

Christian Percebois

Pôle Algorithmique et Programmation IUT Paul Sabatier, Dpt Informatique

TABLE DES MATIERES

1. FAIRE SES GAMMES	
2. LES ALGORITHMES FONDAMENTAUX	
2.1. La lecture de n valeurs	
2.2. La lecture d'une suite de valeurs	
2.3. Le parcours séquentiel d'un tableau	
2.4. La recherche séquentielle	
2.5. La recherche dichotomique	
2.6. Le tri par maxima successifs	
2.7. Le tri à bulles	
2.8. Le tri par insertion	
2.9. Le tri rapide (quicksort)	
2.10. Le parcours séquentiel d'une matrice	
2.10. Le parcours sequenner à une matrice	14

Algorithmes fondamentaux

Savoir programmer exige du développeur créativité et méthodologie. Pour cela, il convient de s'appuyer sur des algorithmes maîtrisés et éprouvés depuis des décennies, appelés algorithmes fondamentaux, comme la lecture et le rangement de données, le parcours séquentiel, la recherche d'un élément dans une table, le tri d'un tableau, l'insertion d'un élément... Il s'agit donc pour l'essentiel d'acquérir quelques principes de construction, indépendamment des contraintes d'un langage cible.

1. Faire ses gammes

Comme un pianiste, le développeur doit faire ses gammes s'il envisage de faire carrière. Elles lui permettront de s'approprier un savoir-faire méthodologique et d'aborder des partitions de plus en plus complexes. Les *conventions d'écriture des algorithmes* devront être scrupuleusement respectées durant cet apprentissage car elles contribuent à l'acquisition de réflexes partagés par la communauté. Alors seulement, le développeur débutant sera à même de résoudre des variations algorithmiques, respectant les constructions basiques.

Ces gammes seront complétées par la lecture régulière de programmes écrits par des développeurs expérimentés, de façon à partager leur langue commune. Une grande partie de cette culture peut s'acquérir par l'apprentissage d'idiomes de programmation, définis comme des constructions réellement utilisées par les développeurs.

2. Les algorithmes fondamentaux

Les algorithmes fondamentaux de ce recueil sont décrits de façon générique. Pour cela on suppose spécifiées les entités cidessous :

```
-- lit une donnée d
procédure lire (sortie d <T>);

-- écrit un résultat r
procédure écrire (entrée r <T>);

-- traite e
procédure traiter (entrée e <T>);

type TabElts[T]: tableau [1 à N] de <T>;

type MatElts[T]: tableau [1 à N, 1 à M] de <T>;
```

Dans la pratique, il conviendra donc d'instancier ces paramètres génériques (sous-programme, type, ...) par rapport à la spécificité du problème à résoudre.

2.1. La lecture de *n* valeurs

2.1.1. Algorithme

-- lire et traiter séquentiellement une suite de n valeurs lire le nombre de valeurs à lire et à traiter ; tantque il reste une valeur à lire et à traiter faire lire une valeur ; traiter la valeur lue ; fin tantque ;

```
-- nécessite 0 \le n \le N
2.1.2. Procédure
                                                                           -- entraîne \forall i \in [1..n], tab[i] = valeur<sub>i</sub> et nb = n
-- lit et traite séquentiellement une suite de n valeurs
                                                                           procédure lireTableauValeurs
-- format des données à lire :
                                                                                 (sortie tab <TabElts[T]>, sortie nb <Entier>)
             valeur1
                           valeur9
                                              valeurn
procédure lireValeurs
                                                                           glossaire
                                                                                 i <Entier>:
                                                                                                     -- indice de parcours de tab
glossaire
                          -- nombre de valeurs à lire
      n <Entier>:
                                                                           début
      valeur <T>:
                          -- valeur courante lue
                                                                                 -- lire le nombre de valeurs à lire
      cpt <Entier>:
                          -- nombre de valeurs lues
                                                                                 lire (nb):
                                                                                 -- lire et ranger dans le tableau tab les valeurs de la suite
début
                                                                                 i <- 0:
      -- lire le nombre de valeurs à lire et à traiter
                                                                                 tantque i < nb faire
      lire (n);
                                                                                        -- lire et ranger la valeur lue dans le tableau tab
      -- lire et traiter les valeurs
                                                                                        i < -i + 1:
      cpt <- 0:
                                                                                        lire (tab[i]);
      tantque cpt < n faire
                                                                                 fin tantque;
             -- lire une valeur
                                                                           fin
             lire (valeur):
             -- traiter la valeur lue
                                                                           2.2. La lecture d'une suite de valeurs
             traiter (valeur):
             cpt < -cpt + 1;
                                                                           2.2.1. Algorithme
      fin tantque:
fin
                                                                           -- lire et traiter séquentiellement une suite de valeurs
                                                                           lire la valeur du marqueur de fin ;
2.1.3. Application : le rangement des n valeurs lues dans un
                                                                           lire la première valeur;
                                                                           tantque valeur lue /= marqueur de fin faire
tableau
                                                                                 traiter la valeur lue:
-- lit une suite de n valeurs et les range dans le tableau tab
                                                                                 lire la valeur suivante :
-- format des données à lire :
                                                                          fin tantque;
```

