# Задачи по Теории вероятностей и математической статистике

## Артамонов Н.В.

## 26 октября 2024 г.

# Содержание

1		1
	1.1 Одномерные распределения	1
	1.2 Двумерные распределения	2
2	Непрерывные распределения	2
1	Дискретные случайные величины	
1.	Одномерные распределения	
из	. В урне содержится 3 белых и 3 черных шара. Случайным образолекаются 2 шара. Пусть случайная величина $X$ – число белых шароди выбранных.	
	. Найдите таблицу распределения $X$	
	. Вычислите $E(X), \mathrm{Var}(X), \sigma(X)$ и моду распределения	
	в. Вычислите вероятности	
	$P(X < 2)$ $P(X \ge 1)$ $P(0 < X < 3)$	
	. Нарисуйте график функции распределения $F$ .	

Замечание:  $X \sim Hypergeom(6,3,2)$ 

- №2. В урне содержится 4 белых и 2 черных шара. Случайным образом извлекаются 3 шара. Пусть случайная величина X число белых шаров среди выбранных.
  - 1. Найдите таблицу распределения X
  - 2. Вычислите E(X), Var(X),  $\sigma(X)$  и моду распределения
  - 3. Вычислите вероятности

$$P(X < 3)$$
  $P(X > 1)$   $P(1 < X < 3)$ 

4. Нарисуйте график функции распределения *F*.

Замечание:  $X \sim Hypergeom(6,4,2)$ 

- №3. В урне содержится 3 белых и 4 черных шара. Случайным образом извлекаются 4 шара. Пусть случайная величина X число белых шаров среди выбранных.
  - 1. Найдите таблицу распределения X
  - 2. Вычислите  $\mathsf{E}(X),\, \mathrm{Var}(X),\, \sigma(X)$  и моду распределения
  - 3. Вычислите вероятности

$$\mathsf{P}(X < 3) \qquad \qquad \mathsf{P}(X > 0) \qquad \qquad \mathsf{P}(0 < X < 3)$$

4. Нарисуйте график функции распределения F.

 $Замечание: X \sim Hypergeom(7, 2, 4)$ 

#### 1.2 Двумерные распределения

### 2 Непрерывные распределения

№1. Пусть случайная величина X имеет плотность

$$f(x) = \begin{cases} cx, & x \in [0, 1] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

- 1. Найдите нормировочный множитель c и нарисуйте график плотности
- 2. Вычислите вероятности

$$P(X > 0.5)$$
  $P(0.25 < X < 0.75)$   $P(-1 < X < 0.5)$ 

- 3. Вычислите E(X) и Var(X)
- 4. Найдите функцию распределения F(x) и нарисуйте её график
- №2. Пусть случайная величина X имеет плотность

$$f(x) = \begin{cases} cx, & x^{\lambda - 1} \in [0, 1] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

 $(\lambda > 0 - \text{параметр распределения})$ 

- 1. Найдите нормировочный множитель c и нарисуйте график плотности f
- 2. Вычислите вероятности

$$P(X > 0.5)$$
  $P(0.25 < X < 0.75)$   $P(-1 < X < 0.5)$ 

- 3. Вычислите E(X) и Var(X)
- 4. Найдите функцию распределения F и нарисуйте её график

3амечание: графики f и F нарисуйте при  $0<\lambda<1$  и при  $\lambda\geq 1$ 

№3. Пусть случайная величина X имеет плотность

$$f(x) = \begin{cases} cx(1-x), & x \in [0,1] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

- 1. Найдите нормировочный множитель c и нарисуйте график плотности
- 2. Вычислите вероятности

$$P(X < 0.5)$$
  $P(0.25 < X < 0.75)$   $P(-5 < X < 0.25)$ 

- 3. Вычислите  $\mathsf{E}(X)$  и  $\mathrm{Var}(X)$
- 4. Найдите функцию распределения F(x) и нарисуйте её график