

به نام خدا

پردازش تصویر

تمرین شماره ۳

فیلترگذاری مکانی

تاریخ تحویل: ۱۴۰۰/۲/۱۱

ارشین سلطان بایزیدی

۹۷۳۳۰۳۷

استاد درس: دکتر حامد آذرنوش

نیمسال بهار ۹۹-۰۰

Date _____

سؤال ۱ :

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 10 & 10 & 0 \\ 0 & 10 & 20 & 20 & 10 \\ 0 & 10 & 20 & 20 & 10 \\ 0 & 0 & 10 & 10 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Reflect-padding :

$$A_D = \begin{bmatrix} 10 & 0 & 10 & 20 & 20 & 10 & 20 \\ 0 & 0 & 0 & 10 & 10 & 0 & 10 \\ 10 & 0 & 10 & 20 & 20 & 10 & 20 \\ 0 & 0 & 10 & 20 & 20 & 10 & 20 \\ 0 & 0 & 0 & 10 & 10 & 0 & 10 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 10 & 10 & 0 & 10 \end{bmatrix}$$

برای هر یک از مقادیر A_{D} میانگین گیری:

$$M = \frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

(mask)

$$A_1 = \begin{bmatrix} 10 & 0 & 10 \\ 0 & 0 & 0 \\ 10 & 0 & 10 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} \frac{1}{9} & \frac{1}{9} & \frac{1}{9} \\ \frac{1}{9} & \frac{1}{9} & \frac{1}{9} \\ \frac{1}{9} & \frac{1}{9} & \frac{1}{9} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{10}{9} & 0 & \frac{10}{9} \\ 0 & 0 & 0 \\ \frac{10}{9} & 0 & \frac{10}{9} \end{bmatrix} \rightarrow A_1 = \sum a_i = \frac{40}{9}$$

Subject: _____
Date: _____

$$A_2 = \begin{bmatrix} 0 & 10 & 20 \\ 0 & 0 & 10 \\ 0 & 10 & 20 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} \text{Mask} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 10/9 & 20/9 \\ 0 & 0 & 10/9 \\ 0 & 10/9 & 20/9 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A_2 = \frac{70}{9}$$

$$A_{25} = \begin{bmatrix} 10 & 0 & 10 \\ 0 & 0 & 0 \\ 10 & 0 & 10 \end{bmatrix} * \text{Mask} = \begin{bmatrix} 10/9 & 0 & 10/9 \\ 0 & 0 & 0 \\ 10/9 & 0 & 10/9 \end{bmatrix}$$

$$A_{25} = \frac{40}{9}$$

$$A_{\text{Final}} = \begin{bmatrix} \frac{40}{9} & \frac{70}{9} & \frac{120}{9} & \frac{120}{9} & \frac{120}{9} \\ \frac{60}{9} & \frac{90}{9} & \frac{120}{9} & \frac{120}{9} & \frac{120}{9} \\ \frac{60}{9} & \frac{90}{9} & \frac{120}{9} & \frac{120}{9} & \frac{120}{9} \\ \frac{40}{9} & \frac{60}{9} & \frac{70}{9} & \frac{70}{9} & \frac{70}{9} \\ 0 & \frac{20}{9} & \frac{50}{9} & \frac{40}{9} & \frac{40}{9} \end{bmatrix}$$

برای تبدیل تصویر از فیلتر laplacian استفاده می‌شود:

$$L = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A_1 = \begin{bmatrix} 10 & 0 & 10 \\ 0 & 0 & 0 \\ 10 & 0 & 10 \end{bmatrix} * L = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow A_1 = 0$$

$$A_2 = \begin{bmatrix} 0 & 10 & 20 \\ 0 & 0 & 10 \\ 0 & 10 & 20 \end{bmatrix} * L = \begin{bmatrix} 0 & 10 & 0 \\ 0 & 0 & 10 \\ 0 & 10 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow A_2 = 30$$

$$A_{25} = A_1 = 0$$

$$\Rightarrow A_{\text{Final}} = \begin{bmatrix} 0 & 30 & 10 & 10 & 40 \\ 40 & -10 & -20 & -20 & 10 \\ -60 & 10 & -20 & -20 & 10 \\ 20 & 20 & -10 & -10 & 30 \\ 0 & 10 & 20 & 20 & 0 \end{bmatrix}$$

