



به نام خدا

# تمرین دوم ساختمان داده‌ها و الگوریتم

داده ساختارهای پایه

استاد:

دکتر روستایی

استادیار:

عرشیا عموزاد

۱. متوسط تعداد مقایسه‌ها برای جستجوی دودویی موفق در آرایه‌ی  $[120, 101, 83, 54, 9, 7, 3, 2, 0, -6]$  چقدر است؟

۲. برای ضرب بهینه ماتریس‌های زیر، آن‌ها را پرانتزبندی کنید.

$$A_{10 \times 2} * B_{2 \times 25} * C_{25 \times 3} * D_{3 \times 4}$$

۳. عبارت میانوندی زیر را به پسوندی تبدیل کنید.  $A * (B - D) / E - F * (G + H / K)$

۴. سه پشته‌ی  $S_1, S_2, S_3$  هر یک حاوی دو عدد به شکل زیر موجود هستند.

2	4	6
1	3	5

دو عملگر  $pop(i)$  و  $poppush(i, j)$  بصورت زیر تعریف شده‌اند.  $poppush(i, j)$  یک قلم از پشته  $S_i$  حذف و به پشته  $S_j$  اضافه می‌کند.  $pop(i)$  یک قلم از پشته  $S_i$  حذف و سپس آن را چاپ می‌کند. برای چاپ اعداد ۱ تا ۶ به صورت ۱ و ۳ و ۵ و ۲ و ۴ و ۶ عملگر  $poppush$  بایستی حداقل چند بار مورد استفاده قرار گیرد؟

۵. تابع زیر چه کاری انجام می‌دهد؟ پیچیدگی زمانی آن را پیدا کنید. (ورودی تابع گره آغازین لیست پیوندی یکطرفه است)

```
1 def func(h):
2     if not h or not h.next:
3         return True
4
5     s = f = h
6     l = []
7
8     while f and f.next:
9         l.append(s.value)
10        s = s.next
11        f = f.next.next
12
13    if f:
14        s = s.next
15
16    while s:
17        if l.pop() != s.value:
18            return False
19        s = s.next
20
21    return True
```

۶. الگوریتمی ارائه دهید که بدون تغییر ساختار یک لیست پیوندی تشخیص دهد این لیست دور دارد یا خیر.

۷. فرض کنید صفی داریم که عملیات‌های زیر به ترتیب بر رویش انجام میشوند:

- enqueue(10)
- enqueue(20)
- enqueue(30)
- dequeue()
- enqueue(40)
- enqueue(50)
- dequeue()
- enqueue(60)
- dequeue()

۱. وضعیت نهایی صف و خروجی‌ها را به ترتیب پیدا کنید.

۲. اگر این صف، صفی چرخشی به طول ۵ بوده باشد، مقادیر اندیس‌های front و rear رو مشخص کنید.