# Uso de Q-learning como alternativa a la solución del problema de programación de taller de trabajo flexible

Lic. Arnoldo Del Toro Peña

Universidad Autónoma de Nuevo León

4 de junio de 2022

#### Modelos.





#### Objetivos

¿Es viable utilizar la búsqueda aprendizaje por refuerzo (Q-learning) en el problema de programación de taller de trabajo flexible?



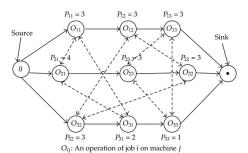
#### **Objetivos**

¿Es viable utilizar la búsqueda aprendizaje por refuerzo (Q-learning) en el problema de programación de taller de trabajo flexible?

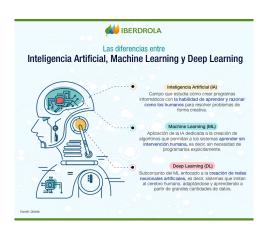
¿Bajo que condiciones es favorable utilizar una búsqueda aprendizaje por refuerzo (Q-learning)?



## Problema de programación de taller de trabajo flexible



- $P_{ii}$ : Processing time of  $O_{ii}$
- --> Conjunctive arc (technological sequences)
- ←→ Disjunctive arc (pair of operations on the same machine)



## Obstáculo

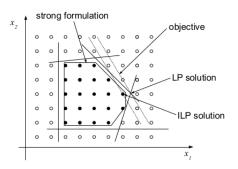
#### Tiempo y recursos.



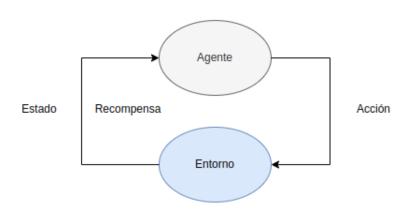
#### **Antecedentes**

Chen et al. (2022) usan el aprendizaje por refuerzo (Q-learning) en un problema de entrega el mismo día (Same-day delivery) utilizando vehículos y drones, también detallan una solución aproximada usando el aprendizaje por refuerzo (Q-learning).

Huang et al. (2022) presentan el método clasificación de corte (Cut Ranking) para seleccionar los cortes en un problema de ramificación y corte para programación entera mixta (mixed-integer programming).



Zhao et al. (2019) proponen la implementación de un algoritmo de doble capa de aprendizaje por refuerzo (Q-learning) así como acciones para la solución del problema dinámico de programación de talleres flexibles con fallas en máquinas.



(Continuación)

Los pasos específicos están detallados a continuación:

- Inicializar Q(s, a) arbitrariamente
- lacktriangle Establecer el parámetro  $\gamma$  y  $\alpha$
- Repetir (para cada episodio):
  - Inicializar s
  - Repetir (para cada paso del episodio):
    - Elegir a desde s usando una de las políticas de Q.
    - Tomar la acción a, observar r, s'

    - $\bullet$  s  $\leftarrow$  s'
    - igoplus Hasta que s' sea terminal.

(Continuación)

$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max(Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t))]$$
(1)

Donde  $r_t$  representa la recompensa recibida cuando el Agente es transferido del estado  $s_t$  al estado  $s_{t+1}$ . Y  $\alpha$  representa la tasa de aprendizaje ( $\alpha \in (0,1]$ ).

(Continuación)

El objetivo del algoritmo aprendizaje por refuerzo (Q-learning) se actualiza siguiendo la fórmula:

$$r_{t+1} + \gamma \max Q(s_{t+1}, a) \tag{2}$$

Y un episodio del algoritmo termina cuando el estado  $s_{t+1}$  es terminal.

(Continuación)

En la primer capa el conjunto de acciones son las siguientes (Zhao *et al.*, 2019):

- SPT: representa el mínimo de tiempo de procesamiento de las operaciones que serán seleccionados
- ② EDD: representa el mínimo de tiempo de entrega en las operaciones que serán seleccionadas
- FIFO: representa el primer trabajo en llegar que será seleccionado.

#### Continuación

La segunda capa (Zhao et al., 2019).



(Continuación)

## Estados (state).



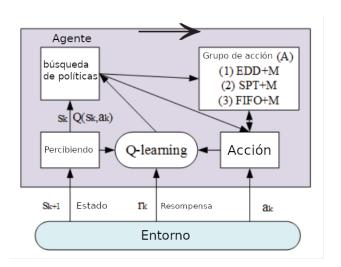
$$SD = \frac{100 \times T}{RT} \tag{3}$$

## Recompensa

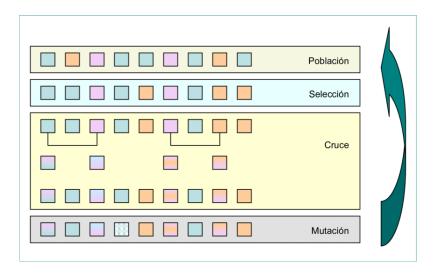
"Entre más tiempo de espera menos es la recompensa"



#### Estructura



# Algoritmo Genético (Batista et al., 2009)



# Planificación con base en aprendizaje por refuerzo (Q-learning)

### Por ejemplo:

- Ninguna
- SPT+M
- EDD+M
- FIFO+M

## **Conclusiones**



- 1 problema de programación de taller de trabajo flexible
- 2 tiempo
- resultados.

## References I

- Batista, M., Moreno-Pérez, J., y Moreno-Vega, J. (2009). Algoritmos genéticos. una visión práctica. *Números, ISSN 0212-3096, №. 71, 2009 (Ejemplar dedicado a: Darwin*).
- Chen, X., Ulmer, M. W., y Thomas, B. W. (2022). Deep q-learning for same-day delivery with vehicles and drones. *European Journal of Operational Research*, 298(3):939–952.
- Huang, Z., Wang, K., Liu, F., Zhen, H.-L., Zhang, W., Yuan, M., Hao, J., Yu, Y., y Wang, J. (2022). Learning to select cuts for efficient mixed-integer programming. *Pattern Recognition*, 123:108353.
- Zhao, M., Li, X., Gao, L., Wang, L., y Xiao, M. (2019). An improved q-learning based rescheduling method for flexible job-shops with machine failures. En *2019 IEEE 15th international conference on automation science and engineering (CASE)*, pp. 331–337. IEEE.