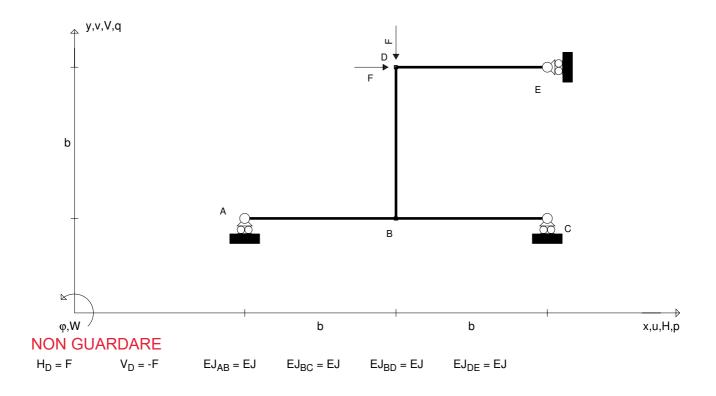
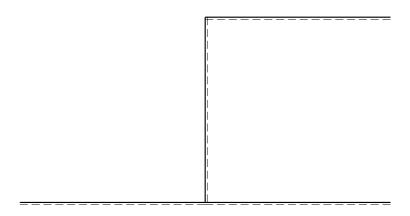
esercizi_biomeccanica , SO001



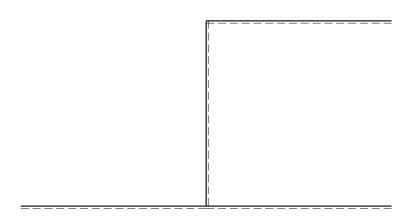
Verso effettivo dei carichi riportato nel disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere le funzioni delle azioni interne nelle aste. Calcolare spostamento e rotazione di tutti i nodi. $u_A \ v_A \ \phi_A \ \ \text{spostamento assoluto del nodo A.}$ $J_{AB} \ x_{AB} \ \vartheta_{AB} \ \ \text{riferimento locale asta AB con origine in A.}$

- <>
- <>
- <>

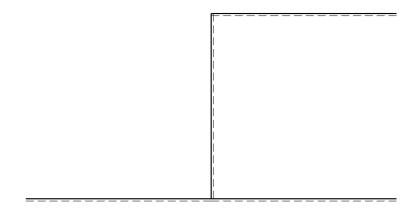


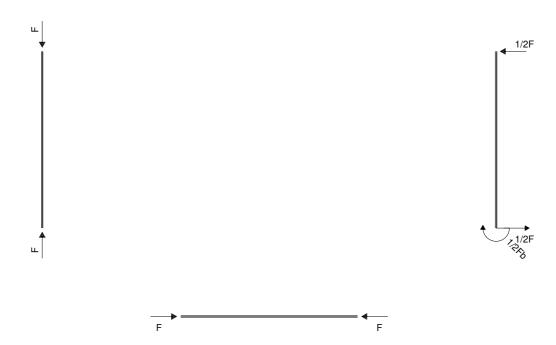








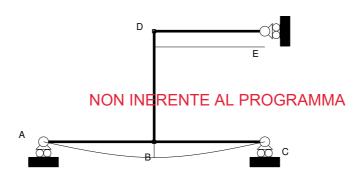




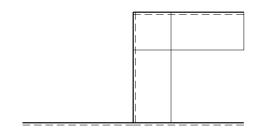




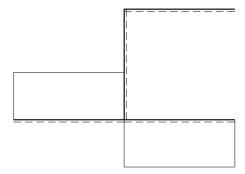




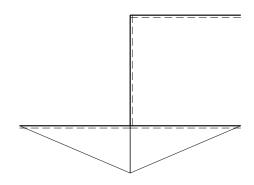












REAZIONI

 $V_A = 1/2F$ $V_C = 1/2F$ $H_E = -F$

$H_{AB} = 0$	$H_{BC} = 0$	$H_{BD} = 0$	$H_{DE} = F$
$V_{AB} = 1/2F$	$V_{BC} = -1/2F$	$V_{BD} = F$	$V_{DE} = 0$
$W_{AB} = 0$	$W_{BC} = -1/2Fb$	$W_{BD} = 0$	$W_{DE} = 0$
$H_{BA} = 0$	$H_{CB} = 0$	$H_{DB} = 0$	H _{ED} = -F
$V_{BA} = -1/2F$	$V_{CB} = 1/2F$	$V_{DB} = -F$	$V_{ED} = 0$
$W_{BA} = 1/2Fb$	$W_{CB} = 0$	$W_{DB} = 0$	$W_{ED} = 0$

