

Filtros Digitais

Processamento de Sinais Digitais

Arthur Cadore Matuella Barcella

05 de Maio de 2024

Engenharia de Telecomunicações - IFSC-SJ

Sumário

| 1. Exemplo: | 3 |
|---------------|---|
| 2. Questão 1: | 3 |
| 3. Questão 2: | |
| 4. Questão 3: | |
| 5. Questão 4: | |
| 6. Questão 5: | |
| 7. Ouestão 6: | |

1. Exemplo:

```
clear all % Limpa todas as variáveis e funções da área de trabalho
3 M = 52; % Define a ordem do filtro
4 N = M + 1; % Define o comprimento do filtro
5 Omega_p = 4; % Frequência de passagem
6 Omega r = 4.2; % Frequência de rejeição
  Omega s = 10; % Frequência de amostragem
  kp = floor(N * Omega p / Omega s); % Indice de passagem
10 kr = floor(N * Omega_r / Omega_s); % Índice de rejeição
  A = [ones(1, kp + 1) zeros(1, M / 2 - kr + 1)]; % Vetor de resposta ideal
   em frequência
13
14 % Corrigindo o cálculo de 'A' para evitar vetores de tamanho não inteiro
15 A = [ones(1, kp + 1) zeros(1, ceil(M / 2 - kr) + 1)];
17 % Ajuste de kp se a diferença entre kr e kp for maior que 1
18 if (kr - kp) > 1
       kp = kr - 1;
20 end
22 % Inicializando o vetor de resposta ao impulso
h = zeros(1, N);
24
25
  k = 1:M/2; % Índices para o cálculo da resposta ao impulso
  for n = 0:M
       h(n + 1) = A(1) + 2 * sum((-1) .^ k .* A(k + 1) .* cos(pi * k * (1 + 2))
27
   * n) / N));
28
  end
29
30 h = h / N; % Normalização da resposta ao impulso
32 % Calculando a resposta em frequência
33 [H, w] = freqz(h, 1, 2048, 0mega s);
34
35 % Plotando a resposta em frequência
36 figure(1)
37 plot(w, 20 * log10(abs(H)))
38 axis([0 5 -50 10])
39 ylabel('Resposta de Módulo (dB)')
40 xlabel('Frequência (rad/s)')
41 title('Resposta em Frequência')
43 % Plotando a resposta ao impulso
44 figure(2)
45 stem(h)
46 ylabel('Resposta ao impulso')
47 xlabel('Amostras (n)')
```

2. Questão 1:

Projete um filtro passa-baixas usando o método da amostragem em frequência que satisfaça a especificação a seguir:

Engenharia de Telecomunicações - IFSC-SJ

```
• M = 200
• \Omega p = 4 \frac{\text{rad}}{s}
• \Omega r = 4,2 \frac{\text{rad}}{s}
• \Omega s = 10,0 \frac{\text{rad}}{s}
```

```
clear all % Limpa todas as variáveis e funções da área de trabalho
3 % Definindo os parâmetros do filtro
4 M = 200; % Define a ordem do filtro
5 N = M + 1; % Define o comprimento do filtro
6 Omega p = 4.0; % Frequência de passagem
7 Omega r = 4.2; % Frequência de rejeição
8 Omega s = 10.0; % Frequência de amostragem
10 kp = floor(N * Omega p / Omega s); % Índice de passagem
11 kr = floor(N * Omega r / Omega s); % Índice de rejeição
13 % Corrigindo o cálculo de 'A' para evitar vetores de tamanho não inteiro
14 A = [ones(1, kp + 1) zeros(1, N - (kp + 1))];
16 % Ajuste de kp se a diferença entre kr e kp for maior que 1
17 if (kr - kp) > 1
      kp = kr - 1;
18
19 end
20
21 % Inicializando o vetor de resposta ao impulso
h = zeros(1, N);
23
24 k = 1:M/2; % Índices para o cálculo da resposta ao impulso
  for n = 0:M
       h(n + 1) = A(1) + 2 * sum((-1) .^ k .* A(k + 1) .* cos(pi * k * (1 + 2))
26
   * n) / N));
27 end
28
29 h = h / N; % Normalização da resposta ao impulso
30
31 % Calculando a resposta em frequência
32 [H, w] = freqz(h, 1, 2048, 0mega s);
33
34 % Plotando a resposta em frequência
35 figure(1)
36 plot(w, 20 * log10(abs(H)))
37 axis([0 5 -50 10])
ylabel('Resposta de Módulo (dB)')
39 xlabel('Frequência (rad/s)')
40 title('Resposta em Frequência')
42 % Plotando a resposta ao impulso
43 figure(2)
44 stem(h)
45 ylabel('Resposta ao impulso')
46 xlabel('Amostras (n)')
```

