#### Banco de Dados I

#### 06 - Álgebra Relacional

Arthur Porto - IFNMG Campus Salinas

arthur.porto@ifnmg.edu.br

arthurporto.com.br

### Sumário I

- Introdução
- $oxed{2}$  SELEÇÃO ( $oldsymbol{\sigma}$ )
- $\odot$  PROJEÇÃO ( $\pi$ )
- Sequência de operações
- Exercício
- Operações de conjuntos
  - UNIÃO (∪)
  - INTERSECÇÃO (∩)
  - DIFERENÇA (S-I)
  - DIFERENÇA (I S)
  - PRODUTO CARTESIANO (×)
- JUNÇÃO (⋈)
  - EQUIJUNÇÃO e JUNÇÃO NATURAL
- O DIVISÃO ÷
- Extra

#### Sumário II

- Auto Relacionamento
- JUNÇÃO EXTERNA

Exemplo

Funções de Agregação

Referências

### Sumário I

- Introdução
- 2 SELEÇÃO ( $\sigma$ )
- $\odot$  PROJEÇÃO ( $\pi$ )
- Sequência de operações
- Exercício
- Operações de conjuntos
  - UNIÃO (∪)
  - INTERSECÇÃO (∩)
  - DIFERENÇA (S-I)
  - DIFERENÇA (I S)
  - PRODUTO CARTESIANO (×)
- JUNÇÃO (⋈)
  - EQUIJUNÇÃO e JUNÇÃO NATURAL
- O DIVISÃO ÷
- Extra

#### Sumário II

- Auto Relacionamento
- JUNÇÃO EXTERNA

100 Exemplo

Funções de Agregação

Referências

## Introdução

- O conjunto básico de opereções para o modelo relacional é a álgebra relacional
- As operações da álgebra produzem novas relações
- Características [1]
  - Alicerce fomal para as operações do modelo relacional.
  - Base para implementação e otimização de consitas nos SGBDs
  - Alguns dos seus conceitos são incorporados à SQL
- Operações da teoria de conjuntos
  - União, intersecção, diferença e produto cartesiano
- Operações para BDs relacionais
  - Seleção, projeção e junção.

# SELEÇÃO ( $\sigma$ )

- Usada para escolher um subconjunto das tuplas de uma relação que satisfaça uma condição de seleção.
- Representada pelo  $\sigma$
- E a condição de seleção é uma expressão booleana.
  - A expressão pode conter várias condições usando os operadores:
    - AND (∧), OR(∨) ou NOT (¬)
  - Modelo da operação SELEÇÃO

$$\sigma_{condicao\_de\_selecao}(R)$$
 (1)

Exemplo

$$\sigma_{Dnr=4}(FUNCIONARIO)$$
 (2)

# SELEÇÃO $(\sigma)$

- Características
  - A SELEÇÃO é unária
    - O operador SELEÇÃO é unário: aplica-se apenas a uma única relação (sem auto relacionamento também).
    - O grau da relação resultante é o mesmo da relação original.
    - O número de tuplas é menor ou igual a da relação original.
  - A SELEÇÃO é comutativa
    - Uma sequência de SELEÇÃO pode ser aplicada em qualquer ordem.

$$\sigma_{\langle cond1\rangle}(\sigma_{\langle cond2\rangle}(R)) = \sigma_{\langle cond2\rangle}(\sigma_{\langle cond1\rangle}(R))$$
(3)

$$\sigma_{}(\sigma_{}(R)) = \sigma_{AND<}(R)$$
(4)

# PROJEÇÃO $(\pi)$

- A PROJEÇÃO seleciona colunas da tabelas (os atributos da relação).
- ullet Representada pelo  $\pi$
- É uma partição vertical da relação.
- Modelo da operação PROJEÇÃO

$$\pi_{lista\_de\_atributos}(R)$$
 (5)

Exemplo

$$\pi_{Unome,Pnome,Salario}(FUNCIONARIO)$$
 (6)

06 - Álgebra Relacional Banco de Dados I 9/30

# PROJEÇÃO $(\pi)$

- Características
  - O grau da realação resultante é igual o número e atributos na lista de atributos.
  - Caso apenas atributos não-chave estejam na lista de atributos a PROJEÇÃO elimina quais quer tuplas duplicadas na relação resultante.
  - O número de tuplas da relação resultante é semprem menor ou igual a da relação original.
  - Não é comutativa!

