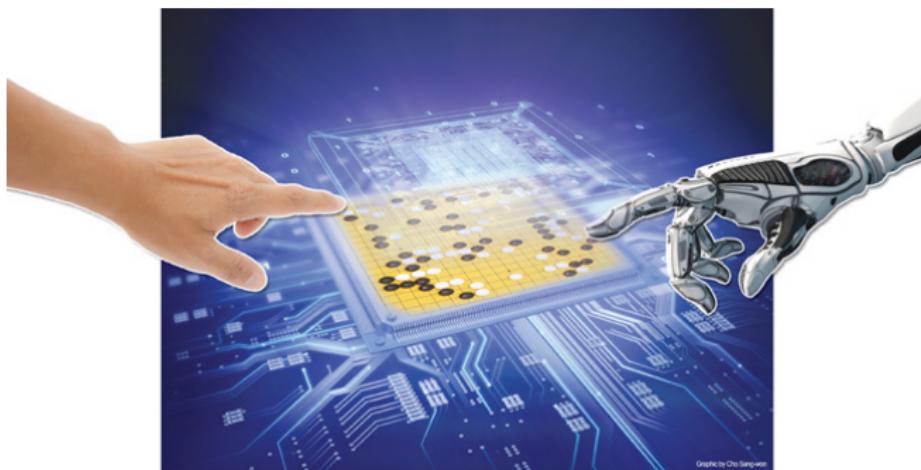




Jeu de Go et Exploration d'Arbre par Bandit

CentraleSupélec – Gif

IA et Jeu de Go



- 2016 : AlphaGo bat le meilleur joueur humain
- Combine des méthodes de **deep learning** avec une exploration d'arbre par bandit



Plan

1 IA et Jeu de Go

- Pourquoi une IA pour le Jeu de Go ?
- Le Jeu de Go

2 Avant l'Exploration d'Arbre par Bandit

3 Exploration d'Arbre par Bandit

4 Conclusion

Pourquoi une IA pour le jeu de go ?



- un jeu de plateau qui a longtemps résisté aux IA
- règles **simples**
- méthodes classiques (alphabeta) inefficaces



Histoire



- aurait été inventé en Chine en 2000 BC
- premiers écrits : 500 BC
- fait parti des 4 arts majeurs chinois : peinture, calligraphie, guqin, go
- se répand en Asie dès 800 dans la noblesse
- aujourd'hui, environ 20 millions de joueurs



Matériel

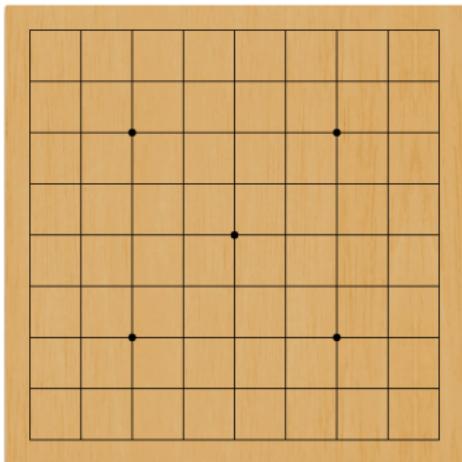
- plateau de jeu : Goban
- deux tailles 9x9 ou 19x19
- pierres noires et blanches





Règles : placement

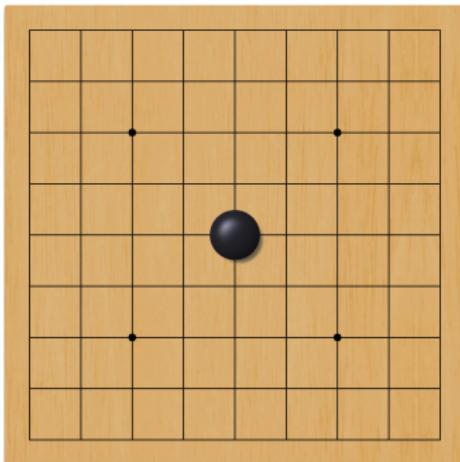
- Début de la partie : le plateau est vide
- Chaque joueur pose une pierre à tour de rôle
- Noir commence
- Pierres posées sur les intersections