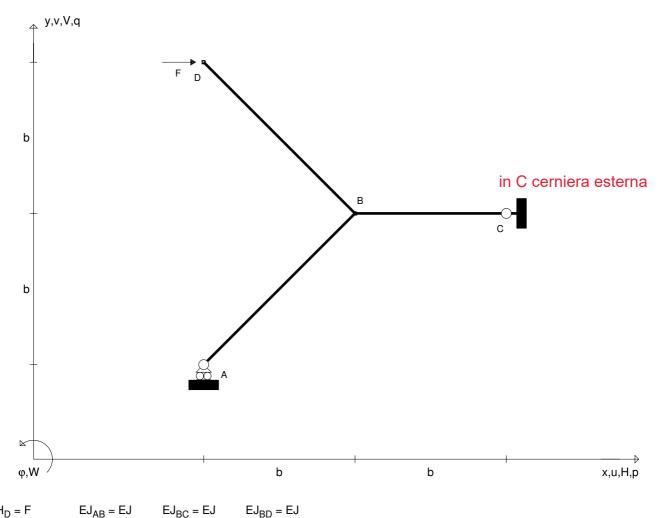
SPOSTAMENTI NODALI

NON INERENTE AL PROGRAMMA

 $u_E = 0$ $v_{EED} = -1/6(Fb^3/EJ)$ $\phi_{EED} = 0$

AZIONI INTERNE (coordinate locali)

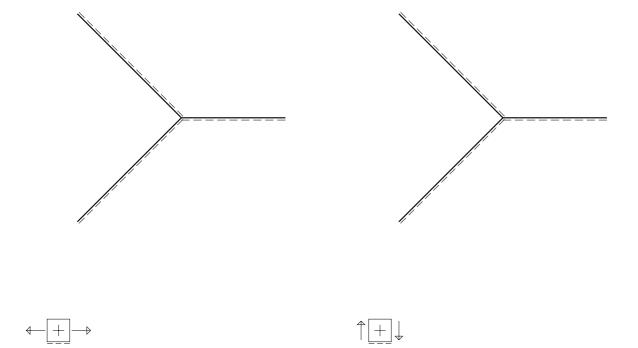
esercizi_biomeccanica SO001

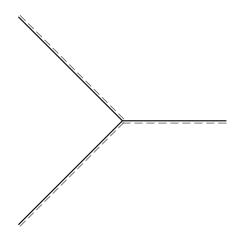


 $H_D = F$

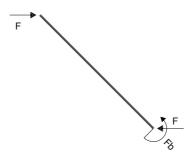
Verso effettivo dei carichi riportato nel disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere le funzioni delle azioni interne nelle aste. Calcolare spostamento e rotazione di tutti i nodi. $u_{A} \, v_{A} \, \phi_{A} \,$ spostamento assoluto del nodo A. $J_{AB}\,x_{AB}\,\vartheta_{AB}\,$ riferimento locale asta AB con origine in A.

