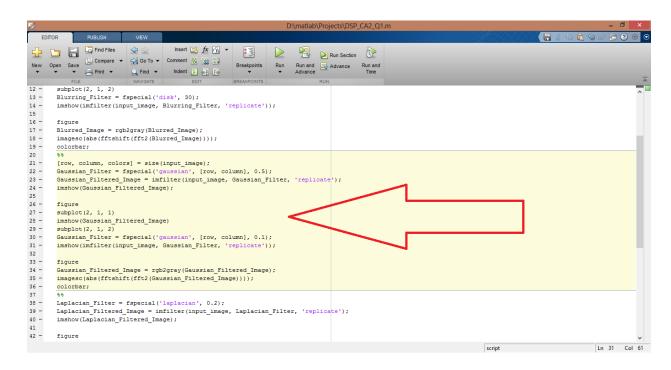
DSP CA2

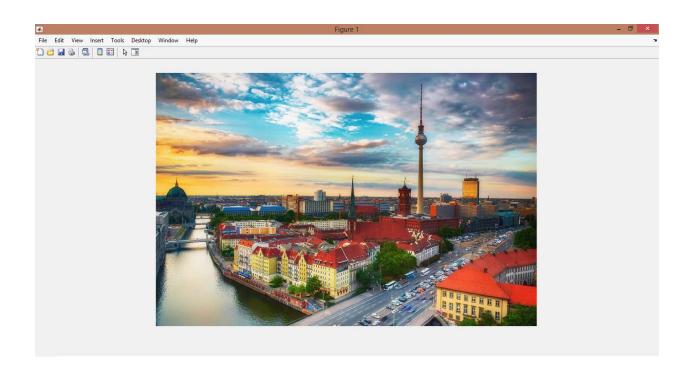
نام و نام خانوادگی: محمد تقی زاده

شماره دانشجویی: 810198373

Question 1

Part 1 - Gaussian





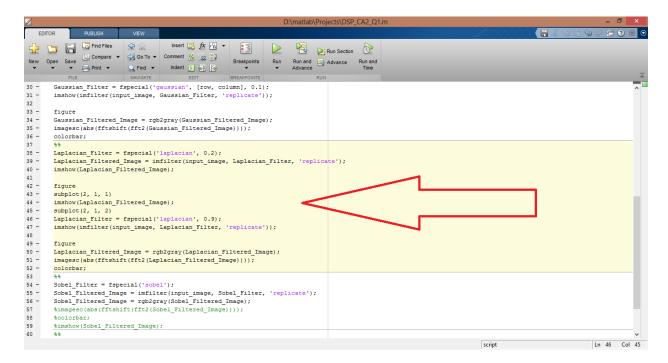
فیلتر گاوسی از رابطه زیرتبعیت می کند:

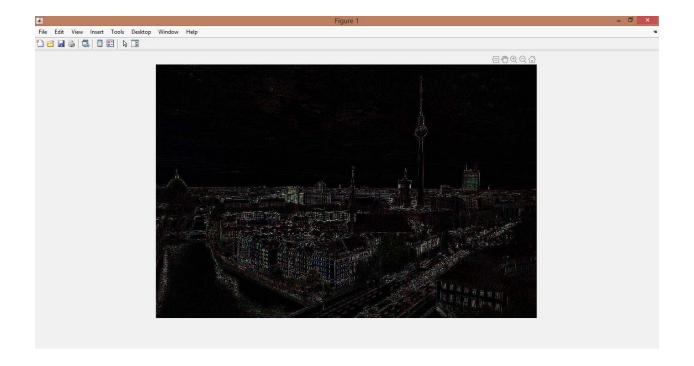
$$h_g(n_1, n_2) = e^{\frac{-(n1^2 + n2^2)}{2\sigma^2}}$$

$$h(n_1, n_2) = \frac{h_g(n_1, n_2)}{\sum_{n_1} \sum_{n_2} h_g}$$

هامن طور که مشاهده می شود، این فیلتر پایین گذر بوده و به همین دلیل در لبه ها که تغییرات زیاد است، خروجی این فیلتر 0 شده (تغییرات زیاد را عبور نمی دهد) و در نتیجه همان طور که در تصویر حاصل از این فیلتر پیداست، لبه ها سیاه شده اند.

Part 1 - Laplacian



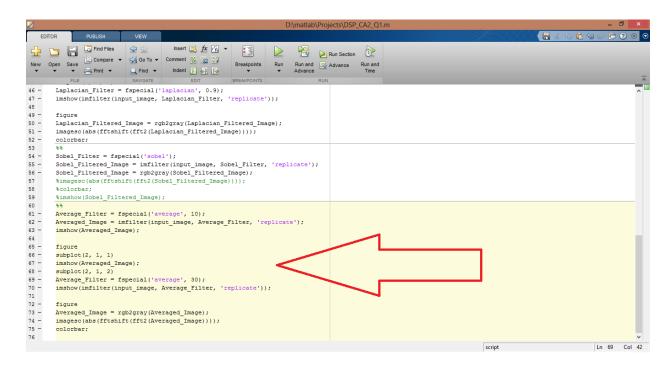


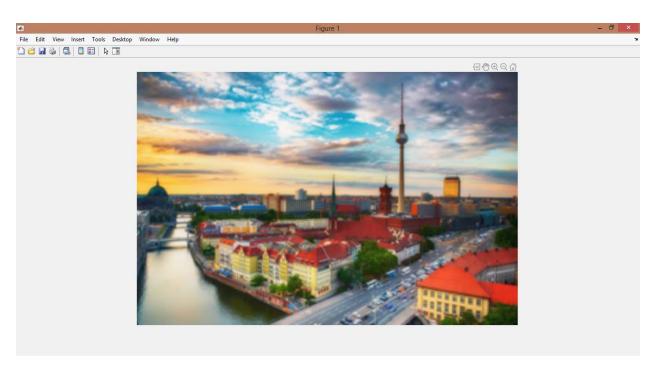
فيلتر لايلاسين از رابطه زيرتبعيت مي كند:

$$\nabla^2 = \frac{\partial^2}{x^2} + \frac{\partial^2}{y^2}$$

این فیلتر، مشتق و تغییرات هر پیکسل را نسبت به پیکسل های مجاورش محاسبه کرده و مقدار محاسبه شده را جایگزین مقداری که در پیکسل مورد بررسی هست، می کند. از جایی که در لبه ها مقادیر پیکسل ها تغییر زیادی می کند، فقط لبه ها در تصویر بالا مشخص هستند و بقیه پیکسل ها چون تغییراتشان اندک (0) است درنتیجه مقدار پیکسل نیز 0 شده و رنگ آن سیاه می شود.

