Optimizacin por Enjambre de Partculas Para Planificacin Global de Rutas basado en Interpolacin Polinomial

Arnaldo Gaspar and Joe Cabezas

Departamento de Informática

Universidad Técnica Federico Santa María

Santiago, Chile

agaspar@alumnos.inf.utfsm.cl and jcabezas@alumnos.inf.utfsm.cl

I. DESCRIPCIÓN DEL PROBLEMA

El principal objetivo de Motion Planning es encontrar una o más rutas para que un agente en particular logre llegar desde una región inicial ($p_{\rm inicial}$) a otra región objetivo ($p_{\rm objetivo}$) bajo restricciones como obstáculos, condiciones de movimiento, balance y cualquier indeseable presente en la trayectoria.

En el contexto de investigación de la Inteligencia Artifical (IA), Motion Planning corresponde en su expresión más frecuente a un problema de optimización que puede incluir criterios como distancia a recorrer, tiempo utilizado durante el trayecto, energía consumida conforme a las condiciones del entorno, etc. Sus aplicaciones se pueden efectuar en la robótica, la manufactura, el ensamblado, el transporte y servicios entre otros.

El método general es la resolución para un entorno estático, y posteriormente crear un plan de movimiento para un entorno dinámico. Un entorno estático es aquel en el que no cambia la configuración durante el transcurso del tiempo.

Para el caso estático, la región incial, la región de llegada, las regiones a evitar y las regiones a visitar son conocidas antes que el plan sea constriudo y se asume que tales condiciones no cambiarán.

El planemantieno en entornos estáticos recibe el nombre de *Global Path Planning* (GPP).

Para el caso dinámico, algunas de las regiones a evitar no se conocen y su planificación no puede ser realizada de antemano. Este problema recibe el nombre de *Dinamyc Path Planning* (DPP).

Aunque ambos casos en general son similares, el contexto en el que se desenvuelven es diferente y por ende sus soluciones también.

En Global Path Planning (GPP) no es muy importante minimizar el tiempo requerido para formular el plan de movimiento porque es realizado a priori, en cambio para Dinamic Path Planning el tiempo es crítico pues el agente puede agotar sus recursos durante la exploración del entorno.

En un entorno estático, el problema de Global Path Planning puede ser expresado como un problema de encontrar al menos un camino libre de colisiones de tamaño mínimo. El entorno puede ser descrito como un mapa, donde un camino entre dos posiciones es aproximado como una secuencia de posiciones adyacentes.

Una instancia del problema está dada por un mapa de $m \times n$, con sectores de tamaño fijo marcados como obstáculos.

La representación más sencilla es la de una malla cuadriculada con celdas de tamaño fijo y constituye el dominio de cada variable de desición.

El principal objetivo del GPP es encontrar rutas factibles que se encuentren en las zonas libres de obstáculos, por lo tanto la representación del entorno determina la estructura de la ruta.

La forma más simple de representar rutas dada una instancia descrita por un mapa en forma matriz es a través de una secuencia de posiciones adyacentes que vayan desde el punto inicial hasta el objetivo.

Cada ruta generada constituye una variable de decisión y el dominio corresponde a los puntos o areas del mapa cualesquiera para constituir la ruta. Esta forma considera la generación de soluciones iniciales infactibles las cuales van mejorando durante el transcurso de la ejecución del algoritmo que implementa una metaheurística para este caso.

La principal restricción es que la ruta generada esté confinada a los márgenes de la instancia. Esta restricción puede parecer un tanto burda, sin embargo, al utilizar técnicas de interpolación a tramos (Splines) es muy probable que las rutas generadas sobrepasen el cuadro del mapa al no satisfacer la restricción de ajuste al polígono de espácio mínimo (convex hull). Para tales razones tambien se considera interpolación y aproximación por tramos que cumplan dicha propiedad.

Desde la perspectiva de la optimización, se consideran las colisiones como restricciónes que se penalizan en la función objetivo dado que su consideración dura podría no generar soluciones iniciales de acuerdo a las diferentes instancias que puedan ser estudiadas.

También existen restricciones desde la perspectiva del contexto en el que se encuentre; por ejemplo en la robótica se consideran restricciones como la energía utilizada, la inercia, etc.

