## Foglio di esercizi 10

## 23 maggio 2022

**Esercizio 1** In  $\mathbb{R}^3$  sono assegnate le rette:

$$r: \begin{cases} x - y = 0 \\ 2x - y - z = 0 \end{cases} \quad s: \begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 + t \\ z = 1 + t \end{cases}$$

- scrivere le rette r e s in tutte le forme note (cartesiana, parametica, vettoriale);
- stabilire se sono complanari o sghembe;
- se complanari, determinare il piano che contiene entrambe (anche in questo caso, scriverlo in tutte le forme note).

Esercizio 2 In  $\mathbb{R}^3$  discutere la posizione reciproca delle seguenti rette al variare di a:

$$t: \begin{cases} x_1 + x_2 = 0 \\ x_1 - x_3 = 0 \end{cases} r_a: \begin{cases} x_1 - x_2 + ax_3 = a \\ ax_2 - x_3 = a + 1 \end{cases}$$

**Esercizio 3** In  $\mathbb{R}^3$  sono dati i punti:

$$P_1 = (2, 1, 0)$$
  $P_2 = (4, 1, 1)$   $P_3 = (0, 0, 1)$ 

- determinare la retta per  $P_1$  e  $P_2$ ;
- determinare la retta parallela alla precedente e passante per  $P_3$ ;
- determinare il piano  $\pi$  passante per  $P_1$ ,  $P_2$  e  $P_3$ ;
- determinare la retta ortogonale a  $\pi$  e passante per  $P_2$ .

**Esercizio 4** In  $\mathbb{R}^3$  sono assegnate le rette:

$$r_1 = (1, 0, 1) + \langle (1, 2, -1) \rangle$$
  
 $r_2 = (2, 1, 3) + \langle (5, 3, 2) \rangle$ 

- dire se  $r_1$  e  $r_2$  sono sghembe;
- trovare un piano  $\pi$  parallelo a  $r_1$  e  $r_2$  e passante per il punto M=(2,-1,4);
- determinare l'intersezione tra il piano  $\pi$  e la retta  $r_1$ .