سؤال ۲

الف) تابع خواسته شده را تعریف می کنیم. برای اعمال فیلتر `averaging`، کرنلی می سازیم که همه ی درایه های آن ۱ باشد و کل آن در $\frac{1}{9}$ ضرب شده باشد. این کرنل مخصوص میانگین گیری تصاویر است و برای نرم کردن تصویر به کار می رود. با دستور `cv.copyMakeBorder` حاشیه ی تصویر را بازتاب می کنیم. اکنون باید دستوری بنویسیم که کرنل را در تصویرمان کانوالو کند؛ به این صورت که به ترتیب مانند ماسک روی تصویر گذاشته شود و درایه های آن بخش از تصویر در درایه های کرنل ضرب شده و همه ی حاصل ضرب ها جمع شوند. سپس این حاصل جمع مقدار یک پیکسل تصویر جدید ما می شود. برای ایجاد تصویر جدید، آرایه ی خالی ای از نوع `float` درست می کنیم و با استفاده از حلقه ای که از چهار `for` تشکیل شده و حد دو `for` اول از `n` در تصویر (که `n` متوسط اندازه ی کرنل است) تا فاصله ی بین حاشیه ی تصویر و `n` انتخاب می کنیم تا هنگامی که ماسک را روی تصویر قرار می دهیم، اولین مقدار دقیقاً وسط ماسک باشد و تعداد همسایگی های آن کمتر نباشد (مثلاً اگر کرنل ما ۳ در ۳ است باید در همسایگی درایه ی مرکزی ۸ پیکسل داشته باشیم پس تصویر ما از `[1,1]` شروع می شود. دو `for` دوم نیز در حد `-n` تا `n` است). اکنون رابطه ای می نویسیم که با جمع شدن متغیرهای حلقه در هر پیکسل از تصویر، درایه ها مطابق با آنچه گفته شد کانوالو شوند و در تصویر خروجی ذخیره شوند.

برای فیلتر `minimum` نیز ۴ `for` می نویسیم. لیستی به اندازه ی اندازه ی کرنل به توان ۲ می سازیم و شمارشگر `C` را قرار می دهیم تا با تکرار شدن هر دو حلقه ی `for` دوم، یکی به آن اضافه شود. سپس لیست خالی را در هر دور که به اندازه ی ماتریس کرنل از تصویرمان یک دسته پیکسل می گیرد، با مقادیر تصویر پر می کنیم (به کمک شمارشگر اعضای لیست یکی یکی پر می شود) و با دستور `scaled` از کوچک به بزرگ مرتب می کنیم. در حالی که همان دو حلقه ی دوم تکرار می شود، کمترین مقدار لیست را انتخاب کرده و در آرایه ی خالی جدید قرار می دهیم تا پیکسل های تصویر جدید ایجاد شوند.

برای فیلتر `median` نیز به همین ترتیب عمل می کنیم با این تفاوت که مقدار میانی لیست را انتخاب می کنیم.

برای فیلترهای `sobel_y` و `laplacian` ما کرنل های آماده داریم که آن ها را با استفاده از دو حلقه ی `for` بر تصویر کانوالو می کنیم.

Y – Direction Kernel

-1	-2	-1
0	0	0
1	2	1

Sobel_y filter

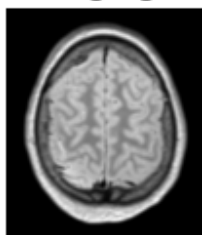
0	1	0
1	-4	1
0	1	0

Laplacian filter

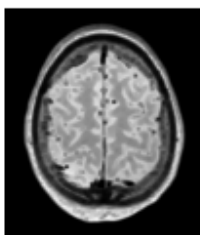
ب) این فیلتر به صورتی است که انگار به صورت اریب لبه‌های تصویر را آشکارسازی می‌کند. مثلاً اگر تصویر را دارای ۴ ربع در نظر بگیریم، ربع‌های دوم و چهارم لبه‌های مشخص‌تر و روشن‌تری دارند. نام آن را **diagonal filter** گذاشته‌ام.