valeur2

valeurn

valeur 1

2.2.2. Procédure	$valeur_0$ $valeur_1$ $valeur_2$ $valeur_n$ $valeur_0$ n
- lit et traite séquentiellement une suite de valeurs - terminée par un marqueur - format des données à lire : - valeur0 valeur1 valeur2 valeurn	entraîne ∀i ∈ [1n], tab[i] = valeur; et nb = n procédure lireTableauValeurs (sortie tab <tabelts[t]>, sortie nb <entier>)</entier></tabelts[t]>
valeuro procédure lireValeurs glossaire marqueur <t>; marqueur de fin (valeuro)</t>	glossaire marqueur <t>; marqueur de fin (valeur₀) i <entier>; indice du tableau tab valeur <t>; valeur courante lue</t></entier></t>
valeur <t>; valeur courante lue</t>	début
lire la valeur du marqueur de fin lire (marqueur); lire la première valeur lire (valeur); lire et traiter les valeurs tantque valeur /= marqueur faire traiter la valeur lue traiter (valeur); lire la valeur suivante lire (valeur);	lire la valeur du marqueur de fin lire (marqueur); lire la première valeur lire (valeur); lire et ranger les valeurs dans le tableau tab i <- 1; tantque valeur /= marqueur faire ranger la valeur lue dans le tableau tab tab[i] <- valeur; i <- i + 1; lire la valeur suivante lire (valeur);
fin tantque;	fin tantque;
in	nb <- i - 1;
2.2.3. Application : le rangement des valeurs lues dans un ableau	fin

-- format des données à lire :

-- lit une suite de valeurs terminée par un marqueur

-- range les n valeurs lues dans le tableau tab

2.3. Le parcours séquentiel d'un tableau

2.3.1. Algorithme

```
-- traiter séquentiellement les éléments d'un tableau
se positionner sur le premier élément du tableau;
tantque il reste un élément à examiner faire
traiter l'élément courant du tableau;
passer à l'élément suivant du tableau;
fin tantque;
```

iiii taiitque,

```
2.3.2. Procédure
```

```
-- traite séquentiellement les n éléments du tableau tab

-- nécessite 1 \le n \le N

procédure traiterEléments

(entrée tab <TabElts[T]>, entrée n <Entier>)
```

glossaire

i <Entier> : -- indice de parcours du tableau tab

début

```
-- se positionner sur le premier élément du tableau tab
i <- 1 ;
```

-- traiter séquentiellement les éléments du tableau tab tantque i <= n faire

> -- traiter l'élément courant du tableau tab traiter (tab[i]);

