Základní vlastnosti goniometrických funkcí

Sinus je lichá funkce, tedy $\sin(-\alpha) = -\sin(\alpha)$ pro každý úhel α , a má periodu 360° .

Kosinus je sudá funkce, tedy $\cos(-\alpha) = \cos(\alpha)$ pro každý úhel α , a má periodu 360° .

Tangens a **kotangens** jsou liché funkce s periodou 180°.

Tabulka znamének hodnot funkcí na intervalu $(0^{\circ}, 360^{\circ})$:

| | $\alpha \in (0^{\circ}, 90^{\circ})$ | $\alpha \in (90^{\circ}, 180^{\circ})$ | $\alpha \in (180^{\circ}, 270^{\circ})$ | $\alpha \in (270^{\circ}, 360^{\circ})$ |
|------------------------|--------------------------------------|--|---|---|
| znaménko $\sin \alpha$ | + | + | _ | _ |
| znaménko $\cos \alpha$ | + | _ | _ | + |
| znaménko $\tan \alpha$ | + | _ | + | _ |
| znaménko $\cot \alpha$ | + | _ | + | _ |

Dále pro každý úhel α platí

$$\sin(\alpha) = \sin(180^{\circ} - \alpha),$$

$$\cos(\alpha) = -\cos(180^{\circ} - \alpha).$$

$$\cos(\alpha) = \sin(90^{\circ} + \alpha),$$

$$\sin^{2}(\alpha) + \cos^{2}(\alpha) = 1.$$

Tabulka hodnot goniometrických funkcí pro vybrané úhly z intervalu (0°, 180°):

| Úhel α | $\sin \alpha$ | $\cos \alpha$ | $\tan \alpha$ | $\cot \alpha$ |
|----------------------|----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 0° | 0 | 1 | 0 | není definován |
| 30° | $\frac{1}{2}$ | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $\frac{\sqrt{3}}{3}$ | $\sqrt{3}$ |
| 45° | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | 1 | 1 |
| 60° | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $\frac{1}{2}$ | $\sqrt{3}$ | $\frac{\sqrt{3}}{3}$ |
| 90° | 1 | 0 | není definován | 0 |
| 120° | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $-\frac{1}{2}$ | $-\sqrt{3}$ | $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ |
| 135° | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ | -1 | -1 |
| 150° | $\frac{1}{2}$ | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ | $-\sqrt{3}$ |
| 180° | 0 | -1 | 0 | není definován |