

LAPORAN PRAKTIKUM 2

Kelompok 16

Nama Anggota Kelompok :

- Lucky Himawan Prasetya (5025241147)
- Muh. Aqil Alqadri Syahid (5025241161)
- Hosea Felix Sanjaya (5025241177)

Link Github Terkait :

<https://github.com/arkananta47/Praktikum-Komnum/blob/main/praktikum2.py>

Salah satu kelemahan dari metode Trapezoidal adalah kita harus menggunakan jumlah interval yang besar untuk memperoleh akurasi yang diharapkan. Buatlah sebuah program komputer untuk menjelaskan bagaimana metode *Integrasi Romberg* dapat mengatasi kelemahan tersebut.

```
import numpy as np
```

```
f = lambda x: np.exp(-x)
```

```
exact = 1 - np.exp(-5)
```

```
def trapezoidal(a, b, n):
```

```
    h = (b - a)/n
```

```
    x = np.linspace(a, b, n+1)
```

```
    return h*(np.sum(f(x)) - (f(a) + f(b))/2)
```

```
def romberg(a, b, max_i=20, tol=1e-6):
```

```
    R = np.zeros((max_i, max_i))
```

```
    R[0, 0] = (f(a) + f(b)) * (b - a)/2
```

```
    for i in range(1, max_i):
```

```
        h = (b - a)/2**i
```

```
        R[i, 0] = 0.5*R[i-1, 0] + h*np.sum(f(a + np.arange(1, 2**i, 2)*h))
```

```
        for j in range(1, i+1):
```

```
R[i, j] = R[i, j-1] + (R[i, j-1] - R[i-1, j-1])/(4**j - 1)
```

```
if i > 0 and abs(R[i, i] - R[i-1, i-1]) < tol:
```

```
    return R[i, i], i+1
```

```
return R[-1, -1], max_i
```

```
a, b, n = 0, 5, 100
```

```
trap = trapezoidal(a, b, n)
```

```
rom, iter_ = romberg(a, b)
```

```
print(f"Integral dari e^(-x) dalam interval [0, 5]\nNilai eksak: {exact:.10f}\n"
```

```
      f"\nMetode Trapezoidal:\nHasil: {trap:.10f}\nError: {abs(trap-exact):.10f}\nJumlah interval: {n}"
```

```
      f"\n\nMetode Romberg:\nHasil: {rom:.10f}\nError: {abs(rom-exact):.10f}\nJumlah iterasi: {iter_}"
```

```
      f"\n\nPerbandingan:\nSelisih hasil: {abs(trap-rom):.10f}\n"
```

```
      f"Romberg {abs(rom-exact)/abs(trap-exact)*100:.5f}% lebih akurat dari Trapezoidal")
```

Ide Pendekatan : **Metode Trapezoidal**

Kode Python ini membandingkan dua metode numerik untuk menghitung integral dari fungsi $f(x) = e^{-x}$ pada interval $[0, 5]$, yaitu:

- Metode Trapezoidal
- Metode Romberg

Tujuannya untuk menghitung nilai integral :

$$\int_0^5 e^{-x} dx$$

Secara eksak, hasilnya adalah:

$$1 - e^{-5}$$

Kode bertujuan untuk:

1. Menghitung nilai integral menggunakan dua pendekatan numerik.
2. Membandingkan akurasi dan efisiensinya.

Konsep Dasar:

Metode trapezoidal menghampiri luas di bawah kurva dengan menjumlahkan luas trapesium kecil.

Rumus:

$$\text{Integral} \approx h * [(1/2)f(a) + f(x_1) + \dots + f(x_{n-1}) + (1/2)f(b)]$$

Kelebihan:

- Mudah diimplementasikan
- Cukup akurat jika jumlah interval besar

Kekurangan:

- Konvergensi lambat

Ide Pendekatan Metode Romberg

Konsep Dasar:

Romberg adalah peningkatan dari metode trapezoidal dengan teknik ekstrapolasi Richardson untuk mempercepat konvergensi.

Langkah-langkah:

1. Hitung integral dengan trapezoidal untuk beberapa nilai $n = 2^k$.
2. Gunakan tabel Romberg $R[i][j]$ untuk memperbaiki aproksimasi:
$$R[i][j] = R[i][j-1] + (R[i][j-1] - R[i-1][j-1]) / (4^j - 1)$$
3. Berhenti saat $|R[i][i] - R[i-1][i-1]| < \text{toleransi}$.

Kelebihan:

- Konvergensi sangat cepat
- Lebih akurat dari metode sederhana

Kekurangan:

- Lebih kompleks dan komputasi lebih berat

Ringkasan :

Kedua metode berhasil menghitung nilai integral dengan sangat akurat, tetapi metode Romberg melakukannya dengan lebih efisien.