

Prosabeschreibung der Datenaufteilung:

Die Matrix wird wie folgt aufgeteilt, da es sich um reihenbasierte verfahren handelt bekommt jeder Thread (Reihenanzahl / Threadanzahl) Reihen zugewiesen

Parallelisierungsschema Jacobi:

Bei Jacobi gilt es das von einer Matrix auf die nächste geschrieben wird. Jedes Feld der neuen Matrix benötigt die werte von der alten Matrix die auf der gleichen Feld Position und die die um einen Index wert drum herum liegen. Sprich auch Werte wo die Zuständigkeit bei einem anderen Thread liegt.

dem entsprechend müssen alle Threads ihre erste Reihe der ersten Matrix dem Thread der im Rank vor ihnen liegt schicken und und ihre letzte Reihe dem Thread der im Rang nach ihnen liegt.

Ausnahmen bilden hier Rang 0 und Rang n (Mit n der letzte Rang bei N Threads). Rang 0 hat keinen Vorgänger, somit muss er nur seine letzte Reihe an seinen Nachfolger schicken. Rang n hat keinen Nachfolger und muss somit nur seine erste Reihe an seinen Vorgänger schicken.

nach jeder iteration (wenn alle Felder in Matrix 2 gefüllt sind) muss einmal gesynct werden sodas die reihen für die iteration dann von der Matrix 2 neu aufgeteilt werden. und Matrix 1 dann wieder mit den neuen ergebnissen befüllt werden kann.

So werden auch die Daten immer am anfang jeder Iteration ausgetauscht.

Parallelisierungsschema Gauß-Seidel:

Hier handelt es sich um ein Verfahren das auf einer matrix arbeitet. Es geht auch reihenweise vor. Bei der initialisierung wird jedem Thread seine Reihe zugewiesen und Jeder Prozess sendet seinem Vorgänger die erste Reihe. (bis auf ThreadRang 0, da dieser keinen Vorgänger besitzt)

Danach fängt der Algorithmus in Reihe 1 an und geht iterativ durch alle durch. Daraus folgt das jeder thread (bei Rang0 beginnend) immer die letzte Reihe nach seiner Berechnung an seinen nachfolger schickt und und die erste an seinen Vorgänger. (Mit Rang 0 kann wieder beginnen sobald er von seinem Nachfolger die Reihe erhält und muss auch nur die letzte Reihe weitersenden. Rang n muss nur die erste zeile an seinen Vorgänger schicken wenn er seine Berechnung beendet hat.

Der Clou hierbei ist. Die Vorgänger können immer schon anfangen sobald sie die Werte von ihrem Nachfolger erreichen. obwohl die Iteration des Algorithmus noch nicht vollständig abgeschlossen ist. Es ist keine Synchronisation nötig um den Algorithmus forzuführen.

Abbruch problematik:

Jacobi

Beide Abbruchbedingungen können nach der vollständigen Erstellung der Lösungsmatrix in jeder Iteration überprüft werden. Da sowohl dann eine überprüfung stattfinden kann ob die Iterationen vollständig abgeschlossen ist als auch das man eine Lösungsmatrix hat in der komplett geprüft werden kann ob alle Werte der Genauigkeit entsprechen. Die macht jeder Thread für seine Reihen und danach gibt es einen weiteren Sync, das entweder die Lösung den Abbrechbedingungen genügen oder eine weitere Iteration durch geführt werden muss.

Gauß Seidel

Die Abbruchbedingung der iterationsanzahl wird in Rang 0 geprüft und hört dann einfach auf wenn diese erfüllt sind.

Bei der Abbruchbedingung der Genauigkeit is dies etwas schwieriger da wir ein Asynchrones verhalten haben.

Da mehr iterationen das Ergenis vom Prinzip her nur noch genauer machen kann Thread Rang0 keine Iteration mehr anfangen wenn ihm alle anderen Threads zugesendet haben wenn sie genau genug sind und Thread 0 auch

genau genug ist um der Genauigkeits bedingung zu genügen.

Die letzte iteration läuft dann noch durch, damit alle Teilergebnisse aus der gleichen iteration kommen.

Ob für einen Thread die Genauigkeitsbedingung ausreichend erfüllt is. prüft jeder Thread für sich nachdem
ein neues Ergebnis errechnet hat.