МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

КУРСОВАЯ РАБОТАпо дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»

Тема: АВЛ-деревья

Студент гр. 9303	 Махаличев Н.А
Преподаватель	 Филатов Ар.Ю

Санкт-Петербург 2020

ЗАДАНИЕ НА КУРСОВУЮ РАБОТУ

Студент Махаличев Никита	
Группа 9303	
Тема работы: АВЛ-деревья	
Исходные данные:	
Язык программирования С++, разработка программ	ы под Linux.
Содержание пояснительной записки:	
«Содержание», «Введение», «Основные теоретичес	кие положения»,
«Описание классов программы», «Описание интерф	рейса пользователя»,
«Тестирование и демонстрация», «Заключение», «С	писок использованных
источников»	
Предполагаемый объем пояснительной записки:	
Не менее 19 страниц.	
Дата выдачи задания: 06.11.2020	
Дата сдачи реферата: 25.12.2020	
Дата защиты реферата: 25.12.2000	
Студент	Махаличев Н.А,
Преподаватель	Филатов Ар.Ю.

АННОТАЦИЯ

В данной курсовой работе была разработана программа, строящая АВЛ-дерево и выполняющая функции вставки и удаления элементов в полученное дерево. В программе происходит пошаговая демонстрация шагов во время выполнения операций.

SUMMARY

In this course work, a program was developed that builds an AVL-tree and performs the functions of inserting and removing elements into the resulting tree. The program shows a step-by-step demonstration of steps during operations.

СОДЕРЖАНИЕ

	Введение	5
1.	Основные теоретические положения	6
1.1.	АВЛ-дерево	6
1.2.	Балансировка АВЛ-дерева	6
1.3.	Вставка элемента в АВЛ-дерево	8
1.4.	Удаление элемента из АВЛ-дерева	8
2.	Описание классов программы	9
3.	Описание интерфейса пользователя	11
4.	Тестирование и демонстрация	12
4.1.	Построение АВЛ-дерева	12
4.2.	Вставка элемента	13
4.3.	Удаление элемента	15
	Заключение	18
	Список использованных источников	19
	Приложение А. Исходный код программы	20

ВВЕДЕНИЕ

Целью работы является построение АВЛ-дерева из исходного набора элементов (ключей) с реализацией возможности вставки и удаления элемента в текущее АВЛ-дерево, а также демонстрация происходящих с АВЛ-деревом процессов (вывод в терминал и в файл).

Для достижения поставленной цели необходимо выполнить следующее:

- 1. Изучить понятие и структуру АВЛ-дерева;
- 2. Программно реализовать АВЛ-дерево;
- 3. Реализовать возможность вставки и удаления элементов;
- 4. Добавить вывод комментариев при выполнении программы.

1. ОСНОВНЫЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

1.1. АВЛ-дерево

АВЛ-деревья – сбалансированные по высоте бинарные деревья поиска, имеющее следующее определение:

$$\mathrm{T}-\mathrm{AB}\mathrm{JI}$$
-дерево $\Leftrightarrow egin{cases} T\colon |h(T_L)-h(T_R)| \leq 1 \ T_L \ \mathrm{if} \ T_R - \mathrm{AB}\mathrm{JI} - \mathrm{деревь} \end{cases},$

где T_L и T_R – левое и правое поддерево соответственно, h(T) – высота дерева.

Ключ любого узла АВЛ-дерева больше любого ключа в левом поддереве и меньше любого ключа в правом поддереве, а основной его особенностью является то, что оно является сбалансированным: для любого узла дерева высота его правого поддерева отличается от высоты левого поддерева не более чем на единицу.

1.2. Балансировка АВЛ-дерева

При построении дерева используется балансировка — операция, которая в случае разницы высот левого и правого поддеревьев равна двум, изменяет связи предок-потомок в поддереве данной вершины так, что разница становится ≤ 1.

Балансировка осуществляется с помощью четырёх видов поворотов:

1) Малое левое вращение используется, когда (h(b) - h(L)) = 2 и $h(c) \le h(R)$. Результат малого левого вращения представлен на рис. 1.

