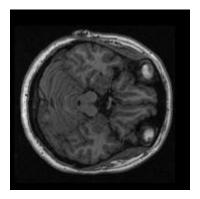
فير ، در حالت على في تول له سيستركولم عبارات را بدوست آررد در ايل دلال کے عامل جع اعزب ا تفزیق رفیس دو تعبور مہوقعیت قرار کئری سلسلال ما واست است که در مستوگرام این اطلعات وجود نظرد و دو دفت معبوس را مستورًا من سنافر الساب م تول مقادير سفارت و مزل روسناي سفادت س ارسال میرا داسته باشد د مستوازام دنهای سال مقادت ب سرد. hf+g(r)=hf(rk-c)=hf(rk-argman(hg)) الف) $h_{f-g(r_k)} = h_{f-g(r_k+G)} = h_{f(r_k+argman(h_g))}$ h ftg (rx) = hq(rx) = hf(argman(ha)) hffrhshf(cru)shf(rharghan(hg)) $\begin{bmatrix} v \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 30 & 500 & 1$ $= \frac{\partial f}{\partial u} GD = \frac{\partial f}{\partial v} SnO = \frac{\partial f}{\partial u} SnO = \frac{\partial f}{\partial$ $-\left(\frac{3^{2}f}{2}GQ - \frac{3^{2}f}{2}SnQ\right)SnQ = \left(\frac{3^{2}}{2}f\right)GQ + \left(\frac{3^{2}}{2}f\right)SnQ - 2SnQQQ \frac{3^{2}f}{2}$ =) 34 (34) = 32 C20+32 C20+ 5 200 + 5 200 CO 324 =\ \langle \frac{1}{2} \frac{1

1.1) با استفاده از دستور niftiread فایل مد نظر را لود می کنیم.

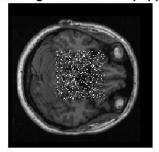
1.2) اسلایس ذخیره شده را لود و برای نرمالیزه کردن بر ماکسیمم مقدار پیکسل تقسیم می کنیم و بعد تغییر سایز آن را ذخیره می کنیم.



1.3) با استفاده از دستور imnoise نويز salt & pepper را به بلاكي دلخواه از تصوير اضافه ميكنيم.

نویز salt & pepper تغییرات تیز و ناگهانی و تصادفی در تصویر ایجاد می کند و خود را به صورت پیسکل های سیاه و سفید پراکنده به صورت تصادفی در نشان میدهد.

Reshaped image with salt and pepper noise



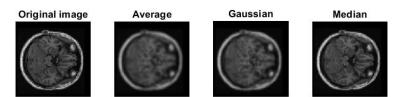
1.4) تابعی مینویسیم که واریانس بلوکی دلخواه از تصویر را حساب کند.

1.5) برای 9 بلاک 60*60 غیر همپوشان واریانس ها را حساب میکنیم که بزرگترین مقدار آن 0.0667 است. بیشترین واریانس مربوط به بلاک وسط تصویر است. با توجه به کم بودن واریانس بلاک وسط تصویر در نبود نویز، نتیجه میگیریم نویز salt & pepper باعث افزایش قابل توجه واریانس تصویر می شود.

0.0225628587032231	773168358568
--------------------	--------------

1.6) با استفاده از سه فیلتر میانگین، گاوسی، و میانه تصویر را حذف نویز میکنیم. بهترین نتیجه برای فیلتر میانه است و بدترین نتیجه مربوط به فیلتر میانگین است.

Denoised images



1.7) معيار median absolute error مقدار ميانه قدر مطلق تفاضل بيسكل هاى دو تصوير را محاسبه ميكند.

$$MAE = median(|Y_i - X_i|)$$

معیار SSIM بر مبنای سه معیار مقایسه ای انجام می شود که بین دو تصویر محاسبه میشوند. این سه معیار contrast ،luminance و PSNR صرفا به تفاوت معیار برخلاف MSE و PSNR صرفا به تفاوت میان بیکسل ها تکیه نمی کند و به اطلاعات ساختاری بیسکل ها توجه دارد و به ادراک بینایی انسان نزدیک تر است.

$$SSIM = l(x,y)^{\alpha} c(x,y)^{\beta} s(x,y)^{\gamma}$$

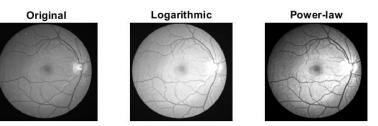
همانطور که انتظار داشتیم معیار SSIM برای median بیشتر از gauss و بیشتر از average است و خطای MAE برای median کمتر از average است که هر دو نشان دهنده عملکرد بهتر فیلتر میانه بر روی این نویز هستند.

