

## Formulario BIO-DINAMICA

Tempo caratteristico di diffusione  $\tau_D = \frac{L^2}{D}$

Tempo caratteristico di convezione  $\tau_C = \frac{L}{v}$

Viscosità cinematica  $\nu = \frac{\mu}{\rho}$

Numero di Reynolds  $Re = \frac{\text{forze inerziali}}{\text{forze viscosi}} = \frac{\rho L v}{\mu}$

Numero di Peclet  $Pe = \frac{\text{massa trasportata per convezione}}{\text{massa trasportata per diffusione}} = \frac{\tau_D}{\tau_C} = \frac{L v}{D}$

Numero di Schmidt  $Sc = \frac{\nu}{D_{ij}}$   $\nu$ : viscosità

Numero di Sherwood  $Sh = \frac{k_{loc} L}{D_{ij}}$

Numero di Damkohler  $Da = \frac{k''}{k_f}$

Calcolare la pressione in una colonna di fluido  $\frac{dP}{dy} = -\rho g$   $p = p_0 - \rho g y$

Shear stress (fluidi newtoniani)  $\tau_{yx} = \mu \dot{\gamma}_x = \mu \frac{dv_x}{dy}$

Viscosità apparente  $\eta_{app} = m |\dot{\gamma}_x|^{n-1}$  con  $n < 1$  se pseudoplastico e  $n > 1$  se dilatante

Flusso indotto da un piatto slittante

$$\tau_{yx} = \mu \frac{v}{h} \quad v_x = V \frac{y}{h} \quad \langle v \rangle = \frac{V}{2}$$

Flusso indotto da una differenza di pressione tra ingresso e uscita (attraverso canale rettangolare)

$$Q = \frac{2 v_{max} w h}{3} \quad v_{max} = \frac{\Delta p h^2}{8 \mu L} \quad \langle v \rangle = \frac{2}{3} v_{max} \quad \tau_{yx} = -\frac{\Delta p}{L} y$$

Flusso indotto da una differenza di pressione tra ingresso e uscita (attraverso canale cilindrico)

$$\tau_{rz} = -\frac{\Delta p r}{2L} \quad v_x = \frac{\Delta p R^2}{4 \mu L} \left( 1 - \frac{r^2}{R^2} \right) \quad v_{max} = \frac{\Delta p R^2}{4 \mu L} \quad \langle v \rangle = \frac{1}{2} v_{max}$$

Equazione di Poiseuille  $Q = \langle v \rangle \pi r^2 = \frac{\Delta p \pi R^4}{8 \mu L}$

Ddp per il flusso laminare in un cilindro (fluido newtoniano)  $\Delta p = \frac{32 \mu \langle v \rangle L}{D^2}$

Strohal number  $St = \frac{L}{T \langle v_x \rangle}$

Froude number  $Fr = \frac{\langle v_x \rangle^2}{gL}$

Flusso in termini di massa  $n_i = \rho_i v_i$

Diffusivo  $j_i = \rho_i (v_i - v) = \rho_i v_d$

Flusso in termini di moli  $N_i = C_i v_i$

Diffusivo  $J_i = C_i (v_i - v) = C_i v_d$

Soluzioni diluite  $N_i = J_i + C_i v_{solvente}$

Legge di Fick (a T costante)  $J_{ix} = -D_{ij} \frac{dC_i}{dx}$

**Diffusione attraverso membrana**

$$J_{i_x} = \frac{D_{i,eff}\Phi}{L} (C_0 - C_L)$$

$$\text{Permeabilità} = \frac{D_{i,eff}\Phi}{L}$$

**Diffusione radiale in un cilindro**

$$N_i = - \frac{D_{ij}\Phi(C_{ext}-C_{in})}{r \ln\left(\frac{R_{ext}}{R_{in}}\right)}$$

**Diffusione radiale in una sfera**

$$\text{velocità di rilascio} = N_{i_r|r=R} 4\pi R^2 = 4\pi D_{ij}\Phi C_0 R$$

**Coefficiente medio di scambio di materia**

$$k_m = - \frac{1}{s(C_{S_i}-C_\infty)} \int_S D_{ij} \left( \frac{\partial C_i}{\partial y} \right) \Big|_{y=0} dS$$

$$\text{Portata media: } \langle N \rangle \cdot S = \langle k_m \rangle \Delta C_i$$

**Il coefficiente di scambio di materia permette di calcolare il flusso uscente dal sistema quando ho un trasporto convettivo-diffusivo**  $N = k_m \Delta C_i$

**Velocità di reazione**

$$\text{Portata volumetrica} \quad R_i = \frac{1}{V} \frac{dN_i}{dt} = \frac{dC_i}{dt}$$

$$\text{Superficie} \quad R_i^S = \frac{1}{S} \frac{dN_i}{dt}$$

**Equazione di Michaelis Menten**

$$R_S = \frac{R_{max}C_S}{K_M + C_S}$$