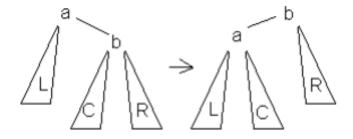


Рисунок 1 – Пример малого левого вращения

2) Большое левое вращение используется, когда (h(b) - h(L)) = 2 и h(c) > h(R). Результат малого левого вращения представлен на рис. 2.

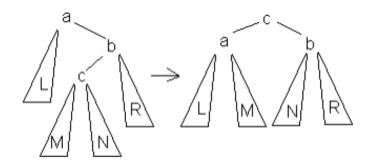


Рисунок 2 – Пример большого левого вращения

3) Малое правое вращение используется, когда (h(b) - h(R)) = 2 и $h(c) \le h(L)$. Результат малого левого вращения представлен на рис. 3.

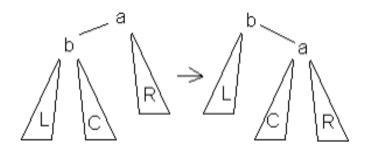


Рисунок 3 – Пример малого правого вращения

4) Большое правое вращение используется, когда (h(b) - h(R)) = 2 и h(c) > h(L). Результат малого левого вращения представлен на рис. 4.

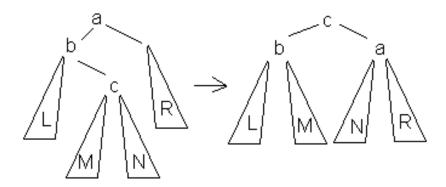


Рисунок 4 – Пример большого правого вращения

1.3. Вставка элемента в АВЛ-дерево

При добавлении элемента в дерево выполняется следующий алгоритм:

- 1. Спускаемся от корня дерева к листьям по правилу если элемент меньше ключа текущего дерева, то переходим в левое поддерево, если больше в правое;
- 2. Если элемент уже находится в дереве, то элемент не добавляется в дерево, а увеличивается счетчик для данного ключа;
- 3. Если при спуске по дереву дошли до его конца создаем лист дерева с ключом, равным данному элементу;
- 4. Производим балансировку полученного дерева.

1.4. Удаление элемента из АВЛ-дерева

При удалении элемента из дерева выполняется следующий алгоритм:

- 1. Если существует несколько узлов с данным ключом, уменьшаем счетчик на единицу;
- 2. Если узел только один, и он является листом удаляем лист;
- 3. Если узел с данным ключом только один и он не является листом ищем ближайший по значению ключ АВЛ-дерева, удалим узел из АВЛ-дерева, заменив его ближайшим по значению ключом;
- 4. Выполняем балансировку.

2. ОПИСАНИЕ КЛАССОВ ПРОГРАММЫ

В программе реализованы классы Node и AVLTree.

Класс Node создает экземпляр узла и содержит следующие поля:

- T key ключ данного узла;
- int height высота АВЛ-дерева;
- Node *left указатель на левое поддерево;
- Node *right указатель на правое поддерево.

Класс AVLTree является классом с определёнными в нём методами для работы с АВЛ-деревом. Данный класс содержит следующие поля:

- Node<T> *root указатель на корень АВЛ-дерева;
- ofstream output файл вывода;
- bool file_output_ логическая переменная, указывающая, нужен ли вывод в файл или нет;
- map<T, int> counter счётчик конкретных ключей АВЛ-дерева.
 В классе AVLTree определены следующие методы для работы с АВЛ-деревом:
- AVLTree() конструктор класса AVLTree. Присваивает полю root значение NULL;
- int Height(Node<T> *tree) возвращает высоту дерева tree;
- int BalanceFactor(Node<T> *tree) возвращает баланс фактор дерева tree;
- void ReadTree() метод производит изначальное считывание элементов ABЛ-дерева из терминала и вставляет их в текущее дерево;
- void UpdateHeight(Node<T> *tree) метод выполняет перерасчёт высоты дерева tree;
- void Find(Node<T> *tree, T elem) метод показывает, сколько узлов с ключом elem находятся в АВЛ-дереве tree;
- void Display(Node<T> *tree, int depth) рекурсивный вывод текущего АВЛдерева;