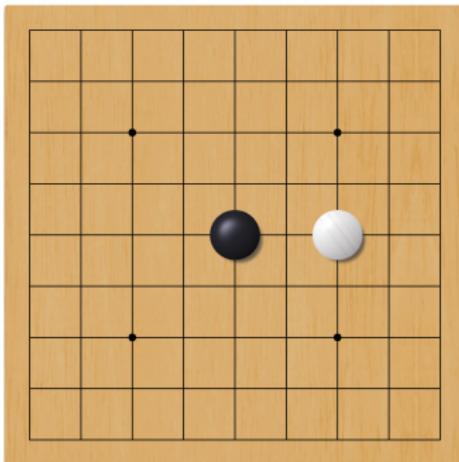
Règles : placement

- Début de la partie : le plateau est vide
- Chaque joueur pose une pierre à tour de rôle
- Noir commence
- Pierres posées sur les intersections



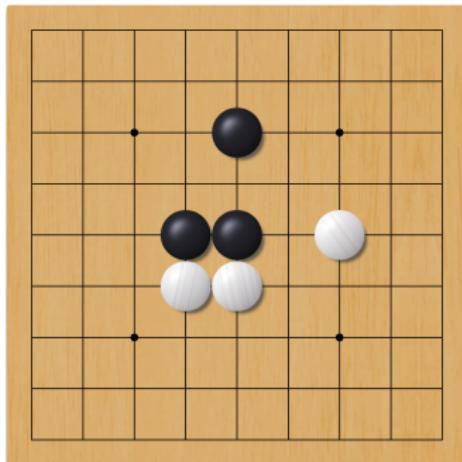
Règles : placement

- Début de la partie : le plateau est vide
- Chaque joueur pose une pierre à tour de rôle
- Noir commence
- Pierres posées sur les intersections



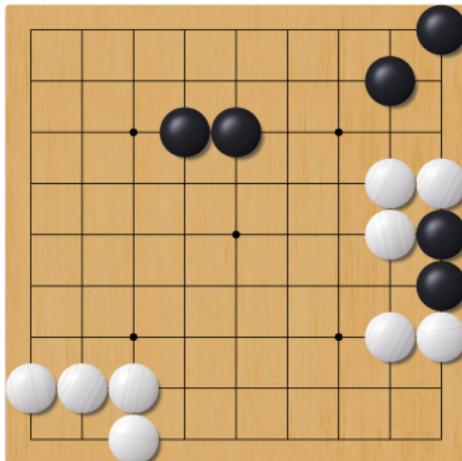
Règles : placement

- Début de la partie : le plateau est vide
- Chaque joueur pose une pierre à tour de rôle
- Noir commence
- Pierres posées sur les intersections



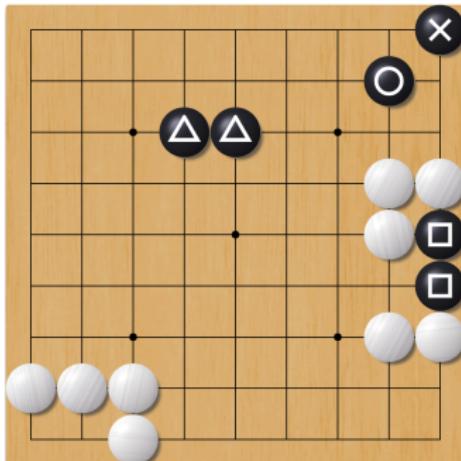
Règles : chaînes et libertés

- Pierres reliées horizontalement ou verticalement : **une chaine**
- Emplacements libres autour d'une chaine : **liberté**



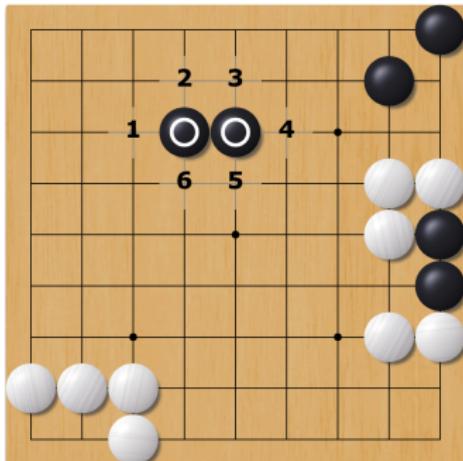
Règles : chaînes et libertés

- Pierres reliées horizontalement ou verticalement : **une chaîne**
- Emplacements libres autour d'une chaîne : **liberté**



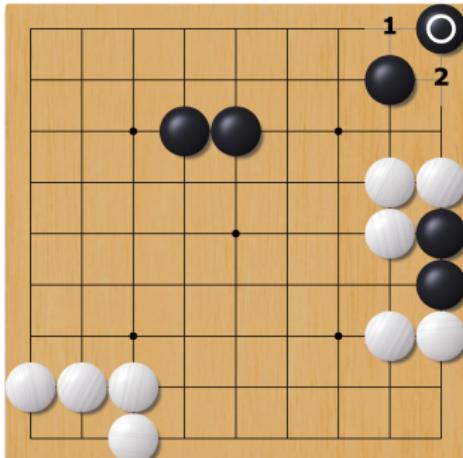
Règles : chaînes et libertés

- Pierres reliées horizontalement ou verticalement : **une chaîne**
- Emplacements libres autour d'une chaîne : **liberté**



