### Estadística descriptiva. Selección de actividades resueltas

2023-10-09

#### Actividad 1: cómputo del tiempo de CPU.

Medidas de tendencia central. Medidas de dispersión. Histogramas. Diagramas de caja.

El fichero TCPU.csv contiene los resultados de un test que consiste en ejecutar aleatoriamente diferentes programas en un ordenador y medir el tiempo de CPU consumido (en milisegundos) para cada programa (variable TCPU). También conocemos la longitud del código de cada uno de los programas ejecutados (variable LCODI). En este problema estudiaremos la variable TCPU.

a) Importad el fichero TCPU.csv.

Importamos los datos con la instrucción siguiente (indicando que las tres primeras filas contienen información sobre las variables, no datos; se ve abriendo el fichero con un procesador de textos o una hoja de cálculo cualquiera).

```
setwd("/home/xto/Documentos/01_UOC/Estadistica/Reto01/datosreto1/")
test1 <- read.table("ActR01TCPU.csv", skip = 3, sep =";", header = TRUE)</pre>
```

Siempre es conveniente después de la importación ver cómo han quedado las variables:

#### head(test1)

```
##
     TCPU LCOD
## 1
      127
            146
## 2
       83
             80
## 3
       85
             60
## 4
       93
             90
## 5
      103
             58
## 6
       80
             88
```

b) Indicad el tipo de variable considerada.

La variable TCPU es una variable cuantitativa continua. Al tratarse de tiempo (milisegundos), podemos tomar un tiempo entre dos datos cualesquiera.

c) Calculad la media, la mediana, la desviación típica y los cuartiles, el máximo y el mínimo.

```
tmean <- mean(test1$TCPU)
tmean

## [1] 99.87

tmedian <- median(test1$TCPU)
tmedian

## [1] 101

tsd <- sd(test1$TCPU)
tsd

## [1] 21.55831</pre>
```

```
tquantile1 <- quantile(test1$TCPU, 0.25)
tquantile1

## 25%

## 87

tquantile3 <- quantile(test1$TCPU, 0.75)
tquantile3

## 75%

## 115.25

tmax <- max(test1$TCPU)
tmax

## [1] 149

tmin <- min(test1$TCPU)
tmin</pre>
```

Por tanto, la media de la variable TCPU vale 99.87, la mediana 101, la desviación típica 21.55831. Los cuantiles primero y tercero valen 87 y 115.25 respectivamente, y el máximo y el mínimo, 149 y 38 respectivamente.

d) Dibujad un histograma de la variable y comentad su forma.

hist(test1\$TCPU)

## [1] 48

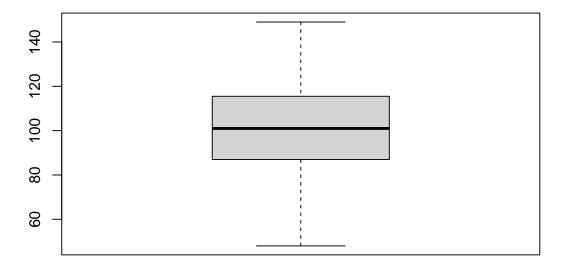
### Histogram of test1\$TCPU



Tiene una forma bastante simétrica sin ningún valor atípico.

e) Construid un diagrama de caja de la variable y comentad su forma. Indicad si hay datos anómalos o atípicos.

boxplot(test1\$TCPU)



Comprobamos de nuevo la simetría de la variable, vemos cómo la caja es simétrica y no existen datos atípicos.

f) Comentad el estudio realizado.

Como conculusión, podemos afirmar que la variable TCPU es una variable continua con una distribución bastante simétrica y no hay datos atípicos.

#### Actividad 2: cómputo del tiempo de CPU agrupado.

#### Agrupamiento de datos estadísticos.

Con los datos de la actividad anterior, queremos tabular los datos para estudiar mejor la variable. Para hacerlo distribuiremos los tiempos de ejecución en tres categorías: "TC" (tiempo en el intervalo [48,81]), "T" (tiempo en el intervalo (81,114]), "TL" (tiempo en el intervalo (114,149]) creando la variable CLT. Para estudiar la variable CLT, se piden los resúmenes numéricos que ayuden a entender la distribución de la variable y un gráfico explicativo de la variable.