Para efectos prácticos e investigativos de la técnica utiliza-

da en este artículo se consideran solamente las restricciones más generales del GPP y en especial, para esta investigación, no se consideran las regiones a visitar.

Se espera encontrar rutas las cuales no pasen por obstáculos y que tengan la menor longitud posible. Otra característica de la solución a evaluar puede ser la suavidad de la ruta generada. Muchas representaciones consideran la inicialización de las partículas o soluciones iniciales como rutas generadas pseudo aleatoreamente de forma constructiva (agregación de puntos consecutivamente), lo cual no garantiza suavidad aunque existan intenciones de suavización post generación de rutas factibles. Otra forma de abarcar el problema es considerando la interpolación paramétrica entre pares de puntos garantizando suavidad de movimiento para el agente.

En términos generales el algoritmo debe dar resolución a problemas que puedan tender a converger prematuramente, por esa razón, además de penalizar la cantidad de colisiones y el largo de la ruta, se considera el hecho de que existan rutas muy cortas de solución las cuales no representen una solución adecuada al problema, situación que tambien sufre castigos reflejados en la función objetivo.

La representación del problema planteado en forma matemática se puede expresar para cualquier dimensión según el espacio de operación, sin embargo en el presente estudio se considera la resolución en el plano, siendo $C \in \mathbb{R}^2$ el espacio de operación, donde el conjunto de O de |O|=m obstaculos o_i se define como

$$O = \{o_i : o_i \in C, \forall i = 1 : m\}$$
 (1)

Donde se define a a como la región inicial en C y b como la región objetivo. El espacio determinado por la aplicación $R:\mathbb{R}\longrightarrow\mathbb{R}^n$ donde $q\longrightarrow R(q)$ corresponde a la región ocupada por el agente en el punto q en C. Además, el espacio ocupado por \hat{o}_i será el considerado para penalizar en la función objetivo, el cual representa a las colisiones que vaya teniendo el agente durante el transcurso de la ruta $r\subseteq C$, donde

$$\hat{o}_i = \{ q \in r : R(q) \cap o_i \neq \emptyset, \forall i = 1 : m \}$$
 (2)

Por lo tanto, el espacio libre corresponde a 1 conjunto

$$C_{\text{libre}} = C - \cup_{\forall i} \hat{o}_i \tag{3}$$

Donde una trayectoria válida sería aquella ruta $r\subseteq C_{\mathrm{libre}}$ de largo |r|=l tal que

$$r = \{q \in C_{\text{libre}} : q_0, \dots, q_\ell \text{ tal que } q_0 = a, q_\ell = b\}$$
 (4)

Con el fin de hacer un estudio en una escala aplicable, se considera un modelo más simple, cuyas consideraciones son las de un espacio de operación en \mathbb{N}^2 como una matriz $C \in Mat(m \times n, \{0, 1\})$ que describe el espacio de operación

según las coordenadas. Si en una cierta coordenada i,j existe un obstáculo, entonces $C_{ij}=1$, de lo contrario $C_{ij}=0$. Además, se considera la aplicación R(q)=q, donde q representa un elemento en la matriz descrita. Respecto a las restricciones, ciertas consideraciones físicas no serán parte de este problema, no existe aceleración, velocidad, ni fuerzas que prohiban el movimiento libre por el espacio de operación. La ruta r está representada por un vector de largo variable ℓ que almacena la lista de casillas visitadas sin repetición donde q_0 es la región inicial, q_ℓ la región final y q_i la región adyacente a q_{i+1} representadas por celdas de la cuadrícula o matriz.

El largo de la ruta r está dado por el valor ℓ . La función objetivo por lo tanto queda expresada como

$$Min: F(\ell) = \ell + Pn(\ell) \tag{5}$$

lenght(r) es el largo de la ruta, que en este caso, como la distancia entre lugares es constante entre lugares adyacentes y vale $d_{min}=1$, esta funcion es equivalente a la cantidad de elementos del vector p.

