

Teori Bahasa dan Automata

Push Down Automata dan Parsing

CFG to PDA (1)

- Jika *grammar* G adalah *context free*, kita dapat membangun PDA *non-deterministic* setara yang menerima *language* yang dihasilkan oleh CFG G .

CFG to PDA (2)

- Jika P adalah *pushdown automata*, *grammar* G yang setara *context free* dapat didefinisikan :
 - $L(G) = L(P)$
- Dimungkinkan konversi dari PDA ke CFG dan sebaliknya.

CFG to PDA (3)

- Input
 - CFG, $G = (V, T, P, S)$
- Output
 - Equivalent PDA, $P = (Q, \Sigma, S, \delta, q_0, I, F)$

CFG to PDA (4)

- Ubah produksi CFG menjadi GNF (*Greibach Normal Form*).
- PDA hanya akan memiliki satu status $\{q\}$.
- Simbol awal CFG akan menjadi simbol awal di PDA.
- Semua non-terminal CFG akan menjadi simbol stack PDA dan semua terminal CFG akan menjadi simbol input PDA.
- Untuk setiap produksi dalam bentuk $A \rightarrow aX$, di mana a adalah terminal dan A, X adalah kombinasi terminal dan non-terminal, buat transisi $\delta(q, a, A)$.

Contoh 1

- Buat PDA dari CFG berikut.
 - $G = (\{S, X\}, \{a, b\}, P, S)$
- dimana produksinya:
 - $S \rightarrow XS \mid \varepsilon, A \rightarrow aXb \mid Ab \mid ab$

Solusi 1

- $P = (\{q\}, \{a, b\}, \{a, b, X, S\}, \delta, q, S)$
- dimana δ –
 - $\delta(q, \varepsilon, S) = \{(q, XS), (q, \varepsilon)\}$
 - $\delta(q, \varepsilon, X) = \{(q, aXb), (q, Xb), (q, ab)\}$
 - $\delta(q, a, a) = \{(q, \varepsilon)\}$
 - $\delta(q, 1, 1) = \{(q, \varepsilon)\}$

Parsing (1)

- Parsing digunakan untuk mendapatkan string menggunakan aturan produksi Grammar.
- Digunakan untuk memeriksa penerimaan string.
- Compiler digunakan untuk memeriksa suatu string benar secara sintaksis atau tidak.
- Parser mengambil input dan membangun pohon parse.

Parsing (2) – Jenis Parsing

- Top-Down
 - dimulai dari atas dengan simbol awal dan mendapatkan string menggunakan pohon parse.
- Bottom-Up
 - dimulai dari bawah dengan string dan sampai ke simbol awal menggunakan pohon parse.

Parsing (3) – Langkah Top Down

- Pop *non-terminal* di sisi kiri produksi di bagian atas tumpukan dan *push* string sisi kanannya.
- Jika simbol atas tumpukan cocok dengan simbol input yang sedang dibaca, lepaskan.
- *Push* simbol awal 'S' ke dalam tumpukan.
- Jika string input dibaca sepenuhnya dan tumpukan kosong, lanjutkan ke status akhir 'F'.

Contoh 2

- Desain parser top-down untuk ekspresi
 - $x + y * z$
 - $P: S \rightarrow S + X \mid X$
 - $X \rightarrow X * Y \mid Y$
 - $Y \rightarrow (S) \mid I$

Solusi 2

- $(x+y^*z, I) \vdash$
- $(x+y^*z, SI) \vdash$
- $(x+y^*z, S + XI) \vdash$
- $(x+y^*z, X + XI) \vdash$
- $(x+y^*z, Y + XI) \vdash$
- $(x+y^*z, x + XI) \vdash$
- $(+y^*z, + XI) \vdash$
- $(y^*z, XI) \vdash$
- $(y^*z, X^*YI) \vdash$
- $(y^*z, y^*YI) \vdash$
- $(^*z, ^*YI) \vdash$
- $(z, YI) \vdash$
- $(z, zI) \vdash$
- $(\varepsilon, I) \vdash$

Parsing (4) – Langkah Bottom Up

- Dorong simbol masukan saat ini ke dalam tumpukan.
- Ganti sisi kanan produksi di bagian atas tumpukan dengan sisi kiri.
- Jika bagian atas elemen tumpukan cocok dengan simbol input saat ini, lepaskan.
- Jika string input terbaca dan hanya jika simbol awal 'S' tetap ada di tumpukan, lepaskan dan lanjutkan ke status akhir 'F'.

Contoh 3

- Desain parser Bottom Up untuk ekspresi
 - $x + y * z$
 - $P: S \rightarrow S + X \mid X$
 - $X \rightarrow X * Y \mid Y$
 - $Y \rightarrow (S) \mid I$

Solusi 3

- $(x+y^*z, I) \vdash$
- $(+y^*z, xI) \vdash$
- $(+y^*z, YI) \vdash$
- $(+y^*z, XI) \vdash$
- $(+y^*z, SI) \vdash$
- $(y^*z, +SI) \vdash$
- $(*z, y+SI) \vdash$
- $(*z, Y+SI) \vdash$
- $(*z, X+SI) \vdash$
- $(z, *X+SI) \vdash$
- $(\varepsilon, z^*X+SI) \vdash$
- $(\varepsilon, Y^*X+SI) \vdash$
- $(\varepsilon, X+SI) \vdash$
- (ε, SI)