Como indica el enunciado de la actividad, agrupamos la variable TCPU usando la función cut de R e indicando los intervalos de agrupamiento de la forma siguiente:

```
CLT <- cut(test1$TCPU, breaks=c(48,81,114,149), labels=c('TC','T','TL'), include.lowest=TRUE)
```

Hemos creado una variable CLT que representa la variable TCPU agrupada y computamos los primeros valores:

#### head(CLT)

```
## [1] TL T T T T TC ## Levels: TC T TL
```

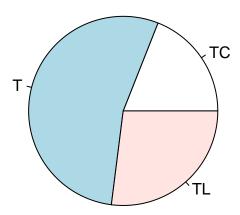
Los resúmenes numéricos para la variable CLT serán una tabla de frecuencias. Para esto, usamos la función table de R:

#### table(CLT)

```
## CLT
## TC T TL
## 19 54 27
```

Vemos que los programas de media duración son los más abundantes y los de duración corta, los menos abundantes. Un gráfico explicativo de la variable podría ser un gráfico de sectores. Para ello, usamos la función pie de R:

#### pie(table(CLT))



Al observar el gráfico obtenemos las mismas conclusiones que antes.

# Actividad 3: inmersión de las tecnologías de la información y comunicación en los municipios.

Medidas de tendencia central. Medidas de dispersión. Histogramas. Diagramas de caja.

En el fichero TICM.csv se recogen los resultados de unas encuestas en diferentes municipios sobre el uso de las TIC el año 2007. De cada municipio tenemos cuatro valores: PUORD (proporción de hogares que tienen

ordenador), PBA (proporción de hogares que tienen banda ancha), PUSUA (proporción de habitantes que han utilizado el último mes el ordenador) y PEMAIL (proporción de habitantes que han usado el correo electrónico el último mes). En este problema estudiaremos y compararemos las variables PUORD y PUSUA.

a) Importad el fichero TCIM.csv.

Primero, nos situamos en la carpeta donde vamos a trabajar con setwd, luego importamos el archivo csv a la variable Act3 y por último, comprobamos que la importación se haya hecho correctamente:

```
## PUORD PBA PUSUA PEMAIL
## 1 64.6188 39.6013 58.9384 45.4938
## 2 70.6249 45.6342 64.3950 47.4064
## 3 64.2484 43.5412 60.4109 48.6097
## 4 71.2663 33.7878 52.4718 35.7512
## 5 57.6435 32.1987 50.8143 36.3483
## 6 64.7489 44.0721 61.5918 43.5046
```

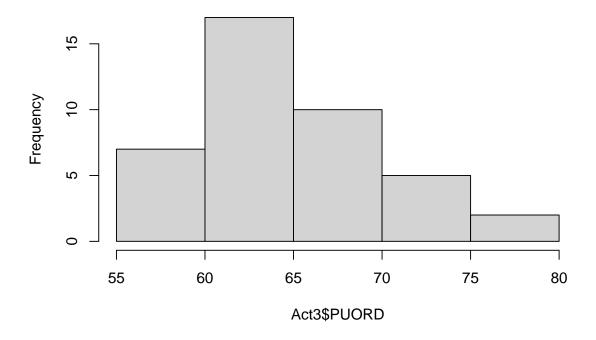
b) Calculad la media, la mediana, la desviación típica y los cuartiles, el máximo y el mínimo de estas dos variables.

La media, la mediana, la desviación típica, los cuartiles, el máximo y el mínimo de la variable PUORD son:

```
mean(Act3$PUORD)
## [1] 64.79993
median(Act3$PUORD)
## [1] 64.2766
sd(Act3$PUORD)
## [1] 5.060672
quantile(Act3$PUORD, 0.25)
##
       25%
## 61.2693
quantile(Act3$PUORD, 0.75)
##
       75%
## 67.4023
max(Act3$PUORD)
## [1] 77.3762
min(Act3$PUORD)
## [1] 56.7604
Estos mismos datos para la variable PUSUA son:
mean (Act3 PUSUA)
## [1] 58.79159
```