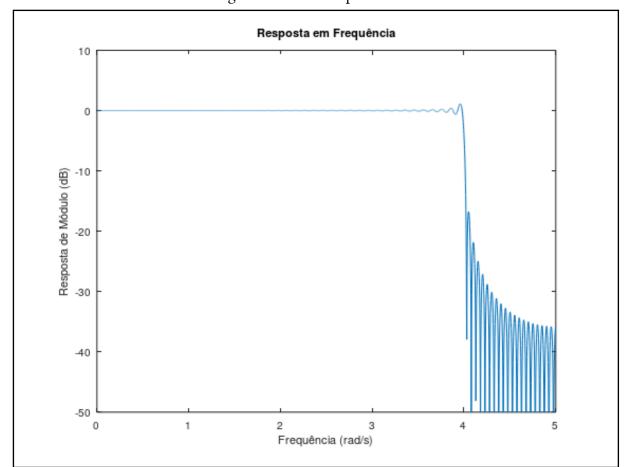


Figura 1: Elaborada pelo Autor

Forma de onda no domínio do tempo e densidade espectral de potência do sinal filtrado.

0.8 0.6 Resposta ao impulso 0.4 0.2 -0.2 50 250 100 150 200 Amostras (n)

Figura 2: Elaborada pelo Autor

Forma

3. Questão 2:

Projete um filtro passa-altas usando o método da amostragem em frequência que satisfaça a especificação a seguir:

```
• M = 52
```

- $\Omega p = 4 \frac{\text{rad}}{\hat{s}}$
- $\Omega r = 4.2 \frac{\text{rad}}{2}$
- $\Omega s = 10.0 \frac{s}{\text{rad}}$
- Agora aumente o número de amostras, mantendo a paridade e faça suas considerações.

```
clear all % Limpa todas as variáveis e funções da área de trabalho
  % Definindo os parâmetros do filtro
  M = 52; % Define a ordem do filtro
5 N = M + 1; % Define o comprimento do filtro
6 Omega r = 4.0; % Frequência de rejeição
  Omega_p = 4.2; % Frequência de passagem
 Omega s = 10.0; % Frequência de amostragem
  kp = floor(N * Omega_p / Omega_s);
                                     % Índice de passagem
  kr = floor(N * Omega r / Omega s);
                                     % Índice de rejeição
```

```
13 % Corrigindo o cálculo de 'A' para evitar vetores de tamanho não inteiro
14 A = [zeros(1, kr) ones(1, N - kr)];
16 % Ajuste de kr se a diferença entre kr e kp for maior que 1
17 if (kr - kp) > 1
18
       kp = kr - 1;
19 end
20
21 % Inicializando o vetor de resposta ao impulso
h = zeros(1, N);
23
24 k = 1:M/2; % Índices para o cálculo da resposta ao impulso
25 for n = 0:M
       h(n + 1) = A(1) + 2 * sum((-1) .^ k .* A(k + 1) .* cos(pi * k * (1 + 2))
   * n) / N));
27 end
28
29 h = h / N; % Normalização da resposta ao impulso
31 % Calculando a resposta em freguência
^{32} [H, w] = freqz(h, 1, 2048, 0mega_s);
34 % Plotando a resposta em frequência
35 figure(1)
36 plot(w, 20 * log10(abs(H)))
37 axis([0 5 -50 10])
ylabel('Resposta de Módulo (dB)')
39 xlabel('Frequência (rad/s)')
40 title('Resposta em Frequência')
42 % Plotando a resposta ao impulso
43 figure(2)
44 stem(h)
45 ylabel('Resposta ao impulso')
46 xlabel('Amostras (n)')
```

