

Análise de Desempenho de Modulações Digitais

Sistemas de Comunicação I

Arthur Cadore Matuella Barcella

Sumário

1. Introdução:	3
2. Desenvolvimento e Resultados:	3
2.1. Desempenho de modulações MPSK	3
2.1.1. 4-MPSK	4
2.1.2. 8-MPSK	4
2.1.3. 16-MPSK	5
2.1.4. 32-MPSK	5
2.1.5. Desempenho comparativo:	6
2.2. Desempenho de modulações MQAM	7
2.2.1. 4-MQAM	9
2.2.2. 16-MQAM	9
2.2.3. 64-MQAM	9
2.2.4. Desempenho comparativo:	9
2.3. Comparação de modulações PSK vs. QAM	11
2.3.1. 4-PSK vs. 4-QAM	11
2.3.2. 16-PSK vs. 16-QAM	11
2.3.3. 64-PSK vs. 64-QAM	11
3. Conclusão:	11
4. Referências Bibliográficas:	11

1. Introdução:

O objetivo deste relatório é analisar o desempenho das modulações digitais MPSK e MQAM em um sistema de comunicação digital. Para isso, foram simuladas diferentes modulações e analisados os resultados obtidos.

2. Desenvolvimento e Resultados:

O desenvolvimento deste relatório foi dividido em três diferentes seções, onde foi analisado o desempenho individual de cada modulação e em seguida um comparativo entre as duas diferentes modulações.

2.1. Desempenho de modulações MPSK

```
clear all; close all; clc
   pkg load communications;
  % Função para realizar a modulação PSK
  function symbols = psk_modulate(data, M)
       phase step = 2 * pi / M;
7
       phases = (0:M-1) * phase_step;
       symbols = exp(1i * phases(data + 1));
8
9
  end
10
11 % Função para realizar a demodulação PSK
  function demodulated data = psk demodulate(symbols, M)
       phase_step = 2 * pi / M;
       phases = (0:M-1) * phase_step;
14
       [~, demodulated_data] = min(abs(symbols(:) - exp(1i * phases)), [], 2);
16
       demodulated_data = demodulated_data - 1;
17
  end
18
  % Define a quantidade de dados a serem gerados
20 data_length = 1000;
21 data = randi([0 1], data length, 1); % Gera dados aleatórios binários
23
  for M = [4, 8, 16, 32]
24
       % Modulação PSK
25
       psk symbols = psk modulate(data, M);
26
       psk ber = [];
27
28
29
       for snr = 1:34
           snr linear = 10^(snr / 10);
30
           noise variance = 1 / (2 * snr linear);
              noise = sqrt(noise variance) * (randn(size(psk symbols)) + 1i
   * randn(size(psk symbols)));
           psk_noisy = psk_symbols + noise;
34
35
36
           % Demodulação PSK
37
           psk_demodulated = psk_demodulate(psk_noisy, M);
38
39
           % Calcula o BER
```

```
errors = sum(psk_demodulated ~= data);
40
41
           psk_ber = [psk_ber, errors / data_length];
42
       end
43
       % Plotando o gráfico para cada valor de M
45
       semilogy(1:34, psk_ber, 'DisplayName', sprintf('%d-PSK', M));
       xlabel('SNR [dB]');
48
       ylabel('BER');
       title(sprintf('%d-PSK BER vs SNR', M));
49
       legend('show');
51
       grid on;
52
       set(gca, 'FontSize', 14);
   end
```