- <>
- <>
- <>

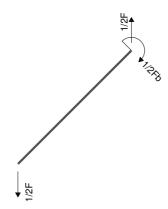


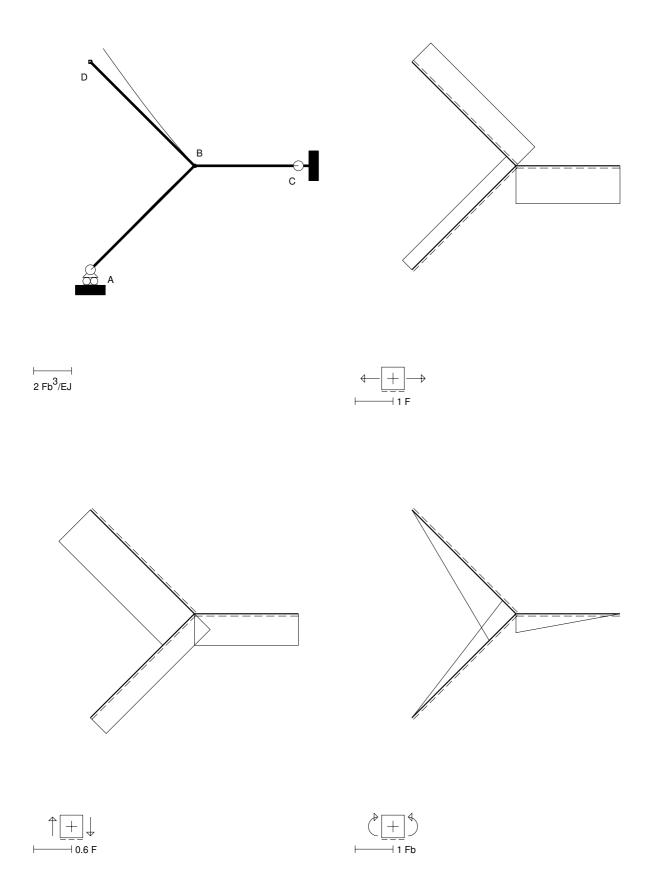












REAZIONI

 $V_A = -1/2F$ $H_C = -F$ $V_C = 1/2F$

$H_{AB} = 0$	H _{BC} = F	$H_{BD} = -F$
$V_{AB} = -1/2F$	$V_{BC} = -1/2F$	$V_{BD} = 0$
$W_{AB} = 0$	$W_{BC} = -1/2Fb$	$W_{BD} = Fb$
$H_{BA} = 0$	$H_{CB} = -F$	$H_{DB} = F$
$V_{BA} = 1/2F$	$V_{CB} = 1/2F$	$V_{DB} = 0$
$W_{BA} = -1/2Fb$	$W_{CB} = 0$	$W_{DB} = 0$

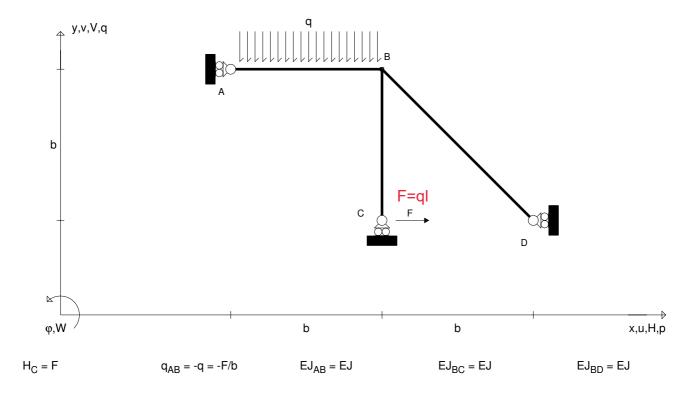
SPOSTAMENTI NODALI

$$\begin{array}{lll} u_{AAB} = -(1 - \! \sqrt{2}) / 12 (Fb^3 / EJ) & u_B = 0 & u_C = 0 \\ v_A = 0 & v_B = -(1 - \! \sqrt{2}) / 12 (Fb^3 / EJ) & v_C = 0 \\ \phi_{AAB} = -(1 - \! 2\sqrt{2}) / 12 (Fb^2 / EJ) & \phi_B = -(1 + \! \sqrt{2}) / 12 (Fb^2 / EJ) & \phi_{CCB} = (2 - \! \sqrt{2}) / 12 (Fb^2 / EJ) \\ u_D = (1 + 5\sqrt{2}) / 12 (Fb^3 / EJ) & v_D = \sqrt{2} / 2 (Fb^3 / EJ) & \phi_D = -(1 + 7\sqrt{2}) / 12 (Fb^2 / EJ) & \phi_D = -(1 + 7\sqrt$$

AZIONI INTERNE (coordinate locali)

$N_{AB} = \sqrt{2/4F}$	$N_{BC} = -F$	$N_{BD} = -\sqrt{2/2F}$
$T_{AB} = -\sqrt{2/4F}$	$T_{BC} = -1/2F$	$T_{BD} = \sqrt{2/2F}$
$M_{AB} = -\sqrt{2/4}Fx$	$M_{BC} = 1/2Fb - 1/2Fx$	$M_{BD} = -Fb + \sqrt{2/2Fx}$