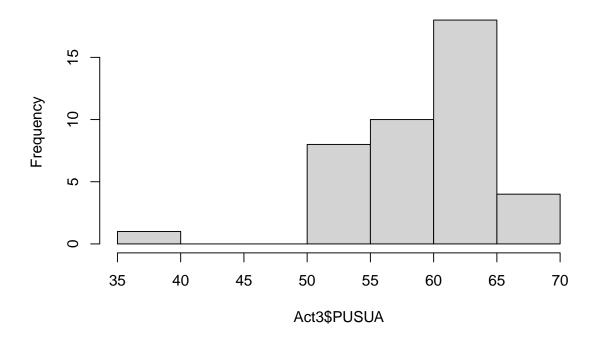
```
median(Act3$PUSUA)
  ## [1] 60.1923
  sd(Act3$PUSUA)
  ## [1] 5.453406
  quantile(Act3$PUSUA, 0.25)
  ##
         25%
  ## 56.1627
  quantile(Act3$PUSUA, 0.75)
       75%
  ## 62.53
  max(Act3$PUSUA)
  ## [1] 67.8957
  min(Act3$PUSUA)
  ## [1] 39.5549
  Escribimos los resultados anteriores en forma de tabla usando la función data frame de R:
  resul <- data.frame(c("Media", "Mediana", "Desviación típica", "Cuantil 25",
                         "Cuantil 75", "Máximo", "Mínimo"),
                       c(mean(Act3$PUORD), median(Act3$PUORD), sd(Act3$PUORD), quantile(
                         Act3$PUORD, 0.25), quantile(Act3$PUORD, 0.75), max(Act3$PUORD),
                         min(Act3$PUORD)),
                       c(mean(Act3$PUSUA), median(Act3$PUSUA), sd(Act3$PUSUA), quantile(
                         Act3$PUSUA, 0.25), quantile(Act3$PUSUA, 0.75), max(Act3$PUSUA),
                         min(Act3$PUSUA))
  names(resul) <- c("Estadísticos", "PUORD", "PUSUA")</pre>
  resul
  ##
             Estadísticos
                              PUORD
                                         PUSUA
  ## 1
                    Media 64.799934 58.791588
  ## 2
                  Mediana 64.276600 60.192300
  ## 3 Desviación típica 5.060672 5.453406
  ## 4
               Cuantil 25 61.269300 56.162700
  ## 5
               Cuantil 75 67.402300 62.530000
  ## 6
                   Máximo 77.376200 67.895700
  ## 7
                   Mínimo 56.760400 39.554900
c) Dibujad un histograma de cada una de las dos variables.
  hist(Act3$PUORD)
```

## Histogram of Act3\$PUORD



hist(Act3\$PUSUA)

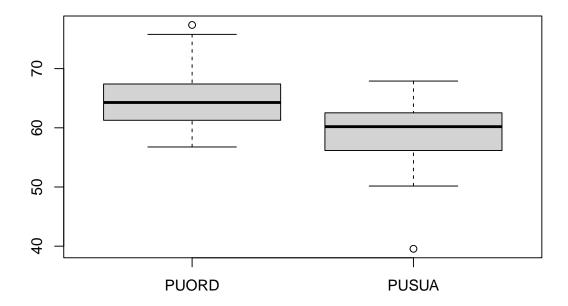
## Histogram of Act3\$PUSUA



Vemos que el histograma de la variable PUORD tiene una cierta simetría, mientras que el histograma de la variable PUSUA es asimétrico con cola hacia la izquierda.

d) Construid diagramas de caja de las dos variables. Indicad si hay datos anómalos o atípicos.

```
boxplot(Act3$PUORD, Act3$PUSUA, names = c("PUORD", "PUSUA"))
```



En el gráfico comprobamos cierta simetría en la variable PUORD y la asimetría de la variable PUSUA con un dato atípico en cada variable.

e) Comentad los resultados comentando las diferencias-semejanzas entre las dos variables. Indicad qué gráfico o qué resumen numérico es más útil en este caso.

En los gráficos anteriores vemos que la proporción de hogares con ordenador (PUORD) es mayor que la proporción de usuarios que han usado el ordenador en el último mes (PUSUA), con una cierta simetría en el primer caso y una asimetría en el segundo. El gráfico más conveniente para realizar dicha comparación es el diagrama de caja.

#### Actividad 4: tiempo de computación de programas informáticos.

Agrupamiento de datos estadísticos. Medidas de tendencia central. Medidas de dispersión. Regla de Chebyshev.

El tiempo de computación (en segundos) de un determinado programa informático ejecutado de forma independiente cien veces en una misma máquina está recogido en el fichero TCOMP.csv.

a) Leed el fichero *TCOMP.csv* y agrupad la variable "tiempo de computación" en intervalos de amplitud 0.138, empezando con el valor 4.51. Calculad una tabla de frecuencias donde se indiquen las frecuencias absolutas, relativas, absolutas acumuladas y relativas acumuladas.