2.1.1. 4-MPSK

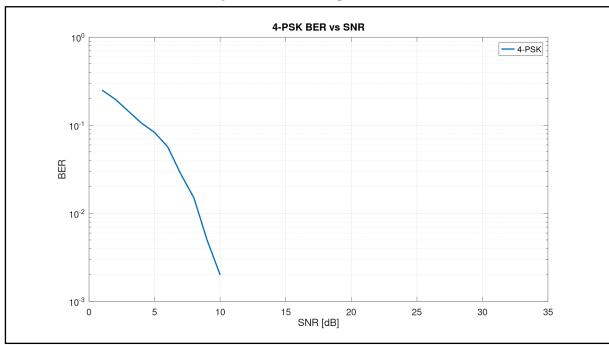


Figure 1: Elaborada pelo Autor

Taxa de erro de bit (BER) para modulação 4-PSK

2.1.2. 8-MPSK

8-PSK BER vs SNR

10¹
10²
10³
0 5 10 15 SNR [dB] 20 25 30 35

Figure 2: Elaborada pelo Autor

Taxa de erro de bit (BER) para modulação 8-PSK

2.1.3. 16-MPSK

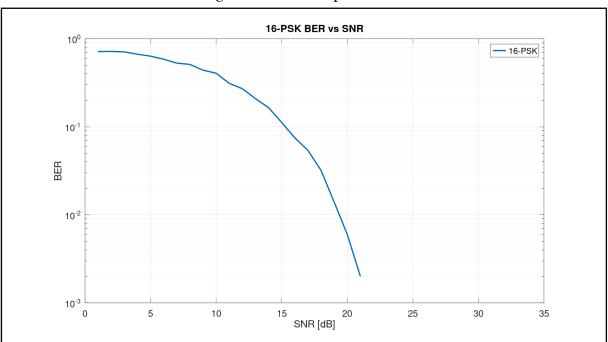


Figure 3: Elaborada pelo Autor

Taxa de erro de bit (BER) para modulação 16-PSK

2.1.4. 32-MPSK

32-PSK BER vs SNR

10⁰
10¹
10³
0 5 10 15 SNR [dB]
20 25 30 35

Figure 4: Elaborada pelo Autor

Taxa de erro de bit (BER) para modulação 32-PSK

2.1.5. Desempenho comparativo:

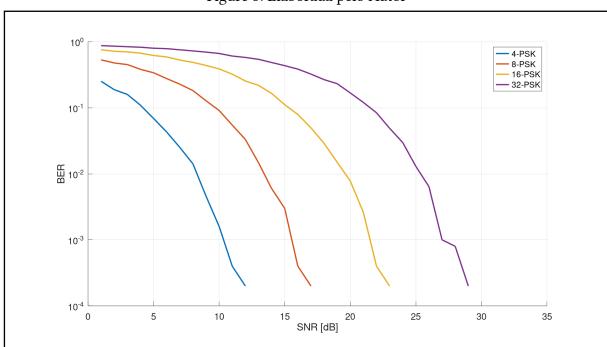


Figure 5: Elaborada pelo Autor

Taxa de erro de bit (BER) comparativa

```
1 Clear all; close all; clc;
2 pkg load communications;
3
4 % Função para realizar a modulação PSK
5 function symbols = psk_modulate(data, M)
```

```
phase step = 2 * pi / M;
       phases = (0:M-1) * phase step;
       symbols = exp(1i * phases(data + 1));
8
9
   end
10
11 % Função para realizar a demodulação PSK
  function demodulated data = psk demodulate(symbols, M)
       phase\_step = 2 * pi / M;
       phases = (0:M-1) * phase step;
14
       [~, demodulated_data] = min(abs(symbols(:) - exp(1i * phases)), [], 2);
       demodulated data = demodulated data - 1;
17 end
18
19 figure;
20 hold on;
21 grid on;
  set(gca, 'FontSize', 14);
  for M = [4, 8, 16, 32]
24
25
       % Define a quantidade de dados a serem gerados
26
       data_length = 1000;
27
       data = randi([0 M-1], data_length, 1); % Gera dados aleatórios
28
29
       % Modulação PSK
30
       psk symbols = psk modulate(data, M);
31
32
       psk_ber = [];
34
       for snr = 1:34
           snr_linear = 10^(snr / 10);
           noise variance = 1 / (2 * snr linear);
36
              noise = sqrt(noise variance) * (randn(size(psk symbols)) + 1i
     randn(size(psk symbols)));
38
           psk_noisy = psk_symbols + noise;
           % Demodulação PSK
42
           psk_demodulated = psk_demodulate(psk_noisy, M);
           % Calcula o BER
45
           errors = sum(psk_demodulated ~= data);
46
           psk_ber = [psk_ber, errors / data_length];
       end
48
       semilogy(1:34, psk_ber, 'DisplayName', sprintf('%d-PSK', M));
49
  end
52 xlabel('SNR [dB]');
  ylabel('BER');
1 legend('show');
55 hold off;
```