ج) تصویر را با مقادیر خواسته‌شده در تابع قرار داده و خروجی‌ها را در یک پنجره نمایش می‌دهیم. مقدار $vmin, vmax$ را طبق خواسته‌ی سؤال برای همه‌ی تصاویر جز فیلترهای **sobel_y**، **laplacian** و **diagonal** آزاد می‌گذاریم (برای این سه اگر مقادیر را قرار ندهیم، تصویر خاکستری و ناواضح می‌شود).

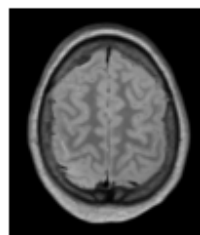
Averaging (3)



Minimum (3)



Median (3)



Laplacian



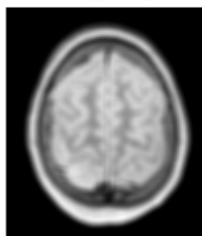
Sobel_y



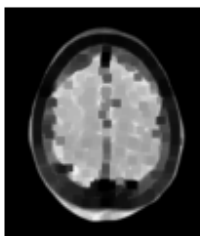
"Diagonal" filter



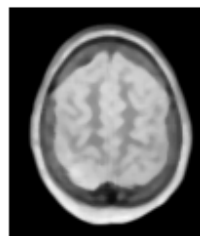
Averaging (7)



Minimum (7)



Median (7)



سؤال ۳

الف) در ابتدا، با دستور `cv.copyMakeBorder` لبه‌های تصویر را بازتاب می‌کنیم تا هنگام اعمال فیلتر حاشیه‌ی تصویرمان دچار مشکل نشود. فیلترهای میانه‌گیری (median) و میانگین‌گیری (averaging) را با دستورهای آماده کتابخانه‌ی OpenCV و با ایجاد کرنل‌های مناسب که در زیر آورده شده است، روی تصویرمان اعمال می‌کنیم.

$$\frac{1}{9} \times$$

1	1	1
1	1	1
1	1	1

Averaging filter

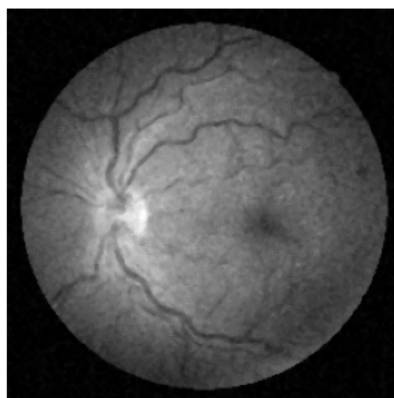
1	1	1
1	-8	1
1	1	1

Laplacian filter

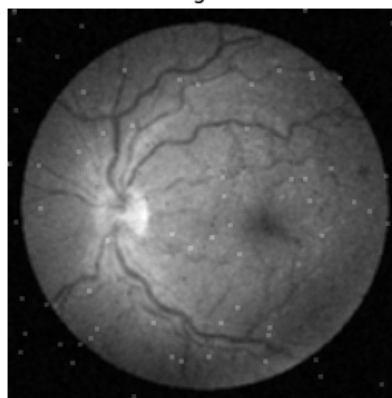
تصویر اولیه:



Median filter



Average filter



خروجی:

با اعمال هردو فیلتر، تصویر کمی نرم شده است (این فیلترها برای نرم کردن تصاویر به کار برده می‌شوند). فیلتر averaging مقدار نویزهای سفیدی را که روی کل تصویر است کمرنگ‌تر کرده و روشنایی دایره‌ی وسط را بیشتر کرده است. فیلتر median نیز روشنایی تصویر را بالا برده اما نویز را در حدی کم کرده که تقریباً هیچ نقطه‌ی سفیدی در تصویر دیده نمی‌شود.

