



# Series temporelles - TP5

Patrick Waelbroeck, ENST  
waelbroe@enst.fr

# Test d'autocorrélation

Utiliser intdef.raw

1) Estimer le modele  $i3 \mid \text{inf, def}$

## i3 | inf, def

beta =	std =	t =
1.7333	0.4320	4.0125
0.6059	0.0821	7.3765
0.5131	0.1184	4.3338

# Test d'autocorrélation

Avec les résidus du modèle:

- 1) calculer  $u_{t-1}$
- 2) Faire la régression :  $u_t \mid u_{t-1}$  (attention sans intercept!)
- 3) Test de student sur  $\rho$  (coefficient de la régression précédente)

# Correction par la méthode des MCG

- Transformer les observations à partir du  $\rho$  estimé
- Faire la régression des MCO sur les données transformées.

# Correction

Calculer la série des quasi différences:

$$y_t - \rho y_{t-1}$$

Sauf pour la première observation:

$$\sqrt{1-\rho^2} * y_1.$$

- On peut utiliser la matrice  $P$  telle que  $\Omega^{-1} = \text{transpose}(P) * P$

# Délais distribués

- 1) Estimer le modèle  $i3 \mid \text{inf\_1}, \text{inf\_2}, \text{def\_1}, \text{def\_2}$   
(attention pas d'intercept car modèle dynamique)
- 2) Représenter graphiquement les coefficients

i3 | inf\_1, inf\_2, def\_1, def\_2

beta =	std =	t =
0.5399	0.1534	3.5185
0.0305	0.2854	0.1068
0.3587	0.1654	2.1688
0.5918	0.2486	2.3804



# Pour finir

modèle de trois équations:

$i3 | inf1, inf2 \text{ def1 def 2}$

$inf | i31, i32 \text{ def1 def 2}$

$def | inf1, inf2 \text{ def1 def 2}$



# Series temporelles - TP6

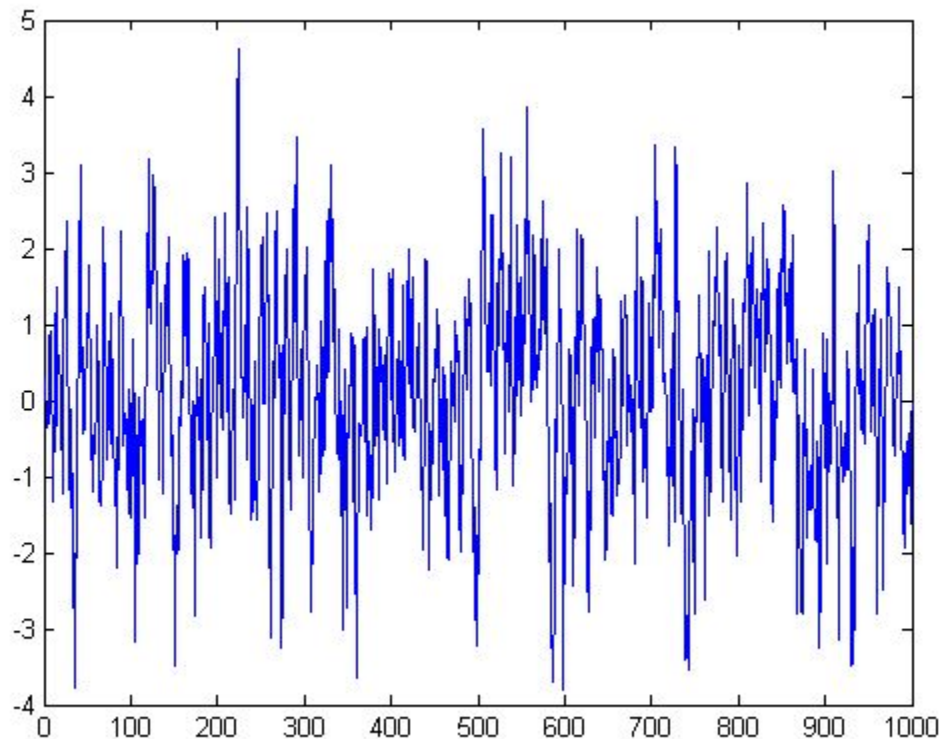
Patrick Waelbroeck, ENST  
waelbroe@enst.fr