2.2. Desempenho de modulações MQAM

```
pkg load communications; % Carrega o pacote de comunicações

Função para realizar a modulação QAM
```

```
function symbols = gam modulate(data, M)
       % Define o número de bits por símbolo
6
       k = log2(M);
       % Define o tamanho da grade QAM
       n = sqrt(M);
       % Normaliza os dados
       data = mod(data, M);
       % Converte dados para uma matriz de símbolos
       symbols = zeros(size(data));
15
       for i = 1:numel(data)
16
           % Mapeia os dados para uma posição na matriz QAM
17
           x = mod(data(i), n) - (n-1)/2;
18
           y = floor(data(i) / n) - (n-1)/2;
           symbols(i) = x + 1i * y;
20
       end
21
   end
22
  % Função para realizar a demodulação QAM
   function demodulated data = gam demodulate(symbols, M)
25
       % Define o número de bits por símbolo
       k = log2(M);
26
       % Define o tamanho da grade QAM
28
       n = sqrt(M);
       % Inicializa o vetor de dados demodulados
31
       demodulated data = zeros(size(symbols));
32
33
       % Demodula cada símbolo
34
       for i = 1:numel(symbols)
35
           % Extrai a parte real e imaginária do símbolo
36
           x = real(symbols(i));
           y = imag(symbols(i));
           % Mapeia para a posição da matriz QAM
38
           x idx = round(x + (n-1)/2);
           y_{idx} = round(y + (n-1)/2);
41
           % Converte para o índice de dados
42
           demodulated_data(i) = x_idx + n * y_idx;
43
       end
44
  end
46 % Define a quantidade de dados a serem gerados
47 data length = 1000;
  data = randi([0 63], data length, 1); % Gera dados aleatórios
49
  % Loop para diferentes tamanhos de QAM
   for M = [4, 16, 64]
52
       % Modulação QAM
53
       qam_symbols = qam_modulate(data, M);
55
       qam ber = [];
56
57
       for snr = 1:14
58
           snr_linear = 10^(snr / 10);
           noise_variance = 1 / (2 * snr_linear);
```

```
noise = sqrt(noise_variance) * (randn(size(qam_symbols)) + 1i
60
     randn(size(qam_symbols)));
61
62
           qam_noisy = qam_symbols + noise;
63
64
           % Demodulação QAM
65
           qam_demodulated = qam_demodulate(qam_noisy, M);
67
           % Calcula o BER
68
           errors = sum(qam_demodulated ~= data);
           qam_ber = [qam_ber, errors / data_length];
69
       end
71
       % Plotando o gráfico para cada valor de M
73
       figure;
74
       semilogy(1:14, qam_ber, 'DisplayName', sprintf('%d-QAM', M));
       xlabel('SNR [dB]');
75
76
       ylabel('BER');
77
       title(sprintf('%d-QAM BER vs SNR', M));
78
       legend('show');
79
       grid on;
       set(gca, 'FontSize', 14);
81
  end
```