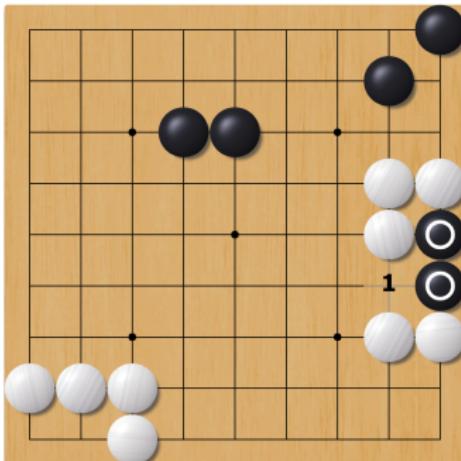
Règles : chaînes et libertés

- Pierres reliées horizontalement ou verticalement : **une chaine**
- Emplacements libres autour d'une chaine : **liberté**



Règles : chaînes et libertés

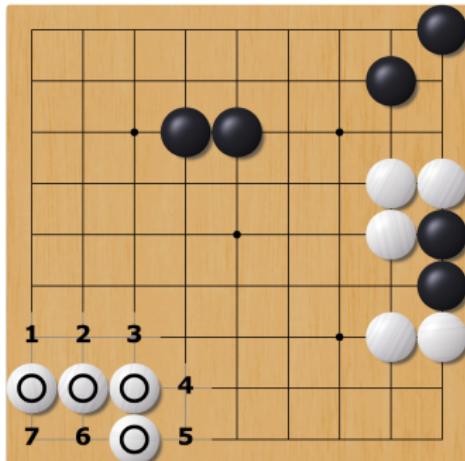
- Pierres reliées horizontalement ou verticalement : **une chaîne**
- Emplacements libres autour d'une chaîne : **liberté**





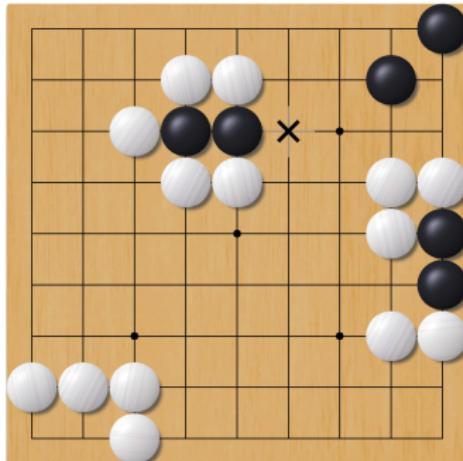
Règles : chaînes et libertés

- Pierres reliées horizontalement ou verticalement : **une chaine**
- Emplacements libres autour d'une chaine : **liberté**



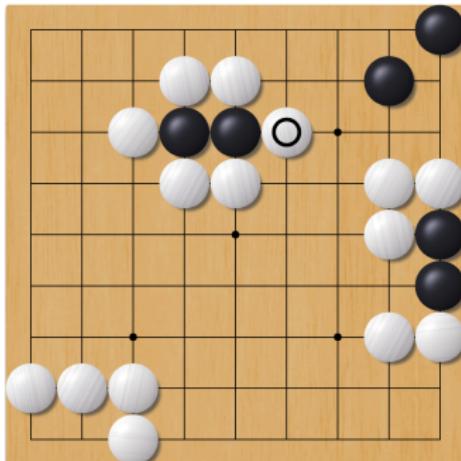
Règles : capture

- Enlever la dernière liberté d'une chaîne : **capture**
- les pierres sont enlevées du plateau



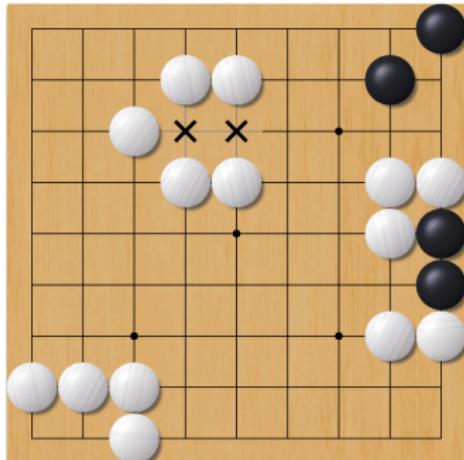
Règles : capture

- Enlever la dernière liberté d'une chaîne : **capture**
- les pierres sont enlevées du plateau