Part 1 - Unsharp Average



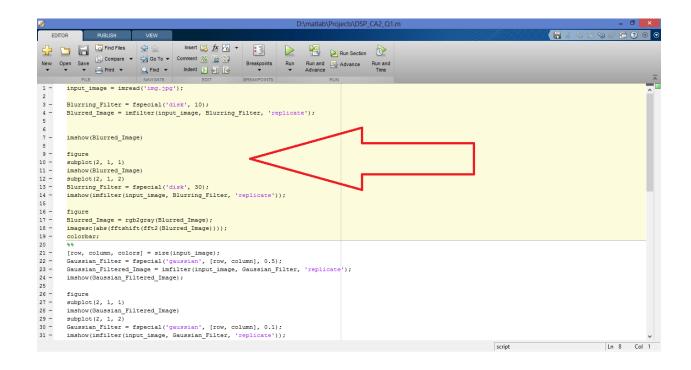


این فیلتر از رابطه زیر تبعیت می کند:

$$h(n) = ones(n(1), n(2))/(n(1) * n(2))$$

این فیلتر میانگین مقادیر پیکسل های مجاور پیکسل را جایگزین مقدار موجود در پیکسل مورد بررسی می کند که این باعث می شود رنگ های پیکسل ها براثر میانگیری در هم دیگر آمیخته شوند و درنتیجه عکس، حالت تار وبلوری پیدا کند.

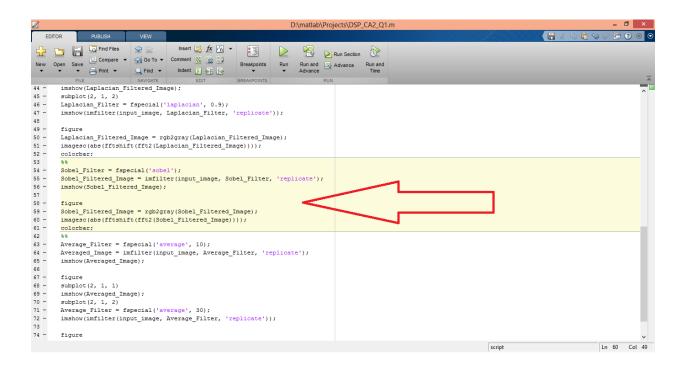
Part 1 - Disk

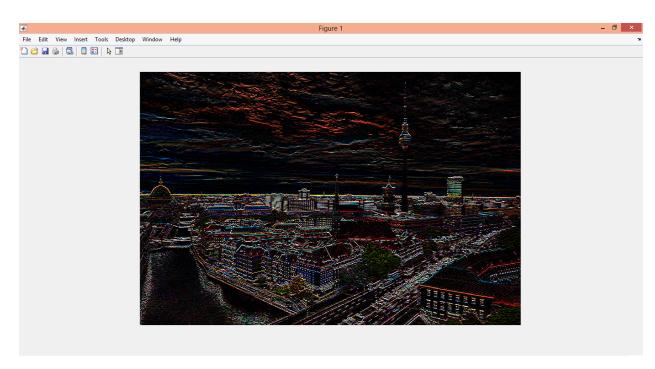




این فیلتر، عکس را تار و بلور می کند. درواقع، به ازای هر پیکسل، محدوده ای دیسک شکل به مرکز آن پیکسل، در نظر گرفته، و در آن محدوده با انجام یک سری عملیات روی پیکسل های آن محدوده، رنگ پیکسل های آن ناحیه را در هم می آمیزد که این منجر به تار شدن و بلوری شدن تصویر می شود.

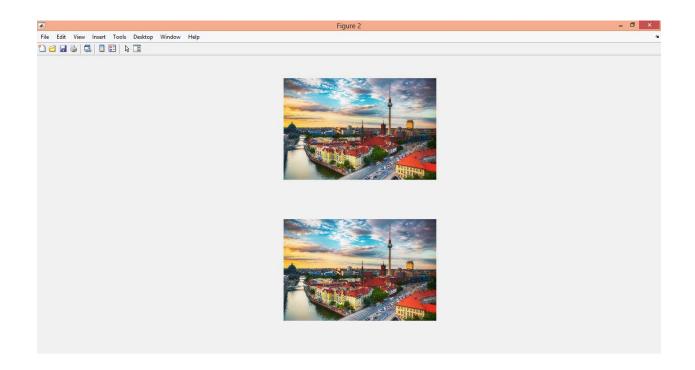
Part 1 - Sobel





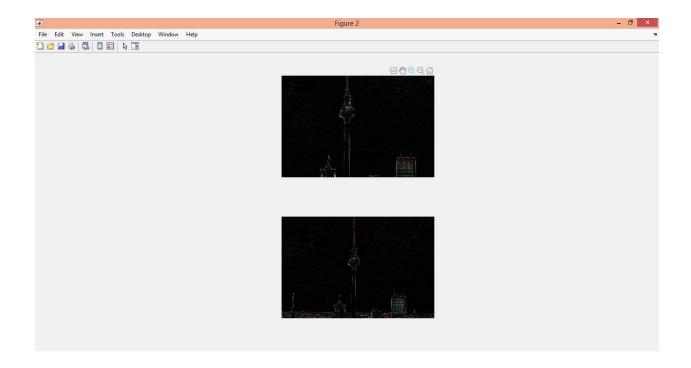
این فیلتر، لبه های افقی تصویر را تشخیص می دهد. درواقع، این فیلتر برای هر پیکسل، گرادیان عمودی را محاسبه کرده و مقدار محاسبه شده را جایگزین مقدار پیکسل مورد بررسی می کند. از جایی که در لبه ها مقادیر پیکسل ها تغییر زیادی می کند، فقط لبه های افقی در تصویر بالا مشخص هستند و بقیه پیکسل ها چون گرادیان شان (تغییراتشان) اندک (0) است درنتیجه مقدار پیکسل نیز 0 شده و رنگ آن سیاه می شود.