- void CombinedOutput(const char *message) метод выполняет двойной вывод строки в терминал и в файл (при необходимости);
- Node<T>*Balance(Node<T>*tree) метод выполняет балансировку дерева tree;
- Node<T> *RotateLeft(Node<T> *tree) малое левое вращение;
- Node<T> *RotateRight(Node<T> *tree) малое правое вращение;
- Node<T> *MakeNode(Node<T> *tree, T elem) метод создает узел дерева с ключом, равным elem
- Node<T> *FindMinimal(Node<T> *tree) находит узел с минимальным ключом в дереве;
- Node<T> *RemoveMinimal(Node<T> *tree) убирает наименьший элемент из дерева;
- Node<T> *Remove(Node<T> *tree, T elem) выполняет удаление элемента из дерева tree.

Исходный код программы см. в приложении А.

3. ОПИСАНИЕ ИНТЕРФЕЙСА ПОЛЬЗОВАТЕЛЯ

При запуске программа спрашивает у пользователя, нужен ли вывод данных в файл или нет. При вводе «у» все данные, выводящиеся в терминал, будут также выведены в файл output.txt. Пользователь задает начальные ключи АВЛ-дерева через пробел, затем выбирает одну из двух операций: 1 – вставка элемента, 2 – удаление элемента. После выбора операции программа запрашивает ввод элемента, с которым необходимо произвести выбранную операцию. После её выполнения, программа узнает у пользователя, вывести ли ему текущее дерево или нет («у» - вывести), и спрашивает, продолжать ли выполнение операций («у», если продолжить).

Выполнение программы выполняется до тех пор, пока пользователь на последнем шаге не введет значение, отличное от «у».

4. ТЕСТИРОВАНИЕ И ДЕМОНСТРАЦИЯ

Все тестирования представлены и изначально заданными ключами 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8.

4.1. Построение АВЛ-дерева

Построение АВЛ-дерева представлено на рис. 5.

```
..::Current AVL-Tree::..
4 (1)
 2 (1)
  . 1 (1)
      (empty)
      (empty)
    3 (1)
      (empty)
      (empty)
   5 (1)
      (empty)
      (empty)
   7 (1)
      (empty)
    . 8 (1)
      . (empty)
      . (empty)
```

Рисунок 5 – Построение АВЛ-дерева

4.2. Вставка элемента

Вставка элемента в АВЛ-дерево представлена на рис. 6-7.

```
..::Inserting -5::..
Comparing -5 with node 4
- Going to the left tree
Comparing -5 with node 2
- Going to the left tree
Comparing -5 with node 1
- Going to the left tree
Putting element into AVL-Tree
Checking the AVL-Tree with node 1 to balancing
- New height is 4
- Balance factor is -1
Checking the AVL-Tree with node 2 to balancing
- New height is 4
- Balance factor is -1
Checking the AVL-Tree with node 4 to balancing
- New height is 4
- Balance factor is 0
    Do you want to see current tree?
Enter 'y' if yes
Your choice - y
      ..::Current AVL-Tree::..
4 (1)
2 (1)
 . 1 (1)
   . -5 (1)
 . . . (empty)
 . . . (empty)
 . . (empty)
 . 3 (1)
 . . (empty)
  . . (empty)
 6 (1)
  . 5 (1)
   . (empty)
   . (empty)
   7 (1)
   . (empty)
   . 8 (1)
   . . (empty)
   . . (empty)
```

Рисунок 6 — Вставка элемента не содержащегося в АВЛ-дереве (элемент равен -5)

```
..::Inserting 1::..
Comparing 1 with node 4
- Going to the left tree
Comparing 1 with node 2
- Going to the left tree
Comparing 1 with node 1
- This element is already contained in the AVL-Tree
   Increasing the quantity
Checking the AVL-Tree with node 1 to balancing
- New height is 4
- Balance factor is 0
Checking the AVL-Tree with node 2 to balancing
- New height is 4
 - Balance factor is 0
Checking the AVL-Tree with node 4 to balancing
- New height is 4
- Balance factor is 1
    ...........
Do you want to see current tree?
Enter 'y' if yes
Your choice - y
       ..::Current AVL-Tree::..
4 (1)
 2 (1)
 . 1 (2)
 . . (empty)
 . . (empty)
  . 3 (1)
 . . (empty)
  . . (empty)
 6 (1)
  . 5 (1)
  . . (empty)
  . . (empty)
  . 7 (1)
   . (empty)
   . 8 (1)
  . . . (empty)
    . . (empty)
```

