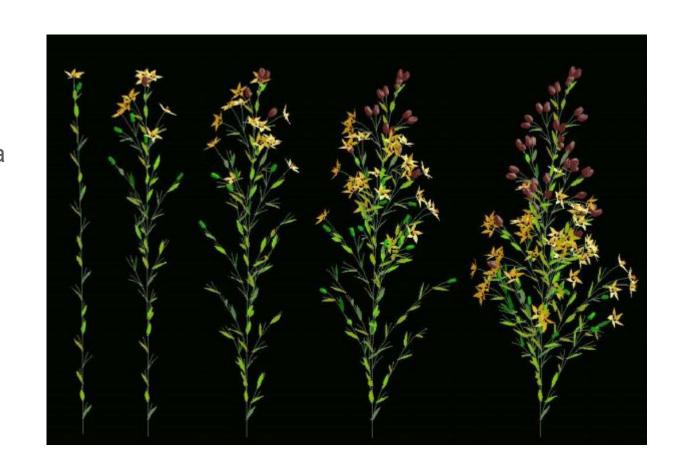
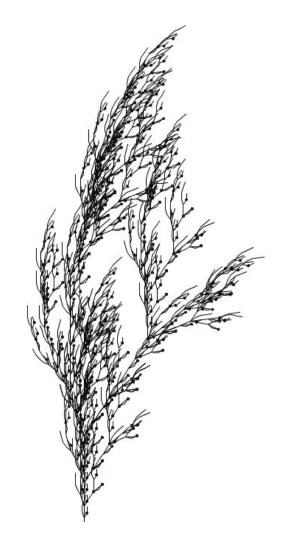


História

- 1968: Aristid Lindenmayer
- Biologia e botânica teórica
- Problema:
 descrever
 crescimento de
 fungos e bactérias
- Mais tarde: simulações mais complexas



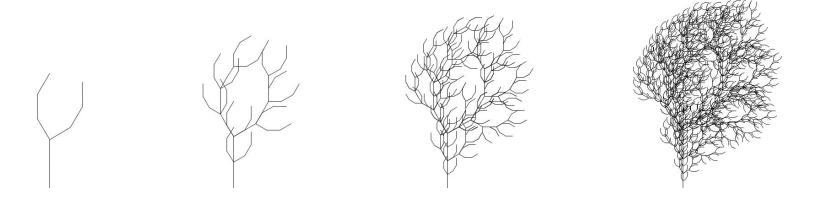


Estrutura

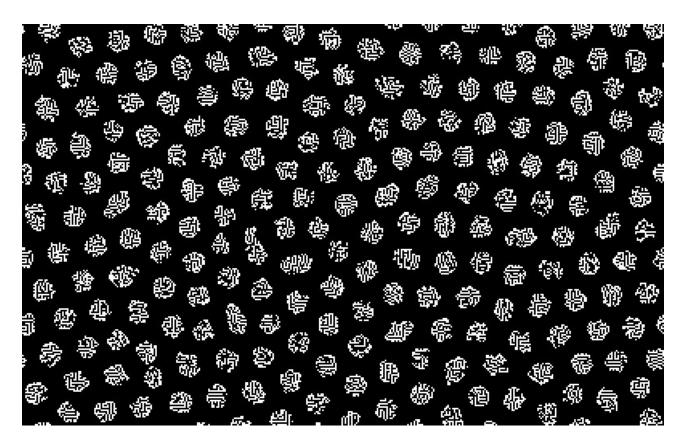
- Alfabeto
 - Elementos que podem ser substituídos por outros
 - Elementos terminais
- Axioma: estado inicial
- Regras: A → B
- Regras arbitrariamente complicadas
 - Uma única regra
 - Múltiplas regras
 - Regras estocásticas (um dos outputs é escolhido ao acaso).

Evolução

- Começamos com o axioma
- Aplicamos as regras iterativamente



Se for ver, parece um pouco autômato celular;)



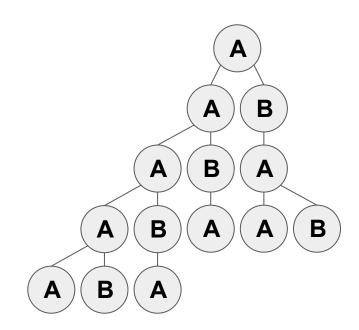


Mas e como isso funciona, afinal?

