Lenguajes de Programación (2020/2)

Profesor: Federico Olmedo

Auxiliares: Bryan Ortiz Tomás Vallejos Ayudantes: G. Iturra V. Illanes M. Rojas



## Tarea 1 Programación Funcional en Racket

Para la resolución de la tarea recuerde que

- Toda función debe estar acompañada de su firma, una breve descripción coloquial (en T1.rkt) y un conjunto significativo de tests (en test.rkt).
- Todo datatype definido por el usuario (via deftype) debe estar acompañado de una breve descripción coloquial y de la gramática BNF que lo genera.

Si la función o el datatype no cumple con estas reglas, será ignorado.

Ejercicio 1

60 Pt

Una fracción continúa finita a coeficientes enteros es una expresión de alguna de las siguientes formas:

$$a_0$$
,  $a_0 + \frac{b_o}{a_1}$ ,  $a_0 + \frac{b_0}{a_1 + \frac{b_1}{a_2}}$ ,  $a_0 + \frac{b_0}{a_1 + \frac{b_1}{a_2 + \frac{b_2}{a_3}}}$ ,  $a_0 + \frac{b_0}{a_1 + \frac{b_1}{a_2 + \frac{b_2}{a_3}}}$ , ...

donde  $a_i, b_i \in \mathbb{Z}$ . La primera expresión es una fracción continua de grado 0, la segunda de grado 1, y así sucesivamente. Es fácil ver que una fracción continua es o bien una fracción continua "simple", de la forma  $a_0 \in \mathbb{Z}$ , o bien una fracción continua "compuesta", de la forma  $a_i + \frac{b_i}{d}$  donde  $a_i, b_i \in \mathbb{Z}$  y d es otra fracción continua. Por lo tanto, el conjunto CFraction de todas las fracciones continuas puede definirse inductivamente, a través del siguiente par de reglas:

Por ejemplo, la fracción continua  $3+\frac{1}{4+\frac{1}{12+\frac{1}{4}}}$  se representa a través de

(compound 3 1 (compound 4 1 (compound 12 1 (simple 4))))

- (a) [6 Pt] Defina el tipo de datos recursivo CFraction y acompáñelo de su gramática.
- (b) [5 Pt] Defina la función

;; eval :: CFraction -> Rational

que evalúa una fracción continua, devolviendo el número racional que representa.

- (c) [5 Pt] Defina la función
  - ;; degree :: CFraction -> Integer

que devuelve el grado de una fracción continua.

- (d) [8 Pt] Defina la función
  - ;; fold :: (Integer -> A) (Integer Integer A -> A) -> (CFraction -> A) que captura el esquema de recursión asociado a CFraction
- (e) [8 Pt] Redefina las funciones eval y degree usando el fold arriba definido (en vez de una recursión explícita). Si necesita definir una función como argumento del fold, hágalo usando funciones anónimas.
- (f) [10 Pt] Defina la función
  - ;; mysterious-cf :: Integer -> CFraction

que genera la siguiente secuencia de fracciones continuas:

3, 
$$3 + \frac{1^2}{6}$$
,  $3 + \frac{1^2}{6 + \frac{3^2}{6}}$ ,  $3 + \frac{1^2}{6 + \frac{5^2}{6}}$ , ... (1)

La primera fracción continua corresponde a mysterious-cf 0, la segunda corresponde a mysterious-cf 1, y así sucesivamente. Si a mysterious-cf se le pasa un argumento negativo, debe devolver un error, con el siguiente mensaje "Error: argumento negativo".

- (g) [8 Pt] Defina la función
  - ;; mysterious-list :: Integer -> listOf Float

que devuelve la lista de los primeros n valores de la mysterious-cf (lo que se muestra en la Ecuación (1) de arriba), pero donde cada fracción continua es reducida (vía eval), y mostrada en su representación decimal. Para ello le puede ser útil la función  $\mathfrak l$  que transforma un número fraccionario a su representación en punto flotante.

Para implementar mysterious-list, parta definiendo una función

```
;; from-to :: Integer -> Integer -> listOf Integer
```

que construye una lista de enteros comprendidos entre dos enteros dados, y luego defina mysterious-list en términos de map y from-to.

```
>>> (from-to 0 3)
'(0 1 2 3)
```

Viendo cuál es el resultado de (mysterious-list n) para distintos valores de n, responda la siguiente pregunta: ¿a qué número tiende (mysterious-cf k) cuando k tiende a infinito?

## (h) [10 Pt] Por último, defina la función

```
;; rac-to-cf :: Rational -> CFraction
```

que transforma un número racional no-negativo en su representación en forma de fracción continua.

```
>>> (rac-to-cf (+ 3 49/200))
(compound 3 1 (compound 4 1 (compound 12 1 (simple 4))))
```

Para ello, siga el algoritmo descrito en este enlace.