Part 2 - Gaussian



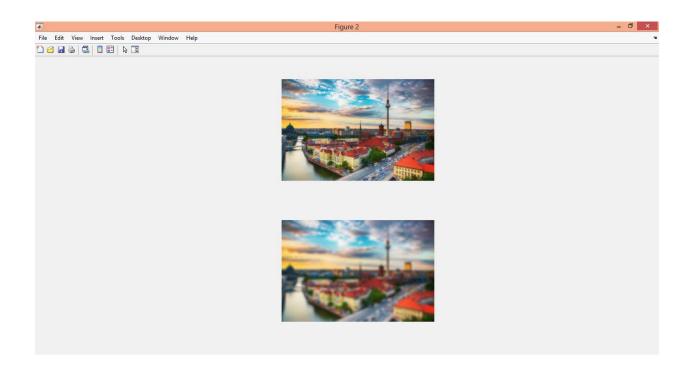
براثر زیاد شدن سیگما در فیلتر گاوسی، $h_g(n_1,n_2)$ به سمت 1 میل کرده و درنتیجه، فیلتر، فیلتر پایین گذرتری می شود. درنتیجه لبه ها که فرکانس تغییراتشان زیاد است، بیش تر فیلتر شده و بنابراین، لبه ها سیاه تر و تاریک تر می شوند.

Part 2 - Laplacian



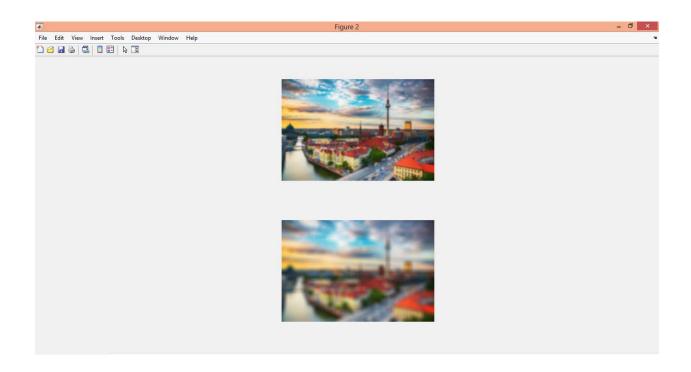
براثر زیاد شدن آلفا، ضریب ضرب شده در گرادیان پیکسل، کوچک تر شده که این منجر به متمایل شدن مقدار پیکسل ها به 0 (سیاه) شده و درنتیجه رنگ پیکسل ها تاریک تر می شود که این امر در سیاه تر بودن رنگ پس زمینه عکس فوقانی (عکس بالاتر) مشخص شده است. به عبارتی لبه ها بیشتر برجسته شده و نمایان می شوند.

Part 2 - Unsharp Average



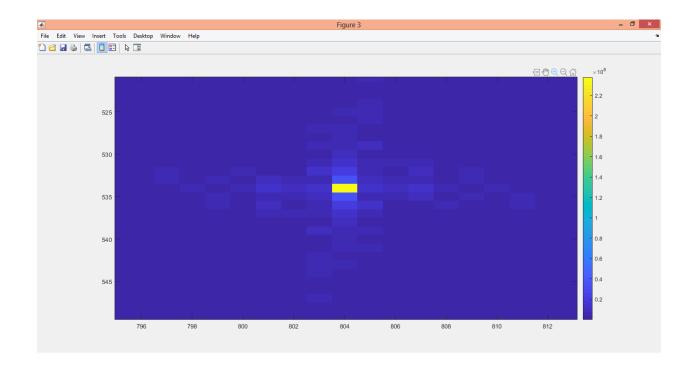
براثر زیاد شدن سایز فیلتر، محدوده ای که به ازای هر پیکسل، میانگین گیری انجام میشه (شعاعی که در آن از مقادیر پیکسل ها میانگین گرفته شده و جایگزین مقدار پیکسل مورد بررسی می شود.) بزرگتر شده و درنتیجه، رنگ پیکسل ها بیش تر به هم آمیخته می شود. درنتیجه تصویر تار تر می شود.

Part 2 – Disk



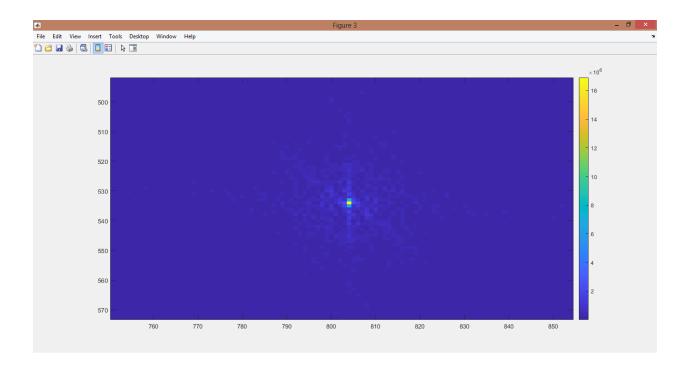
براثر زیاد شدن شعاع فیلتر، محدوده ای که به ازای هر پیکسل، میانگین گیری انجام میشه (شعاعی که در آن از مقادیر پیکسل ها میانگین گرفته شده و جایگزین مقدار پیکسل مورد بررسی می شود.) بزرگتر شده و درنتیجه، رنگ پیکسل ها بیش تر به هم آمیخته می شود. درنتیجه تصویر تار تر می شود

Part 3 – Gaussian



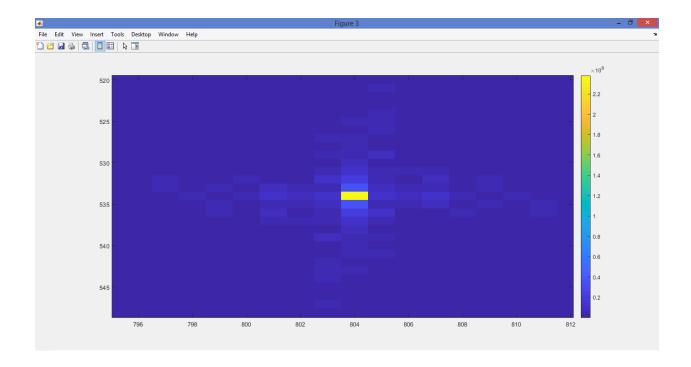
باتوجه به تبدیل فوریه رسم شده در تصویر فوق، پهنای باند عبور حدودا از 796 تا 812 است و همان طور که پیداست، از جایی که پهنای باند، متمرکز در فرکانس های کوچک است، این فیلتر، پایین گذر است.

