



# Vorlesung Computergrafik



# Lichtpfad-Notation

- Regulärer Ausdruck mit folgenden Symbolen
  - Auge: A
  - Lichtquelle: L
  - Reflexion/Brechung: R
  - Spekulare Streuung: S
  - Diffuse Streuung: D
- Ideal (Realität):  $L(R|S|D)^+A$  beliebig viele Materie-Interaktionen zwischen L und A  
(siehe Rendering-Equation)
- Rendering Pipeline:  $L(S|D)A$  nur genau eine Streuung zwischen L und A
- Raytracing (rückwärts):  $L(S|D)R^*A$  eine Streuung gefolgt von beliebig vielen Reflexionen
- Radiosity (vorwärts):  $LD^+A$  beliebig viele diffuse Streuungen
- Photon Mapping (hybrid):  $L(R|S|D)^+A$  (zumindest in der Theorie)



# Radiosity

- Vereinfachung der Rendering Equation durch:
  - Annahme, dass Szene aus endlich vielen Flächenstücken (Patches) konstanter Farbe/Helligkeit statt unendlich vielen individuellen Punkte besteht
  - Annahme, dass alle BRDFs vollständig diffus sind,  $f(\omega', x, \omega) = f(x)$



# Radiosity

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \int_{y \in S} B(y) K(x, y) dy$$

*(Rendering Equation mit Integration über Szene S statt Hemisphäre, und ausgedrückt hinsichtlich Radiosity B statt Radiance L)*

↑  
**Geometrie-Term** (beinhaltet cos-Faktoren  
und Abstand der Punkte)



# Radiosity

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \int_{y \in \mathcal{S}} B(y) K(x, y) dy$$

*(Rendering Equation mit Integration über Szene  $\mathcal{S}$  statt Hemisphäre, und ausgedrückt hinsichtlich Radiosity  $B$  statt Radiance  $L$ )*

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j \int_{y \in P_j} B_j(y) K(x, y) dy$$



# Radiosity

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \int_{y \in \mathcal{S}} B(y) K(x, y) dy$$

*(Rendering Equation mit Integration über Szene  $\mathcal{S}$  statt Hemisphäre, und ausgedrückt hinsichtlich Radiosity  $B$  statt Radiance  $L$ )*

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j \int_{y \in P_j} B_j(y) K(x, y) dy$$

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j B_j \int_{y \in P_j} K(x, y) dy$$



# Radiosity

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \int_{y \in \mathcal{S}} B(y) K(x, y) dy$$

(Rendering Equation mit Integration über Szene  $\mathcal{S}$  statt Hemisphäre, und ausgedrückt hinsichtlich Radiosity  $B$  statt Radiance  $L$ )

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j \int_{y \in P_j} B_j(y) K(x, y) dy$$

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j B_j \int_{y \in P_j} K(x, y) dy$$

$$B_i = \frac{1}{A_i} \int_{x \in P_i} \left( E(x) + \rho(x) \sum_j B_j \int_{y \in P_j} K(x, y) dy \right) dx$$



# Radiosity

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \int_{y \in S} B(y) K(x, y) dy$$

(Rendering Equation mit Integration über Szene  $S$  statt Hemisphäre, und ausgedrückt hinsichtlich Radiosity  $B$  statt Radiance  $L$ )

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j \int_{y \in P_j} B_j(y) K(x, y) dy$$

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j B_j \int_{y \in P_j} K(x, y) dy$$

$$B_i = \frac{1}{A_i} \int_{x \in P_i} \left( E(x) + \rho(x) \sum_j B_j \int_{y \in P_j} K(x, y) dy \right) dx$$

$$B_i = E_i + \rho_i \sum_j B_j \frac{1}{A_i} \int_{x \in P_i} \int_{y \in P_j} K(x, y) dy dx$$





# Radiosity

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \int_{y \in S} B(y) K(x, y) dy$$

(Rendering Equation mit Integration über Szene  $S$  statt Hemisphäre, und ausgedrückt hinsichtlich Radiosity  $B$  statt Radiance  $L$ )

