Форма и порядок проведения вступительного испытания:

Экзамен проводится в форме письменного ответа на задания (задачи) экзаменационного билета.

Кандидатам в ходе испытания разрешается пользоваться калькуляторами (при их наличии у кандидатов), за исключением калькуляторов сотовых телефонов и других устройств.

Дополнительные материалы (справочники, пособия и т.д.) на испытании не используются.

В структуре экзаменационной работы выделены две части («В» и «С»), которые различаются по содержанию, степени сложности и числу заданий.

Часть «В» содержит 11 заданий (В1 — В11) обязательного уровня по материалу курса «Алгебра и начала анализа» 10-11 классов и некоторым разделам геометрии основной и средней школы. При выполнении этих заданий надо записать верный ответ.

Часть «С» содержит одно более сложное задание. При его выполнении надо записать обоснованное решение и ответ.

Работа оценивается путем суммирования баллов, полученных за выполнение всех заданий частей «В» и «С»:

- за правильно выполненные задания B2, B5, B10 выставляется по 6 баллов;
- за правильно выполненные задания B1, B7, B11 выставляется по 7 баллов;
  - за правильно выполненное задание В6 выставляется 8 баллов;
  - за правильно выполненные задания В3, В8 выставляется по 9 баллов;
  - за правильно выполненные задания В4, В9 выставляется по 10 баллов;
- за правильно выполненное задание «С» выставляется 15 баллов. При оценке данного задания снимаются баллы за допущенные ошибки и недочеты:
  - 5 баллов снимается, если в задании допущена грубая ошибка;

- 3 балла снимается, если в задании допущена негрубая ошибка;
- 1 балл снимается, если в задании допущен недочет.

К грубым ошибкам относятся: ошибки в используемых формулах, определениях и теоремах, знание которых предусмотрено программой; ошибки в проводимых геометрических построениях; ошибки в понимании условий задач; использование неравносильных преобразований уравнений и неравенств без дополнительных исследований.

К негрубым ошибкам относятся: арифметические ошибки и описки, не изменившие условий задачи и не оказавшие существенного влияния на ход ее решения.

К недочетам относятся: небрежное оформление работы, отсутствие необходимых пояснений к проводимым аналитическим выкладкам и используемым формулам и фактам.

Требования, предъявляемые к оформлению письменной экзаменационной работы:

- задания «В» и «С» должны быть решены любым из известных кандидату способов;
- правильный ответ задачи «С» сам по себе не заменяет ее решения. Кандидат должен записать решение задачи «С», сопровождая его необходимыми объяснениями и нужными вычислениями. Без наличия решения задача считается нерешенной.

Полученные баллы суммируются.

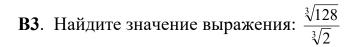
# Экзаменационный билет по математике

# ЧАСТЬ 1

<b>B1.</b>	Путь	OT	горо,	да	до	аэропо	рта	автобу	c 1	проехал	за 1	ا 2,1	ч, а	лег	ковой
авто	мобилн	<b>3</b> a	0,8	ч.	Ск	орость	лег	кового	авт	гомобиля	на	30	KM/t	я бо	льше
скорости автобуса. С какой скоростью ехал автобус?															

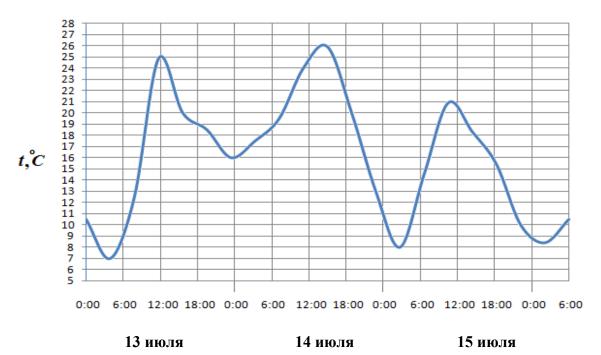
Ответ:	

В2. Сократите дробь:	$\frac{10 \cdot \left(\dot{r}^2 - \hat{a}^2\right)}{\left(\dot{r} + \hat{a}\right) \cdot 5}$
Ответ:	



Ответ: \_\_\_\_\_

**В4.** На рисунке показано изменение температуры воздуха на протяжении трех суток. По горизонтали указывается дата и время суток, по вертикали — значение температуры в градусах Цельсия. Определите по рисунку разность между наибольшей и наименьшей температурой воздуха 15 июля. Ответ дайте в градусах Цельсия.