Algas

- Alfabeto: A, B
- Axioma: A
- Regras: $A \rightarrow AB$, $B \rightarrow A$

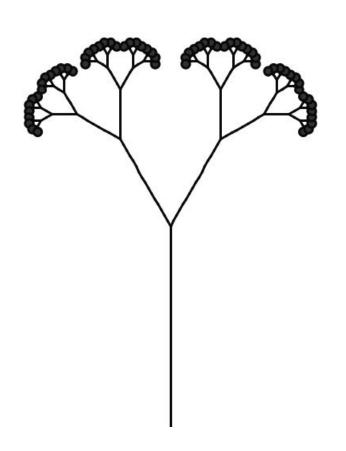
- 1. A
- 2. AB
- 3. ABA
- 4. ABAAB
- 5. ABAABABA



Árvore Fractal

Esse é um pouco mais complicado :)

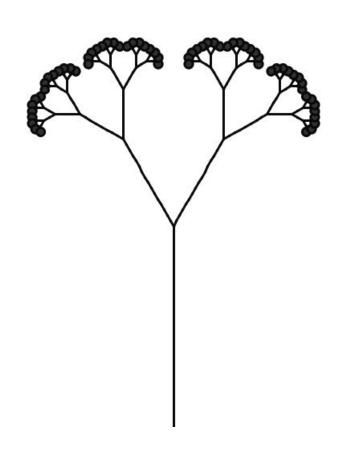
- Alfabeto: F, G
- Constantes: + []
- Axioma: F
- Regras:
 - $\circ \quad F \to G+[F]-[-F]$
 - $\circ \quad G \to GG$

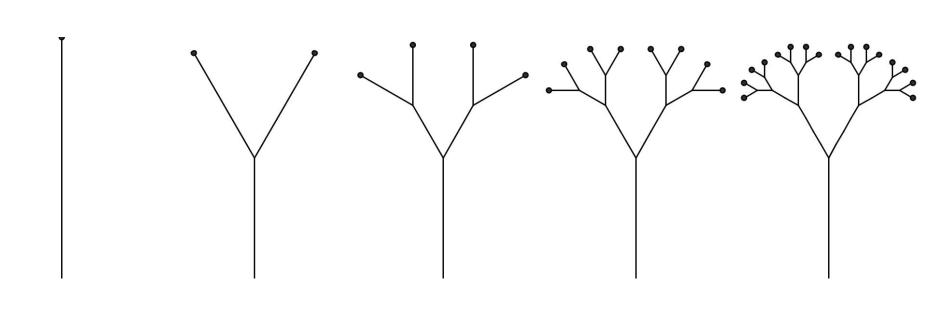


Árvore Fractal

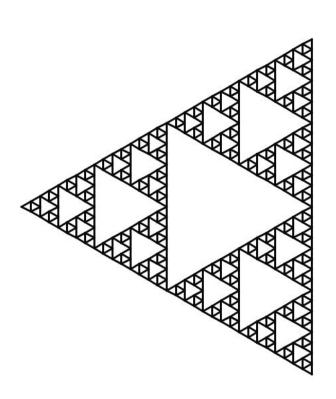
Mas o que são essas coisas todas?

- F: ramo que termina em folha
- G: ramo normal
- +: rotaciona 30 graus
- -: rotaciona -30 graus
- [: "push" salva a posição atual
-]: "pop" restora a posição atual





Triangulo de Sierpinski



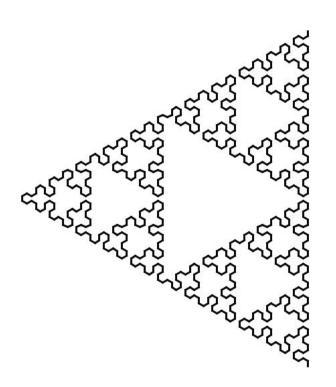
- Alfabeto: F, G
- Constantes: + -
- Axioma: FGG
- Regras:

$$\circ$$
 F \rightarrow F-G+F+G-F

$$\circ$$
 $G \rightarrow GG$

A rotação neste caso é de 120 graus

Triângulo de Sierpinski - de outro jeito ;)