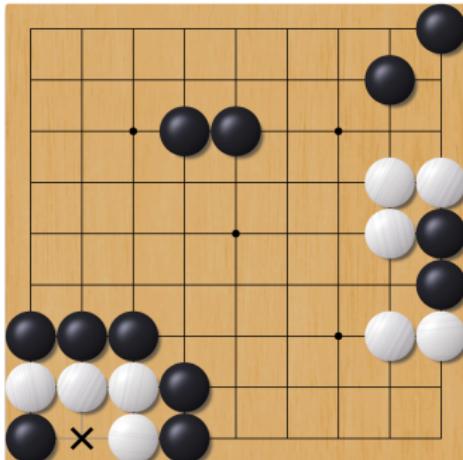
Règles : capture

- Enlever la dernière liberté d'une chaîne : **capture**
- les pierres sont enlevées du plateau



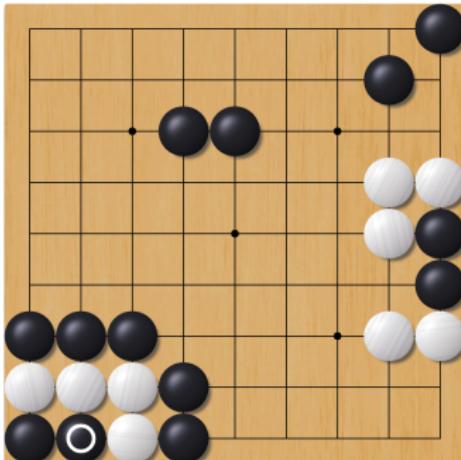
Règles : capture

- Enlever la dernière liberté d'une chaîne : **capture**
- les pierres sont enlevées du plateau



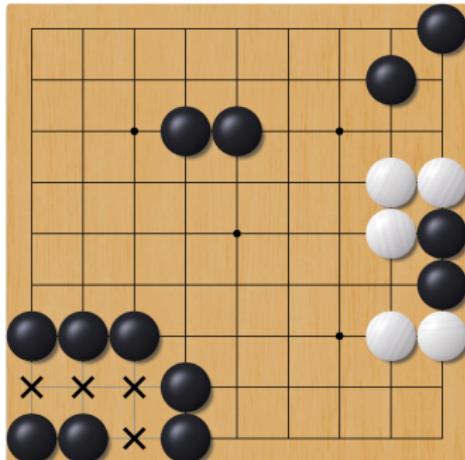
Règles : capture

- Enlever la dernière liberté d'une chaîne : **capture**
- les pierres sont enlevées du plateau



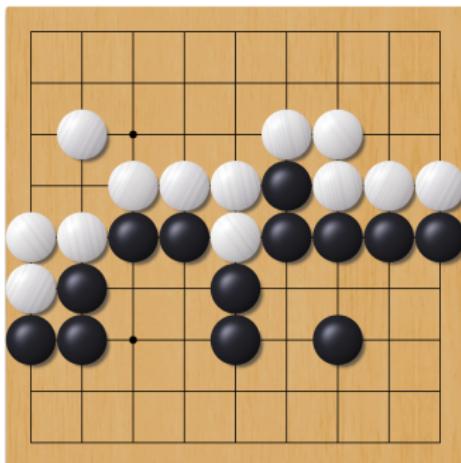
Règles : capture

- Enlever la dernière liberté d'une chaîne : **capture**
- les pierres sont enlevées du plateau



Règles : fin de partie

- partie terminée quand les deux joueurs passent
- score : pierres + territoire

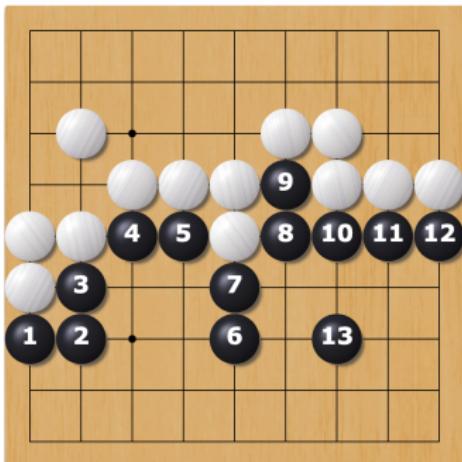


TODO score



Règles : fin de partie

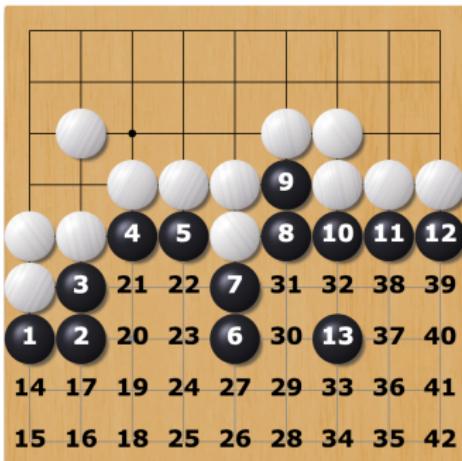
- partie terminée quand les deux joueurs passent
- score : pierres + territoire



