

Lista de Exercicios - Aula 6

Economia para a Engenharia

Arthur Cadore Matuella Barcella

18 de Maio de 2025

Engenharia de Telecomunicações - IFSC-SJ

Sumário

1.	Intro	duçãodução	. 3
2.	Ques	tões	. 3
		Questão 1	
		Questão 2	
	2.3.	Questão 3	. 3
	2.4.	Questão 4	. 4
		Questão 5	
		Questão 6	
		Questão 7	
		2.7.1. Calculo do valor de compra:	. 5
		2.7.2. Calculo do valor liquido de venda:	. 5
		2.7.3. Calculo do retorno:	. 5
	2.8.	Questão 8	. 6
		2.8.1. Item A)	. 6
		2.8.2. Item B)	. 6
	2.9.	Questão 9	
	2.10	. Questão 10	. 7

1. Introdução

2. Questões

2.1. Questão 1

Qual o montante final obtido em uma aplicação de R\$10.000, a uma taxa nominal anual de 6%, com capitalização mensal, durante 48 meses?

Para resolver essa questão, utilizamos a fórmula do montante em juros compostos:

$$M = P.(1+i)^n \tag{1}$$

Dessa forma, temos:

$$M = 10000. \left(1 + \left(\frac{0,06}{12}\right)\right)^{48} \to M = 10000.1, 268241 \to M = 12682, 41$$
 (2)

Assim, o montante final obtido em uma aplicação de R\$10.000, a uma taxa nominal anual de 6%, com capitalização mensal, durante 48 meses é de R\$12.682,41.

2.2. Questão 2

Para cobrir uma dívida de R\$5.000 hoje, preciso contrair um financiamento pessoal a uma taxa de 11,2% a.m., para ser pago daqui a 6 meses.Qual será o valor a pagar no final do prazo?

Para resolver essa questão, utilizamos a fórmula do montante em juros compostos:

$$M = P.(1+i)^n \tag{3}$$

Dessa forma, temos:

$$M = 5000.(1+0,112)^6 \to M = 5000.1,877 \to M = 9385,00$$
 (4)

Assim, o montante a ser pago no final do prazo de 6 meses é de R\$9.385,00.

2.3. Questão 3

Para cobrir a mesma dívida do exercício anterior, um agiota me cobraria R\$7.500 daqui a 4 meses. Qual a taxa de juros cobrada pelo agiota?

Para resolver essa questão, utilizamos a fórmula do montante em juros compostos reorganizada para encontrar a taxa de juros:

$$M = P.(1+i)^n \to (1+i) = \left(\frac{M}{P}\right)^{\frac{1}{n}} \to i = \left(\frac{M}{P}\right)^{\frac{1}{n}} - 1$$
 (5)

Assim, temos:

$$i = \left(\frac{7500}{5000}\right)^{\frac{1}{4}} - 1 \to i = 1, 5^{\frac{1}{4}} - 1 \to i = 0, 1067 \tag{6}$$

Engenharia de Telecomunicações - IFSC-SJ

Portanto, a taxa de juros cobrada pelo agiota é de $\approx 10,67\%$ ao mês.

2.4. Questão 4

Deseja-se realizar uma viagem que custará R\$30.000 daqui a 2 anos. Quanto se deveria aplicar agora, em um investimento com taxa de juros de 1,5%a.m., para poder pagar pela viagem?

Para resolver essa questão, utilizamos a fórmula do montante em juros compostos reorganizada para encontrar o valor presente:

$$M = P.(1+i)^n \to P = \frac{M}{(1+i)^n}$$
 (7)

Assim, temos:

$$P = \frac{30000}{(1+0,015)^{2.12}} \to P = \frac{30000}{(1,015)^{24}} \to P = \frac{30000}{1,432364654} \to P = 21078, 28 \quad (8)$$

Portanto, o valor que se deveria aplicar agora, em um investimento com taxa de juros de 1,5% ao mês, para poder pagar pela viagem de R\$30.000 daqui a 2 anos é de R\$21.078,28.