# AR(1)

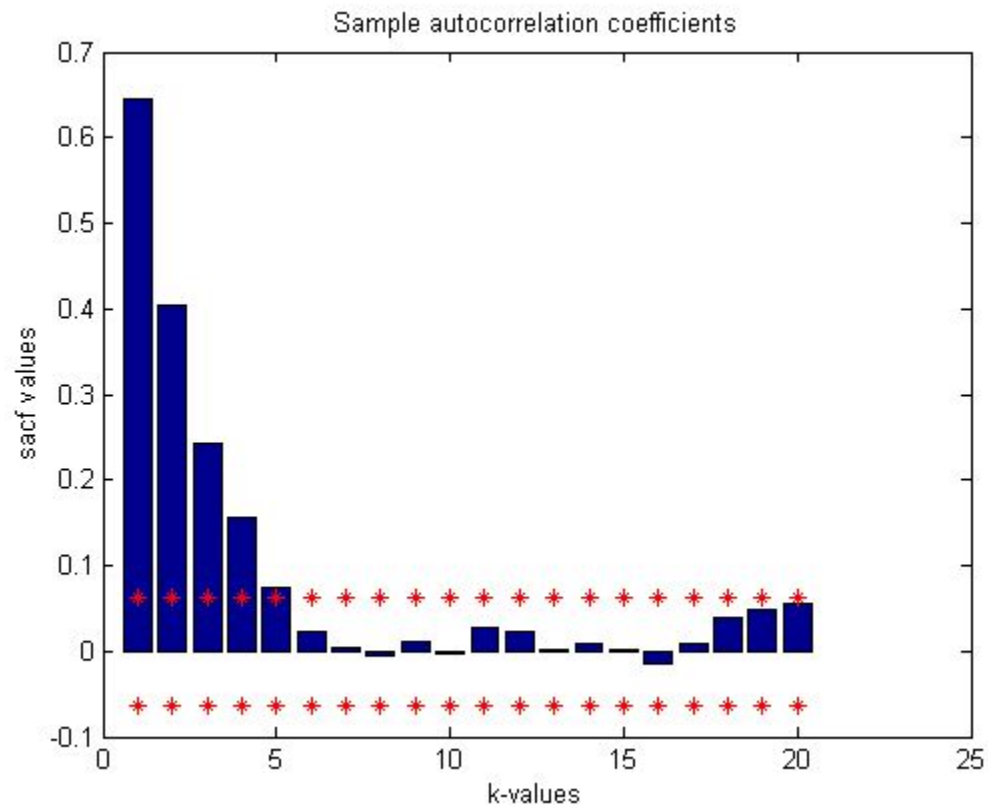
- 1) Créer des données par simulations puis tracer y, acf et spacf

```
y=zeros(1000,1);  
for i=2:1000;  
    y(i)=0.6*y(i-1)+randn;  
end;  
plot(y)  
acf=sacf(y,20);  
pacf=spacf(y,20);
```

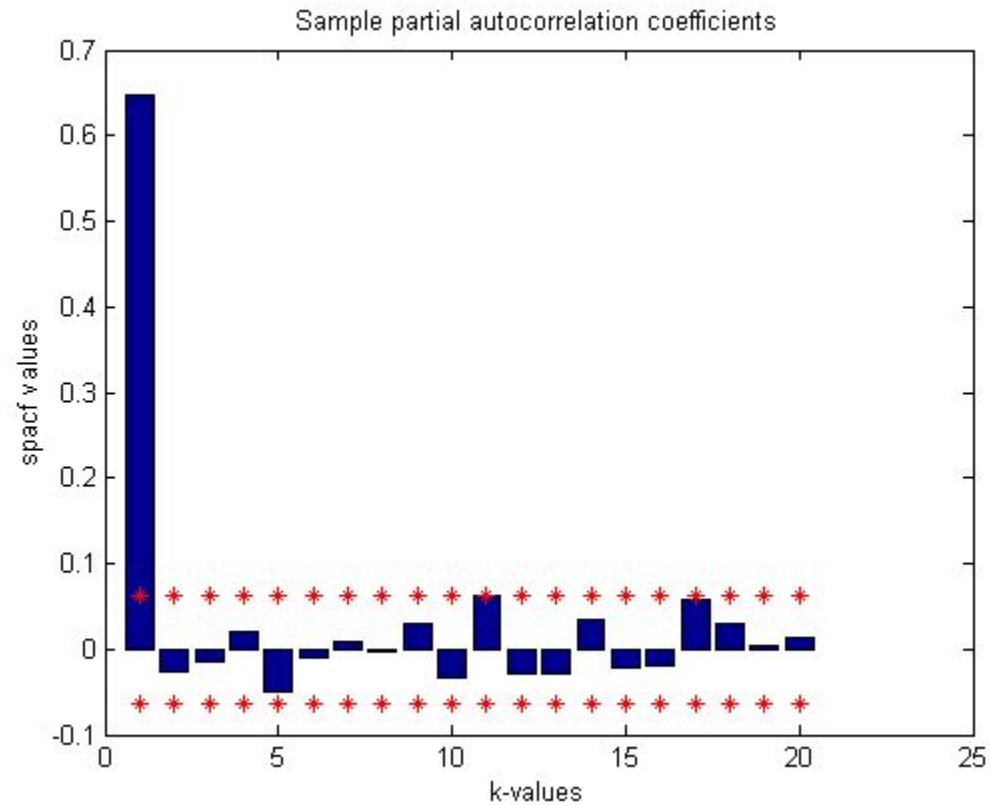
# AR(1)