Рисунок 7 — Вставка элемента содержащегося В АВЛ-дереве (элемент равен 1)

4.3. Удаление элемента

Удаление элемента из АВЛ-дерево представлена на рис. 8-10.

```
..::Removing element::..
Comparing 4 with current node 4
Key was removed from AVL-Tree
 - Finding minimal key in right tree
- Minimal key, finded in right tree - 5
- Removing minimal key in right tree
 - New height is 0

    Balance factor is 2
    Rotating left next part of tree:

  (1)
  (empty)
  7 (1)
. (empty)
   . 8 (1)
  . . (empty)
 - Part of tree after left rotating:
  (1)
6 (1)
     (empty)
    (empty)
(1)
     (empty)
     (empty)
 - Placing minimal key in current tree
Checking the AVL-Tree with node 5 to balancing
 - New height is 0
 - Balance factor is 0
Do you want to see current tree?
Enter 'y' if yes
Your choice - y
         ..::Current AVL-Tree::..
5 (1)
  2 (1)
. 1 (1)
  . . (empty)
  . . (empty)
. 3 (1)
. . (empty)
  . . (empty)
7 (1)
. 6 (1)
     . (empty)
       (empty)
    8 (1)
. (empty)
       (empty)
```

Рисунок 8 — Удаление элемента содержащегося в АВЛ-дереве один раз (элемент равен 4)

```
..::Removing element::..
Comparing 0 with current node 4
Going to look in left tree
Comparing 0 with current node 2
Going to look in left tree
Comparing 0 with current node 1
Going to look in left tree
Current AVL-Tree are not containing this key
Checking the AVL-Tree with node 1 to balancing
- New height is 4
 - Balance factor is 0
Checking the AVL-Tree with node 2 to balancing
- New height is 4
 - Balance factor is 0
Checking the AVL-Tree with node 4 to balancing
- New height is 4
 - Balance factor is 1
    Do you want to see current tree?
Enter 'y' if yes
Your choice - y
       ..::Current AVL-Tree::..
4 (1)
 2 (1)
 . 1 (1)
  . . (empty)
  . . (empty)
  . 3 (1)
  . . (empty)
 . . (empty)
6 (1)
. 5 (1)
  . . (empty)
   . (empty)
  . 7 (1)
  . . (empty)
   . 8 (1)
   . . (empty)
    . . (empty)
```

Рисунок 9 – Удаление элемента не содержащегося в АВЛ-дереве (элемент равен 0)

```
..::Removing element::..
Comparing 1 with current node 4
Going to look in left tree
Comparing 1 with current node 2
Going to look in left tree
Comparing 1 with current node 1
One copy of this key was removed from AVL-Tree
Checking the AVL-Tree with node 1 to balancing
- New height is 4
- Balance factor is 0
Checking the AVL-Tree with node 2 to balancing
- New height is 4
- Balance factor is 0
Checking the AVL-Tree with node 4 to balancing
- New height is 4
- Balance factor is 1
    Do you want to see current tree?
Enter 'y' if yes
Your choice - y
       ..::Current AVL-Tree::..
4 (1)
 2 (1)
 . 1 (2)
  . . (empty)
  . . (empty)
  . 3 (1)
   . (empty)
      (empty)
  6 (1)
  . 5 (1)
    . (empty)
   . (empty)
   . (empty)
    . 8 (1)
    . . (empty)
     . (empty)
```

Рисунок 10 – Удаление элемента содержащегося в АВЛ-дереве три раза (элемент равен 1)

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В процессе выполнения курсовой работы было изучено понятие АВЛ-дерева, его особенности.

