$\begin{array}{c} {\rm Universit\acute{e}\ Toulouse\ III-Paul\ sabatier} \\ {\rm L2\ Informatique} \end{array}$

Structures de données

Semestre 4

Avant-propos

Suite du module d'algorithmique et programmation, accent sur les structures de données

- Pile
- File
- Arbre
- ...

Heures

- 24h de CTDI
- 26 de TDM

Notation

Contrôle intermédiaire 30%

Contrôle terminal 50%

 $\mathbf{TP} 20\%$

TP Noté 50%

Devoir ecrit 25%

Devoir TP 25%

Table des matières

1	Тур	pes de données Abstraits (TAD)	5
	1.1	Syntaxe des TAD	5
	1.2	Implémentation d'un TAD	6
	1.3	Protection du TAD	9
\mathbf{A}	Cou	urs sur les pointeurs en C	11
	A.1	Syntaxe	11
	A.2	Opérateur autorisés sur les pointeurs	11
В	Exe	mple de structure de données linéaires dynamiques	14
	B.1	Pile	14
	В.2	File	14
	В.3	Pile avec liste doublement chainée	15
	B.4	File avec liste doublement chaîné	15
\mathbf{C}	List	e des codes sources	16
D	Tab	le des figures	17
\mathbf{E}	Exe	rcices	18
	E.1	TAD	18
	E.2	Pointeurs	22

Types de données Abstraits (TAD)

C'est une méthode de spécification de structures de données(SD).

C'est utile pour la programmation « En large », c'est-à-dire à plusieurs, pour cela nous sommes obligés de travailler sur la communication et l'échange sur le code produit, on utilise pour cela les spécifications :

- Les Entrées Sorties du programme ¹
- Les données²

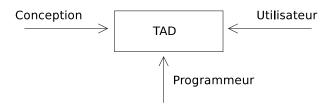


FIGURE 1.1 – Principe de base d'un TAD

Ex Les entiers

Utilisateur : Représentation Interne 1, 2, 3, +, -, /, +, %

Programmeur: Représentation Externe Entiers « machine » 0000 0011

pour le 3

1.1 Syntaxe des TAD

La syntaxe d'un TAD est répartis en deux étapes :

La signature du TAD³ Donner les interfaces de la données

La sématique abstraite du TAD ⁴ Décrire logiquement le fonctionnement de la données.

Une donnée c'est une ou un ensemble de valeurs mais aussi les opérations qui permettent de la manipuler. Cette étape étape nous donne :

- Les limitations de la donnée (préconditions)
- Les descriptions longueur du fonctionnement de chaque opération

^{1.} Vu au S3

^{2.} Nous nous occuperons de cette partie

1.1.1 Signature du TAD Pile

Une pile est unee structure de données qui permetn de rassembler des éléments de telle sorte que le dernier élément entré dans la pile soit le premier à en sortir. ⁵.

Signature de base

```
Sorte Pile
```

Utilise Élément, Booleen

Opérations

Signature étandue

Préconditions

```
- sommet(p) \Leftrightarrow ¬ estVide(p)
```

Axiones

Avant toute chose, on partitionne l'ensemble des opérations en deux sous ensembles :

- Les constructeurs
- Les opérateurs

L'ensemble des constructeurs est nécessaire et suffisant pour pouvoir gagner n'importe quelle valeur de la donnée

```
// On applique chaque constructeur à chaque opérateur et on decrit logiquement
// ce qu'il se passe
estVide(creer()) = true;
estVide(empiler(p, x)) = false;
depiler(creer()) = creer();
depiler(empiler(p, x)) = p;
sommet(empiler(p, x)) = x;
appartient(creer(), x) = false;
appartient(empiler(p, x), y) = (x = y) \times appartient(p, y)

Listing 1.1 - Opérations du TAD Pile
```

Implémentation d'un TAD

- 1. Implémenter la structure de données
- 2. Implémenter les opérateurs
- 3. Séparer l'interface du corps des opérations

But 1 Permet de modifier les opérations sans remettre en cause la manière d'utiliser le TAD

But 2 Protéger les données

1.2

^{5.} Last In First Out

1.2.1 Implémentation de la structure de données et des opérateurs

Trouver une représentation interne de la structure de données, celle-ci est contrainte par le langage choisi.