# AR(1)



# AR(1)

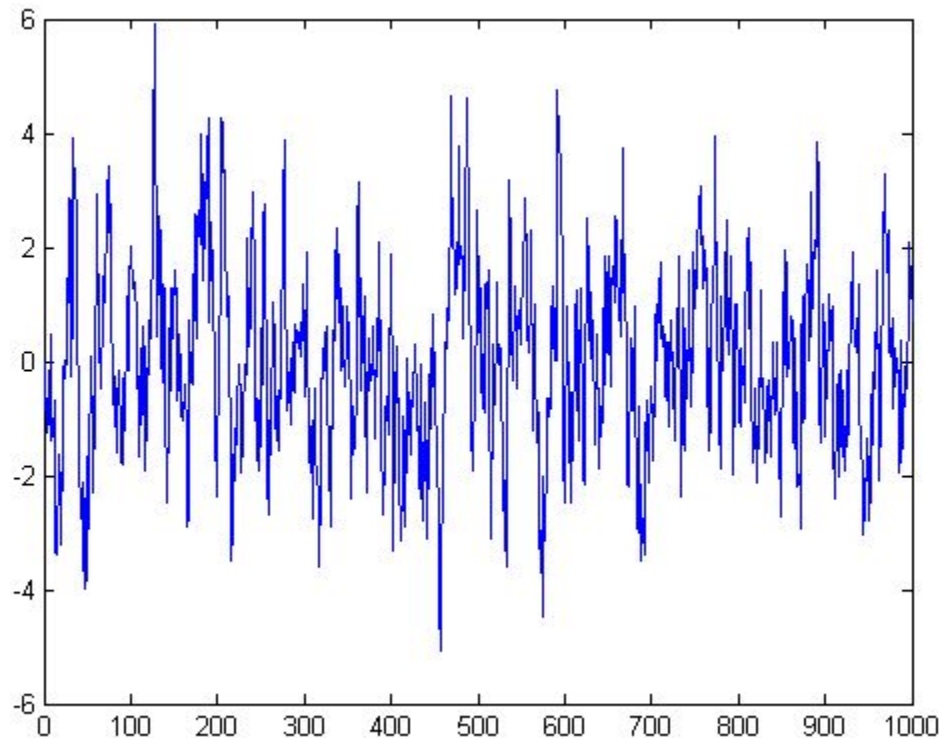


# MA(1)

- 1) Créer des données par simulations puis tracer y, acf et spacf

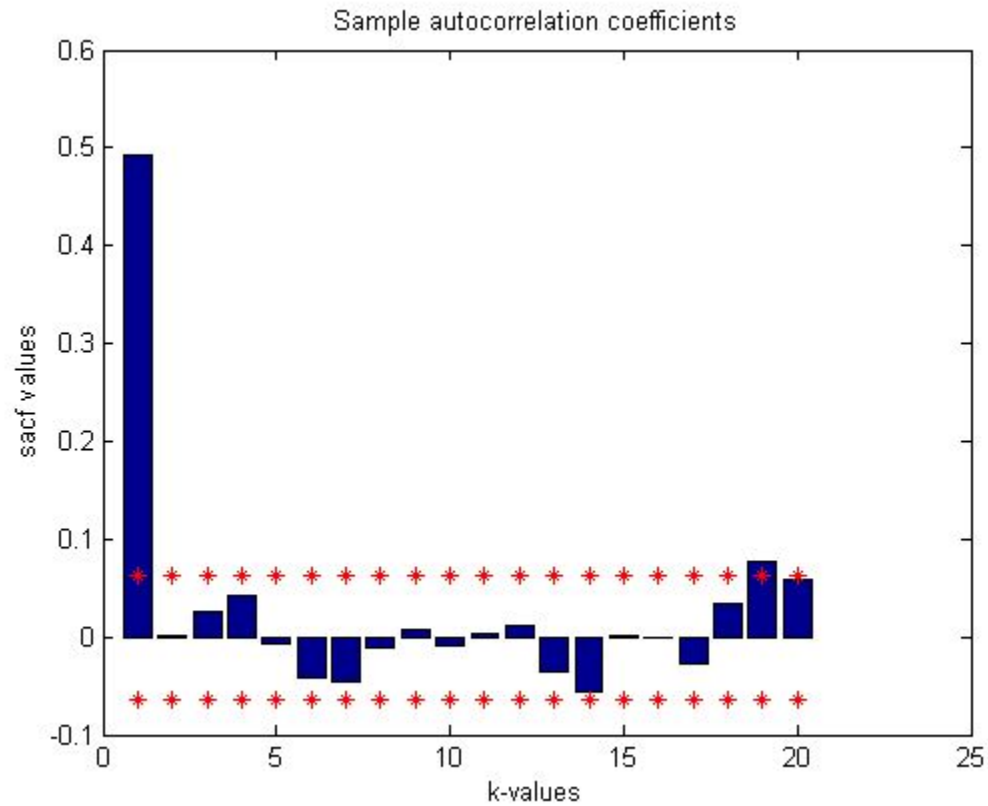
```
n=1000;  
z=zeros(n,1);  
e=randn(n,1);  
for i=2:1000;  
    z(i)=e(i)+0.8*e(i-1);  
end;  
plot(z);  
acf=sacf(z,20)  
pacf=spacf(z,20)
```