- Alfabeto: F, G
- Constantes: + -
- Axioma: F
- Regras:

$$\circ$$
 F \rightarrow G-F-G

$$\circ$$
 G \rightarrow F-G-F

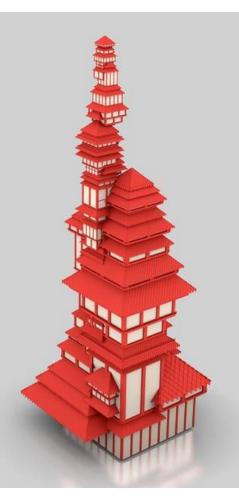
Rotação: 60 graus



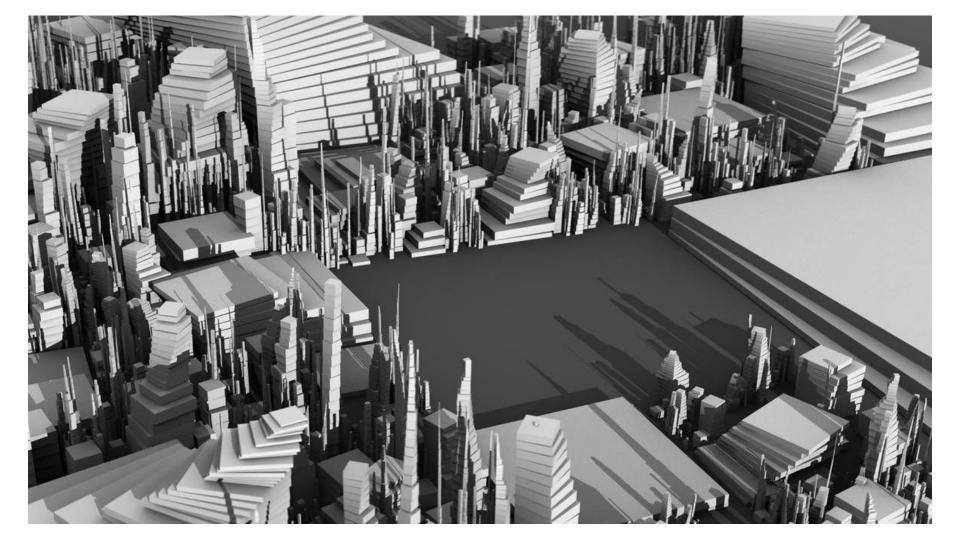
Exemplos de arte usando sistemas-l



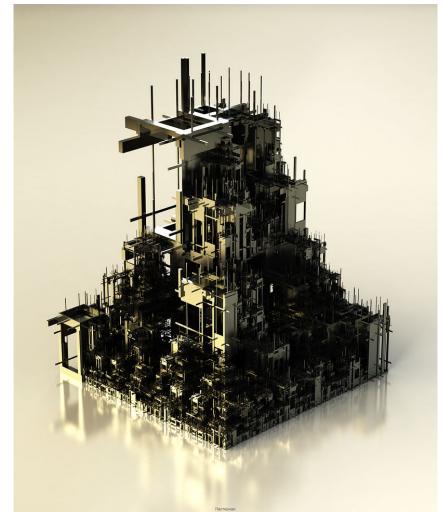




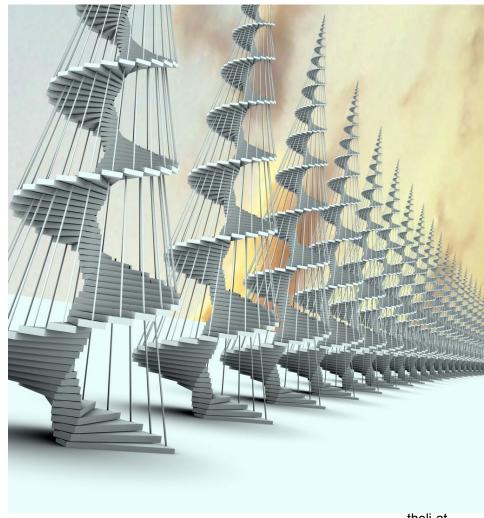




