# $\begin{array}{c} {\rm Universit\acute{e}\ Toulouse\ III-Paul\ sabatier} \\ {\rm L2\ Informatique} \end{array}$

## Complexité des algorithmes

Semestre 3

## Table des matières

1 Introduction		oduction	4
	1.1	Complexité	4
	1.2	Complexité asymptotique	5
	1.3	Exemple de complexités d'algorithmes	7
	1.4	Comportement symptotique de fonctions usuelles	7
2	Complexité des boucles		9
	2.1	Complexité de boucles "pour"	9
	2.2	Complexité de boucles "tant que"	10
3	Complexité d'algorithmes définis par réccurence		9
4	Stru	ucture de données et complexité	10
$\mathbf{A}$	Exe	ercices	11
	A.1	TD 1	11

## Complexité des boucles

#### 2.1 Complexité de boucles "pour"

```
pour i:= 1 a n faire
    -- Corps de la boucle
fin pour;
```

Notions  $I_i$  la i<sup>e</sup> itération (les instructions executées lors du i<sup>e</sup> passage dans la boucle) et  $T(I_i)$  sa complexité temporelle. :

Par exemple,  $T_{\text{moy}}(n) = T \max(n) = \Theta(n)$  si  $T(I_i)$  constant et  $= \Theta(n^2)$  si  $T(I_i) = an + b$  (boucle imbriquée.

#### 2.1.1 Exemple

Calculer A = BC, le produit de 2 matrics. Rappel :

$$a_{ik} = \sum_{j=1}^{n} = b_{ij}C_{ji}$$

```
pour i = 1 a n faire
pour k = 1 a n faire
aik 0
pour j = 1 a n faire
aik = aik + bij * cjk;
fin pour;
fin pour;
fin pour;
fin pour;
```

$$T_{\text{moy}}(n) = T_{\text{max}}(n) = \sum_{i=1}^{n} \sum_{k=1}^{n} (1+n) = \Theta(n^3)$$

### 2.2 Complexité de boucles "tant que"

```
tantque C faire
-- Corps de la boucle
fin tantque;
```

$$T_{\text{moy}} = 1 + \sum_{i=1}^{\infty} \text{Prob}$$

On ajoute 1 pour le test de la condition C lorsque C = faux.

Soit  $E_i$  l'événement C = Vrai au début de  $i_i$