Pn(p) es una función de penalización que vale 0 si es una ruta sin colisiones, es decir, no pasa por ningun lugar marcado como obstáculo, en caso contrario, esta función se define:

$$Pn(\ell) = NC(1 + \ell^{\alpha}) \tag{6}$$

NC = número de colisiones

El razonamiento detrás de de esta función de penalizacion garantiza que se penalice por cada casilla marcada como obstáculo que intenta pasar, contándola dos veces, una vez al contar el largo del vector, y una segunda vez si la casilla es un obstáculo. Además penaliza de manera proporcional a la cantidad de colisiones y potencialmente al largo de la ruta, por lo que si $\alpha < 0$ se puede penalizar de manera más fuerte a las rutas cortas, debido a que la ruta mas corta entre el punto de inicio $a = C_{i,j}$ y el punto de meta $b = C_{k,\ell}$ mide: lenght(p) = |i-k| + |j-l|, la cual es una ruta directa la cual probablemente pase por más de algún obstáculo y al ser muy corta, puede quedar como candidata en vez de privilegiar a aquellas que son mas largas pero que no tienen colisiones.

II. ESTADO DEL ARTE

El problema clásico en el Path Planning se describe como: dado un cuerpo rígido tridimensional y un conocido conjunto de obstaculos, la tarea de encontrar una ruta libre de colisiones desde una configuración incial a una objetivo. Adicionalmente, esta tarea debe ser completada en una cantidad razonable de tiempo.

Este problema es conocido como el problema del movedor de pianos [?].

Existen paradigmas clásicos para resolver Motion Planning como lo son los métodos de campo potencial (potential field methods), métodos de mapas de ruta como los métodos de grafos de visibilidad y probabilisticos y los metodos de grillas [?] y [?].

Los metodos de campo potencial primeramente descritos en [?], son metodos usados para evitar colisiones en base a sensores de proximidad. La idea es caracterizar al robot y los obstaculos como cargas positivas y al objetivo como carga negativa. La navegación ocurre a medida de las interacciones de repulsión entre el agente y los obstaculos y la atracción del agente con el objetivo. La interacción total es $U(q) = U_{attr}(q) + U_{repul}(q)$ y cada paso es tomado sobre el gradiente negativo del potencial. El robot termina el movimiento cuando descubre que el gradiente es cero.

Los métodos basados en mapas de rutas son aquellos que consideran como mapa a una estructura de datos usada para planear rutas subsecuentes mas rápidamente. La estructura de datos intenta capturar la conectividad y caracteristicas de la configuración del espacio del agente. Usando el mapa, un planeador (planner) puede encontrar rutas entre dos configuraciones donde lo primero es encontrar una ruta libre de colisiones desde una de las configuraciones al mapa de rutas y así desde el mapa de rutas a la configuración de destino.

Dentro de los métodos basados en mapas de rutas están los mapas de visibilidad, primeramente estudiados por NJ Nilsson en 1969, los cuales consideran los nodos de los mapas como vértices de un polígono y dos nodos del grafo de visibilidad comparten un vertice si sus vértices correspondientes son vistos por el otro. La linea de visión puede estar dada por un sensor como la lectura de un sonar.

También, dentro de los métodos basados en mapas, están los mapas de rutas probabilísticos, que se suelen ocupar cuando el número de grados de libertar del agente son moderadamente grandes y las aproximaciones para la planificación exacta se vuelven muy difíciles de calcular o imposible. Para esta clase de problemas se hace necesario recurrir a la utilización de heurísticas para encontrar soluciones las que ásicamente consisten en chequear si la configuración del robot q está dentro del area libre de obstáculos.

El modelo común en la investigación de Motion Planning ha sido desacoplar los problemas generales de robótica relacionados con sensores, etc. resolviendo primero Global Path Planning y luego encontrar una trayectoria que pueda satisfacer las restricciones dinámicas y seguir ese camino [?]

También se sugiere que si se está preocupado por la inercia del robot, causando con ello un camino cinemático planificado, se puede también simplemente ejecutar el camino muy lentamente, para minimizar los efectos de la dinámica. Aunque estas suposiciones son razonables en ciertas ocasiones, no pueden siempre ser justificadas. Incluso puede darse el caso de que el camino conseguido sea completamente no factible debido al entorno del objeto y

sus limites de fuerzas y torques [?]

Path Planning Problem puede ser dividido en dos grandes categorías. La primera es crear un camino planeado a seguir dentro de un entorno estático. La segunda es crear un plan para hacer un recorrido en un entorno dinámico [?].