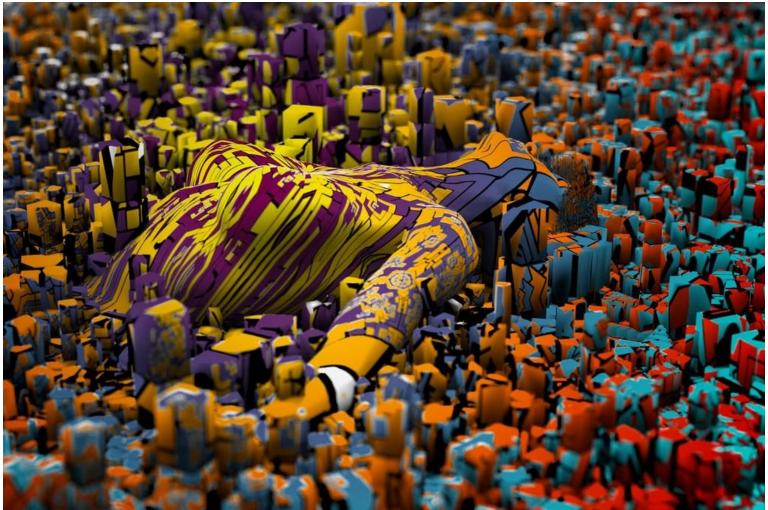




Pasternak



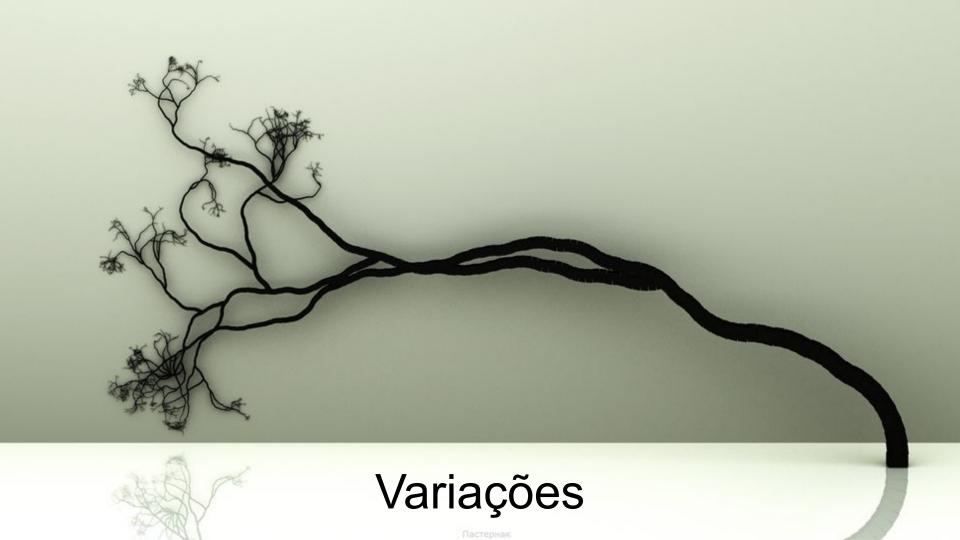
theli-at



scaulier69



C-JR

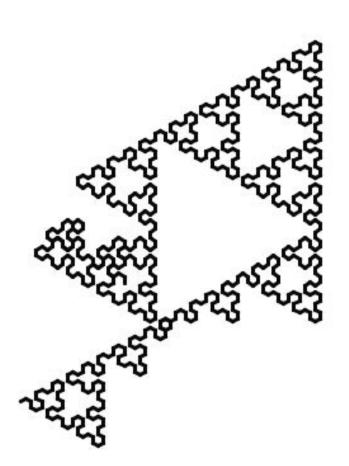


Regras estocásticas

- Até agora, vimos regras determinísticas. E se botar uma aleatoriedade no meio?
- Exemplo: regra do triângulo de sierpinski F → G-F-G
- Alteramos para:

$$\circ$$
 F (0.99) \rightarrow G-F-G

$$\circ$$
 F (0.01) \rightarrow G+F+G



Outras ideias

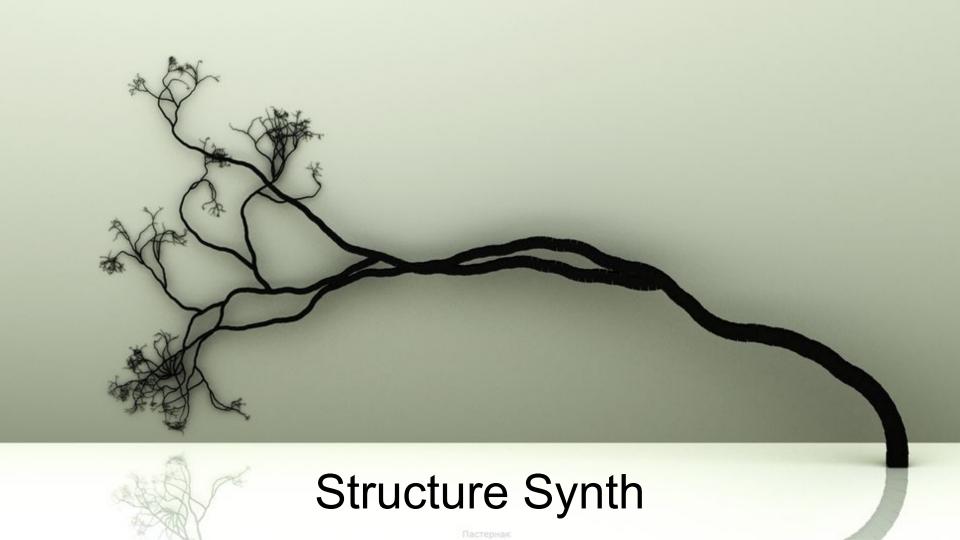
- Regras sensitivas ao contexto:
 - Resultado depende não só da letra, mas das letras vizinhas também
 - <F> F <G> → G-F-G: esta regra substitui F por G-F-G, mas só se F está entre F e G
- Alfabeto paramétrico:
 - Cada elemento tem parâmetros
 - Podem ser usados para desenhar ou para construir regras
 - Regras paramétricas permitem determinar os ângulos e comprimentos na hora, ou mudar o comportamento dependendo do número de gerações



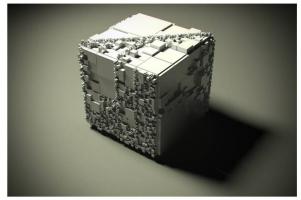
```
\begin{array}{lll} n{=}5,\,\delta{=}18^{\circ} \\ &\omega:&plant\\ p_1:&plant\rightarrow internode+\lceil plant+flower\rceil--//\\ & \lceil --leaf\rceil\ internode\ \lceil ++leaf\rceil-\\ & \lceil plant\ flower\ \rceil ++plant\ flower \\ p_2:&internode\rightarrow F\ seg\ \lceil //\ \&\ \&\ leaf\ \rceil\ \lceil //\ \wedge \wedge\ leaf\ \rceil\ F\ seg \\ p_3:&seg\rightarrow seg\ F\ seg \\ p_4:&leaf\rightarrow \lceil \ \{+f{-}ff{-}f{+}\ |+f{-}ff{-}f\}\ \rceil\\ p_5:&flower\rightarrow \lceil\ \&\ \&\ \&\ pedicel\ '\ /\ wedge\ ///\ wedge\ ///\ wedge\ \rceil \\ p_6:&pedicel\rightarrow FF \\ p_7:&wedge\rightarrow \lceil\ \wedge\ F\ \rceil\ \lceil\ \&\ \&\ \&\ -f{+}f\ |-f{+}f\ \}\ \rceil \end{array}
```

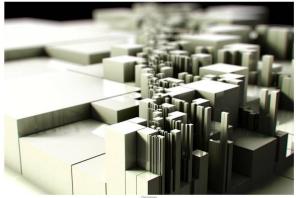
Outras ideias

- Exemplo de geração de plantas
- "The Algorithmic Beauty of Plants", 1990
- http://algorithmicbotany.org/papers/#abop
- Muitos exemplos legais
- Do básico ao avançado



O que é e onde vive





- Aplicativo para gerar L-Sistemas em 3D
- Gratuito
- Relativamente fácil de implementar coisas complexas
- http://structuresynth.sourceforge.net/

Lógica básica

```
//executa regra
//definimos regra 1, com 7 iterações
rule r md 7 {
      { x 0.25 y -0.25 s 0.5 0.5 1} r
      \{x - 0.25 \ y - 0.25 \ s \ 0.5 \ 0.5 \ 1\} \ r
      base
//criamos uma base
rule base {
      {x 0.25 y 0.25 s 0.45 0.45 0.1}box
      {x -0.25 y 0.25 s 0.45 0.45 0.1}box
```

