### Probabilidad y Estadística Probabilidad

Universidad Tecnológica Izúcar de Matamoros UTIM

Dr. Alejandro Rodriguez

8 de febrero de 2022

#### Temas de Probabilidad

- Conjuntos
- Probabilidad Básica y Condicional
- Distribuciones Discretas de Probabilidad
- Distribuciones Continuas de Probabilidad
- Distribuciones Muestrales

#### Probabilidad

#### Probabilidad

El término **probabilidad** se refiere al estudio de azar y la incertidumbre en cualquier situación en la cual varios posibles sucesos pueden ocurrir.

#### Probabilidad

#### Probabilidad

El término **probabilidad** se refiere al estudio de azar y la incertidumbre en cualquier situación en la cual varios posibles sucesos pueden ocurrir.

En palabras simples, fenómenos aleatorios son los que pueden dar lugar a varios resultados, sin que pueda ser posible enunciar con certeza cuál de éstos va a ser observado en la realización del experimento.

### Espacio muestral

#### title

Definir los conceptos y notación de conjuntos: -Universo -Vacío -Subconjunto

Describir el proceso de construcción del diagrama de Venn Euler.

Explicar las operaciones entre conjuntos: - Unión - Intersección -

Complemento - Diferencia



#### Espacio muestral

El espacio muestral de un experimento denotado por E , es el conjunto de todos los posibles resultados de dicho experimento.

#### Espacio muestral

El espacio muestral de un experimento denotado por E , es el conjunto de todos los posibles resultados de dicho experimento.

#### Ejemplos:

• El espacio muestral asociado a lanzar un dado, E = 1,2,3,4,5,6



#### Espacio muestral

El espacio muestral de un experimento denotado por E , es el conjunto de todos los posibles resultados de dicho experimento.

#### Ejemplos:

- lacktriangle El espacio muestral asociado a lanzar un dado, E=1,2,3,4,5,6
- ② El espacio asociado a preguntar a un cliente si le gusta o no nuestro producto es E = S, N (S si; N no)

#### Espacio muestral

El espacio muestral de un experimento denotado por E , es el conjunto de todos los posibles resultados de dicho experimento.

#### Ejemplos:

- lacktriangle El espacio muestral asociado a lanzar un dado, E=1,2,3,4,5,6
- El espacio asociado a indagar si 3 clientes que entraron a una tienda compraron un producto es E = SSS, SSN, SNS, NSS, SNN, NSN, NNS, NNN.



### Conjuntos: Suceso o evento

#### Suceso o evento

Un suceso o evento es cualquier recopilación (subconjunto) de resultados contenidos en el espacio muestral E. Un evento es simple si consiste en exactamente un resultado y compuesto si consiste en más de un resultado.

### Conjuntos: Suceso o evento

#### Suceso o evento

Un suceso o evento es cualquier recopilación (subconjunto) de resultados contenidos en el espacio muestral E. Un evento es simple si consiste en exactamente un resultado y compuesto si consiste en más de un resultado.

Dado que los sucesos son subconjuntos del espacio muestral, son muy útiles los diagramas de Venn para su representación:

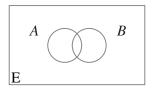


Figura: Ejemplo de un diagrama de diagramas de Venn. E. Espacio muestral, A y B representan conjuntos o subconjuntos.



#### Propiedades de conjunto

• El complemento de un evento A, denotado por A', es el conjunto de todos los resultados en E que no están contenidos en A.

#### Propiedades de conjunto

- El complemento de un evento A, denotado por A', es el conjunto de todos los resultados en E que no están contenidos en A.
- ② La unión de dos eventos A y B, denotados por A ∪ B y leídos "A o B", es el evento que consiste en todos los resultados que están en A o en B o en ambos eventos (de tal suerte que la unión incluya resultados donde tanto A como B ocurren, así también resultados donde ocurre exactamente uno), es decir, todos los resultados en por lo menos uno de los eventos.