Была разработана программа, строящая АВЛ-дерево из потока данных, а также выполняющая операцию вставки и удаления ключа из текущего АВЛ-дерева. Программа также комментирует и демонстрирует процессы, происходящие с АВЛ-деревом.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. ABЛ-дерево Википедия: https://ru.wikipedia.org/wiki/ABЛ-дерево
- 2. ABЛ-дерево Xабр: https://habr.com/ru/post/150732/
- 3. C++ reference: https://en.cppreference.com/w/

ПРИЛОЖЕНИЕ А ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Файл main.cpp

```
#include <map>
#include <string>
#include <sstream>
#include <fstream>
#include <iostream>
#include <stdlib.h>
#include <algorithm>
#define TYPE int
using namespace std;
template<typename T>
class Node{
public:
    Node (T elem);
    T key;
    int height;
    Node *left;
    Node *right;
};
template<typename T>
Node<T>::Node(T elem) {
    this->key = elem;
    this->height = 1;
    this->left = nullptr;
    this->right = nullptr;
}
template<typename T>
class AVLTree{
public:
    Node<T> *root;
    ofstream output;
    bool file_output_;
    map<T, int> counter;
    AVLTree();
    int Height(Node<T> *tree);
    int BalanceFactor(Node<T> *tree);
    void ReadTree();
    void UpdateHeight(Node<T> *tree);
    void Find(Node<T> *tree, T elem);
    void Display(Node<T> *tree, int depth);
```

```
void CombinedOutput(const char *message);
   Node<T> *Balance(Node<T> *tree);
   Node<T> *RotateLeft(Node<T> *tree);
   Node<T> *RotateRight(Node<T> *tree);
   Node<T> *MakeNode(Node<T> *tree, T elem);
   Node<T> *FindMinimal(Node<T> *tree);
   Node<T> *RemoveMinimal(Node<T> *tree);
   Node<T> *Remove(Node<T> *tree, T elem);
};
template<typename T>
AVLTree<T>::AVLTree() {
   root = NULL;
}
template<typename T>
void AVLTree<T>::ReadTree() {
   CombinedOutput(" .::Reading the starting tree::.. \n");
   TYPE elem = 0;
   string str;
   CombinedOutput("Please, enter tree elements: ");
   getline(cin, str);
   if (file output ) {
       output << str << "\n";</pre>
     istringstream stream(str);
   while (stream >> elem) {
       cout << "\n
                         ..::Inserting " << elem << "::..
                                                              \n";
       if (file output ) {
           output << "\n ...:Inserting " << elem << "::..</pre>
                                                               \n";
       root = MakeNode(root, elem);
       CombinedOutput("\n
                          ..::Current AVL-Tree::..
                                                          \n");
       Display(root, 0);
       }
}
template<typename T>
Node<T> *AVLTree<T>::MakeNode(Node<T> *tree, T elem) {
     if (tree == NULL) {
       cout << "Putting element into AVL-Tree" << "\n";</pre>
       counter[elem] = 1;
       return new Node<T>(elem);
       cout << "Comparing " << elem << " with node " << tree->key << "\n";</pre>
       if (file output ){
           output << "Comparing " << elem << " with node " << tree->key
<< "\n";
```

```
if (elem < tree->key) {
            CombinedOutput(" - Going to the left tree\n");
           tree->left = MakeNode(tree->left, elem);
     } else if (elem > tree->key) {
            CombinedOutput(" - Going to the right tree\n");
           tree->right = MakeNode(tree->right, elem);
     } else {
            CombinedOutput(" - This element is already contained in the
AVL-Tree\n");
            CombinedOutput(" Increasing the quantity\n");
            counter.at(elem)++;
        }
    }
    cout << "Checking the AVL-Tree with node " << tree->key << " to
balancing\n";
    if (file output ) {
        output << "Checking the AVL-Tree with node " << tree->key << " to
balancing\n";
    return Balance(tree);
}
template<typename T>
int AVLTree<T>::Height(Node<T> *tree) {
    if (tree != NULL) {
        return tree->height;
    return 0;
}
template<typename T>
void AVLTree<T>::UpdateHeight(Node<T> *tree) {
     tree->height = max(Height(tree->left), Height(tree->right))+1;
}
template<typename T>
int AVLTree<T>::BalanceFactor(Node<T> *tree) {
    return Height(tree->right) - Height(tree->left);