2.5. Questão 5

No exercício anterior, se o valor da viagem é R\$30.000 hoje, e a taxa de inflação prevista para o período é de 6%a.a., quanto deveria ser o valor investido agora?

Primeiro devemos atualizar o valor da viagem para o futuro, considerando a inflação. Para isso, utilizamos a fórmula do montante em juros compostos:

$$M = P.(1+i)^n \to M = 30000.(1+0,06)^2 \to M = 30000.(1,1236) \tag{9}$$

Assim, o valor atualizado da viagem é de R\$33.709,08. Agora, devemos calcular o valor presente considerando a taxa de juros de 1,5% ao mês:

$$P = \frac{33709,08}{(1+0,015)^{2.12}} \to P = \frac{33709,08}{(1,015)^{24}} \to P = 23563,73 \tag{10}$$

Portanto, o valor que se deveria aplicar agora, em um investimento com taxa de juros de 1,5% ao mês, para poder pagar pela viagem de R\$30.000 hoje, considerando a inflação prevista de 6% ao ano, é de R\$23.563,73.

2.6. Questão 6

Adquiriu-se um lote de ações de uma determinada companhia por R\$9.564, que foi vendido 75 dias depois por R\$11.439. Qual a taxa de juros mensal equivalente desta operação de compra e venda?

Para resolver essa questão, utilizamos a fórmula do montante em juros compostos reorganizada para encontrar a taxa de juros:

$$M = P.(1+i)^n \to (1+i) = \left(\frac{M}{P}\right)^{\frac{1}{n}} \to i = \left(\frac{M}{P}\right)^{\frac{1}{n}} - 1$$
 (11)

Assim, temos:

$$i = \left(\frac{11439}{9564}\right)^{\frac{1}{2,5}} - 1 \to i = 1,1953^{0,4} - 1 \to i = 0,0747 \tag{12}$$

Portanto, a taxa de juros mensal equivalente desta operação de compra e venda é de $\approx 7,47\%$ ao mês.

2.7. Questão 7

As ações da companhia Camil Alimentos S.A. (ticker: CAML3) estavam cotadas a R\$9,97 no dia 31/05/2021. Uma pessoa adquiriu um lote de 1.000 ações neste dia, e precisou vendê-las no dia 31/10/2021, quando a ação estava cotada a R\$9,68. Sabendo que a corretora cobra, por operação de compra ou venda, uma taxa de corretagem fixa de R\$5,00 mais 0,02% do valor movimentado, qual foi a taxa de retorno da operação?

Para resolver essa questão, primeiro devemos calcular o valor de compra e venda das ações, incluindo as taxas de corretagem.

2.7.1. Calculo do valor de compra:

$$V_{\text{Bruto compra}} = 1000.9, 97 = 9970$$
 (13)

$$V_{\text{Taxa_compra}} = 5 + \left(\frac{0,02}{100}\right).9970 = 5 + 1,994 = 6,994$$
 (14)

$$V_{\text{Total compra}} = 9970 + 6,994 = 9976,994$$
 (15)

2.7.2. Calculo do valor liquido de venda:

$$V_{\text{Bruto_venda}} = 1000.9, 68 = 9680$$
 (16)

$$V_{\text{Taxa_venda}} = 5 + \left(\frac{0,02}{100}\right).9680 = 5 + 1,936 = 6,936$$
 (17)

$$V_{\rm Total_venda} = 9680 - 6,936 = 9673,064 \tag{18}$$

2.7.3. Calculo do retorno:

$$V_{\rm Retorno} = {\rm Valor_venda} - {\rm Valor_compra} = 9673,064 - 9976,994 = -303,93 \quad (19)$$

$$\text{Taxa_Retorno} = \left(\frac{-303, 93}{9976, 994}\right).100 = -3,04\% \tag{20}$$

Assim, a taxa de retorno da operação foi de $\approx -3,04\%$.

