

# Algoritmos y Estructuras de Datos

## Primer Parcial – Sábado 7 de octubre de 2023

#Orden	Libreta	Apellido y Nombre	E1	E2	E3	E4	Nota Final

- Es posible tener una hoja (2 carillas), escrita a mano, con los anotaciones que se deseen
- Cada ejercicio debe entregarse en **hojas separadas**
- Incluir en cada hoja el número de orden asignado, número de libreta, número de hoja, apellido y nombre
- El parcial se aprueba con 60 puntos. Para promocionar es necesario tener al menos 70 y ningún ejercicio con 0 puntos (en ambos parciales).

### E1. Especificación de problemas [20 pts]

Se desea especificar el problema *primosEnCero* que dada una secuencia  $s$  de enteros devuelve la secuencia pero con los valores que se encuentran en posiciones correspondientes a un número primo reemplazados por 0. Si lo desea puede ayudarse escribiendo predicados y funciones auxiliares.

#### Ejemplos

- $\text{primosEnCero}([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]) = [0, 1, 0, 0, 4, 0, 6]$
- $\text{primosEnCero}([5, 7, -2, 13, -9, 1]) = [5, 7, 0, 0, -9, 0]$

### E2. Modelado con TADs [30 pts]

Queremos modelar el funcionamiento de un vivero. El vivero arranca su actividad sin ninguna planta y con un monto inicial de dinero. Las plantas las compramos en un mayorista que nos vende la cantidad que deseemos pero solamente de a una especie por vez. Como vivimos en un país con inflación, cada vez que vamos a comprar tenemos un precio diferente para la misma planta. Para poder comprar plantas tenemos que tener suficiente dinero disponible, ya que el mayorista no acepta fiarnos.

A cada planta le ponemos un precio de venta por unidad. Ese precio tenemos que poder cambiarlo todas las veces que necesitemos. Para simplificar el problema, asumimos que las plantas las vendemos de a un ejemplar (cada venta involucra un solo ejemplar de una única especie). Por supuesto que para poder hacer una venta tenemos que tener *stock* de esa planta y tenemos que haberle fijado un precio previamente. Además, se quiere saber en todo momento cuál es el balance de caja, es decir, el dinero que tiene disponible el vivero.

1. [10 pts] Indique las operaciones (procs) del TAD con todos sus parámetros.
2. [15 pts] Describa el TAD en forma completa, indicando sus observadores, los requiere y asegura de las operaciones. Puede agregar los predicados y funciones auxiliares que necesite, con su correspondiente definición
3. [5 pts] ¿Qué cambiaría si supiéramos a priori que cada vez que compramos en el mayorista pagamos exactamente el 10 % más que la vez anterior? Describa los cambios en palabras.

### E3. Precondición más débil [20 pts]

Dado el siguiente condicional determinar la precondición más débil que permite hacer valer la poscondición (Q) propuesta. Simplifique la fórmula resultante tanto como sea posible.

```

if  $i \bmod 2 = 0$  then
  |  $s[i] = 2 * s[i]$ 
else
  |  $s[0] = 3;$ 
end

```

$$Q \equiv \{(\forall j : \mathbb{Z})(0 \leq j < |s| \rightarrow_L s[j] \bmod 2 = 0)\}$$

### E4. Correctitud del ciclo [30 pts]

Dado el siguiente ciclo, su precondición ( $P_c$ ) y su postcondición ( $Q_c$ ),

$$P_c \equiv \{i = |s| - 1 \wedge res = 0\}$$

```

while  $i \geq 0$  do
  |  $res := res + s[i] + 1;$ 
  |  $i := i - 1;$ 
end

```

$$Q_c \equiv \{res = |s| + \sum_{j=0}^{|s|-1} s[j]\}$$

- a) [10 pts] Proponer un invariante ( $I$ ) y una función variante ( $f_v$ ) para el ciclo
- b) [20 pts] Demostrar los siguientes pasos de la demostración de correctitud del ciclo
  - i) [5 pts]  $P_c \rightarrow I$
  - ii) [10 pts]  $(I \wedge \neg B) \rightarrow Q_c$
  - iii) [5 pts]  $(I \wedge f_v \leq 0) \rightarrow \neg B$