- 2. Quelle est la nouvelle consommation spécifique?
- 3. Quel est le débit volumique horaire de carburant nécessaire pour générer 60 MW électriques ?

## 9.4 Cycle avec régénération

Dans un navire brise-glace polaire (figure 9.24), une installation à vapeur alimente les hélices à partir d'un réacteur nucléaire.

Le cycle est basé sur un cycle de Rankine surchauffé à 310 °C (par contact avec les conduites d'eau pressurisée qui, elle, traverse le réacteur), entre les pressions de 30 et 0,5 bar<sup>12</sup>. Nous considérons que la turbine est parfaitement isolée et isentropique.

- 1. Quel est le rendement thermodynamique de l'installation?
- 2. On définit la consommation spécifique de vapeur comme l'inverse de la puissance nette de l'installation. C'est la masse de vapeur ayant traversé la turbine lorsque l'installation a généré 1 kWh d'énergie mécanique.
  - Quelle est la consommation spécifique de l'installation?

Un/e ingénieur/e propose de modifier le cycle pour le rendre régénératif, en prélevant de la vapeur de la turbine pour l'insérer dans le circuit de compression.



FIGURE 9.24 – Le 50 Let Podeby, brise-glace de 25 000 t à propulsion nucléo-turbo-électrique (deux réacteurs de 171 MW  $_{\rm chaleur}$ , trois moteurs de 17,6 MW  $_{\rm méch.}$ ). Sa construction a débuté en 1989 mais il n'est entré en service qu'en 2007.

Photo CC-BY-SA par l'utilisateur-rice Commons Kiselev d

Il/elle propose de séparer la compression en deux étapes, l'une de 0,5 à 6 bar, et la seconde de 6 à 30 bar; et d'insérer la vapeur prélevée entre les deux pompes. Le débit de vapeur prélevé est tel que l'eau à la sortie du mélangeur est exactement à saturation.

Pour alléger nos calculs, nous considérons que la puissance de pompage n'est pas modifiée par la régénération.

- 3. Schématisez l'installation proposée (c'est-à-dire le circuit physique suivi par la vapeur).
- 4. Représentez le cycle thermodynamique sur un diagramme température-entropie, en traçant la courbe de saturation de l'eau.
- 5. Quelle proportion du débit de vapeur faudrait-il prélever à 6 bar dans la turbine, pour chauffer l'eau à saturation entre les deux pompes ?
- 6. La puissance aux hélices augmente-t-elle ou diminue-t-elle, et de combien?
- 7. Le rendement de l'installation augmente-t-il ou diminue-t-il, et de combien?

# Résultats

① De nombreux exercices sont corrigés intégralement dans les annales publiées à l'addresse http://thermo.ariadacapo.net/.

**9.1** 2) 
$$h_{\rm D} = 2287,7 \,\mathrm{kJ \, kg^{-1}}$$
 3)  $h_{\rm B} = 205,9 \,\mathrm{kJ \, kg^{-1}}$  4)  $\eta_{\rm inst.} = 35,29 \,\%$  5)  $SSC = 3,15 \,\mathrm{kg/(kW \, h)}$  6)  $\dot{m}_{\rm eau} = 52,5 \,\mathrm{kg \, s^{-1}}$ 

**9.2** 1) 
$$\dot{m}_{air} = 15.2 \text{ kg s}^{-1}$$
 2)  $\eta_{chaud.} = 83.25 \%$ 

**9.3** 1) 
$$h_{D2} = 2\,960.8\,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}$$
,  $h_{E2} = 3\,570.3\,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}$ ,  $h_F = 2\,642.7\,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}$ :  $\eta_{\mathrm{inst.2}} = 36.31\,\%$  (+1 pt) 2)  $\dot{V}_{\mathrm{carb.}} = 17.6\,\mathrm{m^3\,h^{-1}}$ .

9.4 1) 
$$h_A = 340,5 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}, h_B = 343,54 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}, h_C = 3\,017,4 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}, h_D = 2\,284,5 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}$$
:  $\eta_{\mathrm{inst.}} = 27,294 \,\%$ . 2)  $SSC = 4,93 \,\mathrm{kg/(kW\,h)}$ 
5)  $h_{\mathrm{pr\'el\`evement}} = 2\,673,9 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}, h_{\mathrm{pr\'e-m\'elange}} = 341,1 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}, h_{\mathrm{post-m\'elange}} = 670,4 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}$ :  $z = 14,1 \,\%$  6)  $w_{\mathrm{net}\,2} = -674,87 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}$  ( $-9,2 \,\%$ ) 7)  $q_{\mathrm{chaud.}} = 2\,344,4 \,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}: \eta_{\mathrm{inst.}\,2} = 28,786 \,\%$  ( $+1,49 \,\mathrm{pt}$ )