esercizi_biomeccanica , SO001



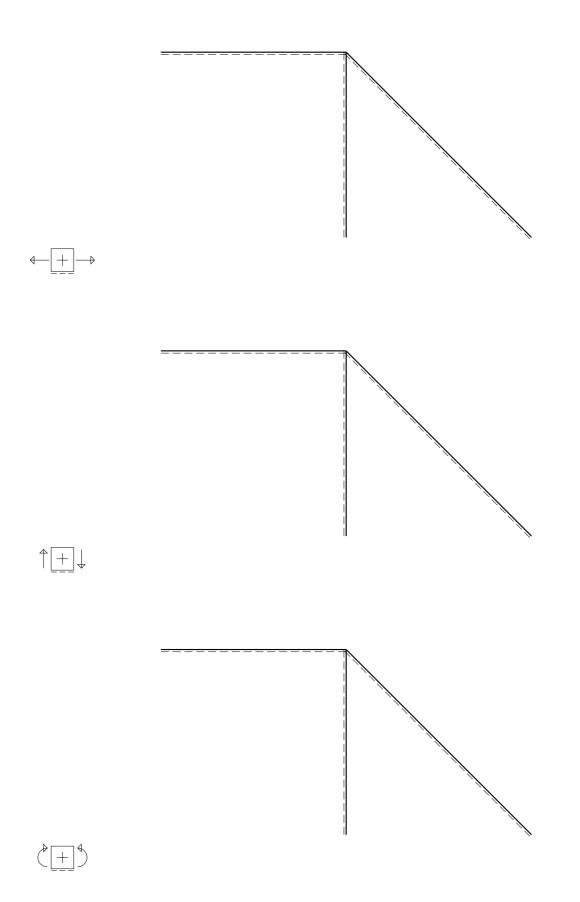
Verso effettivo dei carichi riportato nel disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere le funzioni delle azioni interne nelle aste. Calcolare spostamento e rotazione di tutti i nodi. $u_A \ v_A \ \phi_A \ \text{spostamento assoluto del nodo A.}$ $J_{AB} \ x_{AB} \ \vartheta_{AB} \ \text{riferimento locale asta AB con origine in A.}$

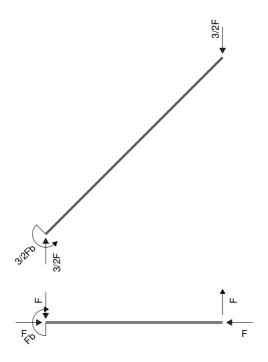
~

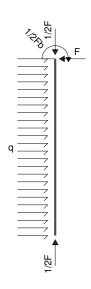
<>

<>

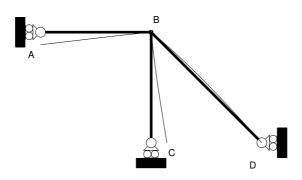
<>



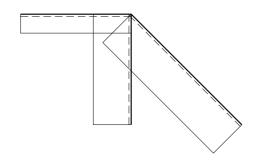




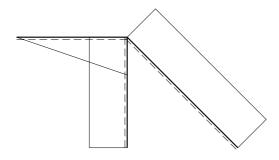




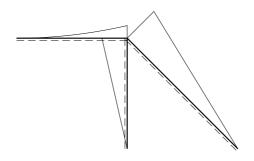
2.5 Fb³/EJ











 $H_{BD} = F + 1/2qb = 3/2F$

 $W_{BD} = Fb + 1/2qb^2 = 3/2Fb$

 $H_{DB} = -F - 1/2qb = -3/2F$

 $V_{BD} = 0$

 $V_{DB} = 0$

 $W_{DB} = 0$

REAZIONI

$$H_A = 1/2qb = 1/2F$$

 $V_C = qb = F$

$$H_D = -F - 1/2qb = -3/2F$$

$$\begin{split} H_{AB} &= 1/2qb = 1/2F & H_{BC} &= -F = -F \\ V_{AB} &= 0 & V_{BC} = -qb = -F \\ W_{AB} &= 0 & W_{BC} = -Fb = -Fb \\ H_{BA} &= -1/2qb = -1/2F & H_{CB} &= F = F \end{split}$$

$$V_{BA} = qb = F$$
 $V_{CB} = qb = F$ $W_{BA} = -1/2qb^2 = -1/2Fb$ $W_{CB} = 0$

SPOSTAMENTI NODALI

$$\begin{split} &u_A=0\\ &v_{AAB}=-\sqrt{2/3}(Fb^3/EJ)\cdot(3+4\sqrt{2})/24(qb^4/EJ)=-(1+4\sqrt{2})/8(Fb^3/EJ)\\ &\phi_{AAB}=\sqrt{2/3}(Fb^2/EJ)\cdot(1+\sqrt{2})/6(qb^3/EJ)=(1+3\sqrt{2})/6(Fb^2/EJ) \end{split}$$