#### Propiedades de conjunto

- El complemento de un evento A, denotado por A', es el conjunto de todos los resultados en E que no están contenidos en A.
- ② La unión de dos eventos A y B, denotados por A ∪ B y leídos "A o B", es el evento que consiste en todos los resultados que están en A o en B o en ambos eventos (de tal suerte que la unión incluya resultados donde tanto A como B ocurren, así también resultados donde ocurre exactamente uno), es decir, todos los resultados en por lo menos uno de los eventos.
- ullet La intersección de dos eventos A y B, denotada por A  $\cap$  B y leída "A y B", es el evento que consiste en todos los resultados que están tanto en A como en B.

#### Unión

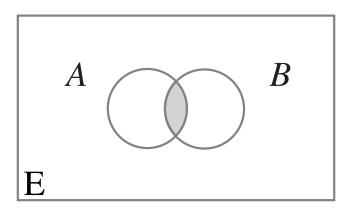


Figura: Unión: La región sombreada es  $A \cup B$ .

#### Intersección

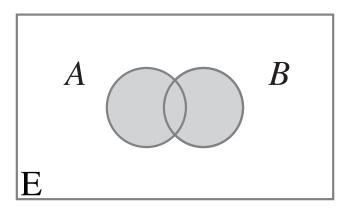


Figura: Intersección: La región sombreada es  $A \cap B$ 

### Complemento

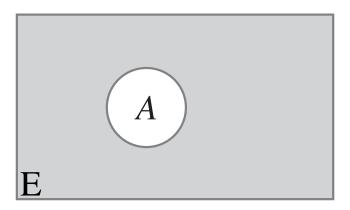


Figura: Complemento: La región sombreada es A'.

### Mutuamente excluyentes

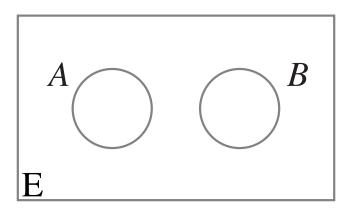


Figura: Eventos mutuamente excluyentes.

### Mutuamente excluyentes

## TO BE CONTINUE



#### Probabilidad

#### Probabilidad

El término **probabilidad** se refiere al estudio de azar y la incertidumbre en cualquier situación en la cual varios posibles sucesos pueden ocurrir.

En palabras simples, fenómenos aleatorios son los que pueden dar lugar a varios resultados, sin que pueda ser posible enunciar con certeza cuál de éstos va a ser observado en la realización del experimento.

# Cálculo de probabilidad

### Cálculo de probabilidad

La noción de probabilidad tiene cuatro acepciones básicas:

- Empírica (práctica, relacionada con la frecuencia relativa)
- Clásica (teórica, relacionada con casos equiprobables)
- Axiomática (basada en un modelo matemático)
- Intuitiva (relacionada con experiencias o mediciones subjetivas)

### Método empírico

J. J. Bernoulli, observando los resultados del lanzamiento de una moneda un número grande de veces, notó que el número de caras y cruces tendía a igualarse. Es decir, que la frecuencia relativa de la obtención de caras se acercaba más al número de cruces, cuanto mayor era el número de lanzamientos, dicho de otra manera, las frecuencias relativas se parecían cada vez más a 0.5. De aquí la definición empírica de Probabilidad:

#### Probabilidad

**Probabilidad** de un suceso es el número al que tiende la frecuencia relativa asociada al suceso a medida que el número de veces que se realiza el experimento crece.

$$P(A) = \lim_{N \to \infty} \frac{n(A)}{N}$$



### Método empírico

#### Ejemplo

En una línea de envasado de cereales se tienen los siguientes registros de envases defectuosos:

Semana	1	2	3	4	Total
Envases recibidos	1200	1350	1150	1100	4800
Envases rechazados	4	6	4	5	19

Determine la probabilidad de encontrar un envase defectuoso.

### Método empírico

#### Ejemplo

En una línea de envasado de cereales se tienen los siguientes registros de envases defectuosos:

Semana	1	2	3	4	Total
Envases recibidos	1200	1350	1150	1100	4800
Envases rechazados	4	6	4	5	19

Determine la probabilidad de encontrar un envase defectuoso.