2.8. Questão 8

Qual a opção mais vantajosa para se aplicar uma certa quantidade de recursos.

Para realizar essa comparação, devemos calcular o montante final de cada opção, considerando um mesmo valor de investimento inicial e um período de 1 ano.

2.8.1. Item A)

Taxa de 40% a.a. com capitalização mensal

$$i_{\rm m} = (1+0,4)^{\frac{1}{12}} - 1 \to i_{\rm m} = 0,0283 \to i_{\rm m} = 2,83\%(a.m.)$$
 (21)

Convertendo a taxa anual para mensal, temos:

$$i_{\rm e} = (1+0,0283)^{12} - 1 \rightarrow i_{\rm e} = 0, 4 \rightarrow i_{\rm e} = 40,1\% (a.a.) \eqno(22)$$

2.8.2. Item B)

Taxa de juros de 1% a.m. com correção monetária de 3% a.t. Primeiro, devemos calcular a taxa efetiva anual considerando a correção monetária:

$$(1+i_{\rm t})=1,03 \rightarrow (1+i_{\rm m})^3=1,03 \rightarrow i_{\rm m}=(1,03)^{\frac{1}{3}}-1 \rightarrow i_{\rm m}=0,98\% (a.m.)~(23)$$

Agora, convertendo para anual, temos:

$$i_{\rm e} = (1+0,0098)^{12} - 1 \rightarrow i_{\rm e} = 0,123 \rightarrow i_{\rm e} = 12,3\% (a.a.) \eqno(24)$$

Dessa forma, a opção mais vantajosa é a opção A, com uma taxa efetiva anual de 40,1% em comparação com a opção B, que tem uma taxa efetiva anual de 12,3%.

2.9. Questão 9

Uma dívida de R\$2.000,00 será paga 3 meses antes do seu vencimento, em 20 de dezembro. Sabendo que a taxa de juro para essa dívida é de 5% a.m., em regime de juro composto, qual deverá ser o valor do desconto?

Para resolver essa questão, utilizamos a fórmula do montante em juros compostos reorganizada para encontrar o valor do desconto:

$$V_P = \frac{V_F}{(1+i)^n} \to V_P = \frac{2000}{(1+0,05)^3} \to V_P = \frac{2000}{1,157625} \to V_P = 1727,00$$
 (25)

Calculando o valor do desconto:

$$V_D = V_F - V_P \rightarrow V_D = 2000 - 1727,00 \rightarrow V_D = 273,00 \tag{26} \label{eq:26}$$

Assim, o valor do desconto a ser aplicado na dívida de R\$2.000,00 será de R\$273,00.

2.10. Questão 10

Um investimento promete pagar juros de 9,0% a.a.. Se fôr feito um investimento de R\$5.000, e este investimento fôr resgatado 7 meses após, qual será o valor total resgatado? Qual será o valor dos juros?

Inicialmente, devemos calcular a taxa efetiva mensal considerando a taxa anual de 9,0%:

$$i_{\rm m} = (1+0,09)^{\frac{1}{12}} - 1 \rightarrow i_{\rm m} = 0,0072 \rightarrow i_{\rm m} = 0,72\% (a.m.) \tag{27}$$

Agora, devemos calcular o montante final considerando o investimento de R\$5.000,00 e o período de 7 meses:

$$M = P.(1+i)^n \to M = 5000.(1+0.0072)^7 \to M = 5000.(1.0514)$$
 (28)

Assim, o montante final resgatado será de R\$5.257,00. Agora, devemos calcular o valor dos juros:

$$J = M - P \rightarrow J = 5257,00 - 5000,00 \rightarrow J = 257,00$$
 (29)

Portanto, o valor total resgatado será de R\$5.257,00 e o valor dos juros será de R\$257,00.