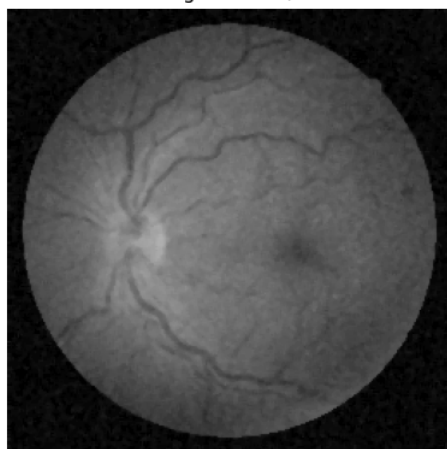
ب) تابع موردنظر را با توجه به رابطه‌ی تبدیل توانی یا تبدیل گاما، نوشته و خروجی را طبق خواسته‌ی سؤال، uint8 می‌کنیم.

$$s = cr^\gamma, c = (L-1)^{1-\gamma}$$

ج) بینایی انسان در شرایط روشنایی معمولی، از یک تابع توانی تقریبی پیروی می‌کند که حساسیت بیشتری به تفاوت‌های نسبی میان رنگ‌های تیره در مقایسه با رنگ‌های روشن دارد. در حالت کلی، نقش تبدیل گاما این است که با استفاده از این ویژگی بینایی انسان که رفتاری غیرخطی دارد، استفاده از بیت‌ها را در تصویر بهینه‌سازی کند. در صورتی که تصاویر با تبدیل گاما تنظیم نشوند، بیت‌های بیش از حدی به قسمت‌هایی از تصویر اختصاص داده می‌شود که چشم انسان قادر به ایجاد تمایز بین آن‌ها نیست و بیت‌های کم‌تری به قسمت‌هایی اختصاص داده می‌شود که چشم انسان حساسیت بیشتری به آن شدت از روشنایی دارد.

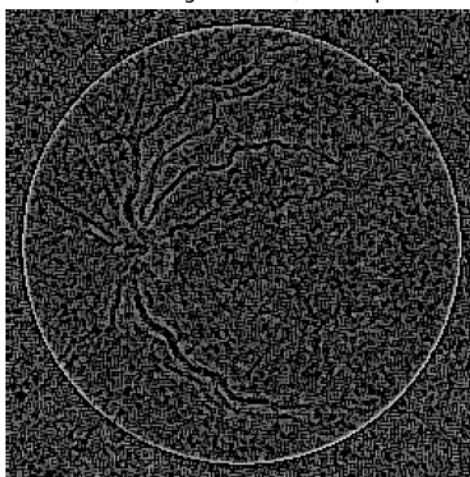
با دادن گامای کوچک‌تر از ۱، تصویر روشن‌تر و با گامای بزرگ‌تر از ۱، تصویر تیره‌تر می‌شود. در اینجا ما گامای کمتر از ۱ را وارد می‌کنیم و می‌بینیم که تصویر میانه‌گیری‌شده‌ی ما کمی محوتر و نرم‌تر شده و کنتراست آن کاهش یافته است. نواحی‌ای که در تصویر میانه‌گیری‌شده روشنایی بیشتری دارند، متعادل‌تر شده و برعکس.

Gamma transformation with gamma=2/3 on median filtered image



د) با اعمال فیلتر لاپلاسین بر تصویر و دادن گامای $1/3$ ، تصویر ما به همراه نویزها روشنایی بیشتری پیدا می کند و کل تصویر حالتی تیز و نویزی می یابد. بخش هایی از کره ی چشم مانند رگ ها که نسبت به اطراف شان تیره تر هستند و همچنین محیط دایره، کمتر تغییر یافته اند (به خاطر اعمال فیلتر لاپلاسین و آشکار شدن لبه های داخل تصویر) ولی بخش بیرون از دایره که فقط سیاه با مقداری نویز بود، کاملاً نویزی شده است.

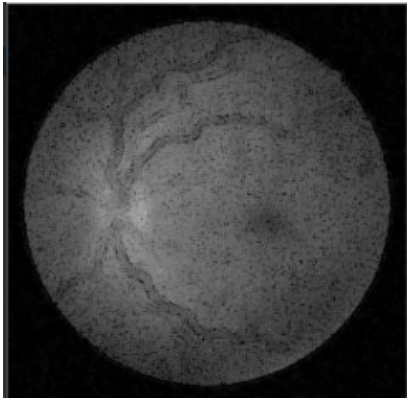
Gamma transformation with gamma=1/3 on laplacian filtered image