Part 3 Laplacian



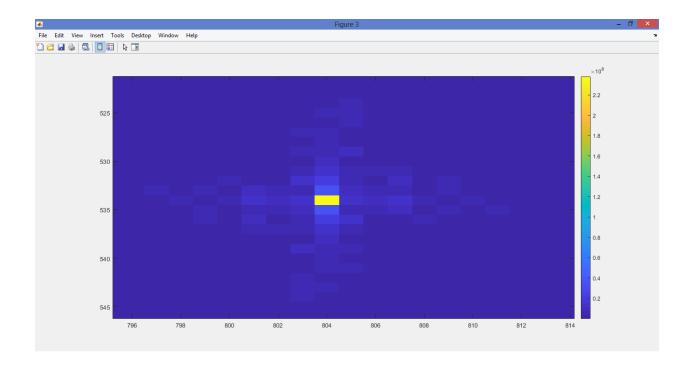
باتوجه به تبدیل فوریه رسم شده در تصویر فوق، پهنای باند عبور حدودا از 757 تا 853 است و همان طور که پیداست، از جایی که پهنای باند، نسبت به پهنای باند فیلتر گاوسی بیش تر است، این فیلتر، بالا گذر است.

Part 3 - Unsharp Average



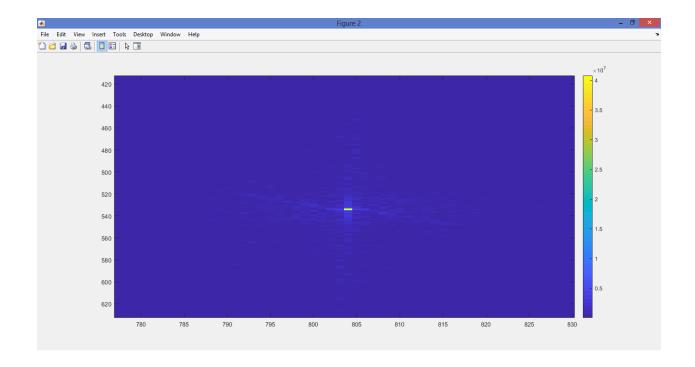
باتوجه به تبدیل فوریه رسم شده در تصویر فوق، پهنای باند عبور حدودا از 796 تا 812 است و همان طور که پیداست، از جایی که پهنای باند، متمرکز در فرکانس های کوچک است، این فیلترمانند فیلتر گاوسی، پایین گذر است.

Part 3 Disk



باتوجه به تبدیل فوریه رسم شده در تصویر فوق، پهنای باند عبور حدودا از 796 تا 812 است و همان طور که پیداست، از جایی که پهنای باند، متمرکز در فرکانس های کوچک است، این فیلترمانند فیلترهای گاوسی و میانگین، پایین گذر است.

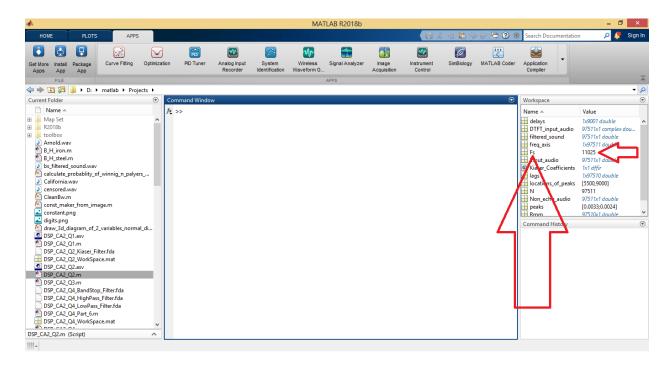
Part 3 Sobel



باتوجه به تبدیل فوریه رسم شده در تصویر فوق، پهنای باند عبور حدودا از 782 تا 827 است و همان طور که پیداست، از جایی که پهنای باند، نسبت به پهنای باند فیلتر گاوسی بیش تر است، این فیلتر، مانند فیلتر لاپلاسین، (در محور افق) بالا گذر است.

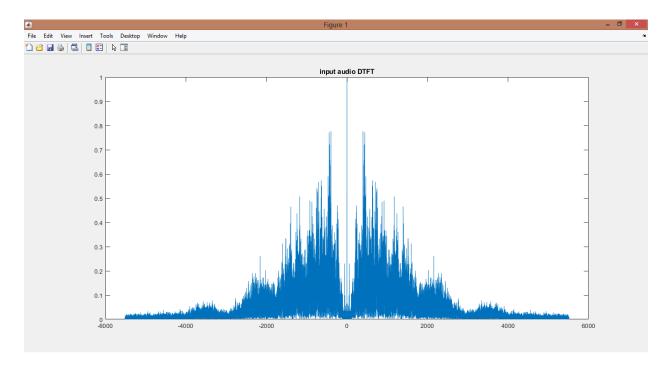
Question 2

Part 1



=> Fs = 11025 Hz

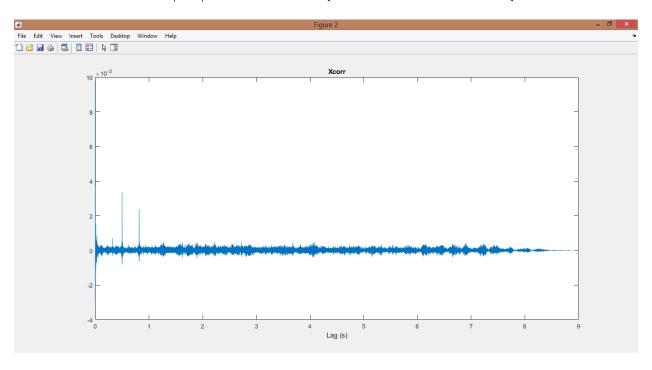
Part 2



=> Band Width ≈ 5500 Hz

Part 3, 4

برای بدست آوردن مقادیر آلفا و بتا، ابتدا با استفاده از تابع xcorr همبستگی سیگنال با شیفت یافته هایش بدست می آوریم. سه پیک مشاهده خواهد شد که یکی در نقطه 0 و دو تا دیگر به ترتیب در K1 و K2 هستند. پس با پیدا کردن مکان هایی که پیک داریم، مقادیر تاخیر بدست می آیند. در ادامه برای محاسبه آلفا کافیست که مقدار پیک در نقطه C تقسیم کنیم. به طور مشابه برای بتا کافیست که مقدار پیک در نقطه C تقسیم کنیم.