En un primer caso, se tiene, un punto de comienzo, un punto de meta (final o de llegada) y un set de regiones a evitar, todos conocidos incluso antes de que comienze a crearse un plan para crear el recorrido, mas aún, se asume que estas condiciones no cambiaran, con ello, se refiere a este caso como Global Path Planning [?].

En el segundo caso, parte de las regiones a evitar, o en su totalidad, son desconocidas, por ejemplo, situaciones de peligro solo se conocen cuando se está en ese sector y dentro del rango de los sensores, esto modela de manera mas fiel los casos de la realidad, con ello, se hará referencia a este caso como Dynamic Path Planning

Ambas aproximaciones pueden parecer similares, pero de hecho, son muy diferentes. Por ejemplo en Global Path Planning, no se tiene mayor preocupacion sobre el tiempo que demora en formular una solucion, pues se puede determinar antes de que se comience a navegar, mientras que en el caso dinámico la consideración del tiempo es mas crítica, pues en cada momento se está actualizando el plan a seguir, según cambien las condiciones. De aquí se hace una distinción entre una formulación en tiempo real y otra no en tiempo real [?]

Otra gran diferencia entre ambos esquemas es la capacidad de decisión, mientras que en el caso global es posible analizar si un camino es seguro, en el caso dinámico puede darse el caso en el que no se puede concluir si un camino formulado es seguro o no. [?]

Global Path Planning ha sido resuelto para dominios de robot y aeronaves a traves de una técnica llamada: "Descomposición de Collin" (*Collin's Descomposition*) [?], el cual consiste en dividir el entorno en muchas regiones mas pequeñas y formulando un camino seguro e individual para cada uno de ellos, luego cuando las regiones esten completadas, se agrupan nuevamente estos sub-caminos para formal una solucion global, y en aquellos casos en que se requiere pasar por diferentes regiones, esta técnica puede ser realizadas varias veces.[?]

Ciertamente cuando se requiere evitar zonas peligrosas, se pueden usar zonas potenciales la que consiste en asignar valores numéricos que permitan medir el nivel de seguridad, a aquellas regiones peligrosas y establecer circulos concentricos a ellos con valores intermedios, de esta forma, los robots pueden evitarlas y tomar decisiones como esquivarlas o regresar por donde vinieron. En especial este último recurso no es una opcion para muchos problemas de Dynamic Path Planning como por ejemplo aeronaves que no tienen otra opción, por limitaciones fisicas, de regresar rapidamente o "dar la vuelta".

Para solucionar ello, Goldman propone una solución llamada $Subgoal\ Avoidance$, el que consiste en establecer submetas previas antes de dirigirse a la meta global, y con ellas evitar zonas riesgosas. Se representan las zonas de peligro como un espacio de dos dimensiones y se traza una linea perpendicular entre el camino original y el punto de riesgo y se mide la distancia d entre la recta del camino original y el punto de riesgo, luego se crea una circunferencia de radio 2d, la interseccion entre la circunferencia y el bisector perpendicular es un nuevo punto que será una submeta por la cual se debe pasar para evitar el peligro.[?]

Desde la perspectiva de las heurísticas de resolución también existen aproximaciones utilizando simulated annealing, algoritmos genéticos, algoritmos basados en colonias de hormigas, en ejambre de particulas y en sistemas inmunes y combinaciones entre ellos.

Se proponen también estrategias de planificación de rutas como el *simulated annealing dissipative ant system* [?] cuyo objetivo, en contraste con los sistemas de hormigas tradicionales, es utilizar simulated annealing para aumentar la capacidad global de búsqueda (exploración) del algoritmo donde solo las mejores rutas en cada iteración son actualizadas para incrementar la rapidez de aprendizaje del método. A esto se le introduce la entropía en el sistema para salir de los mínimos locales.

Dentro de los algoritmos genéticos hay investigaciones recientes utilizando algoritmos genéticos elitistas aplicados al Global Path Plannning [?] los cuales consisten básicamente en dos algoritmos genéticos elitistas paralelos para mantener una mayor diversidad y así inhibir una convergencia prematura en comparación con los algoritmos genéticos convencionales. La forma de generar soluciones iniciales factibles que sean suaves son a través de tecnicas de interpolación como la B-Spline cúbica [?] las cuales son continuas.