-- passer à l'élément suivant du tableau tab i <- i + 1 ;

fin tantque;

fin

2.3.3. Variante : le traitement séquentiel d'une tranche d'un tableau

```
-- traite séquentiellement les éléments
-- de la tranche tab[iDébut..iFin] du tableau tab
-- nécessite 1 < iDébut < iFin < N
procédure traiterTrancheEléments
      (entrée tab <TabElts[T]>,
      entrée iDébut <Entier>, entrée iFin <Entier>)
glossaire
      i <Entier>;
                         -- indice de parcours
                          -- de la tranche tab[iDébut..iFin]
début
      -- se positionner sur le premier élément de la tranche
      i <- iDébut :
      -- traiter séquentiellement les éléments de la tranche
      -- tab[iDébut..iFin]
      tantque i <= iFin faire
             -- traiter l'élément courant de la tranche
            traiter (tab[i]);
             -- passer à l'élément suivant de la tranche
            i < -i + 1;
      fin tantque;
fin
```

```
2.3.4. Application 1 : la somme des 10 premiers éléments d'un tableau
```

```
-- calcule la somme des 10 premiers éléments du tableau tab
-- nécessite N \ge 10
-- entraîne résultat = \sum_{i=1}^{10} tab[i]
fonction somme 10 Elts (entrée tab < Tab Elts [Entier] >) retourne
<Entier>
glossaire
                                -- indice du tableau tab
      i <Entier>:
      somme <Entier>:
                                -- somme des 10 éléments
début
      somme <-0;
      -- se positionner sur le premier élément du tableau tab
      i <- 1:
      -- cumuler les 10 premiers éléments du tableau tab
      tantque i <= 10 faire
             -- ajouter l'élément courant du tableau tab
             -- à la somme des éléments
            somme <- somme + tab[i] :
             -- passer à l'élément suivant du tableau tab
            i < -i + 1;
      fin tantque;
      retourner (somme);
fin
```

2.3.5. Application 2 : l'écriture des éléments d'une tranche de tableau

```
-- écrit les caractères de la tranche tab[iDébut..iFin]
-- nécessite 1 \le iDébut \le iFin \le N
procédure écrireTrancheEléments
      (entrée tab <TabElts[Caractère]>,
      entrée iDébut <Entier>, entrée iFin <Entier>)
glossaire
      i < Entier>; -- indice de parcours du tableau tab
                    -- de la tranche tab[iDébut..iFin]
début
      -- se positionner sur le premier caractère de la tranche
      i <- iDébut :
      -- écrire séquentiellement les caractères de la tranche
      -- tab[iDébut..iFin]
      tantque i <= iFin faire
             -- écrire le caractère courant de la tranche
             écrire (tab[i]);
             -- passer au caractère suivant de la tranche
            i < -i + 1;
      fin tantque;
```

fin

2.4. La recherche séquentielle

2.4.1. Algorithme

```
-- rechercher la première occurrence d'un élément
-- dans un tableau
se positionner sur le premier élément du tableau;
tantque il reste un élément à examiner
et élément courant ≠ élément recherché
faire
passer à l'élément suivant du tableau;
fin tantque;
```

2.4.2. Procédure

```
-- recherche la première occurrence de l'élément x
-- dans le tableau tab de n éléments
-- si l'élément existe, trouvé = VRAI et rang
-- désigne la place de l'élément dans le tableau tab,
-- sinon trouvé = FAUX et rang est indéfini
-- nécessite 1 ≤ n ≤ N
-- entraîne
-- (∃i ∈ [1..n], tab[i] = x et ∀j ∈ [1..i-1], tab[j] ≠ x
-- ⇒ trouvé = VRAI et rang = i)
-- et (∀i ∈ [1..n], tab[i] ≠ x ⇒ trouvé = FAUX)

procédure rechercherOccurrence
  (entrée tab <TabElts[T]>,
  entrée n <Entier>, entrée x <T>,
  sortie trouvé <Booléen>, sortie rang <Entier>)
```

glossaire

i <Entier>; -- indice de parcours du tableau tab

```
début
      -- se positionner sur le premier élément du tableau tab
      i <- 1 :
      -- parcourir et comparer les éléments du tableau tab
      tantque i <= n et tab[i] /= x faire
             -- passer à l'élément suivant du tableau tab
            i < -i + 1:
      fin tantque:
      -- fournir le résultat de la recherche
      si i <= n alors
            trouvé <- VRAI ;
            rang <- i;
      sinon
            trouvé <- FAUX :
      fin si;
fin
```