MAE median = 2.259175e-03 ,SSIM median = 9.429761e-01

MAE gauss = 1.344423e-02 ,SSIM gauss = 7.820980e-01

MAE avg = 1.589914e-02 ,SSIM avg = 7.131991e-01

توان تبدیل را برابر 2 قرار میدهیم. با توجه به نتایج در تبدیل logarithmic روشنایی نواحی تیره تصویر افزایش میابد. و در تبدیل Power-Law به ازای توان های بزرگتر از 1 میزان contrast تصویر افزایش میابد و جزئیات ریز و کمرنگ تصویر (رگ ها) واضح تر میشوند.



.3

این کار را به دو روش میتوان انجام داد. در روش اول ضرایب فوریه دوبعدی را در دو جهت reverse کرده و تبدیل عکس فوریه انجام میدهیم. در روش دوم از این ایده که دوران در حوزه فوریه منجر به دوران در حوزه مکان میشود استفاده میکنیم، این به این دلیل است که هر دو تبدیل خطی هستند.





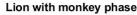
تبدیل فوریه دو بعدی را برای تصاویر حساب کرده و دامنه و فاز آن را جدا میکنیم و فاز ها را جابجا کرده و تبدیل عکس فوریه را حساب می کنیم. نتیجه بدست آمده نشان می دهد که فاز تصویر نقش مهم تر و اساسی تری نسبت به دامنه آن در ساختار و شکل کلی تصویر دارد.





Monkey with lion phase







الف) فیلتر وینر را برای دو حالت با degredation و بدون آن پیاده سازی میکنیم (در حالت دوم H=1). برای تخمین واریانس نویز مقدار واریانس یک گوشه ی تصویر استفاده می کنیم. همچنین برای حفظ میانگین، آن را ابتدا از تصویر کم و بعد از اعمال فیلتر به آن اضافه میکنیم.

$$W(u,v) = \frac{P_{FG}(u,v)}{P_{GG}(u,v)} = \frac{H^*P_{FF}}{|H|^2 P_{FF} + P_{NN}} = \frac{1}{\frac{H}{|H|^2 P_{FF}}} \frac{|H|^2 P_{FF}}{|H|^2 P_{FF} + P_{NN}} = \frac{1}{\frac{H}{|H|^2 P_{FF}}} \frac{P_{GG} - P_{NN}}{P_{GG}}$$

ب) مقدار PSNR (Peak Signal-to-Noise Ratio) یک معیاری برای سنجش میزان کیفیت عکس حذف نویز شده است که هرچه بیشتر باشد نشان دهنده این است که نویز کمتری در تصویر وجود دارد. این مقدار از رابطه زیر محاسبه می شود که MSE میانگین مربعات تفاضل نصویر اصلی با حذف نویز شده است.

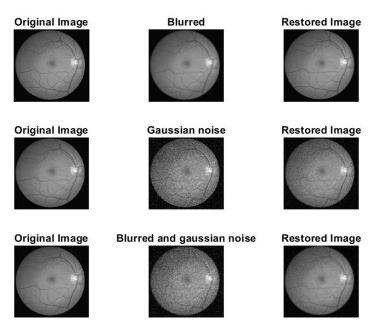
$$PSNR = 10 \log \left(\frac{Max_I^2}{MSE} \right)$$

ج) مشاهده میکنیم که PSNR در حالت 2 بیشتر از حالت 1 بیشتر از حالت 3 است.(ین مقادیر با توجه به میزان نویز گاوسی میتواند متفاوت باشد).

PSNR blurred = 2.830668e+01

PSNR gauss = 2.886856e+01

PSNR blurred and gauss = 2.811135e+01

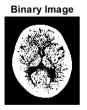


الف) پیکسل ها بزرگنتر از 80 را برابر 1 و کوچکتر از 80 را برابر 0 قرار می دهیم.

ب) برای انجام closing ابتدا ماسک اولیه را dilate کرده و سپس erode می کنیم. این کار را با یک structuring به شکل دیسک با شعاع 6 انجام میدهیم.

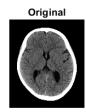
همانطور که در شکل زیر میبینیم در ماسک نهایی تصویر به خوبی از پس زمینه اش جدا شده است.

.8





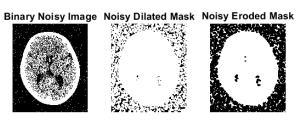




ج) همانطور که انتظار داشتیم در صورت اضافه کردن نویز گاوسی، کیفیت ماسک نهایی کاهش میابد و بخش هایی از پس زمینه را نیز در بر میگیرد.

