# 26. Setning Stokes

# Stærðfræðigreining IIB, STÆ205G, 8. apríl 2015

Sigurður Örn Stefánsson, sigurdur@hi.is

26.1

#### Skilgreining 26.1

Látum  $\mathcal S$  vera áttanlegan flöt sem er reglulegur á köflum með jaðar  $\mathcal C$  og einingarþvervigrasvið  $\mathbf N$ . Áttun  $\mathcal C$  út frá  $\mathbf N$  finnst með að hugsa sér að gengið sé eftir  $\mathcal C$  þannig að skrokkurinn vísi í stefnu  $\mathbf N$  og göngustefnan sé valin þannig að flöturinn sé á vinstri hönd.

26.2

### Setning 26.2 (Setning Stokes)

Látum  $\mathcal{S}$  vera áttanlegan flöt sem er reglulegur á köflum og látum  $\mathbf{N}$  tákna einingarþvervigrasvið á  $\mathcal{S}$ . Táknum með  $\mathcal{C}$  jaðar  $\mathcal{S}$  og áttum  $\mathcal{C}$  með tilliti til  $\mathbf{N}$ . Ef  $\mathbf{F}$  er samfellt diffranlegt vigursvið skilgreint á opnu mengi sem inniheldur  $\mathcal{S}$  þá er

$$\iint_{\mathcal{S}} \mathbf{curl} \, \mathbf{F} \cdot \mathbf{N} \, dS = \oint_{\mathcal{C}} \mathbf{F} \cdot \mathbf{T} \, ds.$$

26.3

#### Setning 26.3

Látum  ${\bf F}$  vera samfellt diffranlegt vigursvið skilgreint á opnu mengi D í  ${\mathbb R}^3$ . Látum P vera punkt á skilgreiningarsvæði  ${\bf F}$  og  $C_\varepsilon$  vera hring með miðju í P og geisla  $\varepsilon$ . Látum  ${\bf N}$  vera einingarþvervigur á planið sem hringurinn liggur í. Áttum hringinn jákvætt. Þá er

$$\mathbf{N} \cdot \mathbf{curl} \, \mathbf{F}(P) = \lim_{\varepsilon \to 0^+} \frac{1}{\pi \varepsilon^2} \oint_{C_{\varepsilon}} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r}.$$

26.4

## Setning 26.4

Látum S vera lokaðan flöt sem er reglulegur á köflum. Táknum með D rúmskikann sem S umlykur. Látum N vera einingarþvervigrasvið á S sem vísar út úr D. Ef F er samfellt diffranlegt vigursvið skilgreint á opnu mengi sem inniheldur D, þá er

$$\iint_{\mathcal{S}} \mathbf{curl} \, \mathbf{F} \cdot \mathbf{N} \, dS = 0.$$

26.5