# MA(1)

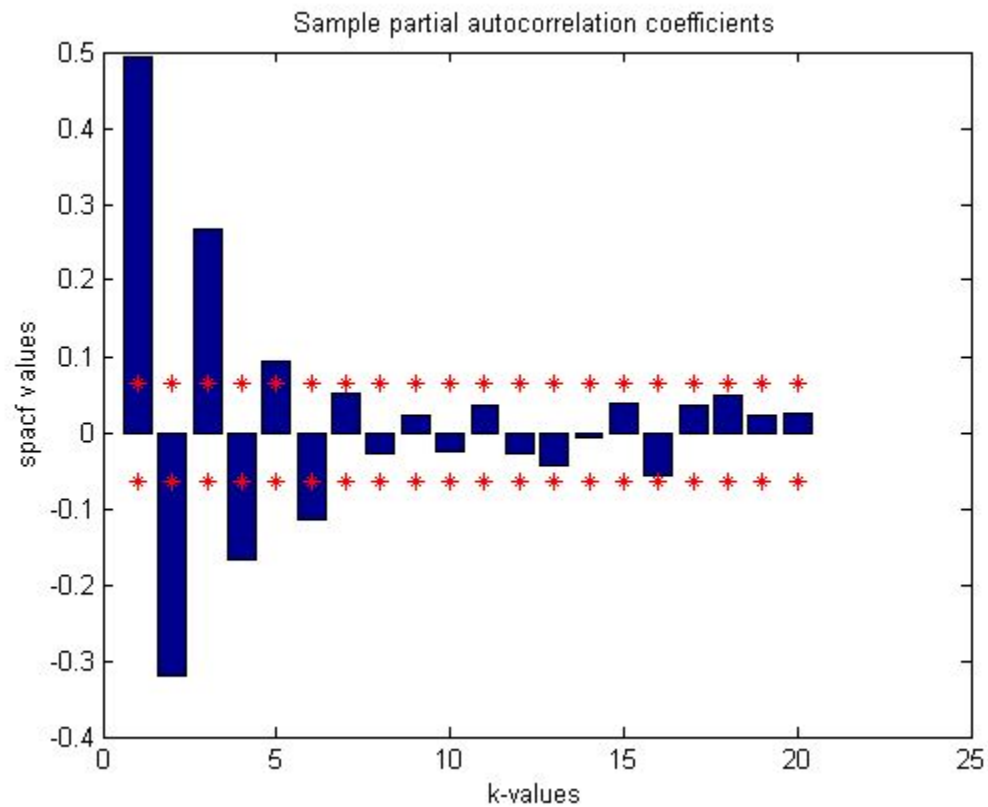




# MA(1)



# MA(1)

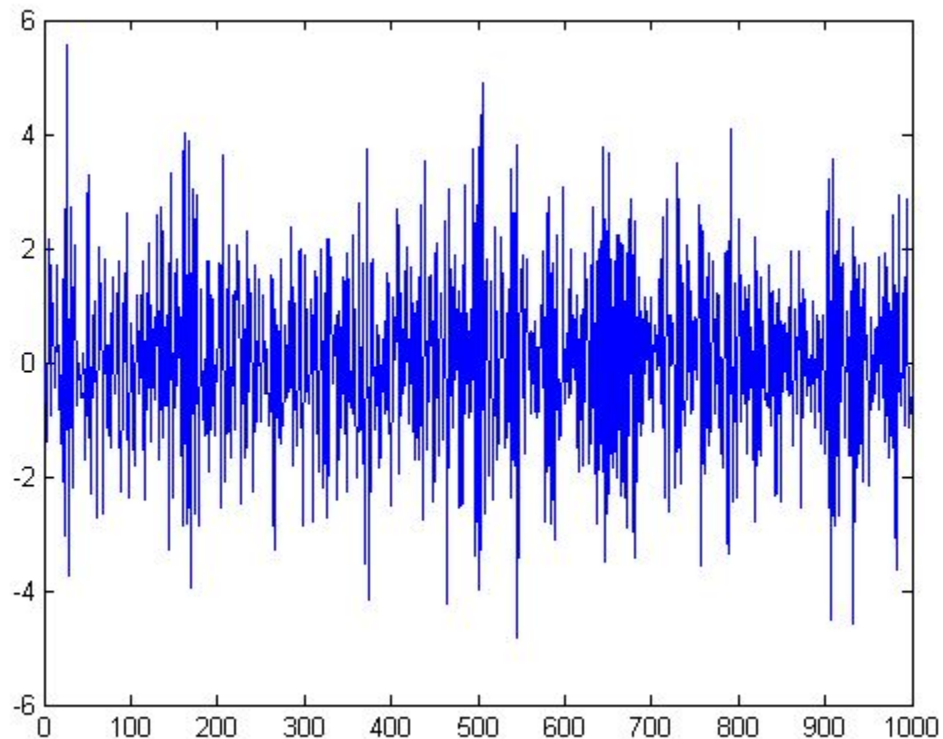


## AR(2)

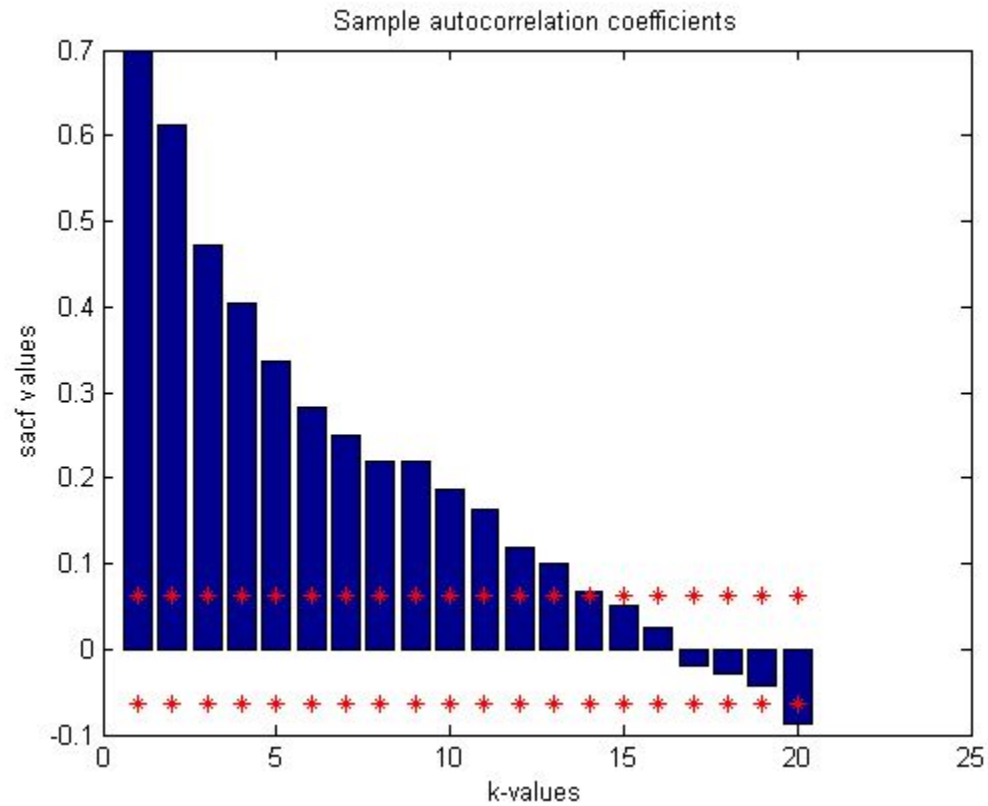
- 1) Créer des données par simulations puis tracer  $y$ , acf et spacf

```
n=1000;  
y=zeros(n,1);  
for i=3:1000;  
    y(i)=0.6*y(i-1)+0.2*y(i-2)  
    +randn;  
end;  
plot(y)  
acf=sacf(y,20);  
pacf=spacf(y,20);
```