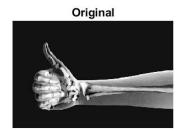






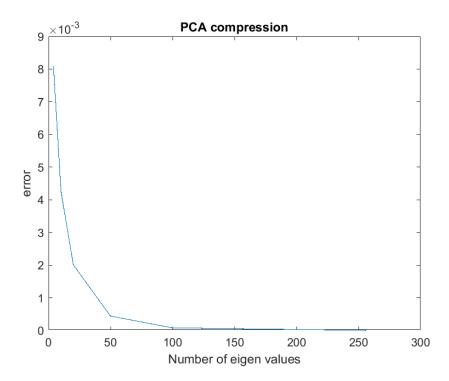


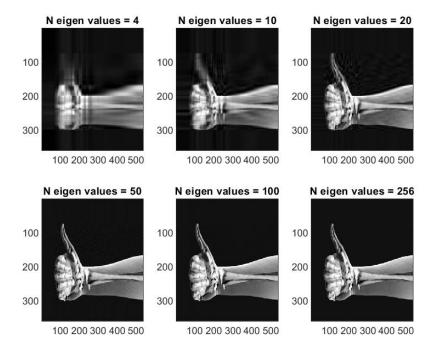
الف) با استفاده از 50 مقدار ویژه می توان تصویر را به میزان خوبی بازسازی کرد. اما در بخش هایی که جزِئیات زیادی دارد مانند انگشت ها، دارای رزولوشن کمتری نسبت به تصویر اصلی هستند.





ب) نمودار MSE بر حسب تعداد مقادیر ویژه نگه داشته شده را رسم میکنیم.





الف) top-hat transform و bottom-hat transform تبدیل هایی هستند که جزئیات و المان های کوچک تصویر را از آن استخراج میکنند. در اولی المان های استخراج شده کوچکتر از SE و روشن تر از اطرافشان هستند و در دومی المان ها کوچکتر از SE و تیره تر از اطرافشان اند.

$$T_{w(f)} = f - open(f, SE)$$

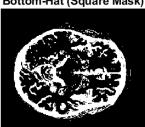
$$T_{b(f)} = close(f, SE) - f$$

ب) از دو ماسک square و disk استفاده میکنیم.

Top-Hat (Square Mask)



Bottom-Hat (Square Mask)



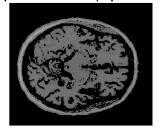
Top-Hat (Disk Mask)



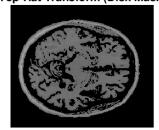
Bottom-Hat (Disk Mask)



Top-Hat Transform (Square Mask)



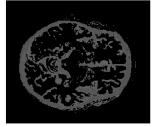
Top-Hat Transform (Disk Mask)



Bottom-Hat Transform (Square Mask)

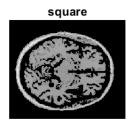


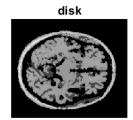
Bottom-Hat Transform (Disk Mask)



ج) برای ماسک های disk و square به از ای سایز های 1 تا 6 نواحی روشن تصویر را به آن اضافه و نواحی تاریک ے. را از آن کم میکنیم. امتیازی: در تصاویر پزشکی عمدتا از ماسک disk استفاده میشود به دلیل که در همه جهات اثر یکسانی میگذارد و isotropic است. همچنین برای ساختار های کروی و دارای انحنا مناسب است و smoothness لبه ها را از بین نمیبرد.

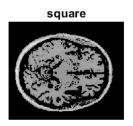


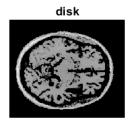




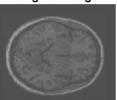
size = 2







original image



square



disk



size = 4

original image



square



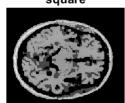
disk



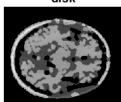
original image



square



disk



size = 6

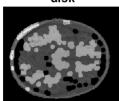
original image



square



disk



د) با استفاده از کانوولوشن دوبعدی مقدار p و a را برای هر x و y محاسبه کرده و y ,c(x و ریم.

ح) به ازای سایزهای 1 تا 6 برای SE های مربع و دیسک بهبود contrast را انجام داده و مقدار CIR را محاسبه میکنیم و بهترین نتیجه بدست آمده را رسم میکنیم.

Contrast Improvement Ratio (CIR) within ROI square:

450.65 443.0808 450.65 434.5508 398.1873 363.3839

Contrast Improvement Ratio (CIR) within ROI disk:

398.2231 443.2497 398.2231 363.3839 319.2054 229.2551

best