 $=> K1 = 0.4988 \times Fs = 0.4988 \times 11025 = 5500$

 $=> K2 = 0.8163 \times Fs = 0.8163 \times 11025 = 9000$

 $=> \alpha = x corr(K1) / x corr(1) = 0.0033 / 0.0098 \approx 0.3$

 $=> \beta = xcorr(K2) / xcorr(1) = 0.0024 / 0.0098 \approx 0.2$

Part 5

$$y[n] = x'[n] + \alpha x'[n-k1] + \beta x'[n-k1]$$

Z Transform
$$\Rightarrow$$
 $Y(z) = X'(z) + \alpha z^{-k_1}X'(z) + \beta z^{-k_2}X'(z)$

$$\Rightarrow \frac{Y(z)}{X'(z)} = 1 + \alpha z^{-k1} + \beta z^{-k2} = h(z)$$

$$\Rightarrow$$
 $h(n) = \delta(n) + \alpha\delta(n-k1) + \beta\delta(n-k2)$

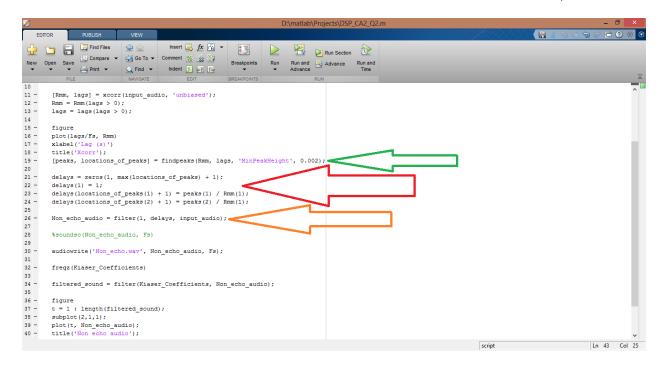
Part 6

$$=> X'(z) = Y(z) \times \frac{X'(z)}{Y(z)} => \frac{X'(z)}{Y(z)} = \frac{1}{1+\alpha z^{-k_1}+\beta z^{-k_2}}$$

برای رسیدن از سیگنال اکو به سیگنال بدون اکو مطابق روابط بالا، سیگنال دارای اکو را از فیلتری با

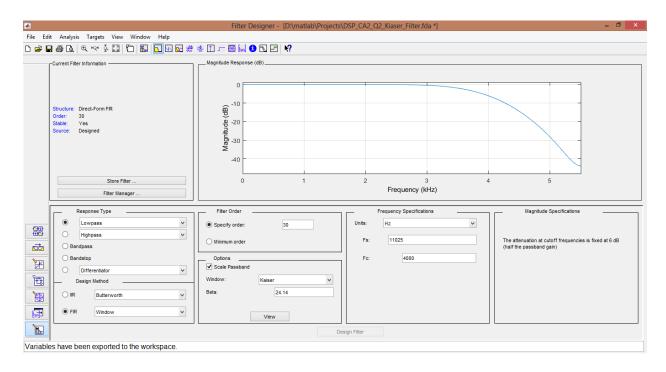
$$h'(z) = \frac{1}{1 + \alpha z^{-k1} + \beta z^{-k2}}$$

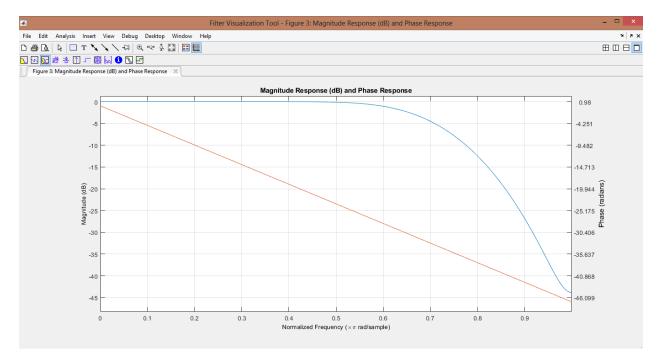
عبور مي دهيم.



تا حد زیادی اکو حذف شده است ولی هنوز مقدار کمی اکو در صدا وجود دارد.

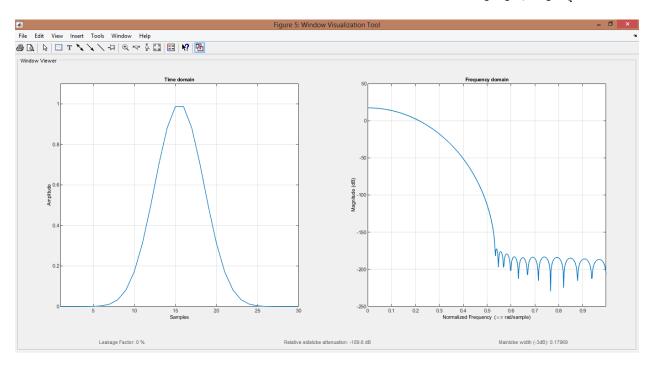
Part 8





همان طور که مشاهده می شود فیلتر خروجی، طبق تنظیماتی که در فیلتر دیزاین متلب کرده بودیم، پایین گذر است و فرکانس قطع آن(اگر به نمودار دقت کنید در فرکانس 0.72 اندازه فیلتر منفی 3 دسیبل شده است) نیز 0.72 است که درواقع نسبت 4000 (فرکانس قطعی که تنظیم کرده بودیم) به نصف فرکانس

نمونه برداری است. از جایی که این فیلتر توسط پنجره کیسر (عکس زیر) ساخته شده، فیلتر خروجی هم مانند شکل پنجره کیسر در آمده است.