Dentro de lo algritmos basados en enjambre de partículas se proponen algoritmos especializados que garantizan convergencia para la optimización [?]. La forma de representar el problema es configurar un mapa el cual conecta el nodo inicial con el nodo final donde cada nodo en la trayectoria es codificado como una parícula. Entonces, una región particular "activa" para particulas es mapeada de acuerdo a la ubicación de los obstaculos. La población inicial de partículas se genera dentro de la región activa para buscar la ruta óptima. En el proceso de búsqueda, los coeficientes de aceleración y la inercia del algoritmo de optimización basado en partículas es auto adaptativo ajustado y las partículas invalidas son remplazadas por un óptimo local o global en areas adyacentes.

El metodo de malla para resolver Global Path Planning muy usado en robots móviles. Para este metodo se han implementado algoritmos como los basados en las direcciones principales para mejorar el desempeño de esta aproximación reduciendo el numero de nodos en la búsqueda [?].

Los algoritmos basados en colonias de hormigas son muy utilizados para resolver Global Path Planning, donde hay soluciones muy diversas como algoritmos de cobertura completa los cuales integran coberturas de sub areas locales con Global Path Planning [?] que utilizan descomposición celular donde los los agentes cubren una sub area a través de un movimiento de vaivén donde la distancia entre cada sub area es refinada, la cual incluye conectividad, distancia restante y numero de obstaculos entre sub areas. A partir de aquello se calcula una matriz de distancias entre sub areas del entorno la cual es utilizada para Global Path Planning, de esta manera se utilizan los algoritmos basados en colonias de hormigas con dicha matriz para obtener la secuencia de optimización de sub areas. Tambien se proponen mejoras para superar los defectos de la precocidad y el tiempo requerido para la construcción de la población inicial en el algoritmo tradicional al aumentar la colonia de hormigas para Global Path Planning. En [?] se propone un algoritmo mejorado para aumentar la colonia de hormigas donde las operaciones de cruce y mutación del algoritmo genético (GA) se utilizan en aumentar la optimización de colonia de hormigas, y la función de probabilidad heurístico se agrega al proceso de la construcción inicial de la población.

Al respecto también existen soluciones basadas en algoritmos inmunes donde el algoritmo tiene capacidades de adaptación en base a la inmunidad del sistema inmunológico y para alcanzar el objeto de destino de manera segura y con cumplir con éxito con su tarea a través de camino óptimo. Los algoritmos inmunes tienen resultados similares a los algoritmos genéticos sin embargo tienen mejor desempeño cuando el entorno es más complejo [?] .

Considerando estas dos aproximaciones surgen modelos que consideran algoritmos basados en colonias de hormigas y redes inmunes [?] donde el mecanismo de estimulación y supresión entre antígeno y anticuerpo es usado para encontrar la ruta. la cual resuelve el modelamiento complejo de los sistemas basados en hormigas, lo cual mejora la eficiencia en encontrar la ruta óptima. El algoritmo basado en hormigas es usado para buscar en la red de anticuerpos, lo cual aumenta el efecto en la planificación de ruta. Los autores concluyen que estos algoritmos están caracterizados por tener una rápida convergencia y la planeación de rutas cortas, el cual resuelve planificación en ambientes complejos [?].

III. DESCRIPCIÓN DEL ALGORITMO

El enjambre de partículas corresponde al conjunto de S partículas, donde partícula es una eventual solución y corresponde a una ruta a la que se le calcula una velocidad de movimiento respecto a su mejor posición histórica y respecto a la mejor posición global determinada la inicialización y posteriormente determinado durante la iteración. El objetivo del Global Path Planning PSO es que cada partícula tome

movimientos relativos al mejor del grupo y a su propia información de mejor posición.

Una partícula corresponde a una eventual solución del problema, es decir una partícula s de longitud fija k de puntos $q \in \mathbb{N}^2$ con su velocidad v de igual longitud k corresponde a la configuración s=(x,p,v) donde x es la posición instantanea, p la mejor posición histórica y v la velocidad de la partícula.

$$x = \{a, q_2, \dots q_{k-1}, b\} \tag{7}$$

$$v = \{v_0, \dots, v_k\} \tag{8}$$

En este caso x y p obviamente tienen los mísmos puntos al comienzo y al final dado que representan una solución candidata donde los puntos de origen y final representan a las regiones inicial y objetivo respectivamente.