#### Solución:

Evidentemente la frecuencia relativa de ocurrencia de este suceso es igual a 19/4800 = 0,004 o lo que es lo mismo de un 0.4%.

### Probabilidad Clásica (Definición de Laplace)

#### Enfoque clasico

Es el número de casos favorables al evento (es decir, resultados posibles del evento o prueba que hacen que ocurra el evento) entre el número de casos posibles (o sea todos los resultados posibles del experimento), pero considerando que cada uno de los casos posibles tiene igual probabilidad de ocurrir.

$$P(E) = \frac{n(E)}{N}$$

n(E): número de casos favorables a E

N: número de casos posibles

### Probabilidad Clásica (Definición de Laplace). Ejemplo

Ejemplo: El evento que consiste en obtener un mismo número de ambos dados al lanzar dos dados tiene probabilidad

$$P(E) = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

### Probabilidad Clásica (Definición de Laplace). Ejemplo

Ejemplo: El evento que consiste en obtener un mismo número de ambos dados al lanzar dos dados tiene probabilidad

$$P(E) = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

11	21	31	41	51	61
12	22	32	42	52	62
13	23	33	43	53	63
14	24	34	44	54	64
15	25	35	45	55	65
16	26	36	46	56	66

Combinaciones: 36



### Método Subjetivo o Intuitivo

Hay otro tipo de probabilidades como la llamada probabilidad subjetiva o intuitiva que es una cierta evaluación personal de la probabilidad, en lugar de ser teórica o experimental. Por ejemplo, si se desea opinar acerca de las posibilidades de que llueva en mayo en Izúcar de Matamoros, uno puede opinar, de acuerdo a la experiencia propia, acorde con los años en que ha residido en un lugar, por ejemplo que mañana es posible que la probabilidad de lluvia sea de un 20 %, muy distinta a la que pudiera decir la misma persona si le preguntan en junio, un mes en el que comienzan las lluvias por esta región de Izúcar. No obstante, en ciertos estudios y situaciones los criterios de los expertos pueden utilizarse y manejarse incluso utilizando métodos estadísticos.

# Técnicas de conteo

#### Técnicas de conteo

Para utilizar el enfoque clásico de la probabilidad (a priori), es necesario conocer el numero total de resultados de una muestra o experimento.

Las **técnicas de conteo** generalmente se utilizan como un medio para determinar el número total de resultados y son empleadas cuando realizar el conteo de forma manual se hace complicado.

#### Técnicas de conteo

Para utilizar el enfoque clásico de la probabilidad (a priori), es necesario conocer el numero total de resultados de una muestra o experimento.

Las **técnicas de conteo** generalmente se utilizan como un medio para determinar el número total de resultados y son empleadas cuando realizar el conteo de forma manual se hace complicado.

#### Técnicas de conteo

Las **Técnicas de conteo** son una serie de métodos de probabilidad para contar el número posible de arreglos dentro de un conjunto o varios conjuntos de objetos

- Diagrama de Árbol
- Regla multiplicativa
- Permutación
- Combinación



# Diagrama de Árbol

Un diagrama de árbol es una representación gráfica de los posibles resultados de un experimento que tiene varios pasos.

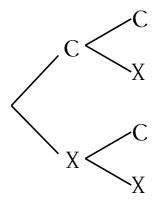


Figura: Lanzamiento de una monada, dos veces consecutivas.

# Diagrama de Árbol

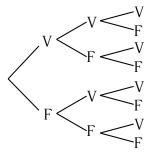


Figura: Posibles respuestas de V o F, en un examen de tres preguntas.

### Regla multiplicativa

#### Regla multiplicativa

Si una operación puede realizarse en  $n_i$  formas, y si por cada una de éstas una segunda operación puede llevarse a cabo en  $n_2$  formas, entonces las dos operaciones pueden realizarse juntas en  $n_1n_2$  formas.