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j \int_{y \in P_j} B_j(y) K(x, y) dy$$

$$B(x) = E(x) + \rho(x) \sum_j B_j \int_{y \in P_j} K(x, y) dy$$

$$B_i = \frac{1}{A_i} \int_{x \in P_i} \left( E(x) + \rho(x) \sum_j B_j \int_{y \in P_j} K(x, y) dy \right) dx$$

$$B_i = E_i + \rho_i \sum_j B_j \frac{1}{A_i} \int_{x \in P_i} \int_{y \in P_j} K(x, y) dy dx$$

$$B_i = E_i + \rho_i \sum_j B_j F_{ij} \qquad F_{ij} = \frac{1}{A_i} \int_{x \in P_i} \int_{y \in P_j} K(x, y) dy dx$$



# Radiosity

- Radiosity-Gleichung für Patch i:

$$B_i = E_i + \rho_i \sum_j B_j F_{ij}$$

Reflektivität

Eigens emittierte Strahlungsleistung

Strahlungsleistung (“Radiosity”)

Form-Faktoren:

$$F_{ij} = \frac{1}{A_i} \int_{x \in P_i} \int_{y \in P_j} K(x, y) dy dx$$

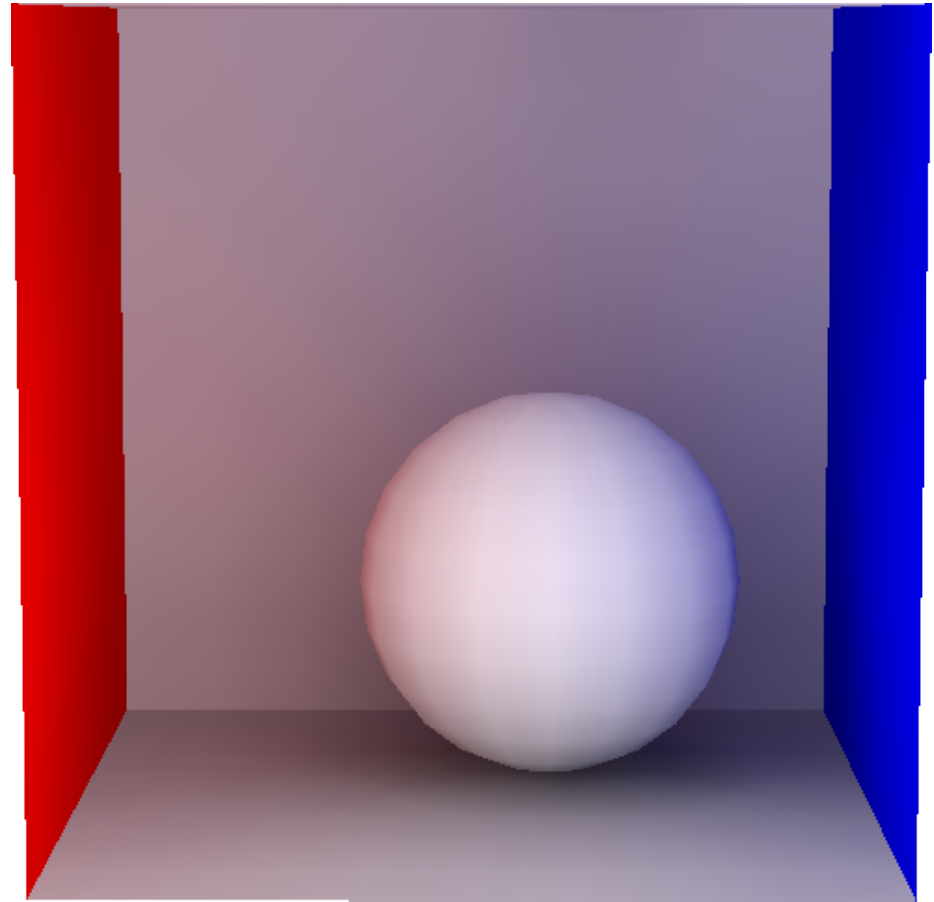
“Wahrscheinlichkeit, dass ein Photon, welches Patch j verlässt, auf Patch i trifft”

- Radiosity-Gleichungssystem für alle Patches:

$$[B] = [E] + RF[B]$$

- $[B]$ : Vektor aller Patch Radiosity-Werte
- $[E]$ : Vektor aller Patch Emissionswerte (0 außer für Lichtquellen)
- $R$ : Diagonalmatrix aller Patch-Reflektivitäten
- $F$ : Matrix aller Formfaktoren







# Vorlesung Computergrafik

**Bis zum nächsten Mal!**