La posición x de la partícula $s \in S$ corresponde a un conjunto de puntos que interpolados o aproximados entre sí constituyen la ruta r mediante diferentes métodos de interpolación o aproximación. Para esta investigación se realizaron implementaciones de los métodos de interpolación paramétrica Cubic Hermité Splines y Cubic Bezier Splines, dado los puntos sugeridos por cada particula. Se realizaron experimentos con B Splines pero se descartaron porque no aproxima desde la región inicial ni a la región objetivo aunque pueden ser utilizadas otras técnicas para satisfacer tal condición pero introducen complejidad adicional para realizar comparaciones de los métodos. La representación de la ruta está dada entonces por el conjunto de polinomios interpoladores o aproximadores sobre los pares sucesivos de los k puntos q definidos como posición en la partícula s. Las formas

Cubic Bezier Splines: Esta aproximación es utilizada para mantener la propiedad de cobertura de area mínima (convex hull) de los polinomios generados por cada par de puntos asegurando que las rutas generadas satisfagan la restricción de preservar la frontera de entorno de operación. Cada polinomio i generado entre los puntos i e i+1 se genera a partir de la expresión

$$[x_i(t), y_i(t)] = \begin{bmatrix} t^3 \\ t^2 \\ t \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 3 & 0 \\ -3 & 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_{i-1} \\ q_i \\ q_{i+1} \\ q_{i+2} \end{bmatrix}$$
(9)

Cubic Hermite Splines: Esta interpolación consta además de una variante en la representación de la partícula s la cual considera, además de los puntos en el entorno de operación, la gradiente de cada punto (∇q) para determinar la forma de la ruta generada, por tanto $x_h = (x, \nabla x)$. Cada polinomio i generado entre los puntos i e i+1 se genera a partir de la expresión:

$$[x_i(t), y_i(t)] = \begin{bmatrix} t^3 \\ t^2 \\ t \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} 2 & -2 & 1 & 1 \\ -3 & 3 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_i \\ q_{i+1} \\ \nabla q_i \\ \nabla q_{i+1} \end{bmatrix}$$
(10)

Todas las combinaciones de rutas posibles dentro del mapa representan el dominio de cada ruta ya que estas son generadas a partir de puntos y gradientes descritas por la partícula.

La longitud de la ruta está dada por

$$\ell = \sum_{i=1}^{k-1} \int_0^1 \sqrt{x_i'(t) + y_i'(t)} dt \tag{11}$$

Cada posición x y velocidad v es generada pseudo aleatoreamente dentro del encuadre del entorno de operación y son entendidas como pivotes o puntos de control (según el método utilizado). La actualización de la posición corresponde a la generación de nuevas rutas que pasen por los pivotes o puntos de control modificados respecto a la información que se tenga en el enjambre. La función objetivo

$$\min F(\ell) = \ell + NC(1 + \ell^{\alpha}) \tag{12}$$

donde C es el número de colisiones y α es el nivel de penalización por rutas cortas con colisiones.

Bajo esta representación todas las rutas tienen largos distintos pero las longitudes de las posiciones y velocidades permanecen constantes lo que significa gran comodidad para operar durante la ejecución del algoritmo

La actualización de la velocidad de la partícula \boldsymbol{s} está dada por

$$v_{i+1} = \omega v_i + \rho_g \phi_g(g - x_i) + \rho_p \phi_g(p_i - x_i)$$
 (13)

$$x_{i+1} = x_i + v_i \tag{14}$$

donde los parámetros mencionados son: ω que pondera el efecto de la velocidad actual, ϕ_g parámetro para favorecer la explotación, ϕ_p parámetro para favorecer la exploración, $\rho_g, \rho_p \sim U(0,1), \ g$ la mejor posición global, p_i la mejor posición de la partícula i.

Para realizar las operaciones se consideró una definición especial para restar, sumar y multiplicar posiciones y velocidades las que se realizan punto a punto, lo que produce incrementos o decrementos en los puntos dentro del entorno de operación para realizar la exploración y explotación necesaria para el algoritmo.