TODO score

Règles : fin de partie

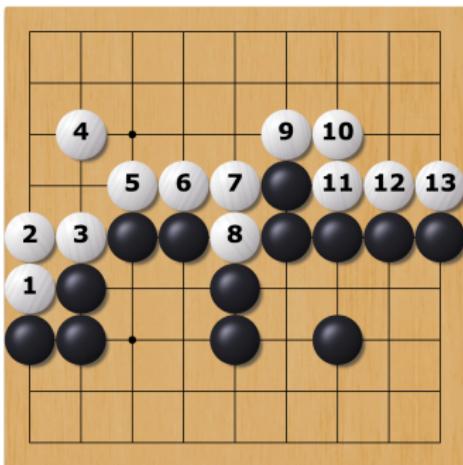
- partie terminée quand les deux joueurs passent
- score : pierres + territoire



TODO score

Règles : fin de partie

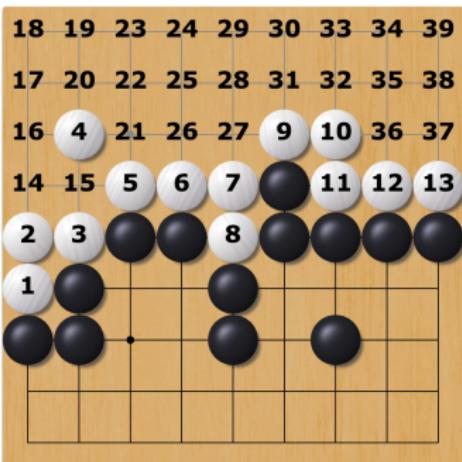
- partie terminée quand les deux joueurs passent
- score : pierres + territoire



TODO score

Règles : fin de partie

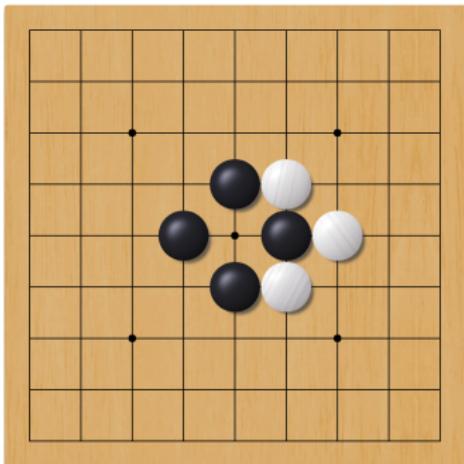
- partie terminée quand les deux joueurs passent
- score : pierres + territoire



TODO score



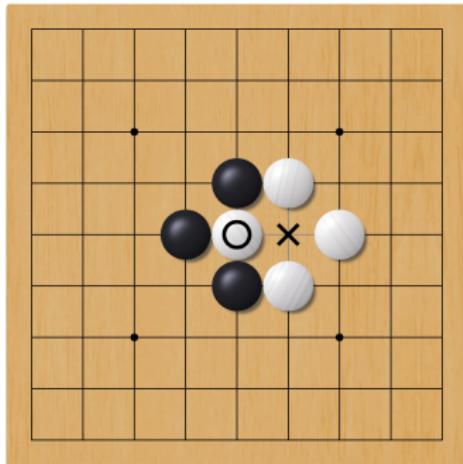
Règles : le ko



- problème : captures répétées successives
- règle (humain) : pas le droit de remettre le plateau dans l'état juste avant
- règle (ordinateur) : pas le droit de remettre le plateau dans n'importe quel état précédent