}
template<typename T>
Node<T> *AVLTree<T>::RotateLeft(Node<T> *tree) {
    CombinedOutput(" - Rotating left next part of tree:\n");
    Display(tree, 0);
    Node<T> *newtree = tree->right;
    tree->right = newtree->left;
    newtree->left = tree;
    UpdateHeight(tree);
    UpdateHeight(newtree);
```

```
CombinedOutput("\n - Part of tree after left rotating:\n");
    Display(newtree, 0);
    CombinedOutput("\n");
    return newtree;
}
template<typename T>
Node<T> *AVLTree<T>::RotateRight(Node<T> *tree) {
    CombinedOutput(" - Rotating right next part of tree:\n");
    Display(tree, 0);
    Node<T> *newtree = tree->left;
    tree->left = newtree->right;
    newtree->right = tree;
    UpdateHeight(tree);
    UpdateHeight(newtree);
    CombinedOutput("\n - Part of tree after right rotating:\n");
    Display(newtree, 0);
    CombinedOutput("\n");
    return newtree;
}
template<typename T>
Node<T> *AVLTree<T>::Balance(Node<T> *tree) {
    UpdateHeight(tree);
    cout << " - New height is " << root->height << "\n";</pre>
    if (file_output_) {
        output << " - New height is " << root->height << "\n";
    }
    int balance factor = BalanceFactor(tree);
    cout << " - Balance factor is " << balance factor << "\n";</pre>
    if (file output ){
        output << " - Balance factor is " << balance factor << "\n";
    }
     if (balance factor == -2) {
           if (BalanceFactor(tree->left) > 0)
                 tree->left = RotateLeft(tree->left);
           return RotateRight(tree);
     }
     if (balance factor == 2) {
           if (BalanceFactor(tree->right) < 0)</pre>
                tree->right = RotateRight(tree->right);
           return RotateLeft(tree);
     return tree;
}
template<typename T>
void AVLTree<T>::Display(Node<T> *tree, int depth) {
    for (int i = 0; i < depth; i++) {
        CombinedOutput(". ");
```

```
}
    if (tree == NULL) {
        CombinedOutput("(empty)\n");
    if (tree != NULL) {
        cout << tree->key << " (" << counter[tree->key] << ") \n";</pre>
        if (file output ) {
            output << tree->key << " (" << counter[tree->key] << ") \n";</pre>
        Display(tree->left, depth + 1);
        Display(tree->right, depth + 1);
    }
}
template<typename T>
void AVLTree<T>::Find(Node<T> *tree, T elem) {
    if (counter[elem]) {
        cout << " - This element is contained " << counter[elem] << "</pre>
time(s)\n";
        if (file output ) {
            output << " - This element is contained " << counter[elem] <<</pre>
" time(s)\n";
    } else {
        cout << " - There is no element " << elem << "\n";</pre>
        if (file_output_) {
            output << " - There is no element " << elem << "\n";</pre>
        }
    }
    cout << "\n
                        ..::Inserting " << elem << "::.. \n";
    if (file output ) {
        output << "\n
                              ..::Inserting " << elem << "::..
                                                                        \n";
    }
    root = MakeNode(root, elem);
}
template<typename T>
Node<T> *AVLTree<T>::FindMinimal(Node<T> *tree) {
    while (tree->left != NULL) {
        tree = tree->left;
    return tree;
}
template<typename T>
Node<T> *AVLTree<T>::RemoveMinimal(Node<T> *tree) {
    if(tree->left == NULL) {
        return tree->right;
    tree->left = RemoveMinimal(tree->left);
```

```
return Balance(tree);
}
template<typename T>
Node<T>* AVLTree<T>::Remove(Node<T> *tree, T elem) {
    if(tree == NULL) {
        CombinedOutput("Current AVL-Tree are not containing this key\n");
        return NULL;
    cout << "Comparing " << elem << " with current node " << tree->key <<</pre>
"\n";
    if (file output ) {
        output << "Comparing " << elem << " with current node " << tree-
>key << "\n";
     if(elem < tree->key) {
        CombinedOutput("Going to look in left tree\n");
           tree->left = Remove(tree->left, elem);
    } else if (elem > tree->key) {
        CombinedOutput("Going to look in right tree\n");
           tree->right = Remove(tree->right, elem);
    } else {