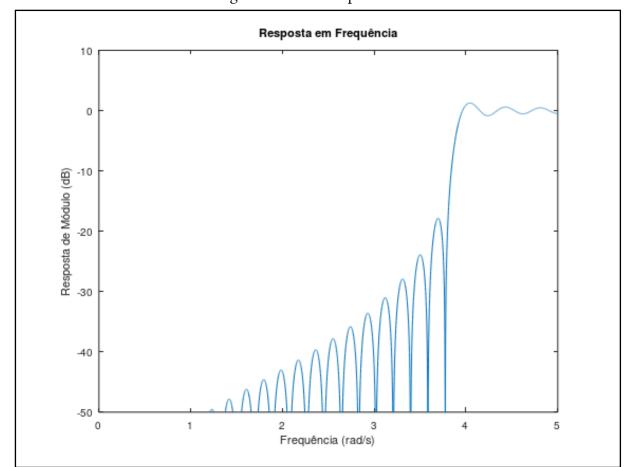


Figura 3: Elaborada pelo Autor

Forma

0.4 0.3 0.2 0.1 0.2 0.1 0.2 0.3 0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.60 Amostras (n)

Figura 4: Elaborada pelo Autor

Forma

4. Questão 3:

Projete um filtro passa-faixa usando o método da amostragem em frequência que satisfaça a especificação a seguir:

- M = 52
- Ω r1 = 2 $\frac{\text{rad}}{s}$
- Ω p1 = 3 $\frac{s}{rad}$
- Ω $\mathbf{r}2 = 7 \frac{s}{\frac{\text{rad}}{s}}$
- Ω p2 = 8 $\frac{s}{rad}$
- $\Omega s = 20.0 \frac{s}{\frac{\text{rad}}{s}}$
- Agora aumente o número de amostras, mantendo sua paridade e faça suas considerações.

5. Questão 4:

Projete um filtro rejeita-faixa usando o método da amostragem em frequência que satisfaça a especificação a seguir:

- M = 52
- Ω r1 = 2 $\frac{\text{rad}}{s}$

Engenharia de Telecomunicações - IFSC-SJ

•
$$\Omega$$
 p1 = 3 $\frac{\text{rad}}{\epsilon}$

•
$$\Omega$$
 r2 = 7 $\frac{\text{rad}}{s}$

•
$$\Omega$$
 p2 = 8 $\frac{\text{rad}}{s}$

•
$$\Omega$$
 p1 = 3 $\frac{\text{rad}}{s}$
• Ω r2 = 7 $\frac{\text{rad}}{s}$
• Ω p2 = 8 $\frac{\text{rad}}{s}$
• Ωs = 20,0 $\frac{\text{rad}}{s}$

6. Questão 5:

Projete um filtro passa-faixa tipo III usando o método da amostragem em frequência que satisfaça a especificação a seguir:

•
$$\Omega$$
 r1 = 2 $\frac{\text{rad}}{s}$

•
$$\Omega$$
 p1 = 3 $\frac{\text{rad}}{s}$

•
$$\Omega$$
 r2 = 7 $\frac{\text{rad}}{s}$

•
$$\Omega$$
 p2 = 8 $\frac{\text{rad}}{s}$

•
$$\Omega = 32$$
• $\Omega = 1 = 2 \frac{\text{rad}}{s}$
• $\Omega = 1 = 3 \frac{\text{rad}}{s}$

7. Questão 6:

Projete um filtro passa-baixas usando o método da amostragem em frequência que satisfaça a especificação a seguir

•
$$\Omega p = 4 \frac{\text{rad}}{s}$$

•
$$\Omega r = 4.2 \frac{\text{rad}}{s}$$

•
$$\Omega p = 4 \frac{\text{rad}}{s}$$

• $\Omega r = 4.2 \frac{\text{rad}}{s}$
• $\Omega s = 10.0 \frac{\text{rad}}{s}$