

A	B	C	S	Cout
1	1	1	1	1
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
1	0	0	1	0
0	1	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
0	1	1	0	1

B	C	B · C	$\bar{B} \cdot \bar{C}$	$B + \bar{B} \cdot \bar{C}$
0	1	0	0	0
0	0	0	1	1
1	0	0	0	0
1	1	1	0	1

$$\begin{aligned}
 S &= A \cdot B \cdot C + \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} + \bar{A} \cdot B \cdot \bar{C} \\
 &= \cancel{A \cdot B \cdot C + \bar{B} \cdot C} + \bar{A} \cdot \bar{C} + \cancel{\bar{A} \cdot (A + \bar{B})} \\
 &= \cancel{A \cdot A} + \cancel{A \cdot \bar{B} \cdot \bar{C}} + \bar{C} \cdot \bar{A} \\
 &\hookrightarrow \text{unvereinfacht}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Cout} &= A \cdot B \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \bar{C} + \bar{A} \cdot B \cdot C \\
 &= A \cdot (B \cdot C + \bar{B} \cdot C + B \cdot \bar{C}) + \bar{A} \cdot B \cdot C \\
 &= A \cdot (B(1) + \bar{B} \cdot C) + \bar{A} \cdot B \cdot C \\
 &= A \cdot B + \bar{B} \cdot A \cdot C + \bar{A} \cdot B \cdot C \\
 &= \cancel{B \cdot A} + \cancel{\bar{B} \cdot A \cdot C} + \bar{A} \cdot B \cdot C \quad \rightarrow \text{weiter vereinfachen} \\
 \Rightarrow \text{Cout} &= 1 \text{ als oft } 2 \text{ oder } 3 \text{ 1er Ziffern} \\
 \Rightarrow A \cdot A &= B \cdot C + A \cdot C
 \end{aligned}$$