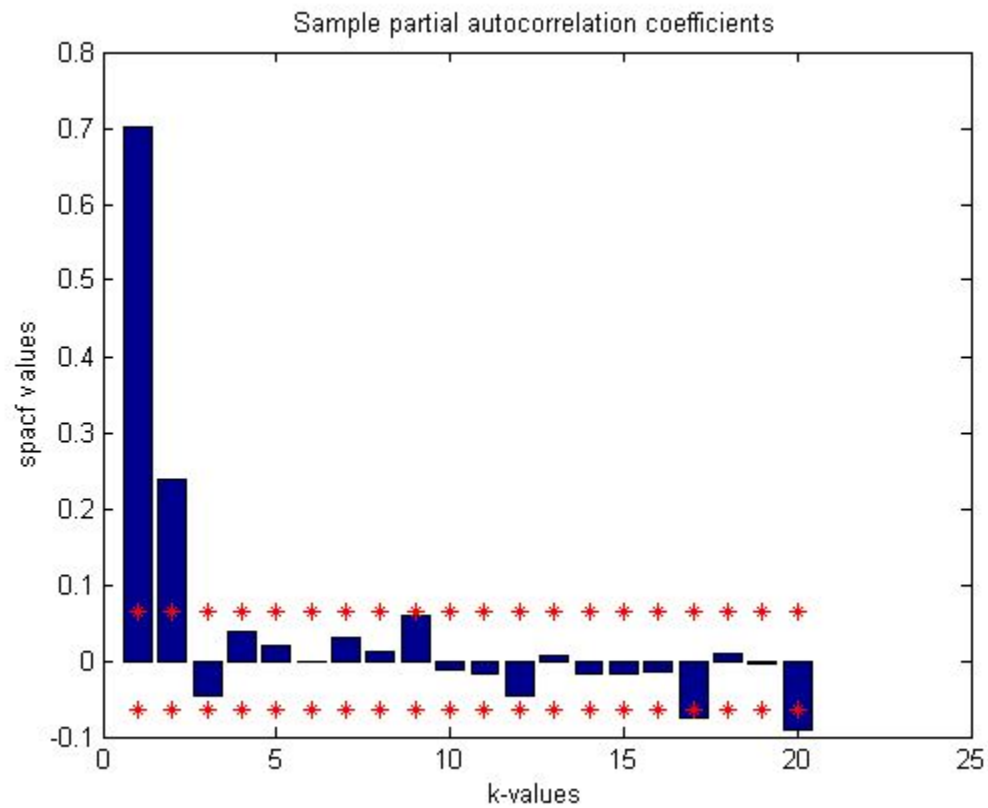
# AR(2)