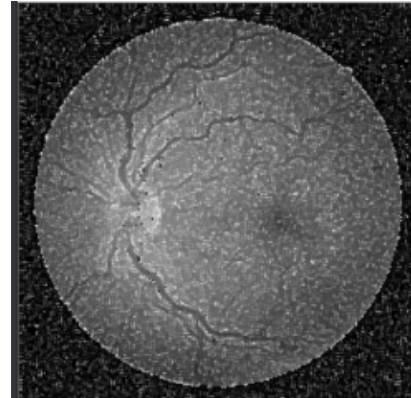
ه) اکنون با دستورات مناسب در کتابخانه ی **OpenCV** ویدیویی را با ۲۰ فریم بر ثانیه و هم اندازه ی تصویر اصلی می سازیم. سپس دنباله ی موردنظر را ساخته و عکس ها را به نوع **float** تبدیل می کنیم. در یک حلقه ی **for** به تعداد اعضای دنباله ی حسابی، رابطه ی موردنظر را نوشته و مقادیر خارج از شدت های ۰ و ۲۵۵ را صفر می کنیم. سپس ویدیو را تبدیل به **uint8** کرده و آن را ذخیره و پخش می کنیم.

با تغییر دادن مقادیر دنباله، درمی یابیم که دنباله در اعداد منفی، ویدیویی به ما می دهد که روشنایی کمتر دارد و تمایز بین دایره و پس زمینه ی تیره ی آن بیشتر و تصویر نرم تر است. در مقادیر مثبت، تصویر روشنایی و نویز بیشتری دارد و بسیار تیزتر است و تقریباً مانند تصویر بخش قبل می شود؛ چون ماتریس **mask** ما که برای فیلتر لاپلاسین است، در عدد مثبت تری ضرب می شود. هرچه این اعداد بزرگ تر باشند، طول ویدیو بیشتر است و هرچه گام های دنباله کوچک تر باشد، ویدیو با سرعت کمتری تغییر می کند.

در دنباله‌ی موردنظر سؤال، همانطور که دنباله به سمت مثبت شدن می‌رود، تصویر تیزتر و نویزی‌تر می‌شود:



قبل از اینکه دنباله به صفر برسد



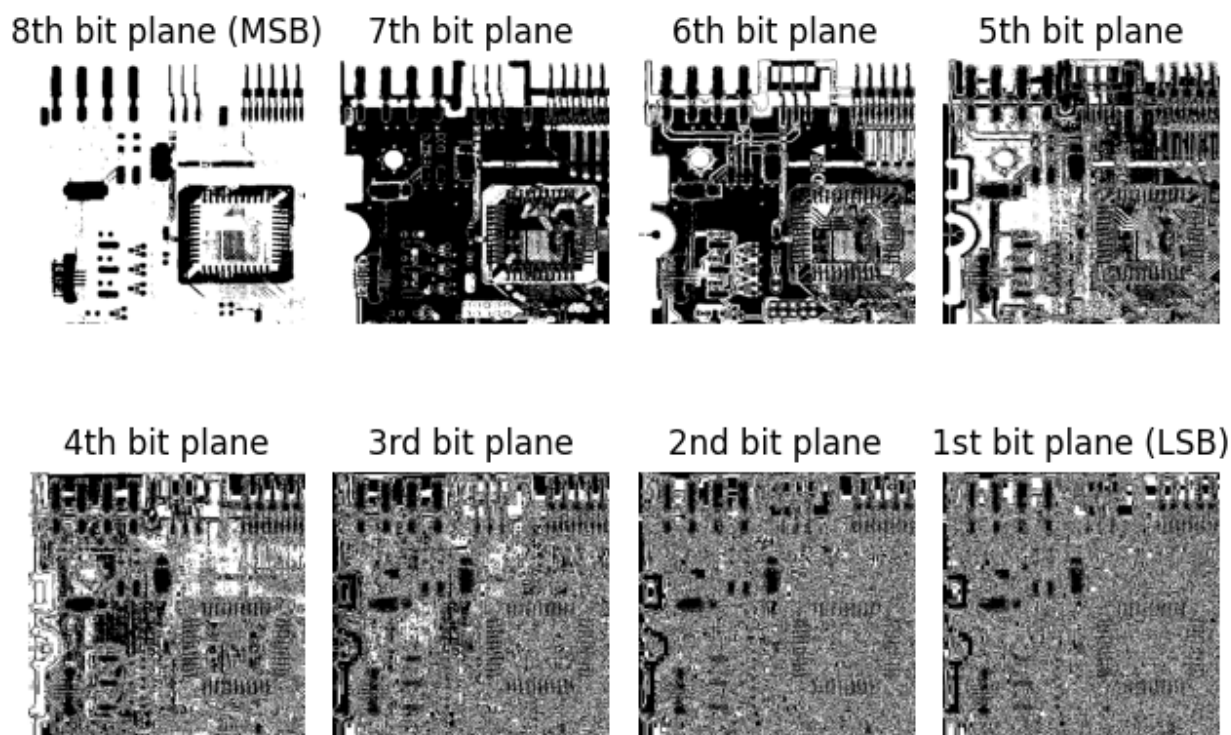
پس از اینکه دنباله به مقادیر مثبت رسید

اگر از همان مقادیر ۸ بیتی بی‌علامت (uint8) در محاسبات استفاده می‌کردیم، بیشتر تصویر ما سفید می‌شد و شدت‌های تصویر به هم می‌ریخت و عملیات به درستی روی تصویر انجام نمی‌شد.

سؤال ۴

الف) برای نوشتن تابع `bit plane slicing`، باید هر پیکسل تصویر را به مبنای ۲ تبدیل کنیم، سپس برای بریدن (`slicing`) صفحه‌ی موردنظر، بیت جایگاه n از عددهای مبنای ۲ هر پیکسل را جدا کرده و در آرایه‌ای جدید قرار دهیم. یعنی اگر صفحه‌ی اول را می‌خواهیم، باید بیت اول (`LSB`) هر پیکسل را برداریم و در پیکسل متناظر آرایه‌ی جدید قرار دهیم؛ و به همین ترتیب تا صفحه‌ی هشتم.

در تابعی که نوشته‌ایم، به این ترتیب عمل می‌کنیم که یک لیست خالی درست کرده و با دستور `np.binary_repr` در یک حلقه‌ی تودرتو، یکی یکی پیکسل‌های تصویر را خوانده و تبدیل به مبنای ۲ می‌کنیم و مقدار باینری هر پیکسل را به صورت استرینگ در لیست ذخیره می‌کنیم، طول آن را هم ۸ [بیت] در نظر می‌گیریم. اکنون یک لیست داریم که اعضای آن استرینگ‌هایی به تعداد پیکسل‌های تصویر و هر استرینگ یک عدد ۸ بیتی است. حال خروجی را تعریف می‌کنیم. در خروجی با توجه به عدد n ، $8-n$ امین بیت هر عدد باینری (استرینگ) را در یک آرایه‌ی جدید می‌ریزیم ($8-n$ به این دلیل است که بیت هشتم ما، عضو اول استرینگ است) و آن را به `uint8` تبدیل کرده و در آخر با دستور `reshape` اندازه‌ی آرایه را مساوی با تصویر می‌کنیم. اکنون ما یک تصویر داریم که صفحه‌ی n ام تصویر باینری ما است.



ج) سه تصویر را می‌خوانیم و دوتا دوتا با یکدیگر مقایسه می‌کنیم. برای ساختن آشکارساز حرکت، طبق گفته‌ی سؤال باید صفحات متناظر هر تصویر باهم XOR شده و در ضربی ضرب شوند و سپس جمع شوند. در این بخش از ما خواسته شده که صفحات ۵، ۶، ۷ و ۸ را مقایسه کنیم.

در رابطه‌ی زیر که برای ساختن آشکارساز از طریق XOR کردن استفاده می‌شود، C برابر با حاصل XOR دو تصویر و k صفحه‌ی موردنظرمان است و Y خروجی. طبق این رابطه، ضربی که حاصل XOR در آن ضرب می‌شود، ۲ به توان صفحه‌ای است که داریم با آن دو تصویر را مقایسه می‌کنیم.

$$\sum_{k=4}^7 2^k * c_k = Y,$$

پس حلقه‌ای می‌نویسیم که صفحات ۵ تا ۸ دو تصویر را با هم مقایسه کند، در ضرب ضرب کند و در یک آرایه‌ی خالی جدید با اندازه‌ی تصویرهای مان بریزد. آرایه‌های Compare1 و compare2 تصاویر حاصل ما هستند که به ترتیب حاصل مقایسه‌ی تصاویر اول و دوم، و دوم و سوم هستند.

A and B comparison



B and C comparison

