# Ответ рецензенту

В соответствии с Вашими замечаниями статья доработана. Ниже проведен подробный разбор изменений. Благодарю Вас за внимательное прочтение статьи и ценные замечания, позволившие улучшить ее текст.

С уважением, Пьяных А.И.

## Замечание 1

Замечу, что одна из этих работ, опубликованная автором в 2014 году в журнале МТИиП не упоминается ни в тексте, ни в списке литературы, как впрочем нет упоминания работы De Meyer, Saley (2002).

#### Ответ на замечение 1

Обзор результатов, полученных в вышеобозначенных работах, добавлен во введение.

Отметим, что результаты De Meyer, Saley (2002) не имеют отношения к рассматриваемой в рецензируемой работе дискретной модели, потому и не были изначально упомянуты в ее тексте.

## Замечание 2

При этом автор определяет ту же стратегию неосведомленного игрока, что и в работе [1], которая оказывается оптимальной. Оптимальная стратегия инсайдера, естественно, зависит от параметра  $\beta$ .

### Ответ на замечение 2

Отметим, что формально стратегия неосведомленного игрока также зависит от  $\beta$ . Соответствующее замечание добавлено в текст статьи.

#### Замечание 3

В заглавии статьи стоит С ЭЛЕМЕНТАМИ ПЕРЕГОВОРОВ. В тексте работы не встречается ни слово ПЕРЕГОВОРЫ, ни его производные.

## Ответ на замечение 3

Действительно, свое первоначальное название статья получила по той причине, что механизм транзакции основан на модели двухстороннего аукциона Чаттерджи и Самуэльсона (1982), которая является одним из механизмов организации переговоров при заключении сделок. Однако, как справедливо было замечено, работа имеет мало отношения к математической теории переговоров.

Название статьи было изменено на "Многошаговая модифицированная модель биржевой игры со счетным множеством состояний".

### Замечание 4

В конце основной части работы на странице 8 автор пишет, что полученная им оптимальная стратегия инсайдера при  $\beta \to 1$  "не сводится" (полагаю, что имеется ввиду "не сходится") к оптимальной стратегии инсайдера для модели [1]. Напомню, что модель [1] — частный случай модели автора при  $\beta=1$ . Этот факт меня чрезвычайно удивил.

#### Ответ на замечение 4

Стратегия инсайдера, определенная в статье для  $\beta \in (0,1)$ , не определена при  $\beta \in \{0,1\}$ . В случае  $\beta \in \{0,1\}$  следует использовать вариант стратегии из работы Доманский, Крепс (2011). Этот вопрос более подробно освещен в переработанной версии статьи.

Кроме того, в статью было добавлено описании второй оптимальной стратегии инсайдера, которая при  $\beta \to 1$  сходится к оптимальной стратегии инсайдера для модели Доманский, Крепс (2011).

## Замечание 5

Хотелось бы также отдельного разбора случая при  $\beta=0$ . В этом случае, игрок, назвавший бо́льшую ставку, покупает акцию у своего оппонента по цене, названной оппонентом, то есть по меньше из двух названных цен.

#### Ответ на замечение 5

За счет симметрии функции выигрыша, оптимальная стратегия инсайдера для случая  $\beta=0$  может быть получена из оптимальной стратегии при  $\beta=1$ . Более подробное рассмотрение случая  $\beta=0$  добавлено в статью.

#### Замечание 6

В первом абзаце введения, начинающемся словами "В данной работе рассматривается", идет описание модели, изученной в работах [7] и [1]. Из последующих двух абзацев читатель может об этом догадаться. На мой взгляд лучше об этом сказать явно.

## Ответ на замечение 6

Соответствующая фраза была добавлена в начало введения.

## Замечание 7

Вслед за работой De Meyer, Saley (2002), пафос работ [7] и [1] состоит в подтверждении гипотезы о том, что случайные флуктуации цен на фондовых рынках могут являться следствием маскировочных действий инсайдера в условиях асимметричной информированности агентов. Поэтому обсуждение ключевого вопроса о случайном блуждании цен сделок, порожденном оптимальной стратегией инсайдера, следует из Замечания на странице 8 перенести во введение и провести это обсуждение более обстоятельно.

#### Ответ на замечение 7

В соответствии с Вашим замечанием, обсуждение вопросов, связанных со случайным блужданием цен сделок, проведено более подробно, причем как для первой, так и для второй оптимальной стратегии инсайдера.

#### Замечание 8

В описании модели пропущены два существенных момента, без которых все дальнейшие рассуждения бессмысленны. А именно, автор не упоминает, что

- 1. После каждого шага оба игрока узнают выбор хода противником.
- 2. Игрок 2 знает об осведомленности Игрока 1.

"Игрок, назвавший большую ставку, покупает одну акцию у противника." Это обстоятельство упоминается только в аннотации работы. Его во всяком случае следует упомянуть для прояснения фразы на странице 2 "Выплаты игроку 1" и последующей за ней формулы одношаговых выигрышей инсайдера.

#### Ответ на замечение 8

Действительно. Описание модели было соответствующим образом дополнено.

## Замечание 9

На протяжении работы, следуя обозначениям работ [1] и [7], вероятностное распределение обозначается буквой p, а ставки игроков  $i_1$  и  $i_2$  соответственно. Однако при описании механизма сделки на странице 1 для ставок автор использует обозначение  $p_1(p_2)$ .

#### Ответ на замечение 9

Обозначения были соответствующим образом исправлены.

# Замечание 10

У читателя, не являющего специалистом по теории повторяющихся игр с неполной информацией, должен возникнуть вопрос, почему оба игрока могут пренебречь историей ходов неосведомленного игрока. Автору следует пояснить это обстоятельство.

## Ответ на замечение 10

Действительно, возможность пренебречь историей ходов неосведомленного игрока связана с тем, что информация, получаемая им относительно состояния s, может передаваться лишь посредством действий первого игрока.

Соответствующее замечание было добавлено в раздел с постановкой задачи.

# Замечание 11

"Следуя [1], рассмотрим чистую стратегию игрока 2:"

Признаюсь, что полная путаница в следующей далее формуле, которую автору следовало просто переписать из работы [1], остановила меня от дальнейшего изучения работы. У меня создалось впечатление, что работа не была вычитана.

## Ответ на замечение 11

Данная досадная ошибка набора была устранена.