# AR(2)



# AR(2)

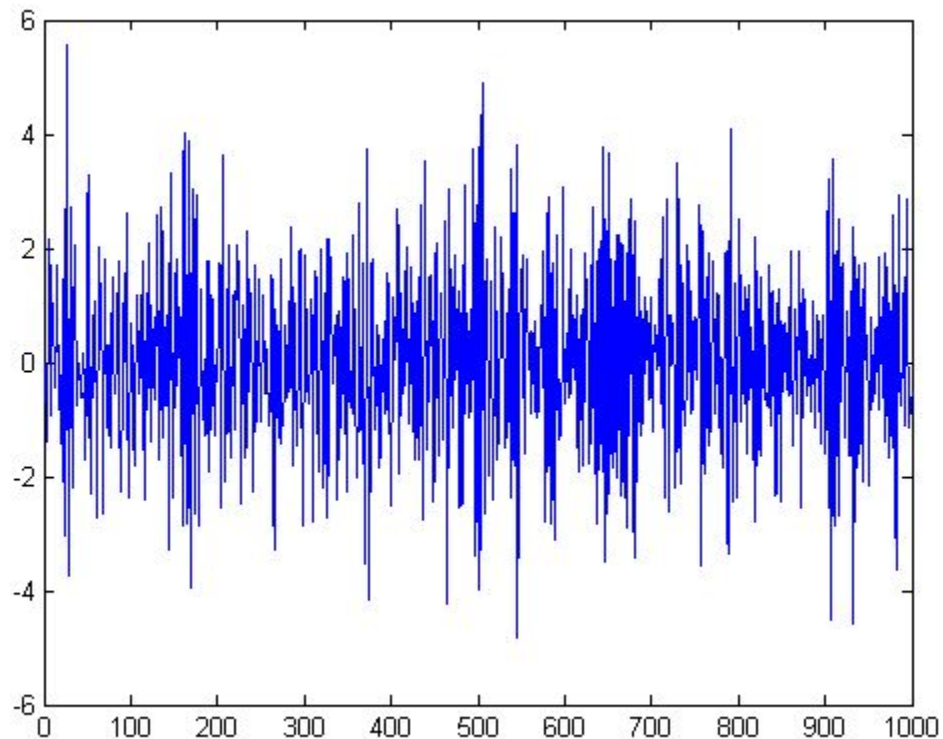


# AR(2)

- 1) Créer des données par simulations puis tracer y, acf et spacf

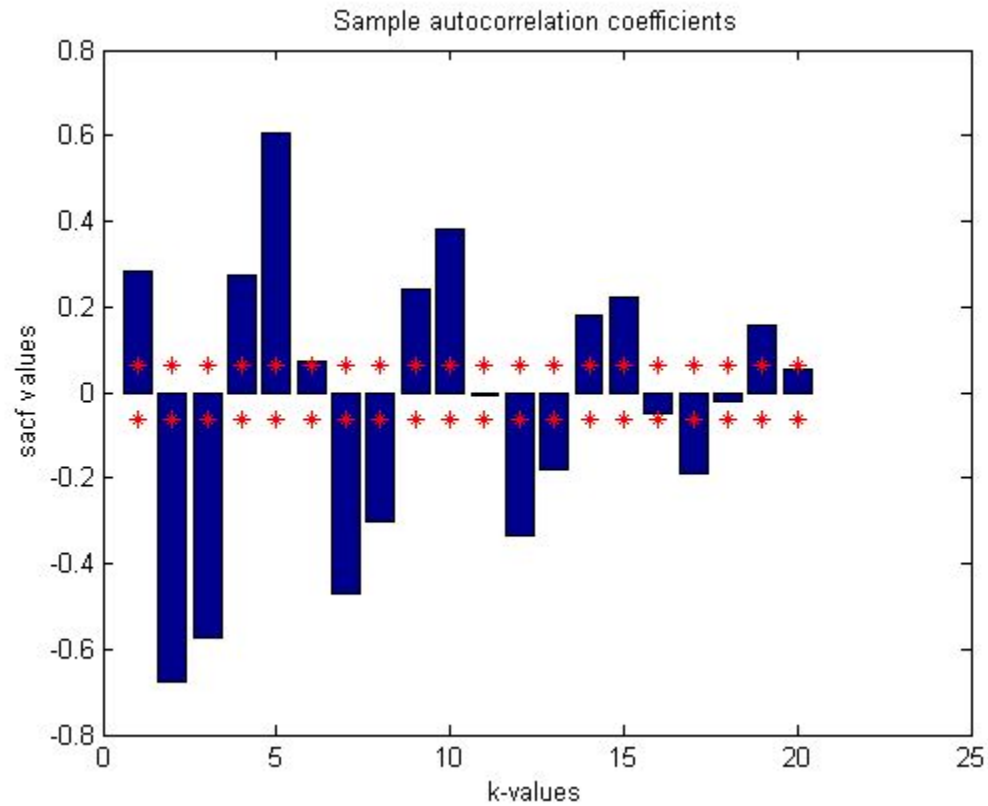
```
for i=3:1000;  
y(i)=0.5*y(i-1)-0.8*y(i-2)+randn;  
end;  
plot(y)  
acf=sacf(y,20)  
pacf=spacf(y,20)
```