Celle-ci peut être statique ou dynamique ⁶.

Statique La donnée ne peut plus changer de place ni de taille mémoire ou dynmaique.

- Problème de gaspillage de place
- Avantage de l'efficacité

Dynamique La donnée peut changer de taille ou de place pendant l'execution du programme.

- Pas de gaspillage de place
- Inconvénient de l'efficacité

1.2.1.1 Implémentation statique du TAD Pile

- Utilisation d'un tableau
- Utilisation d'un entier donnant le nombre d'éléments rangés dans la pile

```
#define N 1000
  struct eltPile {
     Element Tab[N];
     int nb;
  } Pile;
  Pile creer() {
     Pile p;
     p.nb = 0;
10
11
     return p;
12
13
14
  Pile empiler(Pile p, Element x) {
15
     assert(p.nb < N); // Si la condition est false alors arrête programme
16
     p.tab[p.nb] = x;
17
     p.nb++;
18
19
     return (p);
20
21
22
   int estVide(Pile p) {
23
     return (p.nb == 0);
24
25
26
  Pile depiler(Pile p) {
27
     if(!estVide(p)) {
28
       p.nb--;
29
30
31
     return p;
32
  }
33
34
  Element sommet(Pile p) {
35
     asset(!estVide(p)); // Pas indispensable masi plus robuste
36
     return (p.tab[p.nb-1]);
37
```

^{6.} Des exemples de structures de données dynamiques du TAD sont disponibles annexes ??

```
}
38
39
   int appartient(Pile p, Element x) {
40
     if(estVide(p))
41
       return 0;
42
43
     if(x == sommet(p)) {
44
       return 1;
45
46
47
     return (appartient(depiler(p), x));
48
49
```

Listing 1.2 – Implémentation des fonctions du type Pile en statique

1.2.1.2 Implémentation dynamique du TAD Pile

```
1
  typedef struct etCel {
2
     Element val;
     struct etCel* suiv;
3
  } Cel;
4
   typedef cel* Pile;
6
  Pile creer() {
     return NULL;
9
10
11
  Pile empiler(Pile p, Element x) {
12
     Pile pAux;
13
     pAux = (pile)malloc(sizeof(Cel));
14
     assert(pAux != NULL);
15
16
     pAux -> val = x;
     pAux -> suiv = p;
17
18
     return (pAux);
19
  }
20
21
  int estVide(Pile p) {
22
     return (p == NULL);
23
24
25
  Pile depiler(Pile p) {
26
     Pile pAux = NULL;
27
     if(p != NULL) {
28
       pAux = p->suivant;
29
       free(p);
30
31
32
     return pAux;
33
34
  Element sommet(Pile p) {
36
     return (p->val);
37
38
39
  int appartient(Pile p, Element x) {
40
     if(estVide(p))
41
       return 0;
42
43
```

```
while(!estVide(p)) {
   if(p->suiv == x)
      return 1;

p = p->suiv;
}

return 0;
}
```

Listing 1.3 – Implémentation des fonctions du type Pile en dynamique

1.3 Protection du TAD

La protection d'un TAD se fait en deux phases : **séparer corps - interface** Bibliothèque Protéger le type

1.3.1 Séparation du corps et de l'interface

Cela correspond à une biblitohèque, ainsi nous allons séparer le fichier source en trois fichiers :

1.3.1.1 Fichiers

fichier.h Contient les prototypes de fonctions et les typedef.

fichier.c Contient #include "fichier.h" et les implémentations de fonctions sauf le main.

testFichier.c Contient #include "fichier.h" et le main.