        if (!(--counter[tree->key])){
            Node<T>* left = tree->left;
          Node<T>* right = tree->right;
           delete tree;
            CombinedOutput("Key was removed from AVL-Tree\n");
           if(right == NULL) {
                return left;
            CombinedOutput(" - Finding minimal key in right tree\n");
          Node<T>* min = FindMinimal(right);
            cout << " - Minimal key, finded in right tree - " << min->key
<< "\n";
            if (file output ) {
                output << " - Minimal key, finded in right tree - " <<
min->key << "\n";
            CombinedOutput(" - Removing minimal key in right tree\n");
          min->right = RemoveMinimal(right);
            CombinedOutput(" - Placing minimal key in current tree\n");
          min->left = left;
            cout << "Checking the AVL-Tree with node " << min->key << " to
balancing\n";
            if (file output ){
                output << "Checking the AVL-Tree with node " << min->key
<< " to balancing\n";
          return Balance (min);
        } else {
```

```
CombinedOutput("One copy of this key was removed from AVL-
Tree\n");
        }
     }
    cout << "Checking the AVL-Tree with node " << tree->key << " to
balancing\n";
    if (file output ) {
        output << "Checking the AVL-Tree with node " << tree->key << " to
balancing\n";
    }
    return Balance(tree);
}
template<typename T>
void AVLTree<T>::CombinedOutput(const char *message) {
    cout << message;</pre>
    if (file output ) {
        output << message;</pre>
    }
}
int main(){
    system("clear");
    AVLTree<TYPE> tree;
    TYPE elem = 0;
    cout << "Do you need output to a file?\n";</pre>
    cout << "Enter \'y\' if yes\n";</pre>
    cout << "Your choice - ";</pre>
    string choice, working;
    cin >> choice;
    cin.ignore();
    switch(choice[0]){
        case 'y':
            tree.file output = true;
            tree.output.open("output.txt");
            break;
        default:
            tree.file output = false;
            break;
    system("clear");
    if (tree.output.is_open() || (!tree.file_output_)){
        tree.ReadTree();
        do{
            tree.CombinedOutput("\nWhat's next?\n");
            tree.CombinedOutput("Find and insert element - 1, remove
element - 2\n");
            tree.CombinedOutput("Your choice - ");
            choice = "";
            cin >> choice;
```

```
cin.ignore();
          if (tree.file output ){
              tree.output << choice[0] << "\n";</pre>
          tree.CombinedOutput("Enter the element you want to operate -
");
          cin >> elem;
          if (tree.file output ){
              tree.output << elem << "\n";</pre>
          }
          switch(choice[0]){
              case '1':
                 tree.CombinedOutput("\n
                                                 ..::Finding and
inserting::.. \n");
                 tree.Find(tree.root, elem);
                 \n'');
                 break;
              case '2':
                 tree.CombinedOutput("\n ...:Removing element::..
\n'');
                 tree.root = tree.Remove(tree.root, elem);
                 \n");
                 break;
              default:
                 tree.CombinedOutput("Wrong operation\n");
                 break;
          }
          cout << "\nDo you want to see current tree?\n";</pre>
          cout << "Enter \'y\' if yes\n";</pre>
          cout << "Your choice - ";</pre>
          choice = "";
          cin >> choice;
          cin.iqnore();
          if (choice[0] == 'v'){
              tree.CombinedOutput("\n .:::Current AVL-Tree::..
\n'');
              tree.Display(tree.root, 0);
              \n");
          cout << "\nDo you want to continue?\n";</pre>
          cout << "Enter \'y\' if yes\n";</pre>
          cout << "Your choice - ";</pre>
          working = "";
          cin >> working;
          cin.ignore();
       } while(working[0] == 'y');
       tree.CombinedOutput("\n
                                  ..::Final Result::..
                                                           \n");
```