#### Ejemplo

¿Cuantos puntos muetrales hay en una espacio muestral cuando se lanza un par de dados una sola vez?

### Regla multiplicativa

#### Regla multiplicativa

Si una operación puede realizarse en  $n_i$  formas, y si por cada una de éstas una segunda operación puede llevarse a cabo en  $n_2$  formas, entonces las dos operaciones pueden realizarse juntas en  $n_1n_2$  formas.

#### Ejemplo

¿Cuantos puntos muetrales hay en una espacio muestral cuando se lanza un par de dados una sola vez? **Solución**: El primer dado puede caer en cualquiera de  $n_1=6$  formas. Para cada una de éstas el segundo puede, también, caer en  $n_2=6$  formas. Por tanto el par de dados pueden caer:

$$n_1 n_2 = (6)(6) = 36$$



## Definición de Factorial!

#### Definición de Factorial!

El factorial de un entero positivo n se define como el producto de todos los números enteros positivos desde 1 hasta n. Por ejemplo:

$$5! = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 = 120.$$

## Propiedades del de Factorial!

$$0! = 1$$
  
 $(1+4)! = 5! = 120$   
 $(6-2)! = 4! = 24$ 

## Propiedades del de Factorial!

## Propiedades del de Factorial!

$$\frac{5!}{7!} = \frac{5\times4\times3\times2\times1}{7\times6\times5\times4\times3\times2\times1} = \frac{5!}{7\times6\times5!} = \frac{1}{7\times6} = \frac{1}{42}$$

Otro ejemplo:



# Propiedades del de Factorial!

#### Propiedades del de Factorial!

$$\frac{5!}{7!} = \frac{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = \frac{\cancel{5}!}{7 \times 6 \times \cancel{5}!} = \frac{1}{7 \times 6} = \frac{1}{42}$$

Otro ejemplo:

$$\frac{4!}{2!} = \frac{4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 1} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2!} = 4 \times 3 = 12$$

Considérese un grupo de n individuos u objetos distintos.

- ¿Cuántas maneras existen de seleccionar un subconjunto de tamaño k del grupo?

Considérese un grupo de n individuos u objetos distintos.

- ¿Cuántas maneras existen de seleccionar un subconjunto de tamaño k del grupo?

## Ejemplos

- Si un equipo de ligas menores tiene 15 jugadores registrados, ¿cuántas maneras existen de seleccionar 9 jugadores para una alineación inicial?
- Si en su librero tiene 10 libros de misterio no leídos y desea seleccionar 3 para llevarlos consigo en unas vacaciones cortas, ¿cuántas maneras existen de hacerlo?

Una respuesta a la pregunta general que se acaba de plantear requiere distinguir entre dos casos.

- El orden de selección importa.
- El orden de selección **NO** importa.

Una respuesta a la pregunta general que se acaba de plantear requiere distinguir entre dos casos.

- El orden de selección importa.
- El orden de selección **NO** importa.

## Ejemplos

- Con Jorge como lanzador y Daniela como receptor se obtiene una alineación diferente de aquella con Daniela como receptor y Jorge como lanzador.
- La selección del libro que va a leer no es importante.

# Permutación y Combinación. Definición.

#### Definición

Un subconjunto ordenado se llama **permutación**. El número de permutaciones de tamaño k que se puede formar con los n individuos u objetos en un grupo será denotado por  $P_{k,n}$ .

# Permutación y Combinación. Definición.

#### Definición

Un subconjunto ordenado se llama **permutación**. El número de permutaciones de tamaño k que se puede formar con los n individuos u objetos en un grupo será denotado por  $P_{k,n}$ .

Un subconjunto no ordenado se llama **combinación**. Una forma de denotar el número de combinaciones es  $C_{k,n}$ , pero en su lugar se utilizará una notación que es bastante común en libros de probabilidad:  $\binom{n}{k}$ , que se lee "de n se eligen k".