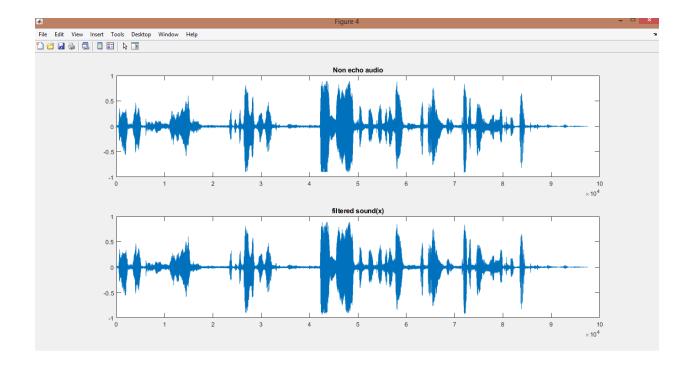


Part 9

بله.

نویز کم شده است ولی هنوز مقداری نویز در سیگنال وجود دارد. علت این امر این است که بخشی از نویز دارای فرکانسی است که در محدوده عبور فیلتر (300 تا 3800 هرتز) است و درنتیجه همراه با سیگنال بدون نویز، از فیلتر عبور می کند و منجر به شنیده شدن مقداری نویز در سیگنال خروجی می شود.

Part 10



سیگنال دارای نویز، همان سیگنال بدون نویز هست که نویز (سیگنال سینوسی با فرکانس مشخص) با آن جمع شده است. از جایی که مقدار نویز کم(بین 1- تا 1) است و مقدار سیگنال اصلی در حدود 10000 هست، نویز مقدار سیگنال اصلی را خیلی تغییر نمی دهد و در نتیجه اثر ش دیده نمی شود. به همین دلیل در تصویر بالا شکل سیگنال بدون نویز و سیگنال دارای نویز شبیه به هم شده است.

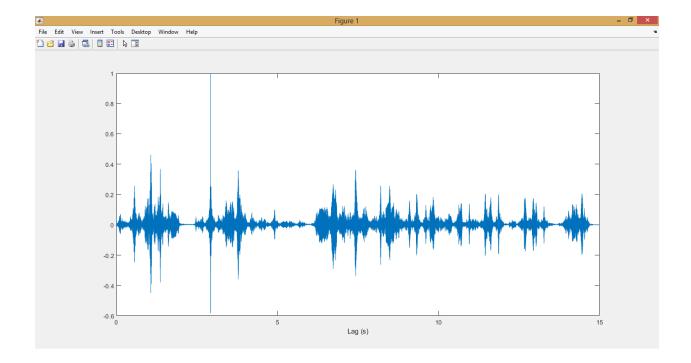
Question 3

Part 1, 2

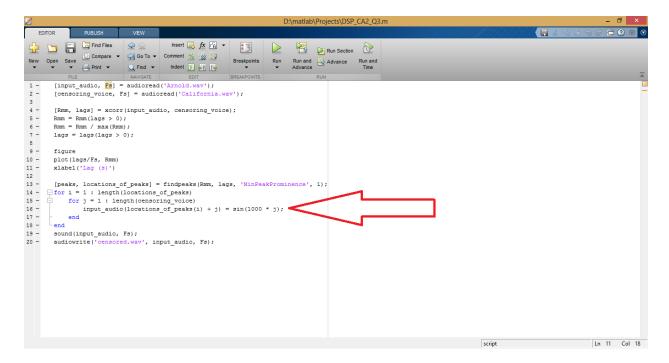
Part 3

```
DAMBATIAN Projects USP_CA2_Q3.m

DAMBATIAN Projects USP_CA2_Q3.m
```



Part 4



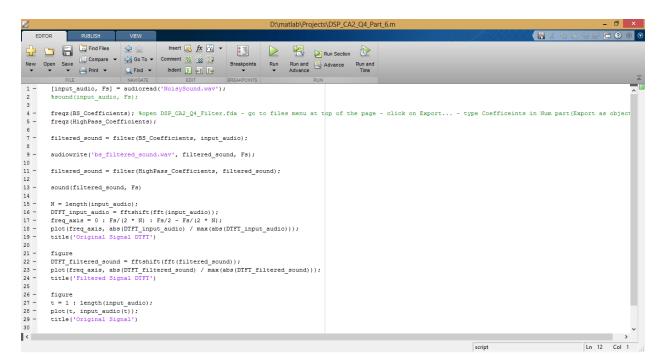
علت اینکه در صوت خروجی فقط اولین پیک (اولین جایی که عبارت California گفته شده) شناسایی و سانسور شده این است که xcorr برای هم اندازه شدن دو ورودی، تعدادی 0 به انتهای سیگنال سانسور اضافه می کند. در نتیجه correlation بین سیگنال و صدای کالیفورنیا که بعدش 0 هست محاسبه شده که این باعث می شود که فقط پیک اول شناسایی شود.