$$u_B = 0$$

 $v_B = 0$
 $\phi_B = \sqrt{2/3(Fb^2/EJ)} + \sqrt{2/6(gb^3/EJ)} = \sqrt{2/2(Fb^2/EJ)}$

$$\begin{aligned} &u_{CCB} = (1 + \sqrt{2})/3(Fb^3/EJ) + \sqrt{2}/6(qb^4/EJ) = (2 + 3\sqrt{2})/6(Fb^3/EJ) \\ &v_C = 0 \end{aligned}$$

$$v_C = 0$$

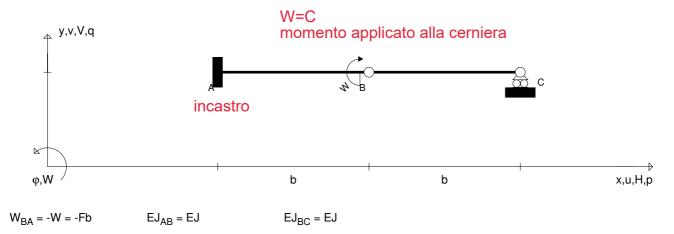
 $\phi_{CCB} = (3+2\sqrt{2})/6(Fb^2/EJ) + \sqrt{2}/6(qb^3/EJ) = (1+\sqrt{2})/2(Fb^2/EJ)$

$$\begin{split} u_D &= 0 \\ v_{DDB} &= 0 \\ \phi_{DDB} &= -\sqrt{2/6(Fb^2/EJ)} - \sqrt{2/12(qb^3/EJ)} = -\sqrt{2/4(Fb^2/EJ)} \end{split}$$

AZIONI INTERNE (coordinate locali)

$$\begin{array}{lll} N_{AB} = -1/2F & N_{BC} = -F & N_{BD} = -3\sqrt{2}/4F \\ T_{AB} = -qx & T_{BC} = -F & T_{BD} = 3\sqrt{2}/4F \\ M_{AB} = -1/2qx^2 & M_{BC} = Fb \ -Fx & M_{BD} = -3/2Fb \ +3\sqrt{2}/4Fx \end{array}$$

esercizi_biomeccanica , SO001



Verso effettivo dei carichi riportato nel disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere le funzioni delle azioni interne nelle aste. Calcolare spostamento e rotazione di tutti i nodi. $u_A \ v_A \ \phi_A \ \text{spostamento assoluto del nodo A.}$ $J_{AB} \ x_{AB} \ \vartheta_{AB} \ \text{riferimento locale asta AB con origine in A.}$

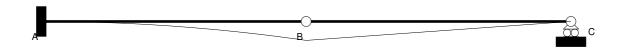
- <>
- **
- <>
- <>



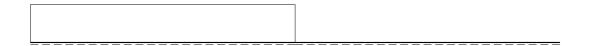








⊢—— 1 Wb²/EJ





REAZIONI

 $H_{A} = 0$ $V_{A} = 0$

 $W_A = W$

 $W_B = -W$

 $V_C = 0$

 $\begin{aligned} & H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ & V_{AB} = 0 & V_{BC} = 0 \\ & W_{AB} = W & W_{BC} = 0 \\ & H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \\ & V_{BA} = 0 & V_{CB} = 0 \\ & W_{BA} = -W & W_{CB} = 0 \end{aligned}$

SPOSTAMENTI NODALI

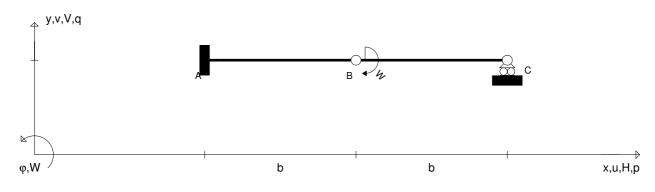
 $\begin{array}{lll} u_A=0 & & u_B=0 & & u_{CCB}=0 \\ v_A=0 & & v_B=-1/2(Wb^2/EJ) & & v_C=0 \end{array}$