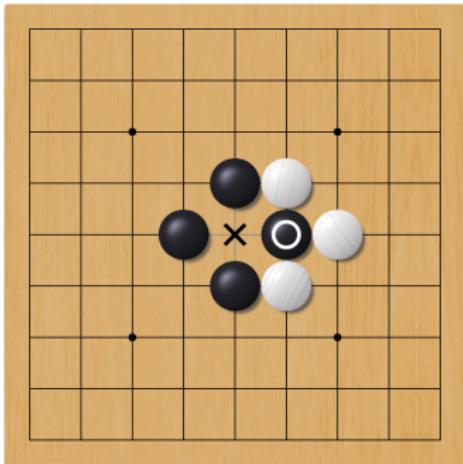
Règles : le ko



- problème : captures répétées successives
- règle (humain) : pas le droit de remettre le plateau dans l'état juste avant
- règle (ordinateur) : pas le droit de remettre le plateau dans n'importe quel état précédent



Règles : le ko



- problème : captures répétées successives
- règle (humain) : pas le droit de remettre le plateau dans l'état juste avant
- règle (ordinateur) : pas le droit de remettre le plateau dans n'importe quel état précédent



Échelle de niveau

TODO tikz

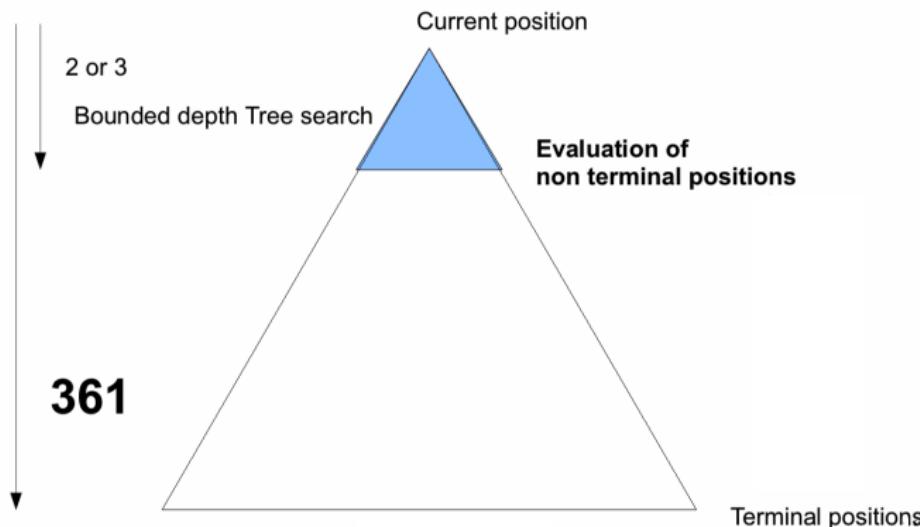


Plan

- 1 IA et Jeu de Go
- 2 Avant l'Exploration d'Arbre par Bandit
- 3 Exploration d'Arbre par Bandit
- 4 Conclusion

Principe

- Exploration d'arbre alphabeta
- Évaluation des nœuds basée sur des connaissances expertes

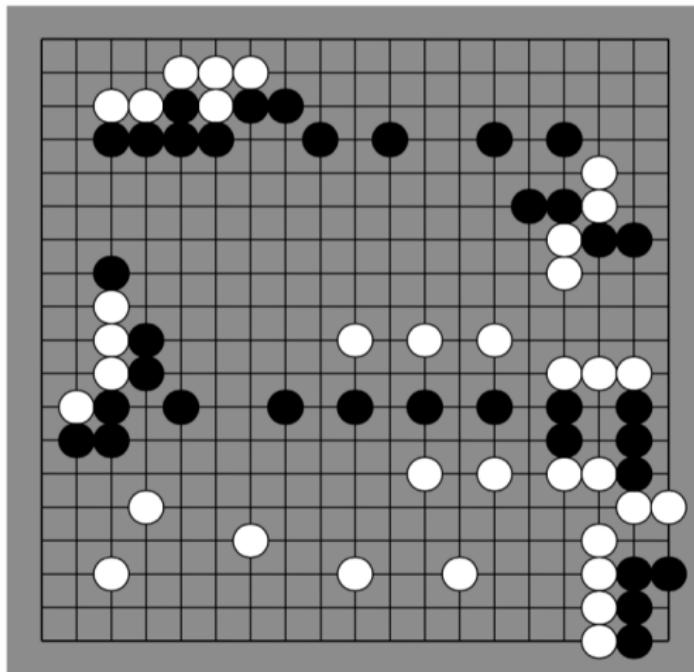


Évaluation

- Découpage du plateau en sous parties
- Évaluation de chaque sous partie par **recherche locale**
(souvent alphabeta)
- groupe mort, vivant, territoire, ...
- Recomposition d'un score global

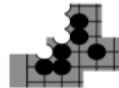
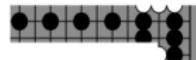
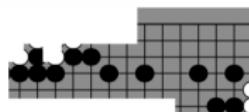