Primero nos situamos en el directorio de trabajo y leemos el archivo TCOMP.csv, luego comprobamos que la importación ha sido correcta:

Ahora hallamos el máximo de la columna anterior con la función  $\max$  de R para saber hasta dónde tenemos que llegar:

```
max(Act4$TCOMP)
```

```
## [1] 5.2
```

Si el máximo de la variable "tiempo de computación" es 5.2, los intervalos serán los siguientes:

```
[4.51, 4.648], (4.648, 4.786], (4.786, 4.924], (4.924, 5.062], (5.062, 5.2]
```

Para agrupar la variable como se nos pide en el enunciado usaremos la función cut de R:

```
## [1] (4.65,4.79] (4.92,5.06] (5.06,5.2] (4.65,4.79] [4.51,4.65] [4.51,4.65] ## Levels: [4.51,4.65] (4.65,4.79] (4.79,4.92] (4.92,5.06] (5.06,5.2]
```

Para construir la tabla de frecuencias que se nos pide, hallamos las frecuencias absolutas con la función table:

```
table(TCOMPAGRUP)
```

```
## TCOMPAGRUP
## [4.51,4.65] (4.65,4.79] (4.79,4.92] (4.92,5.06] (5.06,5.2]
## 24 23 23 15 15
```

Para las frecuencias relativas usamos la función *prop.table*:

```
prop.table(table(TCOMPAGRUP))
```

```
## TCOMPAGRUP
## [4.51,4.65] (4.65,4.79] (4.79,4.92] (4.92,5.06] (5.06,5.2]
## 0.24 0.23 0.23 0.15 0.15
```

Para las frecuencias absolutas acumuladas utilizamos la función *cumsum*:

```
cumsum(table(TCOMPAGRUP))
```

```
## [4.51,4.65] (4.65,4.79] (4.79,4.92] (4.92,5.06] (5.06,5.2]
## 24 47 70 85 100
```

Para las frecuencias relativas acumuladas aplicaremos a la función cumsum el resultado de la función prop.table:

```
cumsum(prop.table(table(TCOMPAGRUP)))
```

```
## [4.51,4.65] (4.65,4.79] (4.79,4.92] (4.92,5.06] (5.06,5.2]
## 0.24 0.47 0.70 0.85 1.00
```

Ahora, escribimos todos los resultados en forma de tabla resumen utilizando la función cbind de R como sigue:

```
resul2 <- cbind(table(TCOMPAGRUP), prop.table(table(TCOMPAGRUP)),</pre>
                 cumsum(table(TCOMPAGRUP)), cumsum(prop.table(table(TCOMPAGRUP))))
colnames(resul2) = c("Frec. abs.", "Frec. rel.", "Frec. abs. acum.",
                      "Frec. rel. acum.")
resul2
##
                Frec. abs. Frec. rel. Frec. abs. acum. Frec. rel. acum.
## [4.51,4.65]
                        24
                                  0.24
                                                      24
                                                                      0.24
## (4.65,4.79]
                        23
                                  0.23
                                                      47
                                                                      0.47
## (4.79,4.92]
                        23
                                  0.23
                                                      70
                                                                      0.70
## (4.92,5.06]
                        15
                                  0.15
                                                      85
                                                                      0.85
## (5.06,5.2]
                        15
                                                     100
                                                                      1.00
                                  0.15
```

b) Calculad la media y la mediana de la variable agrupada "tiempo de computación agrupado". Calculad también la desviación típica de la variable agrupada.

Para poder hallar la media, la mediana y la desviación típica de la variable agrupada anteriormente, necesitamos hallar la marca de clase para todos los intervalos anteriores. Primero hallaremos los extremos de la izquierda (EL) y derecha (ER) de los intervalos considerados, a continuación hallaremos las marcas de clase (MC) y por último, mostraremos la tabla de frecuencias anterior incluyendo las marcas de clase halladas:

```
EL = seq(from = 4.51, to = 5.2 - 0.138, by = 0.138)

ER = seq(from = 4.51 + 0.138, to = 5.2, by = 0.138)

MC = (EL + ER) / 2

MC
```

```
## [1] 4.579 4.717 4.855 4.993 5.131
```

```
##
                Marcas de clase F. abs. F. rel. F. abs. acum. F. rel. acum.
## [4.51,4.65]
                           4.579
                                       24
                                             0.24
                                                              24
                                                                            0.24
## (4.65, 4.79]
                           4.717
                                       23
                                             0.23
                                                               47
                                                                            0.47
## (4.79,4.92]
                           4.855
                                       23
                                             0.23
                                                               70
                                                                            0.70
## (4.92,5.06]
                           4.993
                                       15
                                             0.15
                                                              85
                                                                            0.85
## (5.06,5.2]
                           5.131
                                       15
                                             0.15
                                                              100
                                                                            1.00
```