 $\phi_{A}=0 \hspace{1cm} \phi_{B}=0 \hspace{1cm} \phi_{CCB}=1/2(Wb/EJ) \label{eq:phiB}$

AZIONI INTERNE (coordinate locali)

 $\begin{aligned} N_{AB} &= 0 & N_{BC} &= 0 \\ T_{AB} &= 0 & T_{BC} &= 0 \\ M_{AB} &= -W & M_{BC} &= 0 \end{aligned}$

esercizi_biomeccanica SO001



 $W_{BC} = -W = -Fb$

EJ_{AB} = EJ

 $EJ_{BC} = EJ$

Verso effettivo dei carichi riportato nel disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere le funzioni delle azioni interne nelle aste. Calcolare spostamento e rotazione di tutti i nodi. $u_{A} \, v_{A} \, \phi_{A} \,$ spostamento assoluto del nodo A. $J_{AB}\,x_{AB}\,\vartheta_{AB}\,$ riferimento locale asta AB con origine in A.

<>

<>

<>

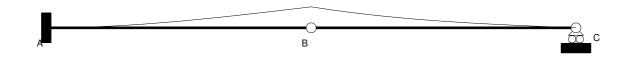








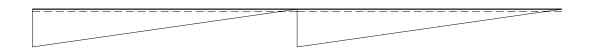




$$0.6 \text{ Wb}^2/\text{EJ}$$







REAZIONI

 $\begin{aligned} H_A &= 0 \\ V_A &= -(W/b) \\ W_A &= -W \\ W_B &= -W \\ V_C &= (W/b) \end{aligned}$

$$\begin{split} H_{AB} &= 0 & H_{BC} &= 0 \\ V_{AB} &= -(W/b) & V_{BC} &= -(W/b) \\ W_{AB} &= -W & W_{BC} &= -W \\ H_{BA} &= 0 & H_{CB} &= 0 \\ V_{BA} &= (W/b) & V_{CB} &= (W/b) \\ W_{BA} &= 0 & W_{CB} &= 0 \end{split}$$

SPOSTAMENTI NODALI

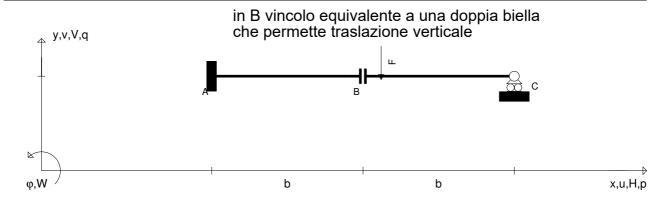
 $\begin{array}{lll} u_A=0 & & u_B=0 & u_{CCB}=0 \\ v_A=0 & v_B=1/3(Wb^2/EJ) & v_C=0 \end{array}$

 $\phi_{A}=0 \hspace{1cm} \phi_{B}=0 \hspace{1cm} \phi_{CCB}=-1/6 (Wb/EJ) \label{eq:phiB}$

AZIONI INTERNE (coordinate locali)

$$\begin{split} N_{AB} &= 0 & N_{BC} &= 0 \\ T_{AB} &= -(W/b) & T_{BC} &= -(W/b) \\ M_{AB} &= W - (W/b)x & M_{BC} &= 2W - (W/b)x \end{split}$$

esercizi_biomeccanica , SO001



 $V_{BC} = -F$ $EJ_{AB} = EJ$ $EJ_{BC} = EJ$

Verso effettivo dei carichi riportato nel disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere le funzioni delle azioni interne nelle aste. Calcolare spostamento e rotazione di tutti i nodi. $u_A \ v_A \ \phi_A \ \ \text{spostamento assoluto del nodo A.}$ $J_{AB} \ x_{AB} \ \vartheta_{AB} \ \ \text{riferimento locale asta AB con origine in A.}$

- ~/
- <>
- <>
- <>

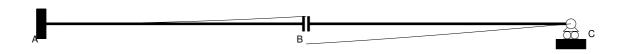




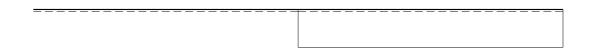
















REAZIONI

 $H_A = 0$ $V_A = 0$ $W_A = -Fb$ $V_C = F$

 $W_{BA} = Fb$

$$\begin{split} & H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ & V_{AB} = 0 & V_{BC} = -F \\ & W_{AB} = -Fb & W_{BC} = -Fb \\ & H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \\ & V_{BA} = 0 & V_{CB} = F \end{split}$$