Ответ:

**В5.** Найдите площадь квадрата со стороной, равной  $\sqrt{3}-1$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

**В6.** Решите неравенство:  $(x - 2) \cdot (x - 4) > 0$ 

Ответ: \_\_\_\_\_

<b>В7.</b> Какая из прямых $y = -5x$ , $y = -3x + 4$ или $y = -\frac{3}{5}x - 7$ проходит через
начало координат?
Ответ:
<b>B8.</b> Вычислите координаты точек пересечения графика функции $y = 4x - 16x^2$ с осью 0 $\ddot{o}$ .
Ответ:
<b>В9.</b> Даны точки $\acute{R}(-2;-9)$ , $\acute{A}(-3;-5)$ , $\acute{N}(-2;-4)$ . Вычислите длину вектора
$2\acute{R}\overrightarrow{A}-\acute{R}\overrightarrow{N}.$
Ответ:
<b>В10.</b> Упростите тригонометрическое выражение $4\sin^2 \alpha + 6 + 4\cos^2 \alpha$ .
Ответ:
<b>В11.</b> Решите уравнение $\sin \ddot{o} - 1 = 0$ .
Ответ:
<b>В12</b> . Найдите корень уравнения $loq_5(8-x) = 2$ .
Ответ:

 $8 \cdot 2^{2\tilde{o}-1} - 28 \cdot 2^{\tilde{o}-3} = 0,5$ 

С3. Упростите выражение

С2. Решите уравнение

$$1 - \frac{\sin 2t \cos t}{2 \sin t}.$$

С4. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции

**C5.** Тело движется по прямой так, что расстояние изменяется по закону  $S(t) = 2t^3 - 12t^2 + 7(t - время движения в секундах). Через сколько секунд после начала движения ускорение тела будет равно <math>36\text{m/c}$ ?

#### ПРОГРАММА ПО МАТЕМАТИКЕ

На экзамене по математике абитуриент должен показать:

- а) четкое знание математических определений и теорем, предусмотренных программой;
- б) умение четко и сжато выражать математическую мысль, использовать соответствующую символику;
- в) уверенное владение математическими знаниями и навыками, предусмотренными программой, умение применять их при решении задач.

Программа состоит из трех разделов.

В первом разделе перечислены основные математические понятия, которыми должен владеть поступающий на письменном экзамене.

Второй раздел представляет собой перечень вопросов теоретической части. При подготовке к письменному экзамену целесообразно познакомиться с формулировками утверждений из этого раздела.

В третьем разделе перечислены основные математические умения и навыки, которыми должен владеть абитуриент.

#### І. ОСНОВНЫЕ МАТЕМАТИЧЕСКИЕ ПОНЯТИЯ

Арифметика, алгебра и начала анализа

Натуральные числа (N). Простые и составные числа. Делитель, кратное. Общий наибольший делитель. Общее наименьшее кратное.

Признаки делимости на 2, 3, 5, 10.

Целые числа (Z). Рациональные числа (Q), их сложение, вычитание, умножение и деление. Сравнение рациональных чисел.

Действительные числа (R), их представление в виде десятичных дробей.

Изображение чисел на прямой. Модуль действительного числа, его геометрический смысл.

Числовые выражения. Выражения с переменными. Формулы сокращенного умножения.

Степень с натуральным и рациональным показателями. Арифметический корень.

Логарифмы и их свойства.

Одночлен и многочлен.

Многочлен с одной переменной. Корень многочлена на примере квадратного трехчлена.

Понятие функции. Способы задания функции. Область определения, множество значений функции.

График функции. Возрастание и убывание функции; периодичность, четность, нечетность функции.

Достаточное условие возрастания (убывания) функции на промежутке. Понятие экстремума функции. Необходимое условие экстремума функции (теорема Ферма). Достаточное условие экстремума функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Определение и основные свойства линейной функции, квадратичной функции  $y = ax^2 + bx + c$ , степенных функций  $y = ax^n$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ , показательной функции  $y = a^n$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ , логарифмической функции, тригонометрических функций  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$ , y = tgx, y = ctgx, обратных тригонометрических функций  $y = \arcsin x$ ,  $y = \arccos x$ , y = arctgx, y = arctgx, арифметического корня  $y = \sqrt[n]{x}$ ,  $n \in \mathbb{N}$ .

Уравнение. Корни уравнения. Понятие о равносильных уравнениях.

Неравенства. Решения неравенства. Понятие о равносильных неравенствах.

Системы уравнений и неравенств. Решения системы.

Арифметическая и геометрическая прогрессия. Формула n-го члена и суммы первых n арифметической прогрессии. Формула n-го члена и суммы первых n геометрической прогрессии.

Синус и косинус суммы и разности двух аргументов (формулы).

Преобразование в произведения сумм  $\sin \alpha \pm \sin \beta$ ,  $\cos \alpha \pm \cos \beta$ .

Определение производной. Ее физический и геометрический смысл.

Производные функций:  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$ , y = tgx,  $y = ax^n$ ,  $n \in \mathbb{N}$ ,  $y = a^x$ , a > 0,  $y = \ln x$ .

## Геометрия

Прямая, луч, отрезок, ломаная, длина отрезка. Угол, величина угла. Вертикальные и смежные углы. Окружность, круг. Параллельные прямые.