1.3.1.2 Compilation

```
gcc -c fichier.c
gcc -c testFichier.c
gcc fichier.o testfichier.o -o nomExe
```

1.3.2 Protection du type

Nous allons étudier le cas de la pile statique.

```
#define N 1000
typedef struct etPile {
  element tab[N];
  int nb;
} Pile;
```

Listing 1.4 – Type de la pile statique originel – Présent dans le .h

Nous allons devoir cacher ce type afin que l'utilisateur ne le modifie pour cela, il sera caché dans le .c et un pointeur présent dans le .h.

Listing 1.6 – Type de la pile statique – Présent dans le .c

Nous devons ainsi modifier le fichier source afin d'utiliser le pointeur sur pile.

```
Pile p;
p = (Pile)malloc(sizeof(PileInterne));
p->nb = 0
return p;
```

Listing 1.7 – Modification de la fonction $\tt creer$ s'adaptant à la protection de données

R Désormais nous ferons systématiquement la séparation corps - interface et la protection du type.

A

Cours sur les pointeurs en C

Déjà vu par le passages de paramètres.

A.1 Syntaxe

A.1.1 Déclaration

```
typePointé* nomPointeur

Listing A.1 - Syntaxe de déclaration d'un pointeur

int n; // n correspond à un entier

int *ptr; // ptr correspond à l'adresse d'un entier

Listing A.2 - Exemple de déclaration
```

A.1.2 Utilisation

```
nomPointeur // manipule l'adresse
*nomPointeur //manipule la zone pointée
Listing A.3 - Syntaxe utilisation d'un pointeur
pe=&n; //opérateur d'adressage
Listing A.4 - Exemple d'utilisation d'un pointeur
```

A.1.3 Constante

```
NULL représente une adresse inexistante. 
pe = NULL; 
*pe; // Erreur à l'exécution 
 Listing A.5 - Exemple d'utilisation de la constante NULL
```

A.2 Opérateur autorisés sur les pointeurs

A.2.1 L'affectation

nomPointeur = expression correspondant à une adresse ou à NULL

A.2.2 Addition et la soustraction entre un pointeur et un entier

```
nomPointeur = nomPointeur + 10;
nomPointeur = nomPointeur - 15;
```

On obtient une expression correspondant à une adresse

```
pe = pe+10; //pe contient l'adresse du 10e entier après la valeu initalie de pe.
```

⚠ À utiliser que si pe pointe sur un tableau

A.2.3 Soustraction de deux pointeurs

Renvoi un entier donnant le nombre d'éléments pointés entre les deux pointeurs

⚠ Uniquement si les deux pointeurs sont sur le même tableau

A.2.4 Comparaison sur des pointeurs

Ce sont les opérateurs de comparaison classique : = = et !=

A.2.5 Allocation dynamique de mémoire

```
nomPointeur = (typePointeur) malloc(sizeof(typePointé));
nomPointeur = (typePointé*) malloc(n*sizeof(typePointé));

Listing A.6 - Syntaxe d'allocation dynamique

int *e;
pe = (int*) malloc(sizeof(int));

Listing A.7 - Exemple d'allocation dynamique
```

- 1. Le programme demande au gestionnaire mémoire à avoir une place de la taille sizeof(int)
- 2. Si la place est disponible retourne l'adresse demandée ou la première case du «tableau» dynamique
- 3. Sinon retourne NULL

A.2.6 Libération dynamique de mémoire

free(nomPointeur);

Listing A.8 – Syntaxe de libération de mémoire

- 1. Le programme contact le gestionnaire mémoire
- 2. Le gestionnaire mémoire «libère» la place

Cela veut dire que la place n'est plus réservé au programme, elle pourra être alloué à un autre programme.

⚠ Le gestionnaire de mémoire ne met pas à jour la case mémoire, celle-ci contient toujours la valeur, si personne ne récupère la case, il sera toujours possible d'accéder à la donnée. C'est donc aléatoire, c'est une source d'erreurs.