Question 4

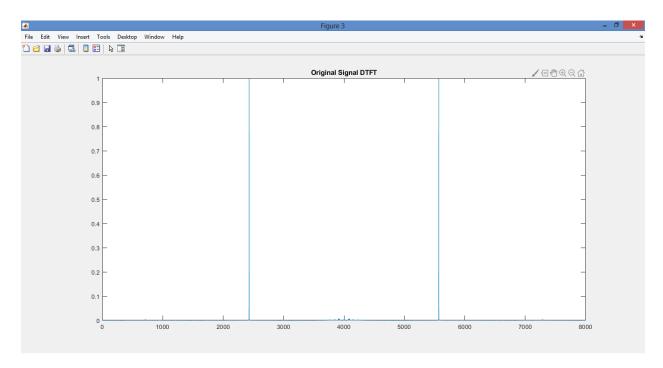
Matlab Code

```
Find Files
                                                    Insert J fx /
                                                                                                Run Section
                   ☐ Compare ▼ ☐ Go To ▼
                                                Comment % 🛣 🖫
 New Open Save ☐ Compare -
                                                                                              Run and Advance Run and Advance Time
                                  ☐ Find ▼ Indent F ♣ F F
         [input_audio, Fs] = audioread('NoisySound.wav');
%sound(input_audio, Fs);
         freqz(BS_Coefficients); % open DSP_CA2_Q4_Filter.fda - go to files menu at top of the page - click on Export... - type Coefficients in Num part(Export as object freqz(LowPass_Coefficients);
         filtered sound = filter(BS Coefficients, input audio);
         audiowrite('bs filtered sound.wav', filtered sound, Fs);
10
11 -
        filtered_sound = filter(LowPass_Coefficients, filtered_sound);
12
13 -
14
15 -
16 -
17 -
18 -
         sound(filtered_sound, Fs)
         N = length(input_audio);
DTFT_input_audio = fftshift(fft(input_audio));
freq_axis = 0 : Fs/(2 * N) : Fs/2 - Fs/(2 * N);
         plot(freq_axis, abs(DTFT_input_audio) / max(abs(DTFT_input_audio)));
19 -
          title('Original Signal DTFT')
21 -
22 -
23 -
24 -
         DFFT_filtered_sound = fftshift(fft(filtered_sound));
plot(freq_axis, abs(DFFT_filtered_sound) / max(abs(DFFT_filtered_sound)));
title('Filtered_Signal_DFFT')
25
26 -
27 -
28 -
         figure
t = 1 : length(input audio);
         plot(t, input_audio(t));
title('Original Signal')
29 -
30
                                                                                                                                                                                                         Ln 26 Col 7
```