Position à évaluer



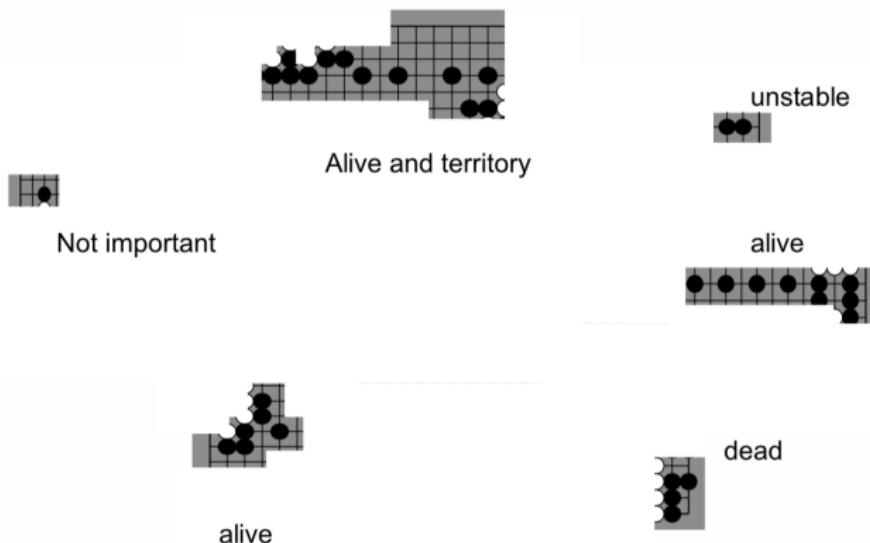


Découpage du plateau



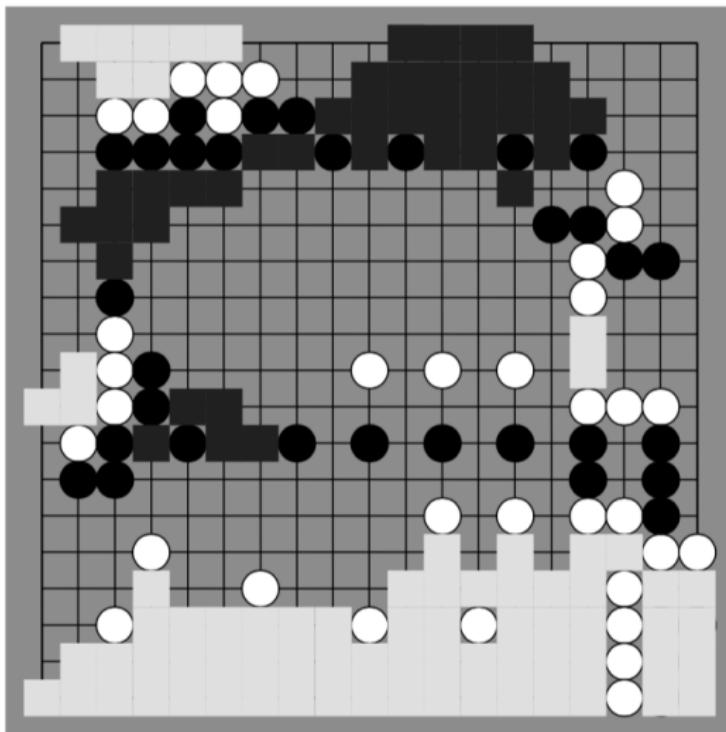


Évaluation locale





Évaluation globale





Avantages

- Algorithme très rapide
- Évaluation locale peut être très performante



Inconvénients

- Découpage et recomposition difficile et ayant un fort impact
- Pas d'**interaction** entre les positions locales
- Demande beaucoup de **connaissances expertes**



Échelle de niveau



Plan

- 1 IA et Jeu de Go
- 2 Avant l'Exploration d'Arbre par Bandit
- 3 Exploration d'Arbre par Bandit
 - Construction de l'Arbre
 - Problème de Bandit
- 4 Conclusion



Idée

- Arbre déséquilibré
- TODO
- Construction itérative



Principe

- Répétition de ces 3 étapes : TODO



Exemple

TODO tikz



Questions

TODO

- Comment faire l'évaluation ?
- Comment faire la descente ?

Introduction du problème



Dans un casino, il y a plusieurs machines à sous différentes en terme de récompense.

- Comment répartir mes pièces entre les machines ?