## Ejemplo

Supongamos que tenemos un conjunto de cuatro individuos: a, b, c y d. De ellos solo dos van a ser elegidos para los puestos de *presidente* y *vicepresidente* en cierta junta directiva.

¿Cuantas maneras exciten para seleccionar estos dos cargos?

## Ejemplo

Supongamos que tenemos un conjunto de cuatro individuos: a, b, c y d. De ellos solo dos van a ser elegidos para los puestos de presidente y vicepresidente en cierta junta directiva.

¿Cuantas maneras exciten para seleccionar estos dos cargos?

ab ac ad ba bc bd ca cb cd da db dc

Total: 12 formas.

NOTA: Uno esta tentado a decir combinaciones sin embargo, el orden importa, por lo que son **permutaciones**.

## Ejemplo

Supongamos que tenemos un conjunto de cuatro individuos:  $a,\ b,\ c\ y\ d$ . De ellos solo dos van a ser elegidos para los puestos de  $presidente\ y$  vicepresidente en cierta junta directiva.

¿Cuantas maneras exciten para seleccionar estos dos cargos?

## Ejemplo

Supongamos que tenemos un conjunto de cuatro individuos:  $a,\ b,\ c\ y\ d$ . De ellos solo dos van a ser elegidos para los puestos de  $presidente\ y$  vicepresidente en cierta junta directiva.

¿Cuantas maneras exciten para seleccionar estos dos cargos?

$$P_{k,n} = \frac{n!}{(n-k)!}$$

$$P_{k,n} = \frac{n!}{(n-k)!} = \frac{4!}{(4-2)!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2!} = 4 \times 3 = 12$$



# Permutación. Ejemplo

## Ejemplo

Existen diez asistentes de profesor disponibles para calificar exámenes en un curso. El examen se compone de cuatro preguntas y el profesor desea seleccionar un asistente diferente para calificar cada pregunta (sólo un asistente por pregunta). ¿De cuántas maneras se pueden elegir los asistentes para calificar?

# Permutación. Ejemplo

## Ejemplo

Existen diez asistentes de profesor disponibles para calificar exámenes en un curso. El examen se compone de cuatro preguntas y el profesor desea seleccionar un asistente diferente para calificar cada pregunta (sólo un asistente por pregunta). ¿De cuántas maneras se pueden elegir los asistentes para calificar?

n = tamaño del grupo = 10k = tamaño del subconjunto = 4

$$P_{k,n} = \frac{n!}{(n-k)!} = \frac{10!}{(10-4)!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6!}{6!} =$$

# Permutación. Ejemplo

## Ejemplo

Existen diez asistentes de profesor disponibles para calificar exámenes en un curso. El examen se compone de cuatro preguntas y el profesor desea seleccionar un asistente diferente para calificar cada pregunta (sólo un asistente por pregunta). ¿De cuántas maneras se pueden elegir los asistentes para calificar?

n = tamaño del grupo = 10k = tamaño del subconjunto = 4

$$P_{k,n} = \frac{n!}{(n-k)!} = \frac{10!}{(10-4)!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6!}{6!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6!}{6!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6!}{6!} = 10 \times 9 \times 8 \times 7 = 5040$$

# Técnicas de conteo Combinación

#### Definición

Un subconjunto no ordenado se llama **combinación**. Una forma de denotar el número de combinaciones es  $C_{k,n}$ , pero en su lugar se utilizará una notación que es bastante común en libros de probabilidad:  $\binom{n}{k}$ , que se lee "de n se eligen k".

#### Definición

Un subconjunto no ordenado se llama **combinación**. Una forma de denotar el número de combinaciones es  $C_{k,n}$ , pero en su lugar se utilizará una notación que es bastante común en libros de probabilidad:  $\binom{n}{k}$ , que se lee "de n se eligen k".

Considérense ahora las combinaciones (es decir, subconjuntos ordenados). Tomando el ejemplo anterior, el de los cuatro individuos

Supóngase que dos de los cuatro individuos tienen que ser seleccionados para que asistan a una conferencia. El orden de selección no es importante; lo que importa es cuáles dos son seleccionados.