Part 6 Matlab Code

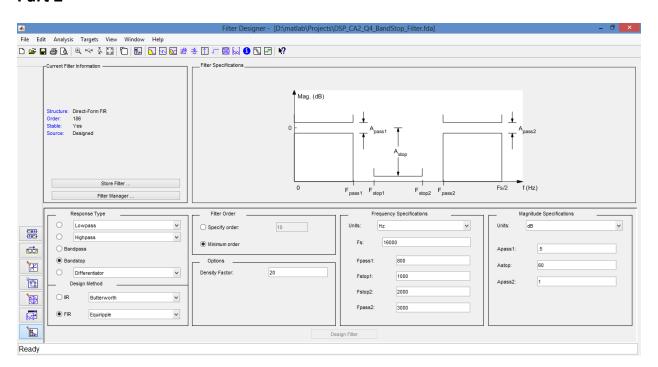


Part 1

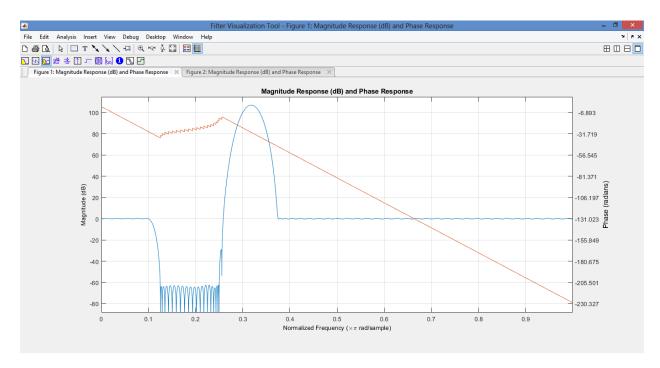


=> Noise Frequency = 1500 Hz

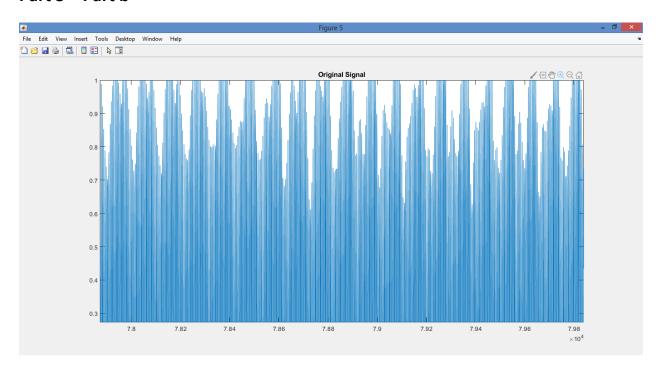
Part 2

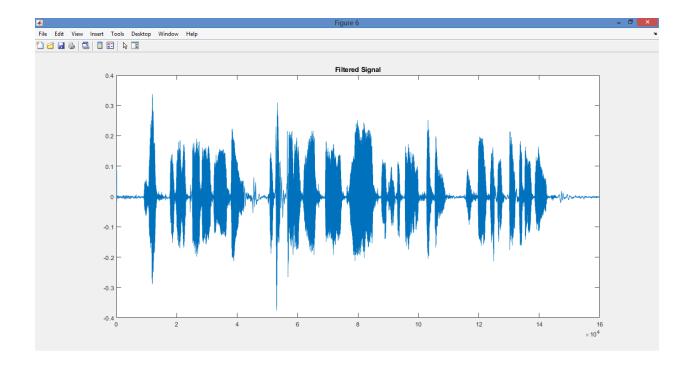


Part 3



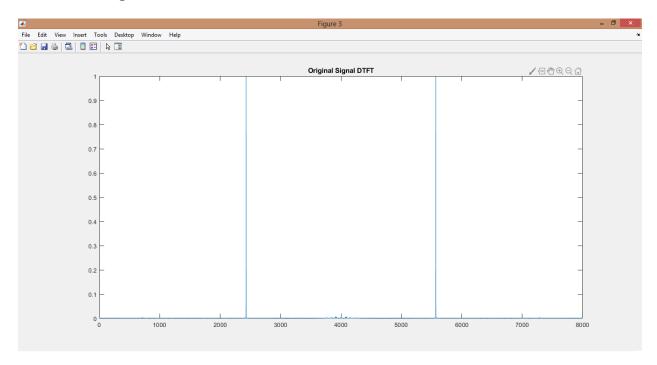
Part 5 - Part b

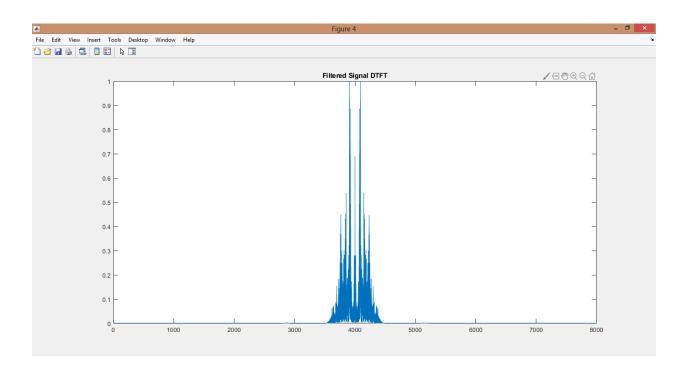




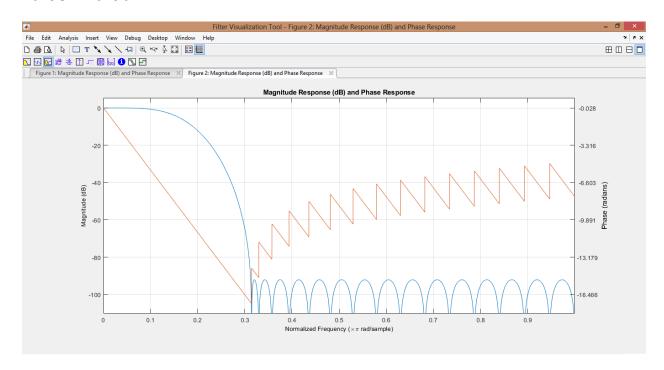
سیگنال اصلی در واقع ترکیب شده سیگنال فیلتر شده (تصویر بالا) با یک سیگنال سینوسی تک تون هست و به این دلیل، شکل حوزه زمان سیگنال اصلی به شکل سینوسی در آمده است. در واقع ابتدا با اعمال شدن فیلتر میان نگذر، نویز (سیگنال سینوسی تک تون) از سیگنال اصلی حذف شده است. در ادامه با اعمال فیلتر پایین گذر، فرکانس های بالا سیگنال اصلی حذف شده و فرکانس های کوچک سیگنال که حاوی سیگنال بدون نویز درسیگنال فیلتر حاوی سیگنال بدون نویز درسیگنال فیلتر شده بدست می آید.

Part 5 – Part g

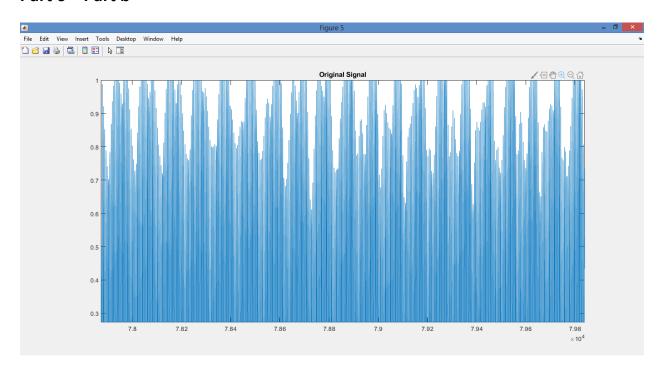


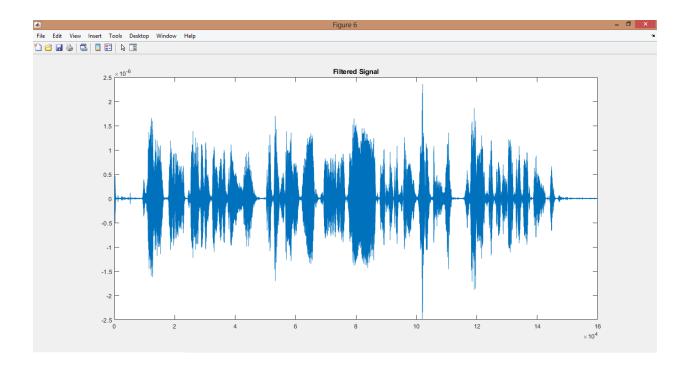


Part 5 - Part d



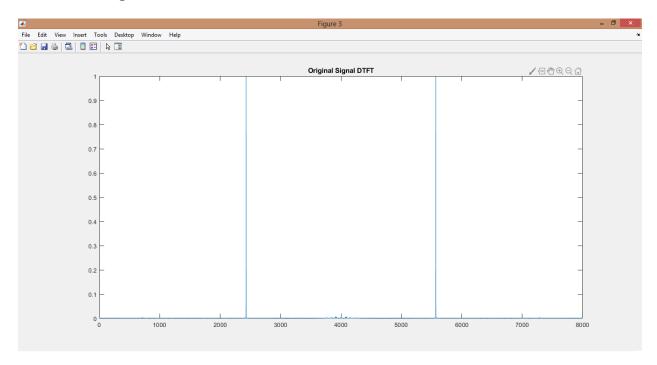
Part 6 - Part b

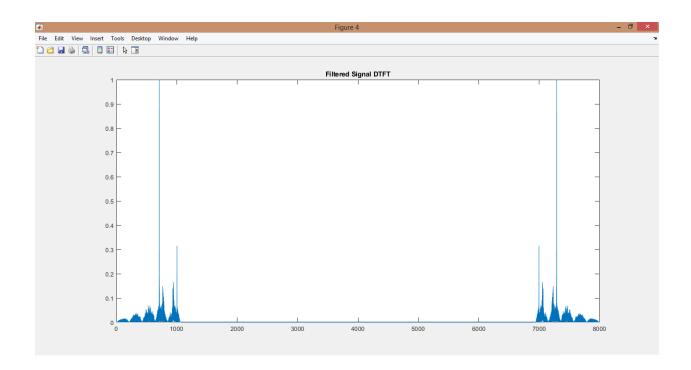




تفاوتی که سیگنال فیلتر شده نسبت به سیگنال اصلی کرده است، این است که ابتدا با اعمال شدن فیلتر میان نگذر، نویز (سیگنال سینوسی تک تون) از سیگنال اصلی حذف شده است. در ادامه با اعمال فیلتر بالا گذر، فرکانس های بالا سیگنال اصلی از فیلتر عبور داده شده و فرکانس های کوچک سیگنال از سیگنال اصلی حذف شده اند. (اثبات این مورد در نمودار اندازه تبدیل فوریه سیگنال فیلتر شده، در صفحه بعد قابل مشاهده است.)

Part 6 - Part g





Part 6 - Part d