El algoritmo PSO consta de una fase de inicialización, luego una fase de iteración para terminar con la finalización Inicialización del enjambre

$$\begin{array}{ll} \textbf{Data: } S, \omega, \Phi_g, \Phi_p, \ g \leftarrow \texttt{MAX_INT} \\ \textbf{Result: Mejor particula } s_i. \\ \textbf{for } i = 1 \ \textbf{to} \ S \ \textbf{do} \\ & x_i = \texttt{Inicializar posición aleatoreamente}; \\ & p_i \leftarrow x_i; \\ & v_i = \texttt{Inicializar velocidad aleatoreamente}; \\ & \textbf{if } f(p_i) < f(g) \ \textbf{then} \\ & \bot g \leftarrow p_i \end{array}$$

Algorithm 1: Inicialización PSO

Iteración del enjambre

```
\begin{array}{l} \textbf{Data: } S, \omega, \Phi_g, \Phi_p, I \\ \textbf{Result: } \textbf{Mejor particula } g. \\ i = 0 \quad \textbf{while } i < I \quad \textbf{do} \\ & \quad | \quad \textbf{for } i = 1 \quad \textbf{to } S \quad \textbf{do} \\ & \quad | \quad r_p, r_g \sim U(0,1); \\ v_i \leftarrow \omega v_i + \Phi_p r_p(p_i - x_i) + \Phi_g r_g(g - x_i); \\ x_i \leftarrow x_i + v_i; \\ & \quad \textbf{if } f(r_i) < f(p_i) \quad \textbf{then} \\ & \quad | \quad p_i \leftarrow x_i; \\ & \quad \textbf{if } f(p_i) < f(g) \quad \textbf{then} \\ & \quad | \quad g \leftarrow p_i; \\ & \quad \textbf{end} \\ & \quad \textbf{end} \\ & \quad \textbf{end} \\ & \quad \textbf{return } g \ ; \\ & \quad \textbf{Algorithm 2: } \textbf{Iteración PSO} \end{array}
```

IV. EXPERIMENTOS

Los experimentos son realizados sobre un conjunto de instancias que caracterizan situaciones de diferentes dificultades para el agente. Uno de lo objetivos de realizar la experimentación sobre distintas instancias es el de poder encontrar los parámetros adecuados para cada tipo de instancia (nivel de dificultad) y establecer un razonamiento adecuado para la futura utilización del algoritmo (heurísticas). Otro objetivo muy importante es medir la calidad de las soluciones encontradas y poder hacer un breve análisis de éstas conjunto con los tiempos de ejecución del algoritmo y evaluar el tiempo de convergencia respecto a los parámetros.

IV-A. Organización de los Experimentos

Se realiza por cada instancia una serie de experimentos probando diferentes parámetros, midiendo la calidad de las soluciones y observando el tiempo de ejecución del algoritmo. Otro dato importante de observar es la convergencia del valor de la función objetivo durante las iteraciones del algoritmo lo que permite ver a posteriori el comportamiento de la velocidad del enjambre de partículas.

Tablas con experimentos

Instancia	S	α	ω	ϕ_g	ϕ_{p}	q	Método	Muestras
Bugtrap	10	2	1	10	20	100	Hermité	100
Bugtrap	10	2	0	10	20	100	Bezier	100
T	10	0	1	10	20	100	Hermité	100
T	10	0	0	10	20	100	Bezier	100
Rooms	10	0	1	10	20	100	Hermité	100
Rooms	10	0	0	10	20	100	Bezier	100
Complex	500	2	1	50	20	100	Bezier	100
Complex	500	2	0	50	20	100	Bezier	100

Cuadro I: Parametros PSO utilizados según instancia

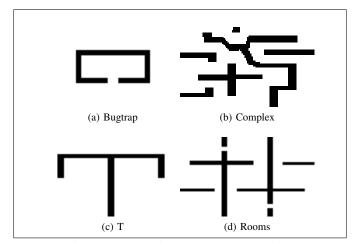


Figura 1: Instancias Global Path Planning

		Calidad Promedio		Entregable
T Chico	32	12	3124	230

Cuadro II: Resultados PSO utilizados según instancia