SPOSTAMENTI NODALI

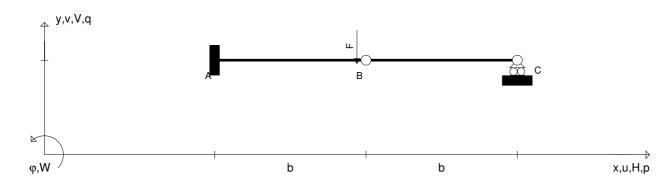
 $W_{CB} = 0$

 $\phi_A = 0$ $\phi_B = (Fb^2/EJ)$ $\phi_{CCB} = 3/2(Fb^2/EJ)$

AZIONI INTERNE (coordinate locali)

$$\begin{split} N_{AB} &= 0 & N_{BC} &= 0 \\ T_{AB} &= 0 & T_{BC} &= -2F \\ M_{AB} &= Fb & M_{BC} &= Fb - 2Fx \end{split}$$

esercizi_biomeccanica , SO001



 $V_{BA} = -F$ $EJ_{AB} = EJ$ $EJ_{BC} = EJ$

Verso effettivo dei carichi riportato nel disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere le funzioni delle azioni interne nelle aste. Calcolare spostamento e rotazione di tutti i nodi. $u_A \ v_A \ \phi_A \ \ \text{spostamento assoluto del nodo A.}$ $J_{AB} \ x_{AB} \ \vartheta_{AB} \ \ \text{riferimento locale asta AB con origine in A.}$

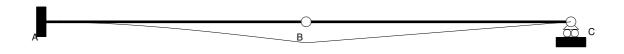
- ****/
- <>
- <>
- <>



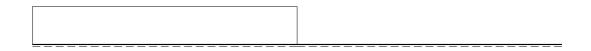




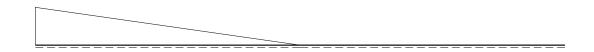












REAZIONI

 $H_A = 0$ $V_A = F$ $W_A = Fb$ $W_B = 0$ $V_C = 0$

 $\begin{array}{lll} H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ V_{AB} = F & V_{BC} = 0 \\ W_{AB} = Fb & W_{BC} = 0 \\ H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \\ V_{BA} = -F & V_{CB} = 0 \\ W_{BA} = 0 & W_{CB} = 0 \end{array}$

SPOSTAMENTI NODALI

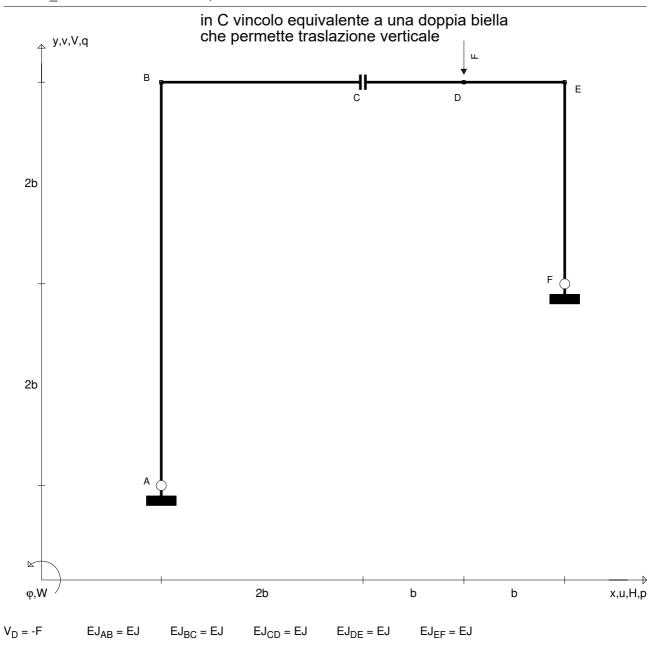
 $u_A = 0$ $u_B = 0$ $u_{CCB} = 0$ $v_A = 0$ $v_B = -1/3(Fb^3/EJ)$ $v_C = 0$

 $\phi_{A}=0 \hspace{1cm} \phi_{B}=0 \hspace{1cm} \phi_{CCB}=1/3(Fb^{2}/EJ) \label{eq:phi}$