Para hallar la media, la mediana y la desviación típica, redefiniremos la variable TCOMPAGRUP usando como identificador de cada intervalo la marca de clase:

```
## [1] 4.717 4.993 5.131 4.717 4.579 4.579 4.579 4.855 5.131 4.717 4.579 5.131

## [13] 4.579 4.579 4.579 4.855 5.131 4.579 4.855 4.579 4.717 4.993 4.717

## [25] 5.131 5.131 4.579 4.855 4.855 4.855 5.131 4.993 5.131 4.579 4.579 4.855

## [37] 5.131 5.131 4.717 4.717 4.993 4.579 4.717 4.855 5.131 4.579 4.579 4.855
```

```
## [49] 5.131 4.717 4.579 4.855 4.717 4.993 4.579 5.131 4.579 4.993 4.993 4.855

## [61] 4.717 4.855 4.993 4.579 4.717 4.993 4.855 4.579 4.993 4.855 4.579 4.579

## [73] 4.717 4.993 4.855 4.717 4.717 4.717 4.993 4.855 4.717 4.717 4.717 4.855

## [85] 4.855 4.717 5.131 4.855 4.717 5.131 4.855 4.717 4.717 4.993 4.993 4.993

## [97] 4.855 4.579 4.855 4.855
```

El resultado de la función *cut* es una variable tipo *factor*. Por tanto, antes de hallar la media, la mediana y la varianza, tenemos que transformar la variable tipo *factor TCOMPAGRUP2* en una variable tipo numérico usando las funciones *as.character* y *as.numeric* de *R*. Por último, hallamos la media, la mediana y la desviación típica que se nos piden:

```
media_TCOMPAGRUP2 <- mean(TCOMPAGRUP2)
mediana_TCOMPAGRUP2 <- median(TCOMPAGRUP2)
desviacion_tipica_TCOMPAGRUP2 <- sd(TCOMPAGRUP2)

## [1] 4.81912
mediana_TCOMPAGRUP2

## [1] 4.855
desviacion_tipica_TCOMPAGRUP2</pre>
```

## [1] 0.1897845

Por tanto, la media vale 4.81912, la mediana vale 4.855 y la desviación típica 0.1897845.

c) Suponemos ahora que ejecutamos de forma independiente mil veces el programa y obtenemos la misma media y la misma desviación típica que en los apartados anteriores. ¿Entre qué valores se encuentran como mínimo el 88.8% de los tiempos de computación?

Para este apartado usaremos la desigualdad de Chebyshev. El intervalo es de la forma  $(\bar{X}-ms_x, \bar{X}+ms_x)$ , donde m cumple:

$$1 - \frac{1}{m^2} = 0.889 \Rightarrow m = 3$$

Ahora calculamos la media y la desviación típica de la variable no agrupada:

```
mean(Act4$TCOMP)  
## [1] 4.8199  
sd(Act4$TCOMP)  
## [1] 0.1960442  
El intervalo será:  
(4.8199 - 3 \cdot 0.1960, 4.8199 + 3 \cdot 0.1960) = (4.2318, 5.4089)
```

Podemos afirmar que 889 de los 1000 tiempos de ejecución estarán entre 4.2318 y 5.4080.

#### Actividad 5: número de mensajes no deseados que recibe una empresa.

Datos estadísticos discretos. Tabla de frecuencias. Diagrama de puntos. Medidas de tendencia central. Medidas de dispersión. Regla de Chebyshev.

La siguiente tabla nos indica el número de mensajes spam que reciben en un día cualquiera los empleados de una determinada empresa:

Número de <i>spam</i>	0	1	2	3	4	5	6	7
Número de empleados	7	11	10	7	1	2	1	1

Figure 1: Tabla de observaciones

La tabla anterior se ha de interpretar así: 7 empleados no reciben ningún spam en el día considerado, 11 empleados reciben 1 spam en el día considerado, etc. Consideramos la variable X = "número de mensajes spam que recibe un empleado cualquiera de esta empresa por día". Se pide:

 a) Calculad una tabla de frecuencias donde se indiquen las frecuencias absolutas, relativas, absolutas acumuladas y relativas acumuladas.