Considérense ahora las combinaciones (es decir, subconjuntos ordenados). Tomando el ejemplo anterior, el de los cuatro individuos

Supóngase que dos de los cuatro individuos tienen que ser seleccionados para que asistan a una conferencia. El orden de selección no es importante; lo que importa es cuáles dos son seleccionados. Nos percatamos que el orden de selección no es importante, da lo mismo seleccionar a ab que a ba.

ab, ac, ad, bc, bd, cd

#### Combinación

$$\binom{n}{k} = \frac{P_{k,n}}{k!} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

Del ejemplo anterior tenemos:

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!} = \frac{4!}{2!(4-2)!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3}{2!} = \frac{4 \times 3}{2!}$$

#### Combinación

$$\binom{n}{k} = \frac{P_{k,n}}{k!} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

Del ejemplo anterior tenemos:

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!} = \frac{4!}{2!(4-2)!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3}{2!} = \frac{4 \times 3}{2!}$$

ab, ac, ad, bc, bd, cd



# Conceptos de probabilidad

En numerosas ocasiones, tendremos que modelar una situación en la que se dispone de información adicional, **debiendo condicionarse a sucesos o circunstancias**. Supongamos que estamos interesados en un suceso A; hemos asignado P(A) y nos informan que ha ocurrido el suceso B y queremos saber cómo cambian mis creencias sobre A.

En numerosas ocasiones, tendremos que modelar una situación en la que se dispone de información adicional, **debiendo condicionarse a sucesos o circunstancias**. Supongamos que estamos interesados en un suceso A; hemos asignado P(A) y nos informan que ha ocurrido el suceso B y queremos saber cómo cambian mis creencias sobre A.

#### Probabilidad Condicionada

Para dos eventos cualesquiera A y B con P(B) > 0, la **probabilidad** condicional de A dado que B ha ocurrido está definida por:

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

## Probabilidad Condicionada. Ejemplo

Calcular la probabilidad de obtener un 6 al tirar un dado sabiendo que ha salido par.

## Probabilidad Condicionada. Ejemplo

Calcular la probabilidad de obtener un 6 al tirar un dado sabiendo que ha salido par.

$$P(A) = \frac{1}{6}$$

$$P(B) = \frac{3}{6}$$

$$P(A \cap B) = \frac{1}{6}$$

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{3}{6}} = \frac{1}{3}$$

¿Que sucede cuando los eventos son independientes entre si?

¿Que sucede cuando los eventos son independientes entre si?

#### Probabilidad Incondicionada

Dos sucesos, A y B, son independientes cuando la probabilidad de que suceda A no se ve afectada porque haya sucedido, o no, B.

Por ejemplo: Si lanzamos dos veces una moneda, el segundo resultado que obtengamos no estará influenciado por el primer resultado obtenido.

Como lo calculamos:

¿Que sucede cuando los eventos son independientes entre si?

#### Probabilidad Incondicionada

Dos sucesos, A y B, son independientes cuando la probabilidad de que suceda A no se ve afectada porque haya sucedido, o no, B.

Por ejemplo: Si lanzamos dos veces una moneda, el segundo resultado que obtengamos no estará influenciado por el primer resultado obtenido.

Como lo calculamos:

#### Probabilidad Incondicionada

$$P(A|B) = \frac{P(A)P(B)}{P(B)} = P(A)$$
$$P(A|B) = P(A)$$

- Distribuciones Discretas de Probabilidad
- Distribuciones Continuas de Probabilidad
- Distribuciones Muestrales\*

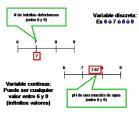
#### Recordando

El espacio muestral es el conjunto de resultados posibles del experimento aleatorio. Hay una gran variedad de experimentos aleatorios que nos pueden dar resultados tan diversos como: para lanzar una moneda sol; águila; para lanzar un dado 1, 2, 3, 4, 5, 6; para ver si una unidad cumple o no cumple especificaciones –pasa, no pasa; ver el pH de una muestra de agua todo el conjunto de valores entre 6 y 9 digamos; etc.

