

## Практическое задание 1 «Разреженная матрица»

Срок: до 01.03.2021

Срок после ревью: 08.03.2021

Напишите класс `SparseMatrix` для работы с разреженными матрицами. Известно, что большая часть элементов матрицы не меняют своего начального значения в процессе работы с ней (например, равны 0). Предполагается, что размерность массива известна и настолько велика, что хранить его целиком в памяти нецелесообразно. Достаточно хранить информацию об измененных элементах.

Размер матрицы ( $n, m$ ) задается при создании. Тип элемента матрицы -- вещественное число. В рамках данного задания опционально можно реализовать проверку выхода за границы и некорректных размерностей с использованием механизма исключений.

Класс должен поддерживать следующие операции:

- `double get(size_t, size_t)` -- получение значения по индексам (должна работать и для константных объектов)
- `void set(size_t, size_t, double)` -- изменение значения по индексам
- `size_t num_rows()` -- количество строк (должна работать и для константных объектов)
- `size_t num_columns()` -- количество столбцов (должна работать и для константных объектов)
- операции сравнения двух матриц (`==`, `!=`) (должны работать и для константных объектов)
- бинарная операция `+`, сложение разреженных матриц (должны работать и для константных объектов)
- бинарная операция `*`, умножение \* умножение матриц (`mult`) (должны работать и для константных объектов)
- операция индексации `[i]` (см. примеры) (должны работать и для константных объектов)
- операции для поддержки адресной арифметики (см. примеры) (должны работать и для константных объектов)

Объекты должны корректно копироваться, присваиваться. Класс сам управляет памятью под матрицу. В данном задании не разрешается пользоваться STL.

Примеры:

```
SparseMatrix m1(10, 20); // матрица 10 на 20
m1[4][2] = 42; // установить значение 42 для элемента в строке 4, столбце 2
*(*(m1 + 4) + 2) = 42; // аналогично
const SparseMatrix m2 = m1; // сохранение копии m1
double v1 = m2[4][2]; // получение значения элемента из 4й строки, 2 столбца
double v2 = *(*(m2 + 4) + 2); // аналогично
SparseMatrix sum = m1 + m2; // вычислить сумму двух матриц 10x20.
double v3 = m1.get(5, 5); // v3 == 0
bool bb = (m1 == m2); // сравнить две матрицы на поэлементное совпадение
```

## **Практическое задание 2 «Прикладные задачи на графах»**

**Срок: 29.03.2021**

**Срок после ревью: 05.04.2021**

В данном задании предлагается реализовать две прикладные задачи на графах из списка:

- поиск вершин с наибольшим количеством входящих и исходящих рёбер
- вычислить диаметр графа
- вычислить количество связных компонент графа
- поиск максимальной клики в графе
- поиск кластеров в графе методом распространения меток
- раскраска графа

Решения не должны зависеть от представления графа и должны использовать единый интерфейс представления графа `IterableSquareMatrix`. Интерфейс позволяет итерироваться по элементам квадратной матрицы. Интерфейс включает в себя следующие операции:

- `iterate_rows(size_t)` -- создаёт константный итератор для прохода по ненулевым элементам заданной строки
- `iterate_columns(size_t)` -- создаёт константный итератор для прохода по ненулевым элементам заданного столбца
- `size_t size()` -- размер матрицы

Граф можно представить в виде квадратной матрицы смежности. В зависимости от задачи и плотности графа (количества рёбер) предпочтительней использовать различные реализации матрицы (разреженную или плотную). В рамках задания необходимо реализовать два класса матриц, позволяющих итерироваться по ненулевым элементам: `IterableSparseMatrix` -- разреженная матрица, `IterableDenseMatrix` -- плотная матрица.

В рамках одной программы необходимо продемонстрировать использование обоих представлений графа (плотный и разреженный).