

# **LECTURE 05**

#### **GREEDY ALGORITHMS**







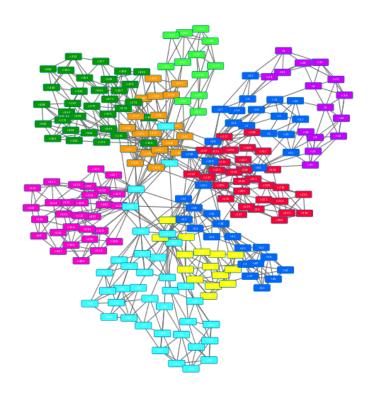
**Big-O Coding** 

Email: www.bigocoding.com



# Giới thiệu tổng quan

Greedy (Tham lam) là một trong những phương pháp phổ biến nhất để thiết kế giải thuật. Rất nhiều thuật toán nổi tiếng được thiết kế dựa trên tư tưởng của phương pháp tham lam (Dijkstra, Kruskal, Huffman Coding...)







**Activity Selection Problem**: Cho bạn N hoạt động với thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi hoạt động. Hãy chọn các hoạt động để tham gia sao cho số lượng hoạt động tham gia là nhiều nhất có thể.

0 1 2 3 4 5
Activity [1, 2] [3, 4] [0, 6] [5, 7] [8, 9] [5, 9]

Một số phương án chọn các hoạt động:

- 0, 1, 3, 4
- 0, 1, 5
- 2, 3, 4
- ...

Kết quả: 0, 1, 3, 4





Ta thấy nếu như chọn hoạt động có thời gian kết thúc sớm nhất, thì sẽ có thêm nhiều thời gian để chọn các hoạt động sau.

→ Ưu tiên chọn các hoạt động theo thứ tự thời gian kết thúc tăng dần.





Cho 10 hoạt động, có thời gian bắt đầu và kết thúc như thông tin bên dưới:

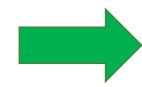
Activities	Start	Finish
0	5	6
1	1	3
2	3	5
3	3	7
4	5	9
5	6	10
6	8	12
7	0	6
8	4	11
9	2	12

1(	)		
5	6		
1	3		
3	5		
3	7		
5	9		
6	10		
8	12		
0	6		
4	11		
2	12		



#### Bước 1: Sắp xếp hoạt động tăng dần thời gian kết thúc

Activities	Start	Finish
0	5	6
1	1	3
2	3	5
3	3	7
4	5	9
5	6	10
6	8	12
7	0	6
8	4	11
9	2	12



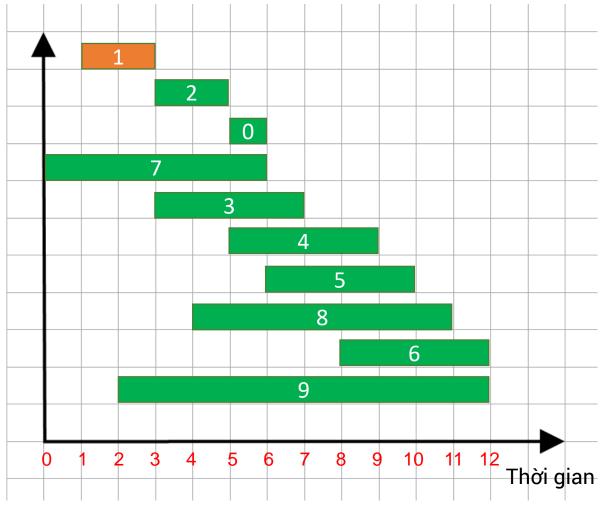
Activities	Start	Finish
1	1	3
2	3	5
0	5	6
7	0	6
3	3	7
4	5	9
5	6	10
8	4	11
6	8	12
9	2	12



#### Bước 2: Chọn hoạt động đầu tiên để bắt đầu

Chọn hoạt động đầu tiên trong danh sách các hoạt động đã sắp xếp để bắt đầu → hoạt động số 1.

Activities	Start	Finish
1	1	3
2	3	5
0	5	6
7	0	6
3	3	7
4	5	9
5	6	10
8	4	11
6	8	12
9	2	12

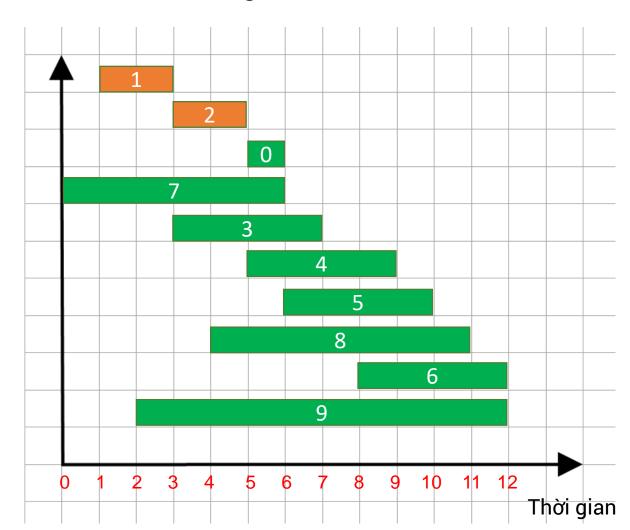




#### Bước 3: Chọn tiếp các hoạt động tiếp theo (1)

Chọn hoạt động tiếp theo nào có **thời gian bắt đầu** ≥ **thời gian kết thúc** của hoạt động đã chọn trước đó → hoạt động số 2.

Activities	Start	Finish
1	1	3
2	3	5
0	5	6
7	0	6
3	3	7
4	5	9
5	6	10
8	4	11
6	8	12
9	2	12

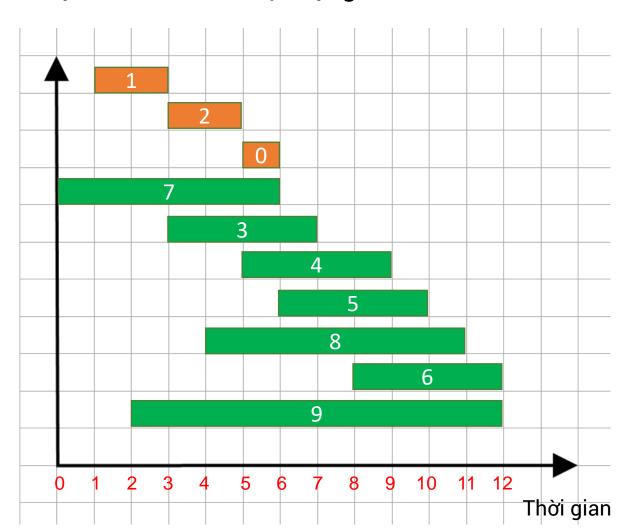




#### Bước 3: Chọn tiếp các hoạt động tiếp theo (2)

Chọn hoạt động đầu tiên tiếp theo nào có **thời gian bắt đầu** ≥ **thời gian kết thúc** của hoạt động đã chọn trước đó → hoạt động số 0.

Activities	Start	Finish
1	1	3
2	3	5
0	5	6
7	0	6
3	3	7
4	5	9
5	6	10
8	4	11
6	8	12
9	2	12

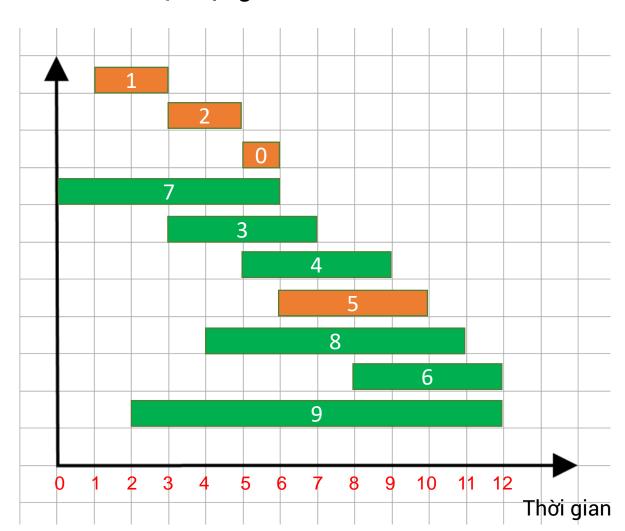




#### Bước 3: Chọn tiếp các hoạt động tiếp theo (3)

Chọn hoạt động tiếp theo nào có **thời gian bắt đầu** ≥ **thời gian kết thúc** của hoạt động đã chọn trước đó → hoạt động số 5.