Exemple de structure de données linéaires dynamiques

B.1 Pile

Liste simplement chaînée dynamique à un point d'entrée

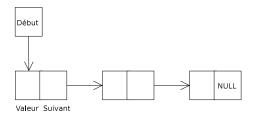


FIGURE B.1 – Pile avec une liste simplement chainée

```
typedef struct etCel {
  Element val;
  struct etCel *suiv;
} CelSc;
```

Listing B.1 – Stucture CelSc – Pile avec liste simplement chaînée

B.2 File

Liste simplement chainée à deux points d'entrée

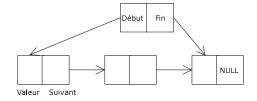


FIGURE B.2 – File avec une liste simplement chainée

```
typedef struct etCel2 {
  LSC fin;
  LSC debut;
} LSC2;
```

Listing B.2 – Structure LSC2 – File avec liste simplement chaînée

B.3 Pile avec liste doublement chainée

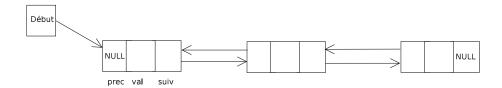


FIGURE B.3 – Pile avec une liste doublement chainée

```
typedef struct etCelDC {
   Element val;
   struct etCelDC* suiv;
   struct etCelDC* precedent;
}CelDC;
typedef celDC* LDC;
```

Listing B.3 – Structure CelDC – Pile avec liste doublement chaînée

B.4 File avec liste doublement chaîné

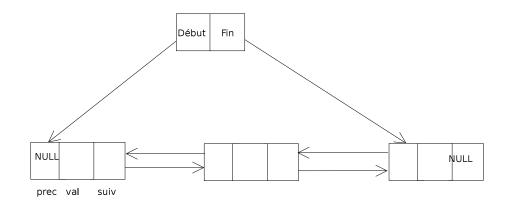


FIGURE B.4 – File avec une liste doublement chainée

Liste des codes sources

1.1	Opérations du TAD Pile	6
1.2	Implémentation des fonctions du type Pile en statique	7
1.3	Implémentation des fonctions du type Pile en dynamique	8
1.4	Type de la pile statique originel – Présent dans le .h	9
1.5	Type de la pile statique – Présent dans le .h	10
1.6	Type de la pile statique – Présent dans le .c	10
1.7	Modification de la fonction creer s'adaptant à la protection de données	10
A.1	Syntaxe de déclaration d'un pointeur	11
A.2	Exemple de déclaration	11
A.3	Syntaxe utilisation d'un pointeur	11
A.4	Exemple d'utilisation d'un pointeur	11
A.5	Exemple d'utilisation de la constante NULL	11
A.6	Syntaxe d'allocation dynamique	12
A.7	Exemple d'allocation dynamique	12
A.8	Syntaxe de libération de mémoire	13
B.1	Stucture CelSc – Pile avec liste simplement chaînée	14
B.2	Structure LSC2 – File avec liste simplement chaînée	14
B.3	Structure \texttt{CelDC} – Pile avec liste doublement chaînée	15
E.1	TAD Pile	18
E.2	Axiones du TAD File	19
E.3	TAD File dynamique Headers	19
E.4	TAD File dynamique Implémentation	19
E.5	TAD File dynamique Headers	20
E.6	TAD File dynamique Implémentation	21
E.7	Pointeurs – Exercice 1	22
E.8	Pointeurs – Exercice 2	22
E.9	Pointeurs – Exercice 3	23
E.10	pointeurs – Exercice 4	23

Table des figures

1.1	Principe de base d'un TAD	5
B.1	Pile avec une liste simplement chainée	14
B.2	File avec une liste simplement chainée	14
В.3	Pile avec une liste doublement chainée	15
B.4	File avec une liste doublement chainée	15

Exercices

E.1 TAD

E.1.1 Suite du TAD Pile

- 1. Implémenter la fonction permettant de remplacer toute les occurrences de l'élément x par l'élément y dans la pile.
- 2. Implémenter la fonction d'affichage de la Pile.
- 3. Réécrire les méthode de la pile statique pour prendre en compte la protection du type

Rajouter dans le champ des opérations remplacer0ccurence $Pile \times Element \times Element \rightarrow Pile$