Примеры преобразования фигур, виды симметрии, преобразование подобия и его свойства.

Векторы. Операции над векторами. Коллинеарные векторы.

Многоугольник. Его вершины, стороны, диагонали.

Треугольник. Его медиана, биссектриса, высота. Виды треугольников. Соотношения между сторонами и углами треугольников.

Четырехугольники: параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат, трапеция.

Окружность и круг. Центр, хорда, диаметр, радиус. Касательная к окружности. Дуга окружности, сектор.

Центральные и вписанные углы.

Формулы площади: треугольника, прямоугольника, параллелограмма ромба, квадрата, трапеции.

Длина окружности и длина дуги окружности. Радианная мера угла. Площадь круга и площадь сектора.

Подобие. Подобные фигуры. Отношение площадей подобных фигур.

Плоскость. Параллельные и пересекающиеся плоскости.

Угол прямой с плоскостью. Перпендикуляр к плоскости.

Двугранные углы. Линейный угол двугранного угла. Перпендикулярность двух плоскостей.

Многогранники. Их вершины, ребра, грани, диагонали. Прямая и наклонная призмы, пирамида. Правильная призма и правильная пирамида. Параллелепипеды, их виды.

Фигуры вращения: цилиндр, конус, сфера, шар. Центр, диаметр, радиус сферы и шара. Плоскость, касательная к сфере.

Формула объема параллелепипеда.

Формула площади поверхности и объема призмы.

Формула площади поверхности и объема пирамиды.

Формула площади поверхности и объема цилиндра.

Формула площади поверхности и объема конуса.

Формула объема шара.

Формула площади сферы.

### ІІ ОСНОВНЫЕ ФОРМУЛЫ И ТЕОРЕМЫ

Алгебра и начала анализа

Свойства функции y = ax + b и ее график.

Свойства функции  $y = \frac{k}{x}$  и ее график.

Свойства функции  $y = ax^2 + \epsilon x + c$  и ее график.

Формула корней квадратного уравнения.

Разложение квадратного трехчлена на линейные множители.

Свойства числовых неравенств.

Логарифм произведения, степени, частного.

Определение и свойства функций  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$ , и их графики.

Определение и свойства функций y = tgx, y = ctgx, и их графики.

Решение уравнений вида  $\sin x = a$ ,  $\cos x = a$ , tgx = a, ctgx = a.

Формулы приведения.

Зависимость между тригонометрическими функциями одного и того же аргумента.

Тригонометрические функции двойного аргумента.

Производная суммы двух функций.

# Геометрия

Признаки равенства треугольников.

Свойства равнобедренного треугольника.

Свойства точек, равноудаленных от концов отрезка.

Признаки параллельности прямых.

Сумма углов треугольника. Теорема о внешнем угле треугольника. Сумма внутренних углов выпуклого многоугольника.

Признаки параллелограмма и его свойства.

Окружность, описанная около треугольника.

Окружность, вписанная в треугольник.

Касательная к окружности и ее свойство.

Измерение угла, вписанного в окружность.

Признаки подобия треугольников.

Теорема Пифагора.

Формулы площадей параллелограмма, треугольника, трапеции.

Формула расстояния между двумя точками плоскости.

Уравнение окружности.

Признак параллельности прямой и плоскости.

Признак параллельности плоскостей.

Признак перпендикулярности прямой и плоскости.

Теорема о трех перпендикулярах.

Признак перпендикулярности двух плоскости.

## ІІІ ОСНОВНЫЕ УМЕНИЯ И НАВЫКИ

Абитуриент должен уметь:

- производить арифметические действия над числами, заданными в виде десятичных и обыкновенных дробей, с требуемой точностью округлять данные числа и результаты вычислений;
- проводить тождественные преобразования многочленов, дробей,
  содержащих переменные; выражений, содержащих степенные,
  показательные, логарифмические и тригонометрические функции;
- строить графики линейной, квадратичной, степенной показательной,
  логарифмической, тригонометрической функций;
- решать уравнения и неравенства первой и второй степени, уравнения и неравенства, приводящиеся к ним, в том числе и содержащие параметры; решать системы уравнений и неравенств первой и второй степени и приводящиеся к ним. Сюда в частности, относятся простейшие неравенства и уравнения, содержащие степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции;
  - решать задачи на составление уравнений и систем уравнений;
- изображать геометрические фигуры на чертеже и производить простейшие построения на плоскости;
- использовать геометрические представления при решении алгебраических задач, а методы алгебры и тригонометрии при решении геометрических задач;
- производить операции над векторами (сложение и вычитание векторов,
  умножение вектора на число) и пользоваться свойствами этих операций;
- пользоваться понятием производной при исследовании функций на возрастание (убывание), на экстремумы и при построении графиков функций.