2.4.3. Variante

```
-- recherche la première occurrence de l'élément x
-- dans le tableau tab de n éléments
-- si l'élément existe, trouvé = VRAI et rang
-- désigne la place de l'élément dans le tableau tab,
-- sinon trouvé = FAUX et rang est indéfini
-- nécessite 1 ≤ n ≤ N
-- entraîne
-- (∃i∈[1..n], tab[i] = x et ∀j∈[1..i-1], tab[j] ≠ x
-- ⇒ trouvé = VRAI et rang = i)
-- et (∀i∈[1..n], tab[i] ≠ x ⇒ trouvé = FAUX)
```

```
procédure rechercherOccurrence
                                                                            2.5. La recherche dichotomique
       (entrée tab <TabElts[T]>,
      entrée n < Entier>, entrée x < T>,
                                                                            2.5.1. Algorithme
      sortie trouvé <Booléen>, sortie rang <Entier>)
                                                                            -- rechercher par dichotomie de l'élément x
                                                                            -- dans un tableau tab
glossaire
      i <Entier>:
                                                                                         il reste une tranche du tableau tab à examiner
                                  -- indice du tableau tab
                                                                            tantque
                                                                                         et que x ≠ élément milieu de cette tranche
début
                                                                            faire
      trouvé <- FAUX :
                                                                                  si élément x < élément milieu de la tranche alors
       -- se positionner sur le premier élément du tableau tab
                                                                                         choisir la moitié gauche de la tranche;
      i <- 1;
                                                                                   sinon
       -- parcourir et comparer les éléments du tableau tab
                                                                                         choisir la moitié droite de la tranche :
      tantque i <= n et non trouvé faire
                                                                                  fin si:
             si tab[i] = x alors
                                                                            fin tantque:
                    trouvé <- VRAI :
             sinon
                                                                            2.5.2. Procédure itérative
                    -- passer à l'élément suivant du tableau tab
                                                                            -- recherche par dichotomie de l'élément x
                    i < -i + 1;
                                                                            -- dans le tableau tab de n éléments
             fin si:
                                                                            -- si l'élément existe, trouvé = VRAI
      fin tantque:
                                                                            -- et rang désigne sa position dans le tableau tab,
       -- fournir le résultat de la recherche
                                                                            -- sinon trouvé = FAUX et rang n'est pas significatif
      si trouvé alors
                                                                            -- nécessite 1 \le n \le N et \forall i \in [1..n-1], tab[i] \le tab[i+1]
             rang <- i;
      fin si:
                                                                            -- entraîne
fin
                                                                                   (\exists i \in [1..n], tab[i] = x \Rightarrow trouvé = VRAI et rang = i)
                                                                                   et (\forall i \in [1..n], tab[i] \neq x \Rightarrow trouvé = FAUX)
                                                                            procédure rechercherParDichotomie
                                                                                   (entrée tab <TabElts[T]>, entrée n <Entier>,
                                                                                  entrée x <T>,
                                                                                   sortie trouvé <Booléen>, sortie rang <Entier>)
```

```
glossaire
                                                                         2.6. Le tri par maxima successifs
      iDébut <Entier>;
                                 -- indice de début d'une
                                 -- tranche du tableau tab
                                                                         2.6.1. Algorithme
      iFin <Entier>;
                                 -- indice de fin d'une tranche
                                 -- du tableau tab
                                                                         -- trier un tableau par la méthode des maxima successifs
                                 -- indice milieu de la tranche
                                                                         tantque il reste un élément du tableau à classer faire
      iMilieu <Entier>;
                                 -- tab/iDébut..iFin/
                                                                                ranger le plus grand élément à la fin du tableau;
                                                                                réduire le tableau d'un élément ;
début
                                                                         fin tantque;
      -- rechercher par dichotomie x dans le tableau tab
                                                                         2.6.2. Procédure
      iDébut <- 1;
      iFin <- n;
      iMilieu <- (iDébut + iFin) div 2 :
                                                                         -- échange le contenu de x et v
      tantque iDébut <= iFin et tab[iMilieu] /= x faire
                                                                         -- entraîne x'=v et v'=x
                                                                         procédure échanger (mài x <T>, mài v <T>)
             si x < tab[iMilieu] alors
                   -- choisir la tranche tab/iDébut..iMilieu - 1/
                   iFin <- iMilieu - 1:
                                                                         glossaire
                                                                                aux <T>; -- pour réaliser l'échange
             sinon