Activities	Start	Finish
1	1	3
2	3	5
0	5	6
7	0	6
3	3	7
4	5	9
5	6	10
8	4	11
6	8	12
9	2	12

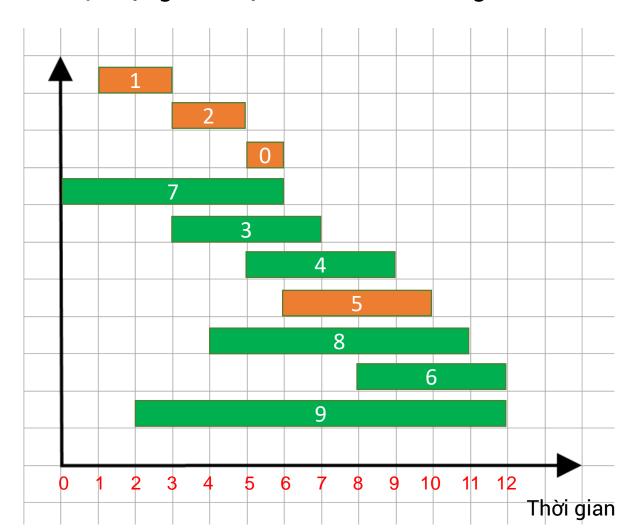




#### Bước 3: Chọn tiếp các hoạt động tiếp theo (4)

KHÔNG còn hoạt động nào tiếp theo phù hợp với tiêu chí thời gian bắt đầu ≥ thời gian kết thúc của hoạt động đã chọn trước đó → Dừng.

Activities	Start	Finish
1	1	3
2	3	5
0	5	6
7	0	6
3	3	7
4	5	9
5	6	10
8	4	11
6	8	12
9	2	12





# Kết quả bài toán

Số hoạt động tối đa có thể tham gia là 4 hoạt động: 0, 1, 2, 5.

Activities	Start	Finish
0	5	6
1	1	3
2	3	5
3	3	7
4	5	9
5	6	10
6	8	12
7	0	6
8	4	11
9	2	12

# Thuật toán



Bước 1: Sắp xếp các hoạt động tăng dần theo thời gian kết thúc.

**Bước 2:** Luôn luôn chọn hoạt động đầu tiên từ danh sách các hoạt động đã sắp xếp ở trên.

**Bước 3:** Lần lượt so sánh thời gian kết thúc của hoạt động vừa chọn trước đó với thời gian bắt đầu của các hoạt động sau. Nếu phù hợp sẽ chọn.

Lặp lại bước 3 cho đến khi không chọn được hoạt động mới thì sẽ dừng thuật toán.

Độ phức tạp: O(NLogN)



```
#include <iostream>
  #include <algorithm>
   #include <vector>
   using namespace std;
5.
   struct Activity {
       int start;
7.
       int finish;
   } ;
11. vector <Activity> res;
12. vector <Activity> a;
14. bool activityCompare(const Activity& s1, const Activity& s2) {
       return (s1.finish < s2.finish);</pre>
15.
16.
```



```
void activitySelection() {
        sort(a.begin(), a.end(), activityCompare);
18.
       Activity choice;
19.
        int i = 0;
20.
       res.push back(a[0]);
21.
       for (int j = 1; j < a.size(); j++) {</pre>
            if (a[j].start >= a[i].finish) {
23.
                 res.push back(a[j]);
24.
                 i = j;
25.
26.
27.
28. }
29.
   void printActivities() {
        for (int i = 0; i < res.size(); i++) {</pre>
            cout << res[i].start << " - " << res[i].finish << endl;</pre>
32.
34. }
```



```
int main() {
        int n, s, f;
36.
        cin >> n;
       Activity temp;
38.
        for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
39.
            cin >> s >> f;
            temp.start = s;
41.
            temp.finish = f;
42.
            a.push back(temp);
43.
44.
        activitySelection();
       printActivities();
46.
        return 0;
47.
48. }
```



```
class Activity:
       def __init (self, start, finish):
           self.start = start
3.
           self.finish = finish
5.
   def activitySelection():
       a.sort(key=lambda activity: activity.finish)
7.
       i = 0
       res.append(a[0])
9.
       for j in range(1, len(a)):
           if a[j].start >= a[i].finish:
11.
                res.append(a[j])
12.
                i = j
```



```
def printActivities():
       for activity in res:
           print("{} - {}".format(activity.start, activity.finish))
16.
17.
                                                                ? python™
18. if name == ' main ':
       a = []
19.
       res = []
20.
       n = int(input())
21.
       for i in range(n):
22.
           s, f = map(int, input().split())
23.
           a.append(Activity(s, f))
24.
       activitySelection()
25.
       printActivities()
26.
```



```
import java.util.ArrayList;
   import java.util.Collections;
   import java.util.Scanner;
4.
   class Activity {
       public int start;
       public int finish;
7.
       public Activity(int start, int finish) {
           this.start = start;
9.
           this.finish = finish;
11.
12. }
```



```
public class Main {
       private static ArrayList<Activity> a = new ArrayList<>();
14.
       private static ArrayList<Activity> res = new ArrayList<>();
       private static void activitySelection() {
16.
            Collections.sort(a, (o1, o2) -> o1.finish - o2.finish);
            int i = 0;
18.
            res.add(a.get(0));
19.
            for (int j = 1; j < a.size(); j++) {</pre>
21.
                if (a.get(j).start >= a.get(i).finish) {
                    res.add(a.get(j));
                    i = j;
27.
       private static void printActivities() {
            for (Activity activity: res) {
29.
                System.out.printf("%d - %d\n", activity.start, activity.finish);
```



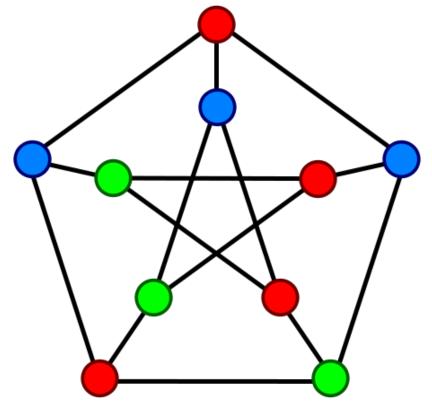
```
public static void main (String[] args) {
            Scanner sc = new Scanner(System.in);
34.
            int n = sc.nextInt();
            for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
                int s = sc.nextInt();
                int f = sc.nextInt();
38.
                a.add(new Activity(s, f));
39.
40.
            activitySelection();
41.
            printActivities();
42.
43.
44. }
```



# Bài toán minh họa 2

Graph Coloring - Vertex Coloring (Tô màu đồ thị) là bài toán thuộc lớp NP-Complete. Cho đồ thị có V đỉnh E cạnh. Hãy tô màu các đỉnh, sao cho 2 đỉnh kề bất kỳ có màu khác nhau với số màu được dùng

là ít nhất.



# Ý tưởng thuật toán



Với mỗi đỉnh trên đồ thị cần làm 4 bước sau:

- Bước 1: Tìm những đỉnh kề với đỉnh đang xét, xem hiện tại các đỉnh này đã được tô màu gì, đánh dấu lại các màu này không được sử dụng cho đỉnh đang xét.
- Bước 2: Trong danh sách các màu còn lại tìm màu đầu tiên chưa được sử dụng.
- Bước 3: Tô màu vừa tìm được cho đỉnh đang xét.
- Bước 4: Duyệt lại những đỉnh kề với đỉnh đang xét, reset lại các màu này là chưa được sử dụng, để chuẩn bị cho bước tiếp theo.

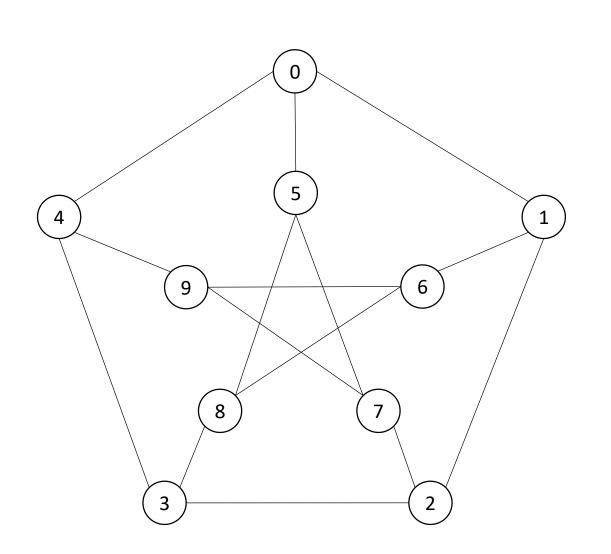
Khi tất cả các đỉnh đều được gán màu, thì dừng thuật toán và in ra kết quả.

