

1. AUTOMATE FINITE

- 1) *Să se reprezinte automatul finit în formă tabelară și grafică.*
- 2) *Pentru cinci cuvinte (3 corecte și 2 incorecte) să se demonstreze printr-un calcul de configurații acceptarea sau neacceptarea cuvintelor.*
- 3) *Să se construiască gramatica regulată echivalentă.*
- 4) *Pentru două cuvinte acceptate de automatul finit, să se demonstreze printr-un calcul de derivări generarea acestor cuvinte și de gramatica regulată.*
- 5) *Să se construiască arborele de derivare pentru fiecare din cuvinte.*
- 6) *Construiți automatul finit determinist echivalent.*
- 7) *Reprezentați automatul finit determinist în formă grafică.*
- 8) *Pentru două cuvinte acceptate de automatul finit nedeterminist demonstrați, printr-un calcul de configurații, acceptarea sau neacceptarea cuvintelor și de automatul finit determinist.*
- 9) *Să se construiască reprezentarea uvw pentru trei cuvinte recunoscute de automatul finit determinist aplicând lema de pompă.*

1. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b,c\}$, $F=\{q_3\}$,

$$\delta(q_0,a)=\{q_0,q_1\}, \delta(q_2,b)=\{q_2\}, \delta(q_3,c)=\{q_3\}, \delta(q_1,b)=\{q_1,q_2\},$$

$$\delta(q_2,c)=\{q_2,q_3\}$$

2. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b\}$, $F=\{q_3\}$,

$$\delta(q_0,a)=\{q_0,q_1\}, \delta(q_0,b)=\{q_0,q_2\}, \delta(q_1,a)=\{q_3\}, \delta(q_2,b)=\{q_1,q_3\}$$

3. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{7,8,9\}$, $F=\{q_3\}$,

$$\delta(q_0,7)=\{q_0,q_1\}, \delta(q_1,8)=\{q_1,q_2\}, \delta(q_1,7)=\{q_1\}, \delta(q_2,9)=\{q_3\},$$

$$\delta(q_3,9)=\{q_3\}$$

4. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2\}$, $\Sigma=\{1,2\}$, $F=\{q_2\}$, $\delta(q_0,1)=\{q_0,q_1\}$,

$$\delta(q_0,2)=\{q_0\}, \delta(q_1,2)=\{q_2\}, \delta(q_2,2)=\{q_2,q_1\}$$

5. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{0,1\}$, $F=\{q_3\}$, $\delta(q_0,1)=\{q_0\}$
 $\delta(q_3,1)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_0,q_3\}$, $\delta(q_3,0)=\{q_3\}$, $\delta(q_0,0)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_2,0)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,0)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,1)=\{q_0\}$
6. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b,c\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_1\}$, $\delta(q_0,b)=\{q_1,q_2\}$, $\delta(q_1,b)=\{q_0\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_2\}$,
 $\delta(q_2,a)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,c)=\{q_3,q_0\}$
7. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{1,2,3\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_1\}$, $\delta(q_0,2)=\{q_1,q_0\}$, $\delta(q_1,2)=\{q_0\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_2\}$,
 $\delta(q_2,1)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,3)=\{q_3\}$, $\delta(q_3,1)=\{q_1,q_2\}$, $\delta(q_3,2)=\{q_2\}$
8. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b,c\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_0,q_2\}$, $\delta(q_3,c)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,b)=\{q_1,q_3\}$,
 $\delta(q_2,c)=\{q_2\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_2\}$, $\delta(q_3,b)=\{q_1\}$,
9. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_0,b)=\{q_2\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_1,q_3\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_3\}$
10. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{1,8,4\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_1,8)=\{q_1,q_2\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,4)=\{q_3\}$, $\delta(q_3,4)=\{q_1,q_3\}$
11. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2\}$, $\Sigma=\{1,2,3\}$, $F=\{q_2\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_0,q_2\}$,
 $\delta(q_0,2)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_1,2)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,3)=\{q_2,q_1\}$
12. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{0,1,2\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_1\}$, $\delta(q_3,2)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_0,q_3\}$, $\delta(q_3,1)=\{q_3\}$,
 $\delta(q_2,0)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,0)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,2)=\{q_0,q_3\}$
13. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b\}$, $F=\{q_3\}$, $\delta(q_0,a)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_0,b)=\{q_1\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_1\}$, $\delta(q_1,b)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,a)=\{q_3,q_0\}$

14. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{9,1,3\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,3)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_0,9)=\{q_1,q_0\}$, $\delta(q_1,3)=\{q_0\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,9)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_2,3)=\{q_3\}$, $\delta(q_3,9)=\{q_1\}$
15. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{b,c\}$, $F=\{q_3\}$, $\delta(q_0,b)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_1,b)=\{q_0\}$, $\delta(q_1,c)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,c)=\{q_3,q_0,q_1\}$, $\delta(q_3,b)=\{q_1\}$
16. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{0,1,2,3\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_1\}$, $\delta(q_0,2)=\{q_1,q_0\}$, $\delta(q_1,2)=\{q_1\}$, $\delta(q_1,0)=\{q_2\}$,
 $\delta(q_2,1)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,3)=\{q_3\}$, $\delta(q_3,0)=\{q_2,q_3\}$
17. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b,c,d\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_2\}$, $\delta(q_3,c)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,d)=\{q_3,q_2\}$,
 $\delta(q_2,c)=\{q_1,q_3\}$
18. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b,c\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_0,c)=\{q_0,q_2\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_1,q_3\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_3\}$
19. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{1,2,9\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_1,2)=\{q_1,q_2,q_3\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_1,q_3\}$, $\delta(q_2,2)=\{q_3\}$,
 $\delta(q_3,9)=\{q_1,q_3\}$
20. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b,c,d\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,d)=\{q_1,q_2\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_0,q_2\}$, $\delta(q_3,c)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,b)=\{q_1,q_3\}$,
 $\delta(q_2,c)=\{q_2\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_2\}$, $\delta(q_3,b)=\{q_1\}$
21. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{1,8,4\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_1,8)=\{q_1,q_2\}$, $\delta(q_2,4)=\{q_3\}$, $\delta(q_3,1)=\{q_3,q_1\}$
22. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2\}$, $\Sigma=\{a,b\}$, $F=\{q_2\}$, $\delta(q_0,b)=\{q_0,q_1\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_0\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_2,q_1\}$

23. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{0,1\}$, $F=\{q_3\}$, $\delta(q_0,1)=\{q_0\}$
 $\delta(q_3,1)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_0,q_2,q_3\}$, $\delta(q_3,0)=\{q_3\}$, $\delta(q_0,0)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_2,0)=\{q_3\}$, $\delta(q_2,1)=\{q_0\}$
24. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b,c\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_0,b)=\{q_1\}$, $\delta(q_1,b)=\{q_0,q_2\}$, $\delta(q_2,a)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,c)=\{q_3,q_0\}$,
 $\delta(q_3,a)=\{q_2\}$
25. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,d,c\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_0,d)=\{q_1\}$, $\delta(q_1,d)=\{q_0\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,a)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_2,c)=\{q_3,q_0\}$, $\delta(q_3,a)=\{q_2\}$
26. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b,c\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_2\}$, $\delta(q_3,c)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,b)=\{q_1,q_2\}$,
 $\delta(q_2,c)=\{q_2,q_3\}$
27. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_0,q_1\}$,
 $\delta(q_0,b)=\{q_0,q_2\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_1,q_3\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_3\}$
28. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,a)=\{q_0,q_1\}$,
 $\delta(q_0,b)=\{q_0,q_2\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_3\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_1,q_3\}$
29. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{7,8,9\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,7)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_1,8)=\{q_1,q_2\}$, $\delta(q_1,7)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,9)=\{q_3\}$,
 $\delta(q_3,9)=\{q_3\}$
30. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2\}$, $\Sigma=\{1,2\}$, $F=\{q_2\}$, $\delta(q_0,1)=\{q_0,q_1\}$,
 $\delta(q_0,2)=\{q_0\}$, $\delta(q_1,2)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,2)=\{q_2,q_1\}$

31. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{0,1\}$, $F=\{q_3\}$, $\delta(q_0,1)=\{q_0\}$
 $\delta(q_3,1)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_0,q_3\}$, $\delta(q_3,0)=\{q_3\}$, $\delta(q_0,0)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_2,0)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,0)=\{q_2\}$
32. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{1,2,3\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_0,2)=\{q_1,q_0\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,1)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,3)=\{q_3\}$,
 $\delta(q_3,1)=\{q_1,q_2\}$, $\delta(q_3,2)=\{q_2\}$
33. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{1,8,4\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_1,8)=\{q_1,q_2\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_1\}$, $\delta(q_2,4)=\{q_3\}$, $\delta(q_3,4)=\{q_1,q_3\}$
34. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2\}$, $\Sigma=\{1,2,3\}$, $F=\{q_2\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_0,q_2\}$,
 $\delta(q_0,2)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_1,2)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,3)=\{q_2,q_1\}$
35. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{0,1,2\}$, $F=\{q_3\}$,
 $\delta(q_0,1)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_3,2)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,1)=\{q_0,q_3\}$, $\delta(q_3,1)=\{q_3\}$,
 $\delta(q_2,0)=\{q_3\}$, $\delta(q_1,0)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,2)=\{q_0,q_3\}$
36. $AF=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$, $Q=\{q_0,q_1,q_2,q_3\}$, $\Sigma=\{a,b\}$, $F=\{q_3\}$, $\delta(q_0,a)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_0,b)=\{q_1\}$, $\delta(q_1,a)=\{q_0,q_1\}$, $\delta(q_1,b)=\{q_2\}$, $\delta(q_2,b)=\{q_1\}$,
 $\delta(q_2,a)=\{q_3,q_0\}$