                   -- choisir la tranche tab[iMilieu + 1..iFin]
                   iDébut <- iMilieu + 1 :
                                                                         début
             fin si:
                                                                                aux <- x;
             -- calculer l'indice milieu
                                                                                x < -y;
             -- de la tranche tab[iDébut..iFin]
                                                                                y \le aux;
             iMilieu <- (iDébut + iFin) div 2 ;
                                                                         fin
      fin tantque;
      -- fournir le résultat de la recherche
      si iDébut <= iFin alors
                                                                         -- fournit l'indice du maximum de la tranche tab[1..n]
             trouvé <- VRAI :
                                                                         -- nécessite 1 \le n \le N
             rang <- iMilieu;
                                                                         -- entraı̂ne \forall i \in [1..n], tab[résultat] \geq tab[i]
      sinon
                                                                         fonction indiceMax
             trouvé <- FAUX ;
                                                                                (entrée tab <TabElts[T]>, entrée n <Entier>)
      fin si:
                                                                         retourne <Entier>
fin
```

```
glossaire
                                                                        début
      i <Entier>:
                        -- indice du tableau tab
                                                                              iFin <- n:
                        -- indice du maximum
      iMax <Entier>;
                                                                               tantque iFin > 1 faire
                                                                                     -- ranger le plus grand élément
début
                                                                                     -- à la fin de la tranche tab[1..iFin]
      iMax < -1:
                                                                                     iMax <- indiceMax (tab, iFin)
      -- se positionner sur le deuxième élément du tableau tab
                                                                                     échanger (tab[iMax], tab[iFin]);
      i <- 2:
                                                                                     -- réduire la tranche tab[1..iFin] d'un élément
      -- parcourir et comparer les éléments du tableau tab
                                                                                     iFin <- iFin - 1;
      tantque i <= n faire
                                                                              fin tantque;
             -- comparer l'élément courant du tableau
                                                                        fin
             -- tab et l'élément maximum
            si tab[i] > tab[iMax] alors
                                                                        2.7. Le tri à bulles
                   iMax < -i;
            finsi:
                                                                        2.7.1. Algorithme
             -- passer à l'élément suivant du tableau tab
            i < -i + 1:
                                                                        -- trier un tableau par la méthode des bulles
                                                                        tantque il reste un élément du tableau à classer faire
      fin tantque;
                                                                               ramener (par permutations successives) le plus
      retourner (iMax);
fin
                                                                               grand élément à fin du tableau;
                                                                              réduire le tableau d'un élément;
                                                                        fin tantque:
-- tri du tableau tab de n éléments par la méthode
-- des maxima successifs
-- nécessite 1 \le n \le N
-- entraı̂ne \forall i \in [1..n-1], tab[i]' \leq tab[i+1]'
procédure trierParMaxSuccessifs
      (màj tab <TabElts[T]>, entrée n <Entier>)
glossaire
      iFin <Entier>:
                                -- indice du dernier élément
                                -- d'une tranche non triée
      iMax <Entier>;
                                -- indice du maximum
```

```
-- ramener (par permutations successives) le plus grand
                                                                         début
-- élément à la fin d'un tableau
                                                                                -- se positionner sur le premier élément du tableau tab
se positionner sur le premier élément du tableau ;
                                                                               i <- iDébut :
                                                                                -- parcourir et comparer les éléments du tableau tab
             tous les éléments du tableau
tantque
             n'ont pas été examinés
                                                                                échange <- FAUX :
faire
                                                                               tantque i < iFin faire
      -- comparer l'élément courant du tableau
                                                                                      -- comparer l'élément courant à l'élément suivant
      -- avec l'élément suivant
                                                                                      si tab[i] > tab[i + 1] alors
      si élément courant > élément suivant alors
                                                                                             échanger (tab[i], tab[i + 1]);
             échanger l'élément courant et l'élément suivant :
                                                                                             échange <- VRAI :
      fin si:
                                                                                      fin si:
      passer à l'élément suivant du tableau;
                                                                                      -- passer à l'élément suivant du tableau tab
fin tantque;
                                                                                      i < -i + 1:
                                                                               fin tantque;
2.7.2. Procédure
                                                                         fin
-- ramène la plus grande valeur de la tranche
-- tab[iDébut..iFin] à la position tab[iFin]
                                                                         -- tri du tableau tab de n éléments par la méthode des bulles
-- échange = VRAI si un échange est intervenu lors de la
                                                                         -- nécessite 1 \le n \le N
-- remontée de la plus grande valeur,
                                                                         -- entraı̂ne \forall i \in [1..n-1], tab[i]' \leq tab[i+1]'
-- échange = FAUX sinon
                                                                         procédure trierParBulles
-- nécessite 1 \le iDébut \le iFin \le N
                                                                                (màj tab <TabElts[T]>, entrée n <Entier>)
-- entraîne ∀i ∈ [iDébut..iFin -1], tab[iFin]'≥ tab[i]'
procédure ramenerValeurMax
                                                                         glossaire
      (màj tab <TabElts[T]>,
                                                                               nb <Entier>:
                                                                                                         -- tranche tab/1..nb/ examinée
      entrée iDébut < Entier>, entrée iFin < Entier>,
                                                                               terminé <Booléen> :
                                                                                                         -- la fin du tri
      sortie échange <Booléen>)
                                                                                                         -- indicateur d'échange
                                                                                échange <Booléen>;
glossaire
                                                                         début
      i <Entier>; -- indice de parcours du tableau tab
                                                                               nb <- n;
                                                                                terminé <- FAUX ;
```

```
procédure insérerValeur
      tantque non terminé faire
             -- ramener la plus grande valeur à fin
                                                                                  (mài tab <TabElts[T]>,
             -- du tableau dtab
                                                                                  entrée k <Entier>, entrée v <T>)
             ramenerValeurMax (tab. 1, nb. échange);
             terminé <- non échange :
                                                                           glossaire
             -- réduire le tableau tab d'un élément
                                                                                 i < Entier>; -- indice de parcours du tableau tab
             nb < -nb - 1:
      fin tantque:
                                                                           début
fin
                                                                                  -- rechercher (en décalant vers la droite) l'emplacement
                                                                                  -- que doit occuper la valeur v dans la suite
2.8. Le tri par insertion
                                                                                 i <- k:
                                                                                  tantque i \ge 1 et tab[i] \ge v faire
2.8.1. Algorithme
                                                                                        tab[i + 1] \leftarrow tab[i];
                                                                                        i < -i - 1;
-- trier par insertion un tableau
                                                                                 fin tantque:
se positionner sur le deuxième élément du tableau;
                                                                                  -- ranger la valeur v dans la suite à l'emplacement libre
tantque il reste un élément dans le tableau à classer faire
                                                                                  tab[i + 1] <- v;
      insérer l'élément courant dans le tableau;
                                                                           fin
      passer à l'élément suivant du tableau;
fin tantque;
                                                                           -- tri par insertion du tableau tab de n éléments
                                                                           -- nécessite 1 \le n \le N
-- insérer l'élément courant dans le tableau
                                                                           -- entraı̂ne \forall i \in [1..n-1], tab[i]' \leq tab[i+1]'
rechercher (en décalant vers la droite) l'emplacement
                                                                           procédure trierParInsertion
      de la valeur dans le tableau:
                                                                                  (màj tab <TabElts[T]>, entrée n <Entier>)
ranger la valeur dans le tableau à l'emplacement libre;
                                                                           glossaire
2.8.2. Procédure
                                                                                                     -- indice du tableau tab
                                                                                 i <Entier> :
                                                                                                     -- indice de la tranche tab[1..i-1]
                                                                                 k <Entier>;
-- insère une valeur v dans le tableau tab
                                                                                                      -- valeur courante à insérer dans tab
                                                                                 v < T > :
-- dont les éléments tab[1..k] sont triés par ordre croissant
-- nécessite 1 \le k < N et \forall i \in [1..k-1], tab[i] \le tab[i+1]
                                                                           début
-- entraı̂ne \forall i \in [1..k], tab'[i] \leq tab'[i+1]
                                                                                  -- se positionner sur le deuxième élément du tableau tab
```