Độ phức tạp:  $O(V^2 + E)$ 



# Bài toán minh họa 2

Cho đồ thị gồm 10 đỉnh, hãy tô màu các đỉnh của đồ thị:



10	) 15	
0	1	
0	4	
0	5	
1	2	
1	6	
2	3	
2	7	
3	4	
3	8	
4	9	
5	7	
5	8	
6	8	
6	9	
7	9	



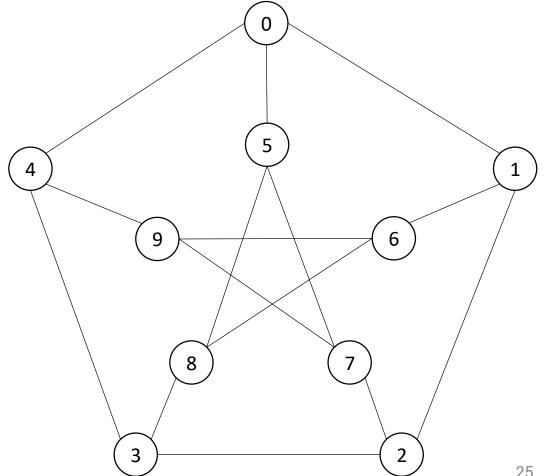
# Bước 0: chuẩn bị dữ liệu

Có 2 mảng: mảng kết quả (result) và mảng trạng thái màu (color):

- Mảng result: cho biết đỉnh nào sẽ được tô màu nào.
- Mảng colors: mảng đánh dấu màu của các đỉnh kề với đỉnh đang xét.

res	result	
Đỉnh	Màu	
0	-	
1	-	
2	-	
3	-	
4	-	
5	-	
6	-	
7	-	
8	-	
9	-	

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Lam	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



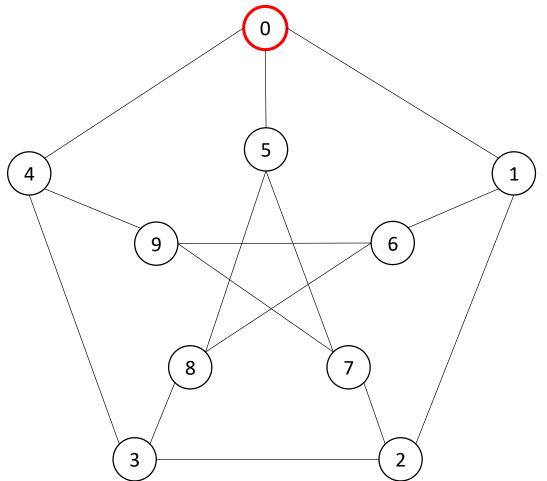


#### Bước 1: Xét đỉnh 0 (1)

Tìm những đỉnh kề với đỉnh 0 và đánh dấu lại những màu đã được dùng.

result	
Đỉnh	Màu
0	-
1	-
2	-
3	ı
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Lam	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



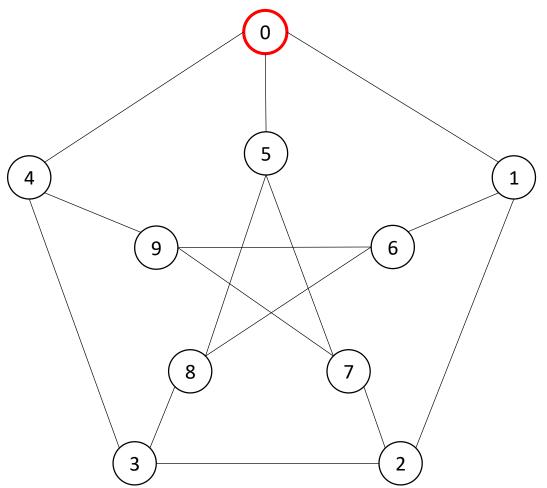


### Bước 1: Xét đỉnh 0 (2)

Trong danh sách các màu, tìm màu đầu tiên chưa sử dụng → Màu Xanh.

result	
Đỉnh	Màu
0	-
1	-
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Lam	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



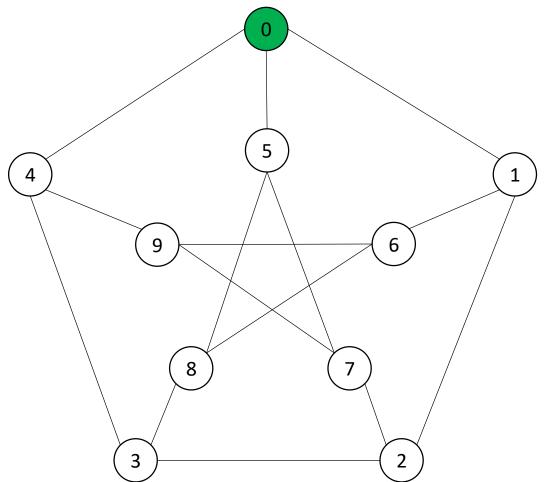




Tô màu vừa tìm được (màu Xanh) cho đỉnh 0.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	-
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Lam	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



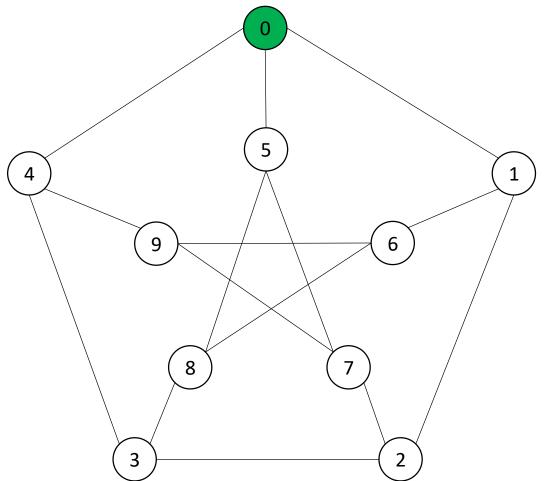


#### Bước 1: Xét đỉnh 0 (4)

Xét tất cả những đỉnh kề với đỉnh 0, reset lại mảng colors, chuẩn bị cho bước sau.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	-
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Lam	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



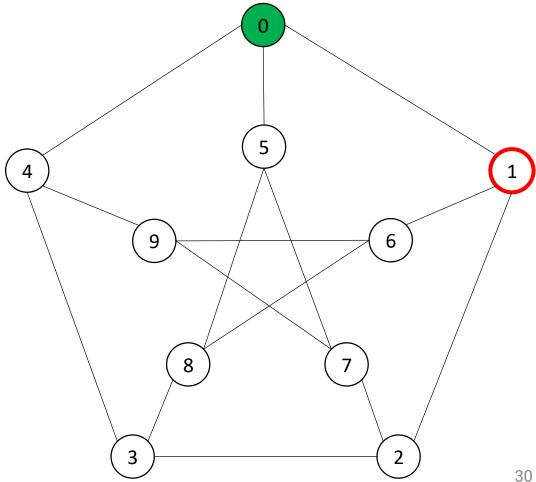


### Bước 2: Xét đỉnh 1 (1)

Tìm những đỉnh kề với đỉnh 1 và đánh dấu lại những màu đã được dùng.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	-
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Lam	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



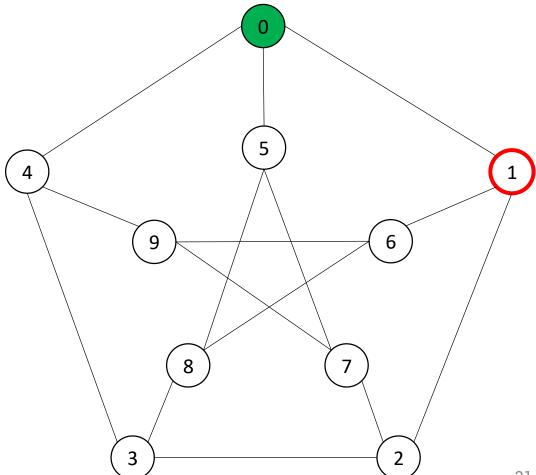


### Bước 2: Xét đỉnh 1 (2)

Trong danh sách các màu, tìm màu đầu tiên chưa sử dụng -> Màu Cam.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	-
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

	oloro
colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Lam	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