AZIONI INTERNE (coordinate locali)

$$\begin{split} N_{AB} &= 0 & N_{BC} &= 0 \\ T_{AB} &= F & T_{BC} &= 0 \\ M_{AB} &= -Fb + Fx & M_{BC} &= 0 \end{split}$$

esercizi_biomeccanica , SO001



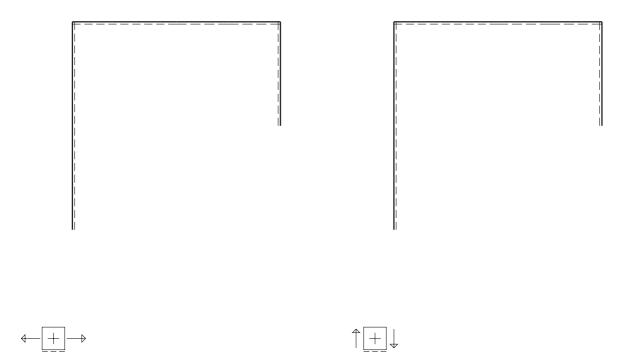
Verso effettivo dei carichi riportato nel disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere le funzioni delle azioni interne nelle aste. Calcolare spostamento e rotazione di tutti i nodi. $u_A \ v_A \ \phi_A \ \text{spostamento assoluto del nodo A.}$ $J_{AB} \ x_{AB} \ \vartheta_{AB} \ \text{riferimento locale asta AB con origine in A.}$

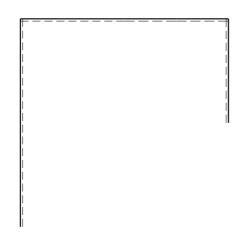
~

<>

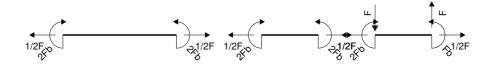
<>

<>

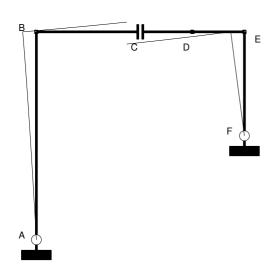


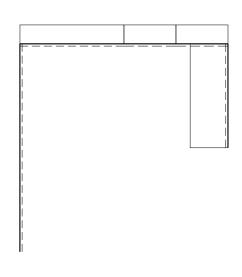




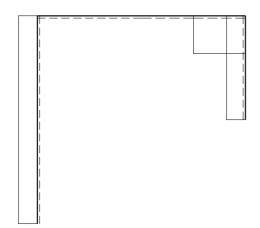


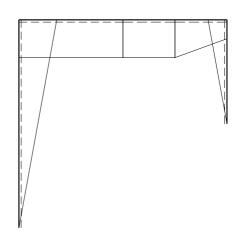
















REAZIONI

 $H_A = -1/2F$

 $V_A = 0$

 $H_F = 1/2F$

 $V_F = F$

$$\begin{split} H_{AB} &= -1/2F & H_{BC} &= -1/2F \\ V_{AB} &= 0 & V_{BC} &= 0 \\ W_{AB} &= 0 & W_{BC} &= -2Fb \\ H_{BA} &= 1/2F & H_{CB} &= 1/2F \\ V_{BA} &= 0 & V_{CB} &= 0 \end{split}$$

 $W_{CB} = 2Fb$

 $H_{CD} = -1/2F$ $V_{CD} = 0$ $W_{CD} = -2Fb$ $H_{DC} = 1/2F$ $V_{DC} = 0$ $W_{DC} = 2Fb$

 $H_{DE} = -1/2F$ $V_{DE} = -F$ $W_{DE} = -2Fb$ $H_{ED} = 1/2F$ $V_{ED} = F$ $W_{ED} = Fb$

 $H_{EF} = -1/2F$ $V_{EF} = -F$

 $W_{BA} = 2Fb$

 $W_{FF} = -Fb$

 $H_{FE} = 1/2F$

 $V_{FE} = F$

 $W_{FE} = 0$

SPOSTAMENTI NODALI

 $u_E = -130/3(Fb^3/EJ)$ $u_F = 0$ $v_E = 0$ $v_F = 0$

 $\phi_{E}=21(Fb^{2}/EJ) \qquad \qquad \phi_{FFE}=22(Fb^{2}/EJ)$

AZIONI INTERNE (coordinate locali)

 $N_{EF} = -F$ $T_{EF} = -1/2F$ $M_{EF} = Fb - 1/2Fx$