i <- 2;

```
-- trier les éléments du tableau tab
                                                                                           n < n + 1:
      tantque i <= n faire
                                                                                           -- lire la valeur v suivante
             -- insérer l'élément courant dans le tableau tab
                                                                                           lire (v):
             insérerValeur (tab, i - 1, tab[i]);
                                                                                    fin tantque:
             -- passer à l'élément suivant du tableau tab
                                                                             fin
             i < -i + 1:
      fin tantque;
                                                                             2.9. Le tri rapide (quicksort)
fin
                                                                             2.9.1. Algorithme
2.8.3. Application: la lecture et le tri des valeurs lues
                                                                             -- trier un tableau (quicksort)
-- lit et tri séquentiellement une suite de valeurs
                                                                             partager le tableau à trier en deux tranches (telles que tous les
                                                                             éléments de la première tranche soient inférieurs à tous les
-- terminée par un marqueur
-- format des données à lire :
                                                                             éléments de la seconde);
                                  valeur<sub>2</sub> ... valeur<sub>n</sub> valeur<sub>0</sub>
                                                                             recommencer le tri sur les deux tranches ainsi obtenues jusqu'à
       valeur₀
                    valeur 1
                                                                             obtenir des tranches réduites à un élément;
-- entraı̂ne \forall i \in [1..n-1], tab'[i] \leq tab'[i+1]
procédure trierParInsertion
                                                                             2.9.2. Procédures
      (sortie tab <TabElts[T]>, sortie n <Entier>)
                                                                             -- partition de la tranche tab[i..j] en fonction du pivot tab[i]
glossaire
                                                                             -- nécessite 1 \le i \le j \le N
       marqueur <T>; -- valeur du marqueur (valeur<sub>0</sub>)
                                                                             -- entraı̂ne tab'[k] = tab[i] et \forall l, 1 \le l < k \le N, \text{tab'}[l] \le \text{tab}[i]
      v < T > :
                           -- valeur lue
                                                                                    et \forall l, N \ge l > k \ge 1, tab'[l] > tab[i]
                                                                             procédure placer
début
                                                                                    (màj tab <TabElts[T]>,
      n < 0;
                                                                                    entrée i <Entier>, entrée j <Entier>, sortie k <Entier>)
       -- lire la valeur du marqueur de fin
      lire (marqueur);
                                                                             glossaire
       -- lire la première valeur v
                                                                                                        -- indice de parcours du tableau tab
                                                                                    l <Entier>;
      lire (v);
       -- insérer les valeurs dans le tableau tab
                                                                             début
      tantque v /= marqueur faire
                                                                                    1 < i + 1:
             -- insérer la valeur v dans la suite
                                                                                    k <- j;
             insérerValeur (tab, n, v):
```

```
tantque l <= k faire
                                                                           début
             -- rechercher le premier élément tab[l] > tab[i]
                                                                                 si i < i alors
             tantque | <= i et tab[l] <= tab[i] faire
                                                                                         -- placer l'élément pivot tab[i] au rang k
                   1 <- 1 + 1 :
                                                                                        placer (tab, i, i, k);
                                                                                        -- tri rapide sur la tranche à gauche de k
             fin tantque:
             -- rechercher le premier élément tab[k] <= tab[i]
                                                                                        trierRapide (tab, i, k - 1);
             tantque tab[k] > tab[i] faire
                                                                                        -- tri rapide sur la tranche à droite de k
                   k < -k - 1:
                                                                                        trierRapide (tab, k + 1, j);
             fin tantque:
                                                                                 fin si:
             -- échanger tab[l] et tab[k]
                                                                           fin
             sil < k alors
                    échanger (tab[l], tab[k]);
                                                                           2.10. Le parcours séquentiel d'une matrice
                   1<-1+1:
                                                                           ligne à ligne
                   k < -k - 1:
             fin si:
                                                                           2.10.1. Algorithme
      fin tantque:
                                                                           -- traiter séquentiellement les éléments d'une matrice
      -- échanger le pivot tab[i] et tab[k]
                                                                           se positionner sur la première ligne de la matrice;
      échanger (tab[i], tab[k]);
                                                                           tantque il reste une ligne à examiner faire
fin
                                                                                  se positionner sur la première colonne de la ligne;
                                                                                 tantque il reste une colonne à examiner faire
                                                                                        traiter l'élément courant (ligne, colonne)
-- tri rapide (quicksort) de la tranche de tableau tab[i..i]
                                                                                        de la matrice;
-- nécessite 1 \le i \le j \le N
                                                                                        passer à la colonne suivante de la ligne :
-- entraı̂ne \forall i \in [1..n-1], tab[i]' \leq tab[i+1]'
                                                                                 fin tantque;
procédure trierRapide
                                                                                 passer à la ligne suivante de la matrice;
      (mài tab <TabElts[T]>,
                                                                           fin tantque:
      entrée i <Entier>, entrée j <Entier>)
glossaire
      k <Entier>:
                          -- indice de placement de tab[i]
```