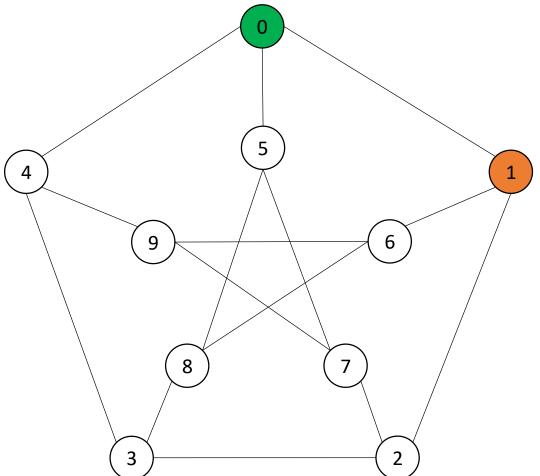


### Bước 2: Xét đỉnh 1 (3)

Tô màu vừa tìm được (màu Cam) cho đỉnh 1.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



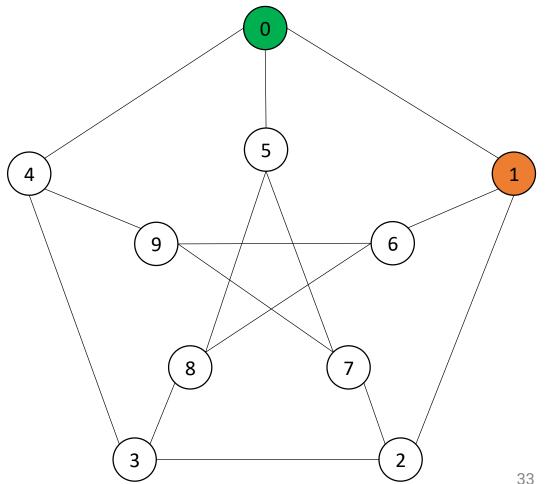


### Bước 2: Xét đỉnh 1 (4)

Xét tất cả những đỉnh kề với đỉnh 1, reset lại mảng colors, chuẩn bị cho bước sau.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



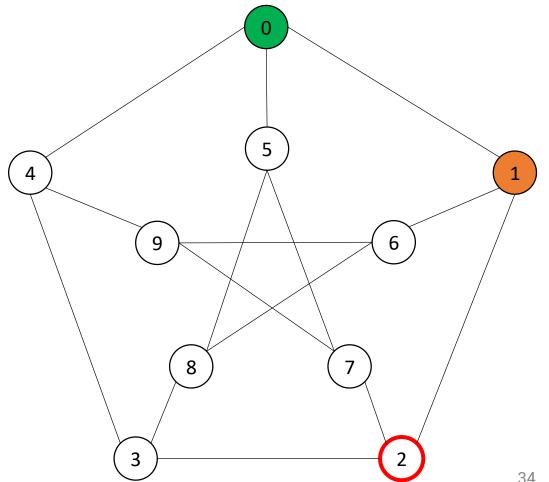


### Bước 3: Xét đỉnh 2 (1)

Tìm những đỉnh kề với đỉnh 2 và đánh dấu lại những màu đã được dùng.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	true
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



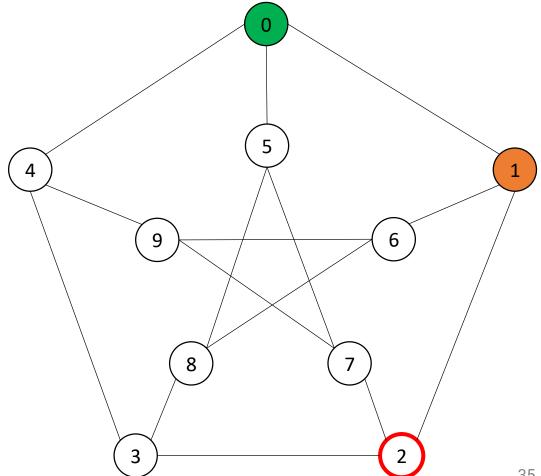


### Bước 3: Xét đỉnh 2 (2)

Trong danh sách các màu, tìm màu đầu tiên chưa sử dụng → Màu Xanh.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	-
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	true
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



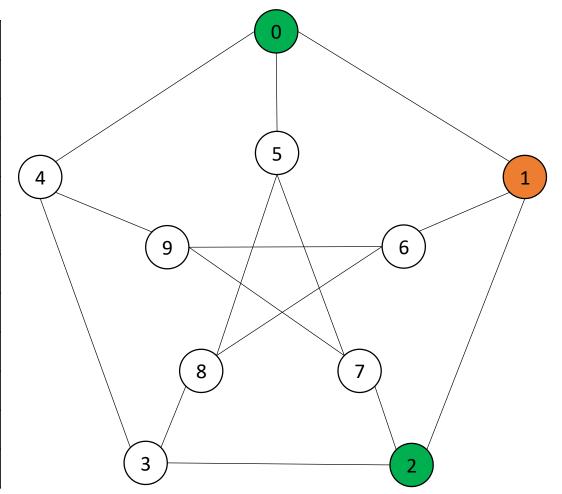


## Bước 3: Xét đỉnh 2 (3)

Tô màu vừa tìm được (màu Xanh) cho đỉnh 2.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	true
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



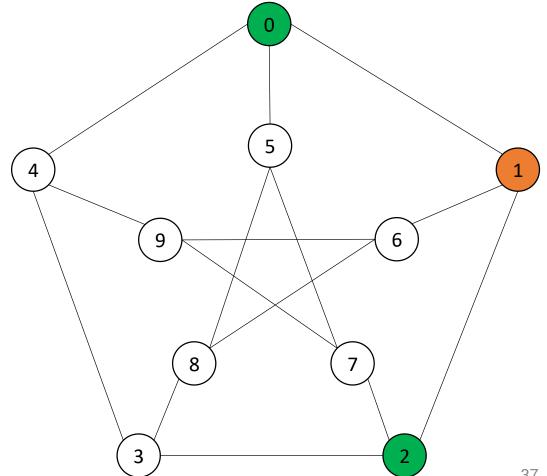


### Bước 3: Xét đỉnh 2 (4)

Xét tất cả những đỉnh kề với đỉnh 2, reset lại mảng colors, chuẩn bị cho bước sau.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



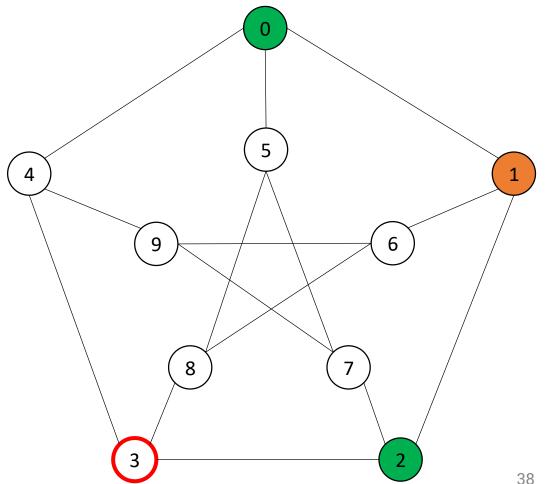


### Bước 4: Xét đỉnh 3 (1)

Tìm những đỉnh kề với đỉnh 3 và đánh dấu lại những màu đã được dùng.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



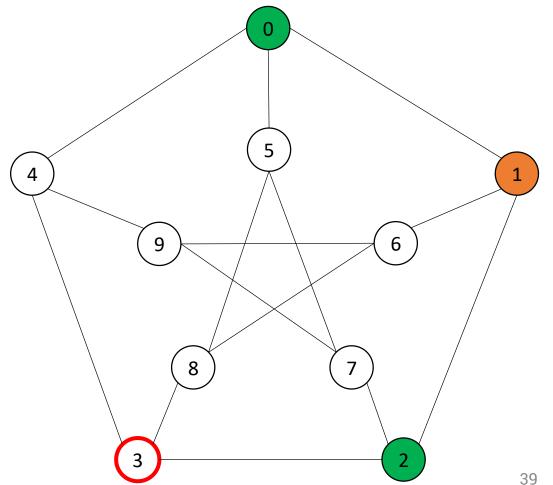


### Bước 4: Xét đỉnh 3 (2)

Trong danh sách các màu, tìm màu đầu tiên chưa sử dụng → Màu Cam.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	-
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