Esto quiere decir que de los experimentos aleatorios podemos obtener números, textos, valores booleanos (binarios), etc. En correspondencia tendremos variables aleatorias del mismo carácter.

#### Recordando

- Variable aleatoria discreta: Puede tomar una cantidad finita de valores o infinita pero numerable. Esto quiere decir que sus valores son un número finito de números reales distintos.
- Variable aleatoria continua: La cantidad de valores que puede adoptar es una cantidad infinita. Esto quiere decir que sus valores son un intervalo o una unión de intervalos sobre la recta de los números reales.



# Función de densidad de probabilidad

- En general, cada uno de los valores posibles de una variable aleatoria puede tener una probabilidad distinta a los demás. Al conjunto de valores posibles, y la relación entre ellos y sus respectivas probabilidades, se lo conoce como distribución de probabilidad.
- Las distribuciones de probabilidad pueden representarse a través de una tabla, una gráfica o una fórmula, en cuyo caso a tal regla de correspondencia se le denomina función de densidad de probabilidad.

## Propiedades

- Que no puede ser negativa en ningún punto
- La suma de las probabilidades de todos los valores posibles es igual a 1.

# Función de densidad de probabilidad

## Ejemplo

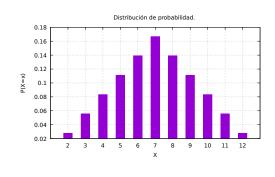
Consideremos a la variable aleatoria X como suma de los valores que se obtienen al lanzar un dado 2 veces. El espacio muestral es el conjunto 2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12.

i;j	1	2	3	5 6 7 8 9 10	5	6
1	2	3	4	5	6	7
2	3	4	5	6	7	8
3	4	5	6	7	8	9
4	5	6	7	8	9	10
5	6	7	8	9	10	11
6	7	8	9	10	11	12

# Función de densidad de probabilidad

Vea la tabla donde se expone la probabilidad asociada a cada valor y su histograma.

X	P(X=x)
2	0.027
3	0.055
4	0.083
5	0.111
6	0.138
7	0.166
8	0.138
9	0.111
10	0.083
11	0.055
12	0.027



# Distribuciones de probabilidad de variables discretas

Existen varias distribuciones discretas con aplicación práctica, pero por el alcance de este curso haremos énfasis en la distribución binomial, pues tiene aplicación posterior en el Control de Calidad.

- La distribución binomial
- •
- •

# Distribución binomial o experimento de Bernoulli

Existen muchos experimentos que se ajustan exacta o aproximadamente a la siguiente lista de requerimientos:

- ullet El experimento consta de una secuencia de n experimentos más pequeños llamados ensayos, donde n se fija antes del experimento.
- 2 Cada ensayo puede dar por resultado uno de los mismos dos resultados posibles, los cuales se denotan como éxito (E) y falla (F).
- O Los ensayos son independientes, de modo que el resultado en cualquier ensayo particular no influye en el resultado de cualquier otro ensayo.
- La probabilidad de éxito es constante de un ensayo a otro; esta probabilidad se denota por p.

En tal caso se tiene lo que se denomina un experimento binomial.



# Distribución binomial o experimento de Bernoulli

Existen muchos experimentos que se ajustan exacta o aproximadamente a la siguiente lista de requerimientos:

- ullet El experimento consta de una secuencia de n experimentos más pequeños llamados ensayos, donde n se fija antes del experimento.
- 2 Cada ensayo puede dar por resultado uno de los mismos dos resultados posibles, los cuales se denotan como éxito (E) y falla (F).
- O Los ensayos son independientes, de modo que el resultado en cualquier ensayo particular no influye en el resultado de cualquier otro ensayo.
- La probabilidad de éxito es constante de un ensayo a otro; esta probabilidad se denota por p.

En tal caso se tiene lo que se denomina un experimento binomial.



## title

## title

content...

## title

### title

content...

