
$$\begin{aligned}
|JLMn\rangle &= \sqrt{\frac{2J+1}{4\pi}} C_{LM}(R) D_{KM}^{J*}(\alpha, \beta, 0) Y_M^L(\theta, \phi) = \\
&= \sqrt{\frac{2J+1}{4\pi}} C_{LM}(R) e^{iK\alpha} d_{KM}^{J*}(\beta) \cdot \text{Norm} \cdot P_M^L(\theta) e^{iM\phi} = \\
&= \sqrt{\frac{2J+1}{4\pi}} C_{LM}(R) D_{KM}^{J*}(\alpha, \beta, \phi) Y_M^L(\theta, 0) \\
J_{\pm} D_{KM}^{J*}(\alpha, \beta, \phi) &= \sqrt{J(J+1) - M(M \pm 1)} e^{\mp i\phi} D_{KM \pm 1}^{J*}(\alpha, \beta, \phi) = \\
&= \sqrt{J(J+1) - M(M \pm 1)} e^{\mp i\phi} e^{i(M \pm 1)\phi} e^{iK\alpha} d_{KM \pm 1}^{J*}(\beta) = \Lambda_{JM}^{\pm} D_{KM}^{J*}(\alpha, \beta, 0) e^{iM\phi} \\
j_{\pm} Y_M^L(\theta, \phi) &= \sqrt{L(L+1) - M(M \pm 1)} Y_{M \pm 1}^L = \Lambda_{LM}^{\pm} Y_{M \pm 1}^L
\end{aligned}$$

Тогда в результате имеем за счет недиагонального кориолисова взаимодействия:

$$(j_+ J_+ + j_- J_-) |JLMn\rangle = \Lambda_{JM}^+ \Lambda_{LM}^+ |JL, M+1, n\rangle + \Lambda_{JM}^- \Lambda_{LM}^- |JL, M-1, n\rangle$$

Матричный элемент (все функции предполагаются нормированными, таким образом интеграл по углам эффективно предполагается равным 1, а в интеграле по R неявно учтена нормировка в коэффициентах):

$$\begin{aligned}
\Lambda_{JM}^{\pm} &= \sqrt{J(J+1) - M(M \pm 1)} \\
\langle JLMn | \frac{1}{2\mu R^2} (j_+ J_+ + j_- J_-) | JL' M' n' \rangle &= \frac{1}{2\mu} \int C_{LM} C_{L'M'} dR \times \\
&\times \left[\Lambda_{JM'}^+ \Lambda_{L'M'}^+ \langle JLM | JL', M' + 1 \rangle + \Lambda_{JM'}^- \Lambda_{L'M'}^- \langle JLM | JL', M' - 1 \rangle \right] = \\
&= \delta_{LL'} \frac{1}{2\mu} \int C_{LM} C_{L'M'} dR \times \left[\Lambda_{JM'}^+ \Lambda_{L'M'}^+ \delta_{M, M'+1} + \Lambda_{JM'}^- \Lambda_{L'M'}^- \delta_{M, M'-1} \right]
\end{aligned}$$