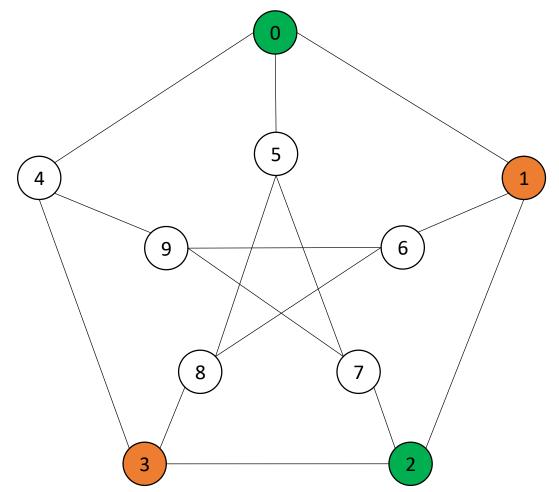


### Bước 4: Xét đỉnh 3 (3)

Tô màu vừa tìm được (màu Cam) cho đỉnh 3.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



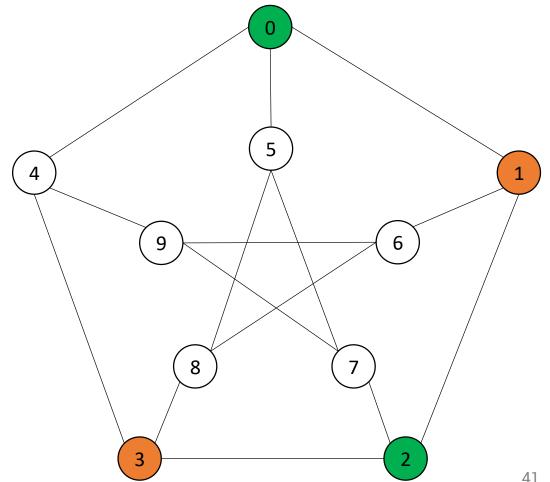


### Bước 4: Xét đỉnh 3 (4)

Xét tất cả những đỉnh kề với đỉnh 3, reset lại mảng colors, chuẩn bị cho bước sau.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



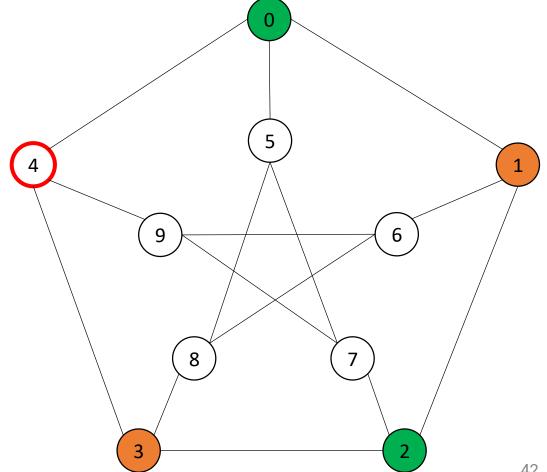


### Bước 5: Xét đỉnh 4 (1)

Tìm những đỉnh kề với đỉnh 4 và đánh dấu lại những màu đã được dùng.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	true
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



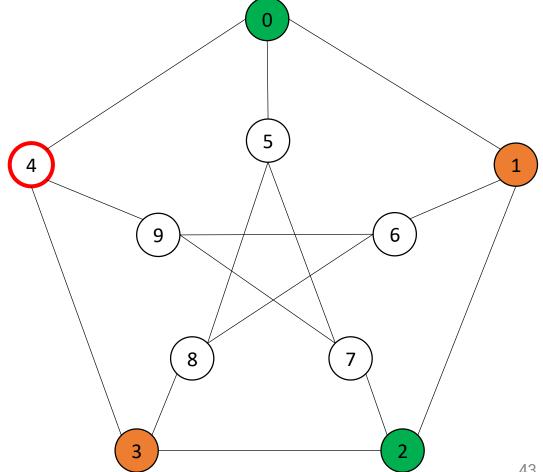


### Bước 5: Xét đỉnh 4 (2)

Trong danh sách các màu, tìm màu đầu tiên chưa sử dụng → Màu Đỏ.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	-
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	true
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



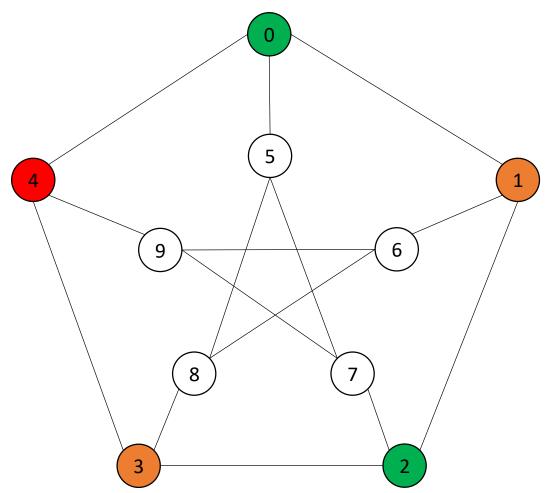


### Bước 5: Xét đỉnh 4 (3)

Gán màu chưa sử dụng (màu Đỏ) vừa tìm được cho đỉnh 4.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	Đỏ
5	-
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	true
Cam	true
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



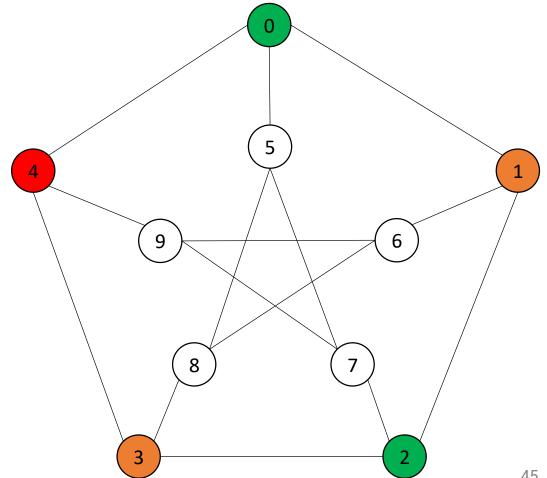


### Bước 5: Xét đỉnh 4 (4)

Xét tất cả những đỉnh kề với đỉnh 4, reset lại mảng colors, chuẩn bị cho bước sau.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	Đỏ
5	ı
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
òĞ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false





# LÀM TƯƠNG TỰ VỚI CÁC ĐỈNH CÒN LẠI CỦA ĐỒ THỊ

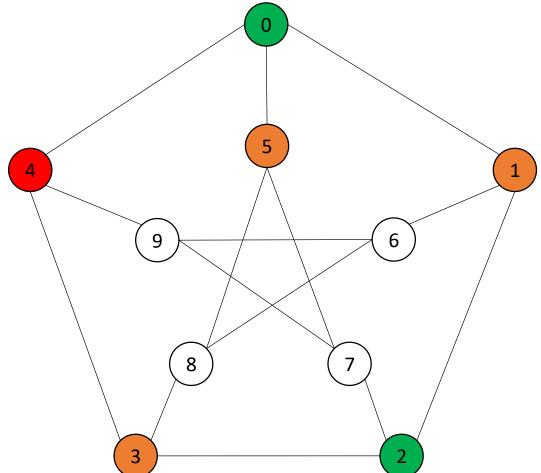


### Bước 5: Xét đỉnh 5

Xét đỉnh 5 và gán màu Cam cho đỉnh 5.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	Đỏ
5	Cam
6	-
7	-
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



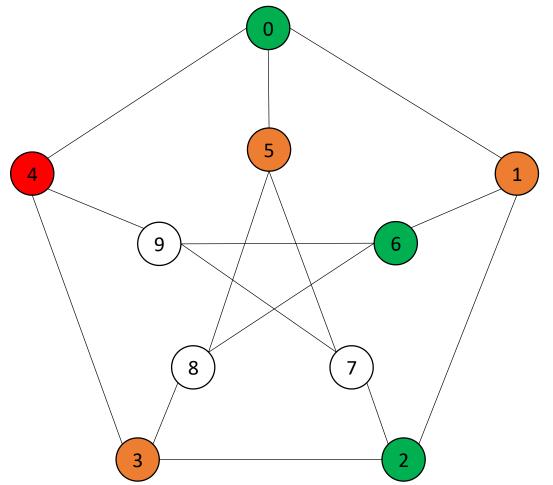


#### Bước 6: Xét đỉnh 6

Xét đỉnh 6 và gán màu Xanh cho đỉnh 6.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	Đỏ
5	Cam
6	Xanh
7	ı
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