Préconditions rien

Axiones

```
remplacerOccurence(creer(), x, y) = creer();
   remplacerOccurence(empiler(p, x), x1, x2) =
       p1 \land \forall z (appartient(p1, z) \rightarrow (z \neq x1) (empiler(p, x), z') \land z' = x1))
   Pile remplacer(Pile pPile, Element pX, Element pY) {
1
2
     for(i=0 ; i < p.nb ; ++i) {</pre>
       if(p.tab[i] == x) {
          p.tab[i] = y;
6
     return p;
10
11
   void afficherPile(Pile pPile) {
12
13
     for(i=0; i < p.nb; ++i) {</pre>
14
       afficheElement(p.tab[i]);
15
16
17 }
```

Listing E.1 – TAD Pile

E.1.2 TAD File

Sorte File

Utilise Element, booleen

Constructeurs

```
\mathtt{creer} \to \mathrm{File}
\mathtt{enfiler} \ \mathtt{File} \times \mathrm{Element} \to \mathrm{File}
```

 $\mathbf{Projecteurs}$ estVide file \rightarrow Booleen

dernier file \rightarrow Element

```
\label{eq:appartient} \begin{split} & \textbf{appartient} & \text{ file} \times \text{ Element} \to \text{Booleen} \\ & \textbf{defiler} & \text{ file} \to \text{ file} \\ & \textbf{premier} & \text{ file} \to \text{ Element} \end{split}
```

Précondition

```
premier premier(f) \Leftrightarrow \neg estVide(f)
dernier dernier(f) \Leftrightarrow \neg estVide(f)
```

Axiones

Listing E.2 – Axiones du TAD File

E.1.2.1 Statique

#define N 1000

int nb;

} FileInterne;

8

9

10

11

struct eltFile {

Element Tab[N];

```
#include "element.h"

typedef struct etFile* File;
File creer();
File enfile(File pFile, Element pElement);
File defiler(File pFile);
int appartient(File pFile, Elment pElement);
Element premier(File pFile);
Element dernier(File pFile);
int estPleine(File pFile);
Listing E.3 - TAD File dynamique Headers

#include <stdlib.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>
#include "file.h"
```

int tete; // Buffer en rond

```
13
   File creer() {
14
     File f;
15
     f = (File) malloc(sizeof(FileInterne));
16
     assert(f != NULL);
17
     f \rightarrow nb = 0;
18
     f \rightarrow tete = 0;
19
20
     return f;
21
22
23
   File enfile(File pFile, Element pElement) {
24
     assert(!estPleine(pFile));
25
     pFile -> tab [(f -> n + f -> tete) %N] = pElement;
     ++f->nb;
27
     return pFile;
28
   }
29
30
   int estPleine(File pFile) {
31
     return (pFile -> nb == N);
32
33
34
   int estVide(File pFile) {
35
     return (pFile->nb == 0);
36
37
38
   File defiler(File pFile) {
39
     if(!estVide(f)) {
40
        pFile->nb--;
41
        f \rightarrow tete = (f \rightarrow tete + 1) \% N;
42
43
44
     return pFile;
45
46
47
   int appartient(File pFile, Elment pElement) {
48
     int i;
49
     for( i=0 ; i < f->nb ; ++i ) {
50
        if(x == f->tab[(i+f->tete)%N])
51
          return 1;
52
53
54
     return 0;
55
56
57
58
   Element premier(File pFile) {
59
     return (pFile->tab[pFile->tete]);
60
61
62
   Element dernier(File pFile) {
63
64
     return (pFile->tab[(f->tete+f->nb-1)%N]);
65
66 }
```