2.2.1. 4-MQAM

2.2.2. 16-MQAM

2.2.3. 64-MQAM

2.2.4. Desempenho comparativo:

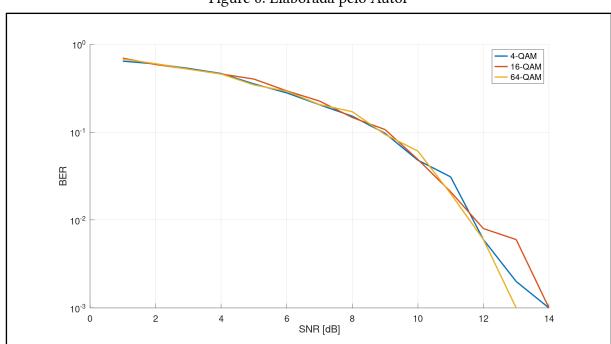


Figure 6: Elaborada pelo Autor

Taxa de erro de bit (BER) comparativa

```
clear all; close all; clc;
   pkg load communications;
4 % Função para realizar a modulação QAM
  function symbols = qam_modulate(data, M)
       % Define o número de bits por símbolo
       k = log2(M);
       % Define o tamanho da grade QAM
       n = sqrt(M);
       % Normaliza os dados
       data = mod(data, M);
       % Converte dados para uma matriz de símbolos
       symbols = zeros(size(data));
       for i = 1:numel(data)
17
           % Mapeia os dados para uma posição na matriz QAM
           x = mod(data(i), n) - (n-1)/2;
           y = floor(data(i) / n) - (n-1)/2;
20
           symbols(i) = x + 1i * y;
21
       end
22
   end
23
   % Função para realizar a demodulação QAM
   function demodulated data = gam demodulate(symbols, M)
26
       % Define o número de bits por símbolo
       k = log2(M);
       % Define o tamanho da grade QAM
28
       n = sqrt(M);
31
       % Inicializa o vetor de dados demodulados
32
       demodulated_data = zeros(size(symbols));
34
       % Demodula cada símbolo
       for i = 1:numel(symbols)
35
36
           % Extrai a parte real e imaginária do símbolo
37
           x = real(symbols(i));
38
           y = imag(symbols(i));
           % Mapeia para a posição da matriz QAM
           x_{idx} = round(x + (n-1)/2);
41
           y_{idx} = round(y + (n-1)/2);
42
           % Converte para o índice de dados
           demodulated_data(i) = x_idx + n * y_idx;
43
44
       end
45
  end
46
47
  figure;
48 hold on;
   grid on;
   set(gca, 'FontSize', 14);
50
52
   for M = [4, 16, 64]
53
       % Define a quantidade de dados a serem gerados
       data_length = 1000; % Número reduzido de amostras
54
55
       data = randi([0 M-1], data_length, 1); % Gera dados aleatórios
56
57
       % Modulação QAM
58
       qam symbols = qam modulate(data, M);
```

```
qam_ber = [];
61
       for snr = 1:14
           snr_linear = 10^(snr / 10);
64
           noise_variance = 1 / (2 * snr_linear);
              noise = sqrt(noise_variance) * (randn(size(qam_symbols)) + 1i
65
     randn(size(qam symbols)));
66
67
           qam noisy = qam symbols + noise;
           % Demodulação QAM
70
           qam_demodulated = qam_demodulate(qam_noisy, M);
           % Calcula o BER
           errors = sum(qam_demodulated ~= data);
73
           qam_ber = [qam_ber, errors / data_length];
74
75
76
       semilogy(1:14, qam_ber, 'DisplayName', sprintf('%d-QAM', M));
77
78 end
79
80 xlabel('SNR [dB]');
81 ylabel('BER');
82 legend('show');
83 hold off;
```

2.3. Comparação de modulações PSK vs. QAM

```
2.3.1. 4-PSK vs. 4-QAM
```

2.3.2. 16-PSK vs. 16-QAM

2.3.3. 64-PSK vs. 64-QAM

3. Conclusão:

4. Referências Bibliográficas:

Para o desenvolvimento deste relatório, foi utilizado o seguinte material de referência:

• Software Defined Radio Using MATLAB & Simulink and the RTL-SDR, de Robert W. Stewart