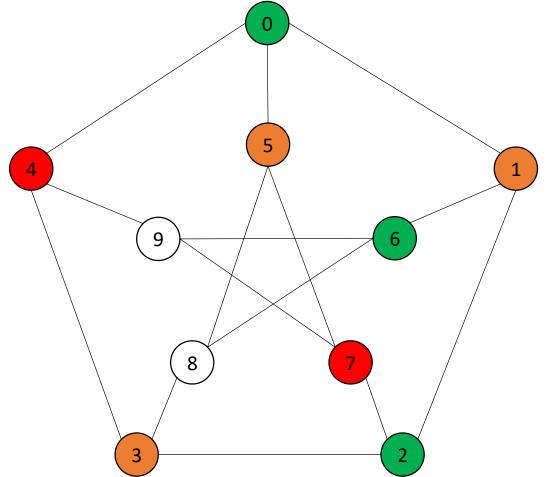


#### Bước 7: Xét đỉnh 7

Xét đỉnh 7 và gán màu Đỏ cho đỉnh 7.

result	
Đỉnh	Màu
0	Xanh
1	Cam
2	Xanh
3	Cam
4	óG
5	Cam
6	Xanh
7	Đỏ
8	-
9	-

colors	
Màu	Trạng thái
Xanh	false
Cam	false
Đỏ	false
Vàng	false
Hồng	false
Tím	false
Dương	false
Đen	false
Nâu	false
Xám	false



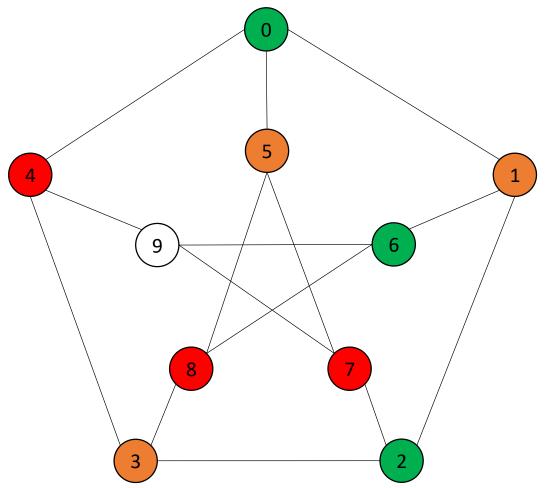


#### Bước 8: Xét đỉnh 8

Xét đỉnh 8 và gán màu Đỏ cho đỉnh 8.

result								
Đỉnh	Màu							
0	Xanh							
1	Cam							
2	Xanh							
3	Cam							
4	Đỏ							
5	Cam							
6	Xanh							
7	óđ							
8	Đỏ							
9	-							

colors							
Màu	Trạng thái						
Xanh	false						
Cam	false						
Đỏ	false						
Vàng	false						
Hồng	false						
Tím	false						
Dương	false						
Đen	false						
Nâu	false						
Xám	false						



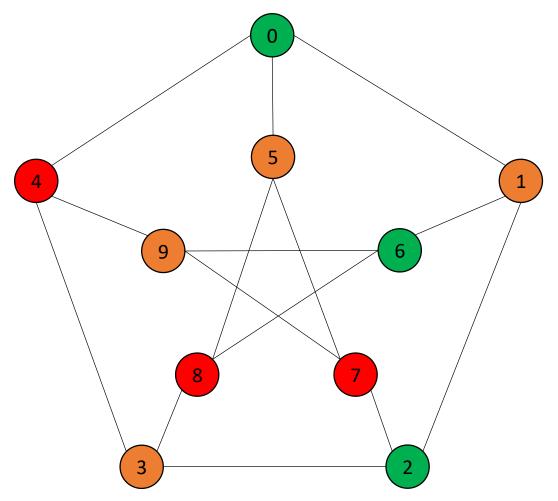


#### Bước 9: Xét đỉnh 9

Xét đỉnh 9 và gán màu Đỏ cho đỉnh 9.

result							
Đỉnh	Màu						
0	Xanh						
1	Cam						
2	Xanh						
3	Cam						
4	òĞ						
5	Cam						
6	Xanh						
7	òĞ						
8	Đỏ						
9	Cam						

colors						
Màu	Trạng thái					
Xanh	false					
Cam	false					
Đỏ	false					
Vàng	false					
Hồng	false					
Tím	false					
Dương	false					
Đen	false					
Nâu	false					
Xám	false					

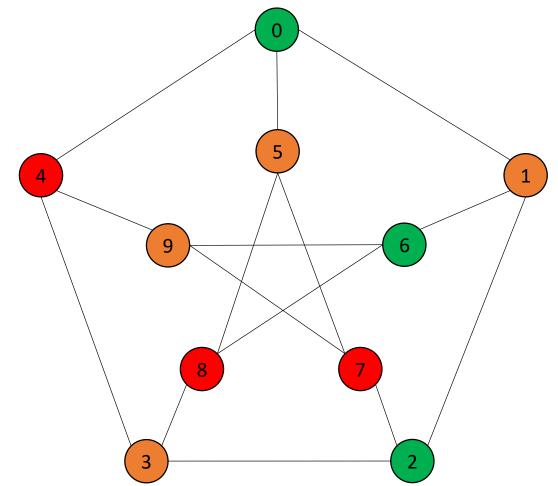




### Kết quả bài toán

Với đồ thị như hình bên dưới ta cần dùng 3 màu để tô 10 đỉnh của đồ thị và đảm bảo rằng không có 2 đỉnh cùng màu được nối trực tiếp với nhau.

result							
Đỉnh	Màu						
0	Xanh						
1	Cam						
2	Xanh						
3	Cam						
4	Đỏ						
5	Cam						
6	Xanh						
7	Đỏ						
8	Đỏ						
9	Cam						





```
#include <iostream>
  #include <vector>
   #include <cstring>
   using namespace std;
5.
   const int MAX = 100;
   vector<int> graph[MAX];
  int result[MAX];
9. bool colors[MAX];
10. int V, E;
11.
12. void printColoring()
13. {
       for (int i = 0; i < V; i++)
14.
           cout << "Vertex " << i << " --> Color " << result[i] << endl;
15.
16.
```



```
17. void greedyColoring()
18.
        for (int u = 0; u < V; u++)
19.
        {
20.
            for (int neighbor : graph[u])
21.
                 if (result[neighbor] != -1)
                     colors[result[neighbor]] = true;
23.
            for (int cr = 0; cr < V; cr++)</pre>
24.
                if (colors[cr] == false)
25.
26.
                     result[u] = cr;
27.
                     break;
28.
29.
            for (int neighbor : graph[u])
                 if (result[neighbor] != -1)
                     colors[result[neighbor]] = false;
32.
34.
```



```
35. int main()
36. {
        int u, v;
        cin >> V >> E;
38.
       memset(result, -1, sizeof(result));
39.
       memset(colors, false, sizeof(colors));
        for (int i = 0; i < E; i++)
41.
42.
            cin >> u >> v;
43.
            graph[u].push back(v);
44.
            graph[v].push back(u);
45.
46.
        greedyColoring();
47.
       printColoring();
48.
        return 0;
49.
50.
```



```
MAX = 100
   def printColoring():
       for i in range(V):
3.
           print("Vertex {} --> Color {}".format(i, result[i]))
   def greedyColoring():
       for u in range(V):
           for neighbor in graph[u]:
               if result[neighbor] != -1:
8.
                    colors[result[neighbor]] = True
           for cr in range(V):
10.
               if colors[cr] == False:
                    result[u] = cr
                    break
13.
           for neighbor in graph[u]:
14.
                if result[neighbor] != -1:
                    colors[result[neighbor]] = False
16.
```



```
17. if name == ' main ':
                                                                    ₽ python™
       V, E = map(int, input().split())
18.
19.
        result = [-1 \text{ for } i \text{ in } range(V)]
20.
        colors = [False for i in range(V)]
21.
        graph = [[] for i in range(V)]
23.
        for i in range(E):
24.
            u, v = map(int, input().split())
25.
            graph[u].append(v)
26.
            graph[v].append(u)
27.
        greedyColoring()
28.
        printColoring()
29.
```



```
import java.util.ArrayList;
   import java.util.Arravs;
   import java.util.Scanner;
4.
   public class Main {
       private static final int MAX = 100;
6.
       private static ArrayList<Integer>[] graph = new ArrayList[MAX];
7.
       private static boolean[] colors = new boolean[MAX];
       private static int[] result = new int[MAX];
9.
       private static int V, E;
11.
       private static void printColoring() {
12.
           for (int i = 0; i < V; i++) {</pre>
                System.out.printf("Vertex %d --> Color %d\n", i, result[i]);
14.
15.
16.
```



```
private static void greedyColoring() {
            for (int u = 0; u < V; u++) {
18.
                for (int neighbor: graph[u]) {
19.
                    if (result[neighbor] != -1) {
                        colors[result[neighbor]] = true;
                for (int cr = 0; cr < V; cr++) {
24.
                    if (colors[cr] == false) {
25.
                        result[u] = cr;
26.
                        break;
29.
                for (int neighbor: graph[u]) {
                    if (result[neighbor] != -1) {
                        colors[result[neighbor]] = false;
34.
```



```
public static void main (String[] args) {
            Scanner sc = new Scanner(System.in);
38.
            V = sc.nextInt();
39.
            E = sc.nextInt();
40.
            Arrays.fill(result, -1);
41.
            Arrays.fill(colors, false);
42.
            for (int i = 0; i < V; i++) {</pre>
43.
                 graph[i] = new ArrayList<>();
44.
45.
            for (int i = 0; i < E; i++) {</pre>
46.
                 int u = sc.nextInt();
47.
                 int v = sc.nextInt();
48.
                 graph[u].add(v);
49.
                 graph[v].add(u);
51.
            greedyColoring();
52.
            printColoring();
53.
54.
55.
```