2.10.2. Procédure

```
-- traite séquentiellement les n lignes de la matrice mat
-- une ligne est composée de m colonnes
-- nécessite 1 \le n \le N et 1 \le m \le M
procédure traiter Eléments
      (entrée mat <MatElts[T]>,
      entrée n < Entier >, entrée m < Entier >)
glossaire
      i < Entier>; -- indice de parcours des lignes
      j <Entier>; -- indice de parcours des colonnes
début
      -- se positionner sur la première ligne de la matrice mat
      i <- 1:
      -- traiter séquentiellement les lignes de la matrice mat
      tantque i <= n faire
             -- traiter séquentiellement les colonnes de la ligne
            j <- 1:
             tantque j <= m faire
                   traiter (mat[i, j]);
                   i < -i + 1:
             fin tantque:
             -- passer à la ligne suivante de la matrice mat
            i < -i + 1:
      fin tantque;
fin
```

2.10.3. Application : le produit de deux matrices carrées

```
-- calcule le produit des matrices mat1 et mat2 d'ordre n
-- nécessite 1 \le n \le N
-- entraı̂ne mat3[i,j] = \sum_{k=1}^{n} mat1[i,k]*mat2[k,j]
procédure calculerProduitMatriciel
       (entrée mat1 < MatElts[T]>, entrée mat2 < MatElts[T]>,
       entrée n < Entier>.
      sortie mat3 <MatElts[T]>)
glossaire
      i < Entier > : -- indice de parcours des lignes de mat1
      j <Entier>; -- indice de parcours des colonnes de mat1
      k < Entier > ; -- indice de parcours d'une ligne de mat1
                    -- et d'une colonne de mat2
début
      i <- 1;
      tantque i <= n faire
             j <- 1;
             tantque i <= n faire
                    mat3[i,j] < 0;
                    k <- 1;
                    tantque k <= n faire
                           mat3[i,j] \leftarrow mat3[i,j]
                                 +  mat1[i,k] * mat2 [k,j];
                          k < -k + 1:
                    fin tantque;
                   i < -i + 1;
             fin tantque:
             i < -i + 1:
      fin tantque;
fin
```