# AR(2)

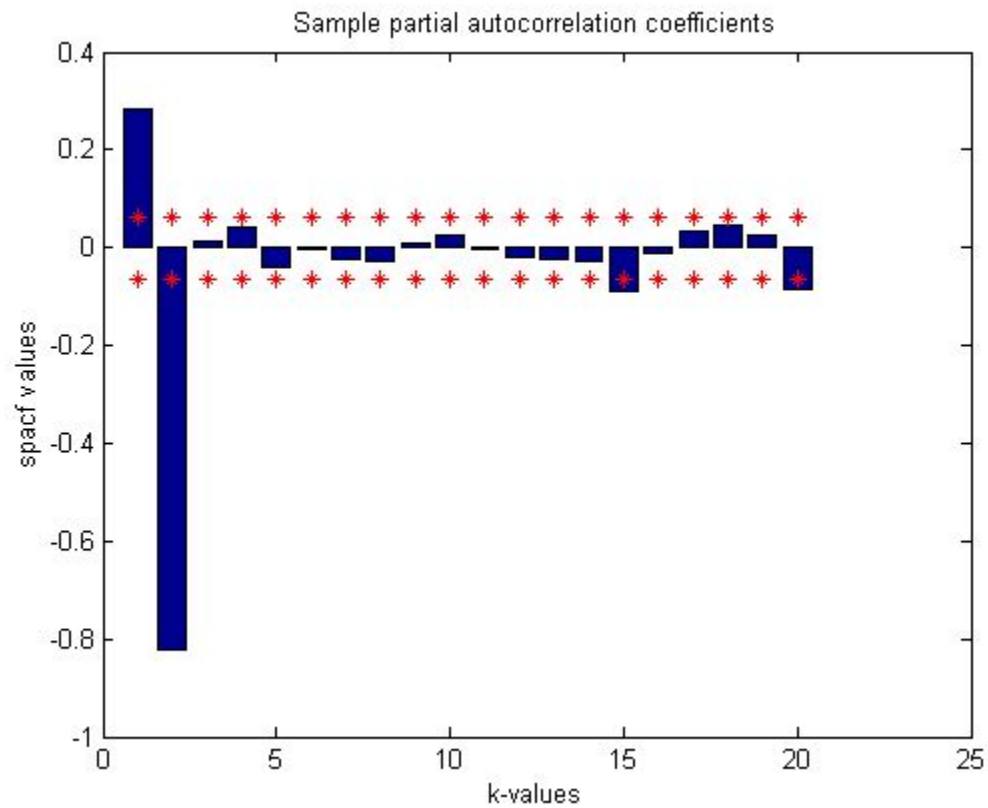




# AR(2)



# AR(2)

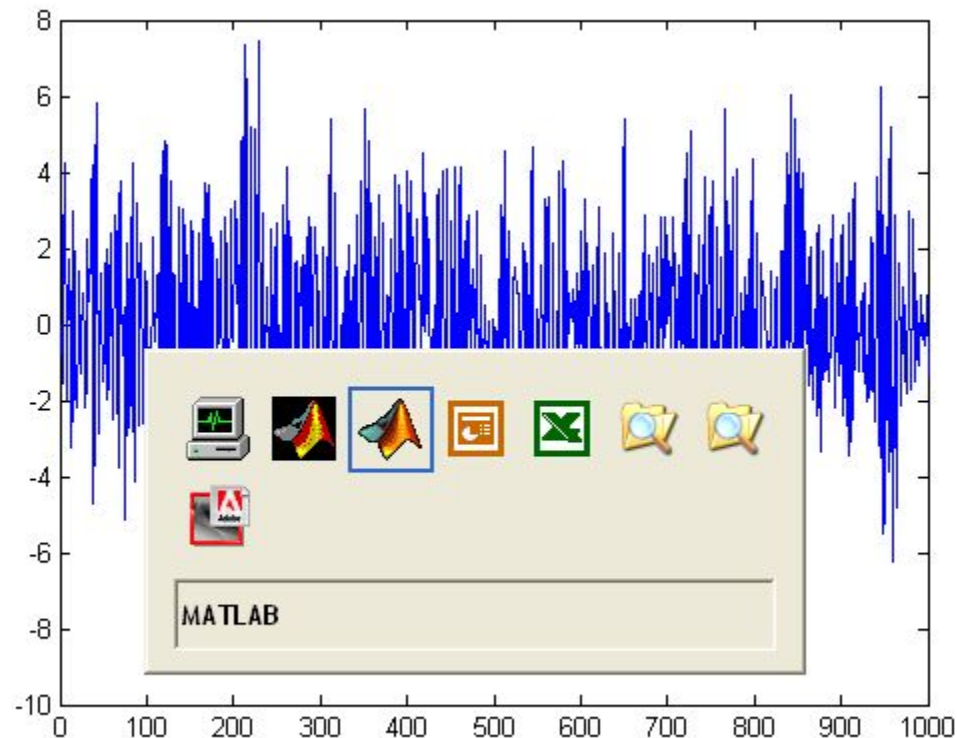


# ARMA(2,2)

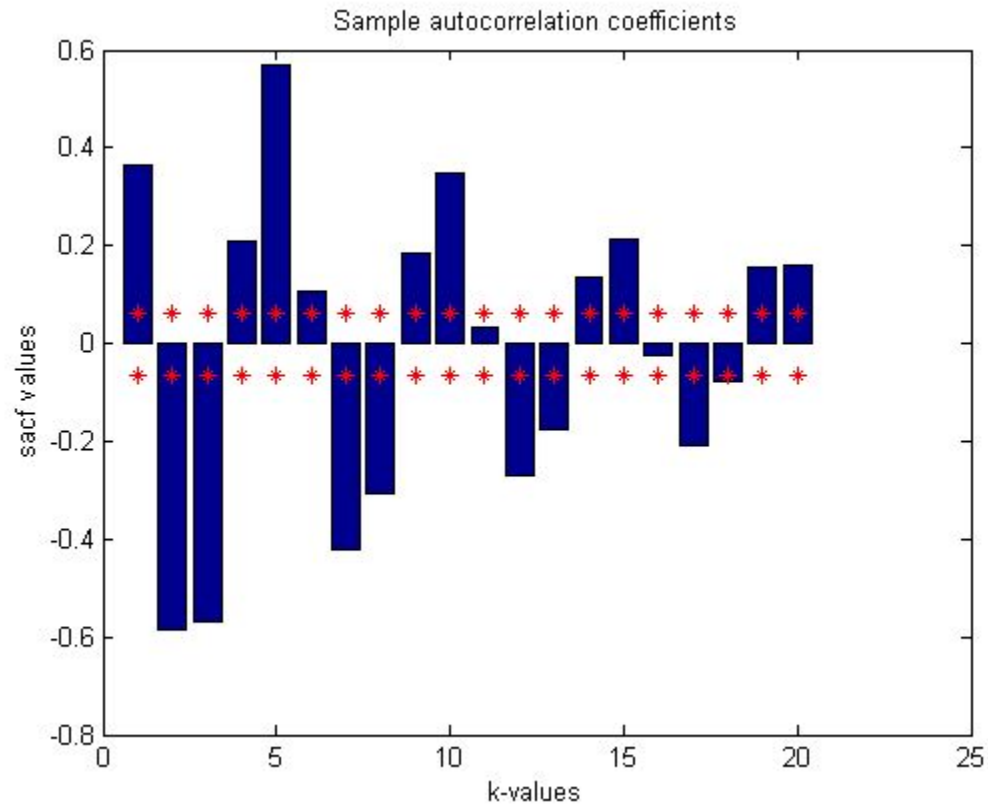
- 1) Créer des données par simulations puis tracer y, acf et spacf

```
for i=3:1000;  
y(i)=0.5*y(i-1)-0.8*y(i-2)+  
e(i)+0.6*e(i-1)+0.2*e(i-2);  
end;  
plot(y)  
acf=sacf(y,20)  
pacf=spacf(y,20)
```