Primero, introducimos las variables con el número de mensajes spam y el número de empleados:

```
SPAM = 0:7
EMPL = c(7, 11, 10, 7, 1, 2, 1, 1)
```

Ahora, creamos la variable de estudio, "número de spam que recibe un empleado", la llamamos SPAMEMPL, y la definimos de la forma siguiente: repetimos los valores de la columna spam tantas veces como indica la variable EMPL, usando la función rep y comprobamos que los 19 primeros valores son correctos:

```
SPAMEMPL = rep(SPAM, EMPL)
SPAMEMPL[1:19]
```

```
## [1] 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 2
```

Hemos repetido el valor 0, 7 veces, el valor 1, 11 veces y así sucesivamente.

Ahora tenemos que hallar la tabla de frecuencias:

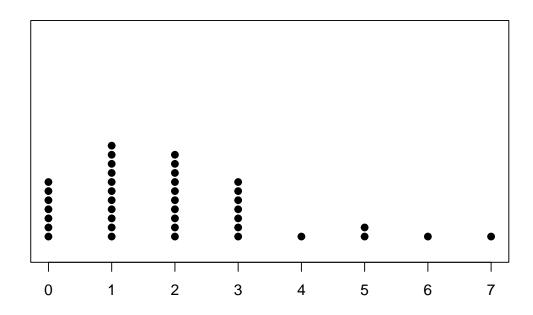
```
Frec. abs. Frec. rel. Frec. abs. acum. Frec. rel. acum.
##
## 0
               7
                       0.175
                                               7
                                                             0.175
## 1
              11
                       0.275
                                              18
                                                             0.450
                                              28
## 2
              10
                       0.250
                                                             0.700
## 3
               7
                       0.175
                                              35
                                                             0.875
## 4
               1
                                              36
                                                             0.900
                       0.025
## 5
               2
                       0.050
                                              38
                                                             0.950
## 6
               1
                       0.025
                                              39
                                                             0.975
## 7
               1
                       0.025
                                              40
                                                             1.000
```

Observamos que las dos primeras columnas coinciden con las variables SPAM y EMPL que indican los valores de la variable y las frecuencias absolutas respectivamente.

b) Haced un diagrama de puntos de la variable X.

Para este diagrama usaremos la función *stripchart* de R:

```
stripchart(SPAMEMPL, method = "stack", offset = .5, at = .15, pch = 19)
```



c) Con base en los apartados anteriores, comentad cómo es la variable X (forma, distribución...).

Vemos que la variable de estudio X tiene una distribución asimétrica con cola a la derecha donde los valores más repetidos son 0, 1, 2 y 3. Por tanto, la mayoría de los empleados reciben o ningún, o uno, o dos o tres spams diarios.

d) ¿Qué porcentaje de empleados reciben entre 2 y 6 mensajes spam cada día?

Para calcular el número de empleados que reciben entre 2 y 6 spams, tenemos que restar a la frecuencia absoluta acumulada de 6 (39, según la tabla del apartado a)), la frecuencia absoluta acumulada de 1 (también recogido en la misma tabla), o sea 39-18=21. El porcentaje de EMPL será:  $\frac{21}{40} \cdot 100=52.5\%$ 

e) Calculad la media, la moda, la mediana y la desviación típica de X.

La media, la mediana y la desviación típica de X serán:

```
mean(SPAMEMPL)

## [1] 1.975

median(SPAMEMPL)

## [1] 2

sd(SPAMEMPL)
```

## [1] 1.671595

La media de mensajes *spam* recibidos por día es de 1.975, la mediana es 2 y la desviación típica, de 1.672. La moda, como puede observarse en el diagrama de puntos anterior, vale 1.

f) Si se duplica el número de mensajes *spam* que recibe cada empleado, ¿cuáles serán las nuevas media y variancia del número de mensajes *spam* que recibe un empleado cualquiera por día? Este apartado se

debe hacer aplicando las propiedades de la media y la desviación típica sin volver a calcular la media y la desviación típica de la nueva variable.

Si se ducplican el número de mensajes recibidos por día, también se duplicarán la media y la desviación típica. Por tanto, estas serán:

 $(\bar{X} = 1.975 \cdot 2 = 3.95, \quad s_x = 1.672 \cdot 2 = 3.344)$ . Comprobamos estos resultados en R definiendo una nueva variable que sea el doble de la variable SPAMEMPL:

```
SPAMEMPL2 = 2 * SPAMEMPL
mean(SPAMEMPL2)
```

## [1] 3.95

sd(SPAMEMPL2)

## [1] 3.343191

Podemos comprobar que los valores de la media y la desviación típica coinciden con los valores calculados anteriormente.