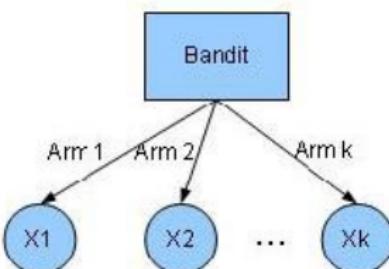
Autres problèmes similaires



- Essais cliniques : trouver le traitement qui fonctionne le mieux.
- Sélection d'un serveur dans un réseau : trouver le serveur avec le temps de réponse le plus faible.
- Publicité ciblée : trouver le type de pub qui intéressera le plus un utilisateur.
- ...

Ce sont des problèmes où on a plusieurs fois le même choix à effectuer. Le choix conduit à une récompense aléatoire.

Définition formelle



- un ensemble de bras $A = \{1, \dots, K\}$.
- chaque bras est associé à une distribution de probabilité X_k d'espérance μ_k .
- l'algorithme choisit un bras a à chaque pas de temps.
- le bandit retourne une récompense r : une réalisation de X_a .
- les tirages successifs sur un même bras sont indépendant et identiquement distribués.



Notations supplémentaires

- $T_i(n)$: le nombre de fois que le bras i a été sélectionné au pas de temps n .
- $\mu^* = \max_{1 \leq i \leq K} \mu_i$
- $\Delta_i = \mu^* - \mu_i$
- $\Delta = \min_{i: \Delta_i > 0} \Delta_i$



Objectif

Le but est d'optimiser le regret R_n défini comme suit :

$$R_n = \mu^* n - \mathbb{E} \sum_{j=1}^K T_j(n) \mu_j$$

$$R_n = \sum_{j=1}^K \Delta_j \mathbb{E}[T_j(n)]$$



Borne inférieure

Pour toute stratégie d'allocation et pour tout bras non optimal :

$$\mathbb{E}[T_j(n)] \geq \frac{\log n}{D(p_j||p^*)}$$

$$\text{où } D(p_j||p^*) = \int p_j \log \frac{p_j}{p^*}$$

On en déduit que le meilleur regret atteignable est en **log(n)**.

[Lai and Robbins, 1985]



UCB

Principe de l'algorithme :

- A partir des informations disponibles au temps t , on calcule la borne de confiance supérieur (UCB) correspondant à chaque bras.
- On choisit le bras qui a la valeur UCB la plus grande.

[Auer and all, 2002]



UCB

Calcul de la valeur UCB pour le bras i au pas de temps t :

$$\hat{\mu}_{i,t-1} + \sqrt{\frac{3 \log(t)}{2 T_i(t-1)}}$$

où $\hat{\mu}_{i,t-1}$ correspond à la moyenne empirique du bras i .



UCB

Borne sur le regret :

$$R_n \leq 6 * \sum_{i \neq i^*} \frac{\log(n)}{\Delta_i} + K\left(\frac{\pi^2}{3} + 1\right)$$

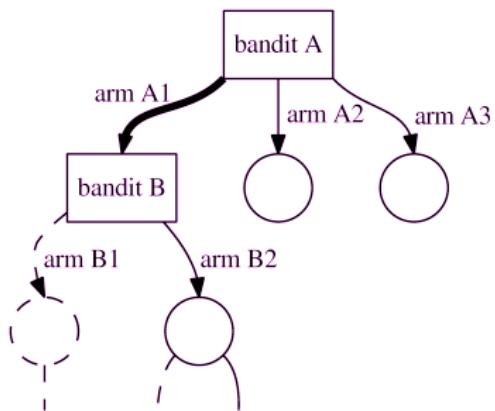


Rappel MCTS

TODO rappel l'algo TODO rappel question : comment faire la descente ?

Descente dans l'arbre

La descente dans l'arbre se fait en considérant que chaque choix d'une branche est un problème de bandit.





UCB en pratique

- Ajout d'un paramètre p de contrôle de l'exploration :

$$\hat{\mu}_{i,t-1} + p \sqrt{\frac{\log(t)}{T_i(t-1)}}$$

- Ajout de connaissances a priori $C_i(t)$:

$$\hat{\mu}_{i,t-1} + p \sqrt{\frac{\log(t)}{T_i(t-1)}} + C_i(t)$$



Améliorations

- Réduire le nombre de bras du bandit
- Ajout de connaissances expertes
- AMAF
- ...



Échelle de niveau

TODO



Première victoire en 9x9

TODO



Plan

- 1 IA et Jeu de Go
- 2 Avant l'Exploration d'Arbre par Bandit
- 3 Exploration d'Arbre par Bandit
- 4 Conclusion



AlphaGo

TODO principe en 1 slide



Échelle de niveau

TODO



Autres applications

TODO



Conclusion

TODO



References

TODO