### Một số nhận xét về phương pháp Tham Lam

- 1. Mỗi một bài toán có nhiều cách giải tham lam khác nhau, không có công thức chung, chúng ta phải tự xây dựng riêng công thức cho mỗi bài toán.
- 2. Dễ dàng tính độ phức tạp hơn so với đệ quy, chia để trị nhưng chứng minh tính đúng đắn khó hơn rất nhiều.
- 3. Phương pháp tham lam không quay lại các bước trước đã xét vì thế có thể dẫn đến kết quả bài toán không tối ưu.



# Bài toán minh họa 3

Finding a taxi: Cho danh sách người dùng (User) và các tài xế chạy xe (Taxi), mỗi người dùng trong một thời điểm chỉ bắt được 1 xe Taxi, xe Taxi chỉ chở 1 User, tại mỗi vị trí có tối đa 1 User hoặc 1 Taxi, trong giới hạn k km. Hỏi có bao nhiều người dùng sẽ bắt được taxi cho mình.

	1	_		•			
Т	Т	U	U	Т	U	U	k = 2 (km)

Kết quả = 3







**Ý tưởng:** Chạy từ đầu danh sách nếu gặp một người dùng (U) thì tìm Taxi xa nhất có thể cho người này, đánh dấu lại kết quả. Tiếp tục tìm kiếm cho người dùng tiếp theo giống như ý tưởng trên, cho đến khi nào tìm hết cho tất cả người dùng thì dừng thuật toán.

	1						
Т	Т	U	U	Т	U	U	k = 2

- Tìm Taxi cho U(2) là T(0).
- Tìm Taxi cho U(3) là T(2).
- Tìm Taxi cho U(5) là T(4).
- Tìm Taxi cho U(6) hết Taxi.



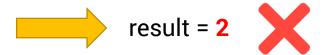




#### Ví dụ khác:

0	1	2	3	4	5	6	
U	Т	U	Т	Т	U	U	k = 3

- Tìm Taxi cho U(0) là T(3).
- Tìm Taxi cho U(2) là T(4).
- Tìm Taxi cho U(5) Taxi T(1) quá 3 km.
- Tìm Taxi cho U(6) Taxi T(1) quá 3 km.



Đáp án đúng phải là: U(0) chọn T(1), U(2) chọn T(3), U(5) chọn T(4).

→ result = 3

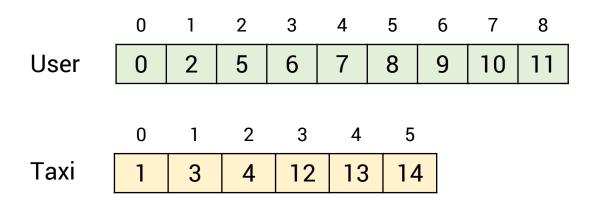




						5									
l	J	Т	U	Т	Т	C	U	U	U	U	U	U	Т	Т	Т

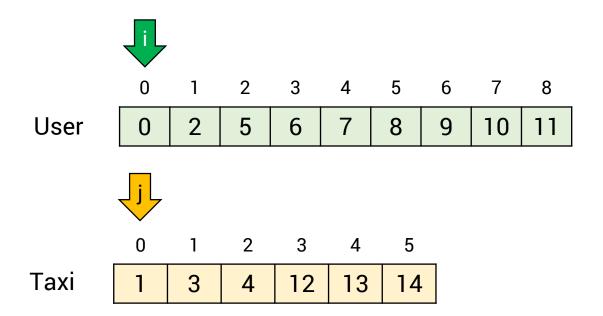
$$k = 3$$

Chia mảng ban đầu ra thành 2 mảng: người dùng (User) và mảng Taxi.









**Nếu**: | User[i] − Taxi[j] | ≤ k

- Tìm được tài xế phù hợp với người dùng (result++)
- Tăng i và j lên phần tử tiếp theo.

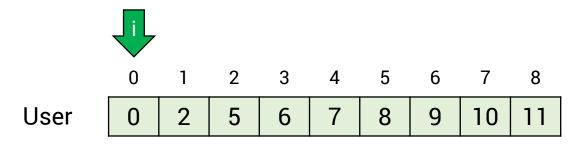
Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]

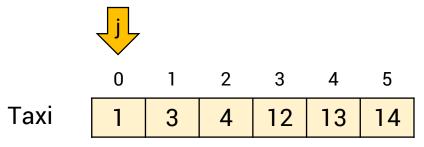
Tìm tài xế mới cho người dùng (j++)

#### Ngược lại:



## Bước 1: Chạy thuật toán lần 1 (i=0, j=0)





**Nếu:** | User[i] – Taxi[j] | ≤ k 1 ≤ 3

- Tìm được tài xế phù hợp → result = 1.
- i = 1, j = 1.

Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]



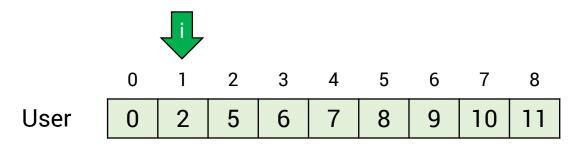


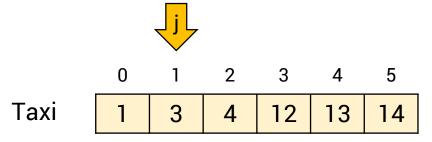
#### Ngược lại:





## Bước 2: Chạy thuật toán lần 2 (i=1, j=1)





**Nếu:** | User[i] – Taxi[j] | ≤ k 1 ≤ 3

- Tìm được tài xế phù hợp → result = 2.
- i = 2, j = 2.

Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]



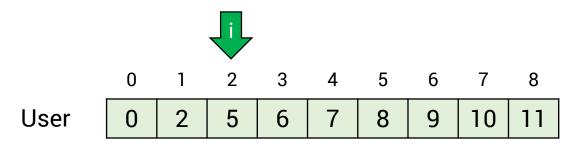


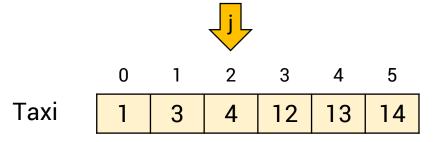
#### Ngược lại:





# Bước 3: Chạy thuật toán lần 2 (i=2, j=2)





**Nếu:** | User[i] – Taxi[j] | ≤ k 1 ≤ 3

- Tìm được tài xế phù hợp → result = 3.
- i = 3, j = 3.

Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]



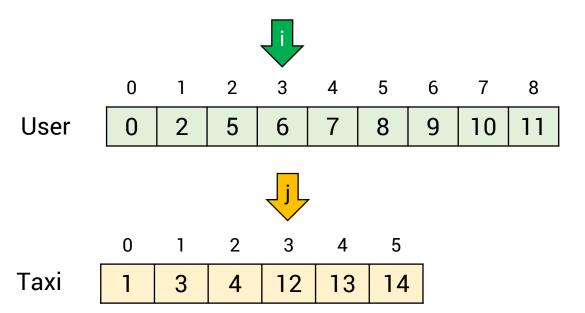


#### Ngược lại:





# Bước 4: Chạy thuật toán lần 4 (i=3, j=3)



**Nếu:** | User[i] – Taxi[j] | ≤ k

6 ≤ 3



- Tìm được tài xế phù hợp với người dùng (result++)
- Tăng i và j lên phần tử tiếp theo.

#### Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]



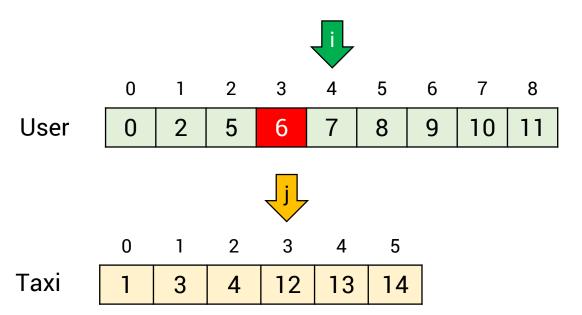


#### Ngược lại:

Người dùng này không có tài xế phù hợp → i = 4



## Bước 5: Chạy thuật toán lần 5 (i=4, j=3)



**Nếu:** | User[i] − Taxi[j] |  $\leq$  k





- Tìm được tài xế phù hợp với người dùng (result++)
- Tăng i và j lên phần tử tiếp theo.

#### Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]



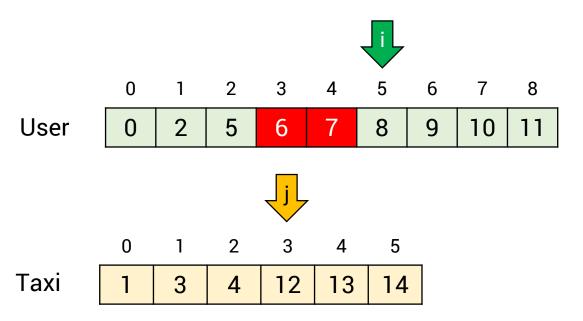


#### Ngược lại:

Người dùng này không có tài xế phù hợp → i = 5



## Bước 6: Chạy thuật toán lần 6 (i=5, j=3)



**Nếu:** | User[i] − Taxi[j] | ≤ k





- Tìm được tài xế phù hợp với người dùng (result++)
- Tăng i và j lên phần tử tiếp theo.

#### Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]



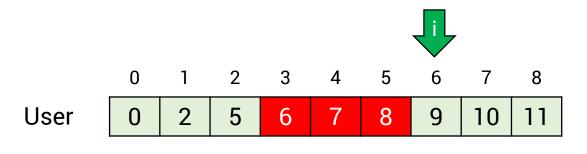


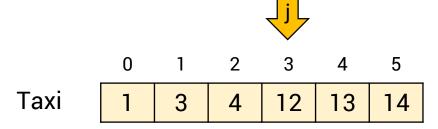
#### Ngược lại:

Người dùng này không có tài xế phù hợp → i = 6



#### Bước 7: Chạy thuật toán lần 7 (i=6, j=3)





**Nếu:** | User[i] – Taxi[j] | ≤ k 3 ≤ 3

- Tìm được tài xế phù hợp → result = 4.
- i = 7, j = 4.

Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]

Tìm tài xế mới cho người dùng (j++)



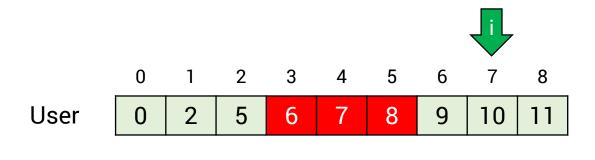
#### Ngược lại:

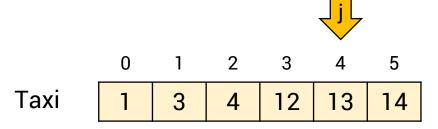
Người dùng này không bắt được tài xế (i++)





#### Bước 8: Chạy thuật toán lần 8 (i=7, j=4)





**Nếu:** | User[i] – Taxi[j] | ≤ k 3 ≤ 3

- Tìm được tài xế phù hợp → result = 5.
- i = 8, j = 5.

Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]

Tìm tài xế mới cho người dùng (j++)



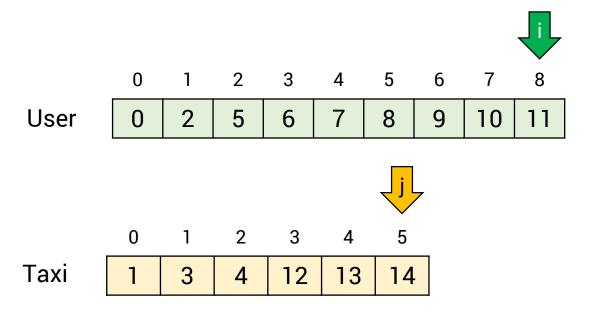
#### Ngược lại:

Người dùng này không bắt được tài xế (i++)



# Bước 9: Chạy thuật toán lần 9 (i=8, j=5)





**Nếu:** | User[i] – Taxi[j] | ≤ k 3 ≤ 3

- Tìm được tài xế phù hợp → result = 6.
- Dừng thuật toán

Ngược lại nếu: User[i] > Taxi[j]

• Tìm tài xế mới cho người dùng (j++)



#### Ngược lại:

Người dùng này không bắt được tài xế (i++)



# Kết quả bài toán



														14
U	Т	U	Т	Т	U	U	U	U	U	U	U	Т	Т	Т

$$k = 3$$

result = 6 → tìm được 6 cặp phù hợp với nhau.

- (0, 1)
- (2, 3)
- (5, 4)
- (9, 12)
- (10, 13)
- (11, 14)

Độ phức tạp: O(N)



```
#include <iostream>
   #include <vector>
   using namespace std;
4.
   int findingTaxi(vector<char> a, int k)
6.
       int result = 0;
7.
       vector<int> user;
       vector<int> taxi;
       for (int i = 0; i < a.size(); i++)</pre>
11.
12.
            if (a[i] == 'U')
                user.push back(i);
14.
            else if (a[i] == 'T')
15.
                taxi.push back(i);
16.
17.
```



```
int j = 0, i = 0;
18.
        while (j < taxi.size() && i < user.size())</pre>
19.
             if (abs(user[i] - taxi[j]) <= k)</pre>
21.
                 result++;
23.
                 i++;
24.
                  j++;
25.
26.
             else if (user[i] > taxi[j])
27.
                  j++;
28.
             else
29.
                  i++;
        return result;
32.
33. }
```







```
i = i = 0
11.
                                                                    ? python™
       while j < len(taxi) and i < len(user):</pre>
            if abs(user[i] - taxi[j]) <= k:</pre>
                result += 1
14.
                i += 1
                j += 1
16.
          elif user[i] > taxi[j]:
17.
                j += 1
18.
            else:
19.
                i += 1
       return result.
21.
```



```
import java.lang.reflect.Array;
   import java.util.ArrayList;
   import java.util.Arrays;
   import java.util.Scanner;
   public class Main {
       private static int findingTaxi(char[] a, int k) {
6.
            int result = 0;
7.
           ArrayList<Integer> user = new ArrayList<>();
8.
           ArrayList<Integer> taxi = new ArrayList<>();
9.
10.
            for (int i = 0; i < a.length; i++) {</pre>
11.
                if (a[i] == 'U')
                    user.add(i);
                else if (a[i] == 'T')
14.
                    taxi.add(i);
15.
16.
```



```
int j = 0, i = 0;
17.
             while (j < taxi.size() && i < user.size()) {</pre>
18.
                  if (Math.abs(user.get(i) - taxi.get(j)) <= k) {</pre>
19.
                      result++;
20.
                      i++;
21.
                      j++;
                  }
23.
                 else if (user.get(i) > taxi.get(j))
24.
                      j++;
25.
                 else
26.
                      i++;
27.
28.
             return result;
29.
```



# Hỏi đáp