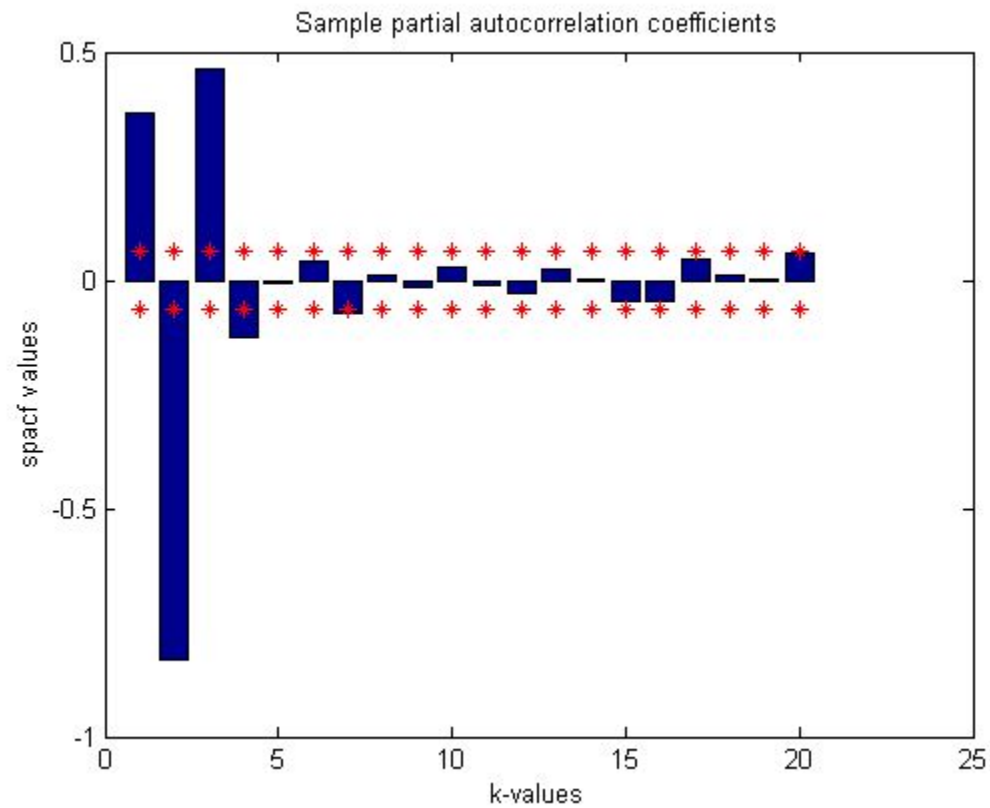
# ARMA(2)



# ARMA(2,2)



# ARMA(2,2)



# Simulation d'autocorrelation

1) Créer la serie

For i=2:586

$y(i) = 1.19*y(i-1) + u(i) + 0.8*u(i-1)$

End;

2) Faire la régression de  $y_t$  sur  $y_{(t-1)}$

3) Le coefficient de la régression est-il biaisé? Si oui, pourquoi?

# AR(1)

Utiliser intdef.raw

- 1) Faire la régression  $\Delta \text{inf}_t \mid \Delta \text{inf}_{(t-1)}$  (avec constante)
- 2) Test de significativité
- 3) Faire la prévision de  $\Delta \text{inf}_{T+1|T}$
- 4) Calculer RMSE

```
load intdef.raw
```

```
reso=ols(y,X)
```

```
reso.beta(1)+reso.beta(2)*y(T)
```





# Series temporelles - TP7

Patrick Waelbroeck, ENST  
waelbroe@enst.fr

# Courbe de Phillips

1) Importer données de phillips.raw

Attention aux observation manquantes

2) Tracer inf

```
load phillips.raw  
y=phillips(:,3);  
plot(y)
```

# Modélisation ARMA

- 1) Représenter l'ACF et le PACF
- 2) Faire le test du portemanteau (box)
- 3) Proposer une modélisation AR(p) en utilisant les critères AIC et BIC

# Stationnarité

- 1) Diviser l'échantillon en deux puis en trois parties
- 2) Calculer les moyennes et les variances
- 3) Faire le test de racine unitaire :  
DF, DF augmenté avec 4 délais

# Test de racine unitaire

Formuler

$$\Delta y_t = \alpha + \theta y_{t-1} + e_t$$

$$\theta = \rho - 1:$$

Pour tester

$$H_0: \rho = 1.$$

$$H_1: \rho < 1.$$

Seuil critique de la statistique de Dickey-Fuller

Significance Level	1%	2.5%	5%	10%
Critical Value	−3.43	−3.12	−2.86	−2.57

# Test de changement de structure

Faire le test de chow avec date de changement en 1981

Faire le QLR test avec 15% de trimming