Listing E.4 – TAD File dynamique Implémentation

E.1.2.2 Dynamique

```
#include "element.h"
```

```
typedef struct etFile* File;
  File creer();
  File enfile(File pFile, Element pElement);
  File defiler(File pFile);
  int appartient(File pFile, Elment pElement);
  Element premier(File pFile);
 Element dernier(File pFile);
int estPleine(File pFile);
                           Listing E.5 – TAD File dynamique Headers
  typedef struct etCell {
1
     struct etCell* suivant;
2
     Element elem;
3
  } Cell;
4
5
  typedef struct etFile {
    Cell* premier;
     Cell* dernier;
  } FileInterne;
10
11
  File creer() {
12
    File f;
13
     f = (File) malloc(sizeof(FileInterne));
14
     assert(f != NULL);
15
     f->premier = NULL;
16
     f->dernier = NULL;
17
18
     return f;
19
  }
20
21
  File enfile(File pFile, Element pElement) {
22
     Cell* c;
23
     c = (Cell*) malloc(sizeof(Cell));
24
     assert(c != NULL);
25
     c->elem = pElement;
26
     c->suivant = NULL;
27
     if(!estVide(pFile)) {
28
       pFile->dernier->suivant = c;
29
     } else {
30
       pFile->premier = c;
31
32
     pFile->dernier = c;
33
34
     return pFile;
35
36
37
  int estPleine(File pFile) {
38
     return (false);
39
40
41
  int estVide(File pFile) {
42
    return (pFile->premier == NULL);
43
44
45
  File defiler(File pFile) {
46
    // TODO
47
48
49
  int appartient(File pFile, Elment pElement) {
50
     // TODO
51
 }
```

```
Element premier(File pFile) {
   return (pFile->premier->elem);
}

Element dernier(File pFile) {
   return (pFile->dernier->elem);
}

return (pFile->dernier->elem);
}
```

Listing E.6 – TAD File dynamique Implémentation

E.2 Pointeurs

E.2.1 Exercice 1

```
int *p, *q; // 1
p = NULL; // 2
q = p; //3
p = (int*)(malloc(sizeof(int))); // 4
q = p; // 5
q = (int*)malloc(sizeof(int)) // 6
free(p);
*q = 10;
```

Listing E.7 – Pointeurs – Exercice 1

	1		2		3		4		5		6		7		8	
										@2		@2		@2	10	
р		р	NULL	р	NULL	p	@1	р	@1	p	@1	p	@1	p	@1	
q		q		q	NULL	q	NULL	q	@2	q	@2	q	@2	q	@2	
						@1						@1		@1		

E.2.2 Exercice 2

```
typedef int Zone;
  typedef Zone *Ptr;
  void miseAjour(Ptr p, Zone v) {
5
6
  int main(void) {
     Ptr p; // 1
9
     p = (Ptr) malloc(sizeof(Zone)); //2
10
11
     if(p != NULL)
12
       miseAjour(p, 10); // 3
13
14 }
```

Listing E.8 – Pointeurs – Exercice 2

1		2 malloc OK		2 ı	nalloc non OK	3 m	alloc OK	3 malloc non OK		
		——	@1	— р	NULL		@1		NULL	
		@1				@1	10			

R Dans le du malloc qui ne marche pas, ce que contient la mémoire est inconnu, si on accède à *p nous auron une segmentation fault. Ainsi on rajoute un test

E.2.3 Exercice 3

```
typedef struct etCell {
   int val;
   int* suiv;
} Cel

typedef Cel* Ptr;

int main(void) {
   Cel c; //1
   c.val = 10; //2
   c.suiv = (int*) malloc(sizeof(int)); //3
   *(c.suiv) = 11; //4
}
```

Listing E.9 – Pointeurs – Exercice 3

1		4	2	ę	3	4		
			10		10		10	
c.val		c.val	10	c.val	10	c.val	10	
c.suiv		c.suiv		c.suiv	@1	c.suiv	@1	
				@1		@1	11	

E.2.4 Exercice 4 – Même exercice avec une autre valeur

```
typedef struct etCell {
     int val;
2
     struct etCell* suiv;
3
  } Cel
4
  typedef Cel* Ptr;
  int main(void) {
8
    Cel c; //1
9
     c.val = 10; //2
10
     c.suiv = (Ptr) malloc(sizeof(Cel)); //3
11
     (*(c.suiv)).val = 11;
12
     (*(c.suiv)).suiv = (Ptr)malloc(sizeof(Cel));
13
     c.suiv->suiv->ral = 12; // Ou (*((*(c.suiv)).suiv)).val = 12;
```

15 }

Listing E.10 – pointeurs – Exercice 4