## Sequência de operações

- Exemplos

$$FUNCS\_DEPT5 = \sigma_{Dnr=5}(FUNCIONARIO)$$
 (7)

- Utilização em outras operações

$$TEMP = \sigma_{Dnr=5}(FUNCIONARIO) \tag{8}$$

$$R = \pi_{Pnome,Unome,Salario}(TEMP) \tag{9}$$

#### Exercício

- Relações
  - VIRUS(nomeCientifico, nomePopular, incubacao)
  - MEDICAMENTO(<u>nomeVenda</u>,compostoAtivo)
- Liste todos os vírus com período de incubação maior que 5 dias.
- Liste todos os componentes ativos disponíveis
- Liste o nome popular de todos os vírus com período de incubação maior que 5 dias.

#### Exercício

- Relações
  - PESSOA(<u>nome</u>, <u>nomeMae</u>, anoNascimento, nomeCidadeNatal)
    - nomeCidadeNatal : CHE Cidade
  - CIDADE(nomeCidade, siglaEstado)
- Liste os nomes de todas as mães.
- Liste os nomes de todas as mães com filhos maiores de 12 anos.

### Operações de conjuntos

- UNIÃO (∪), INTERSECÇÃO(∩) e DIFERENÇA (−)
- São usadas para mesclar elementos de dois conjuntos (operações binárias).
- É necessária a compatibilidade de união (tipo)
  - Duas relações  $R(A_1,A_2,...,A_n)$  e  $S(B_1,B_2,...,B_n)$  são compatíveis no tipo se tiverem o mesmo grau n e se  $dom(A_i) = dom(B_i)$
  - Relações com o mesmo número de atributos e estes devem ter o mesmo domínio.
  - Exemplo: CPF de todos so funcionários que trabalham ou no Dep. 5 ou supervisionam funcionários no Dep. 5

$$FUNCS\_DEP5 = \sigma_{Dnr=5}(FUNCIONARIO)$$

$$RES1 = \pi_{Cpf}(FUNCS\_DEP5)$$

$$RES2 = \pi_{Cpf\_supervisor}(FUNCS\_DEP5)$$

$$RESFINAL = RES1 \cup RES2$$

## Operações de conjuntos - UNIÃO (∪)

#### **STUDENT**

Fn	Ln
Susan	Yao
Ramesh	Shah
Johnny	Kohler
Barbara	Jones
Amy	Ford
Jimmy	Wang
Ernest	Gilbert

#### **INSTRUCTOR**

Fname	Lname
John	Smith
Ricardo	Browne
Susan	Yao
Francis	Johnson
Ramesh	Shah

Fn	Ln
Susan	Yao
Ramesh	Shah
Johnny	Kohler
Barbara	Jones
Amy	Ford
Jimmy	Wang
Ernest	Gilbert
John	Smith
Ricardo	Browne
Francis	Johnson

15/30

## Operações de conjuntos - INTERSECÇÃO (∩)

#### **STUDENT**

Fn	Ln
Susan	Yao
Ramesh	Shah
Johnny	Kohler
Barbara	Jones
Amy	Ford
Jimmy	Wang
Ernest	Gilbert

#### **INSTRUCTOR**

Fname	Lname
John	Smith
Ricardo	Browne
Susan	Yao
Francis	Johnson
Ramesh	Shah

Fn	Ln
Susan	Yao
Ramesh	Shah

## Operações de conjuntos - DIFERENÇA (S-I)

#### **STUDENT**

Fn	Ln
Susan	Yao
Ramesh	Shah
Johnny	Kohler
Barbara	Jones
Amy	Ford
Jimmy	Wang
Ernest	Gilbert

#### **INSTRUCTOR**

Fname	Lname
John	Smith
Ricardo	Browne
Susan	Yao
Francis	Johnson
Ramesh	Shah

Fn	Ln
Johnny	Kohler
Barbara	Jones
Amy	Ford
Jimmy	Wang
Ernest	Gilbert

17/30

## Operações de conjuntos - DIFERENÇA (I-S)

#### **STUDENT**

Fn	Ln
Susan	Yao
Ramesh	Shah
Johnny	Kohler
Barbara	Jones
Amy	Ford
Jimmy	Wang
Ernest	Gilbert

#### **INSTRUCTOR**

Fname	Lname
John	Smith
Ricardo	Browne
Susan	Yao
Francis	Johnson
Ramesh	Shah

Fname	Lname
John	Smith
Ricardo	Browne
Francis	Johnson

18/30

### Operações de conjuntos

- Características
  - UNIÃO e INTERSECÇÃO são comutativas e associativas

$$R \cup S = S \cup R \ \mathbf{e} \ R \cap S = S \cap R$$
 
$$R \cup (S \cup T) = (R \cup S) \cup T \ \mathbf{e} \ R \cap (S \cap T) = (R \cap S) \cap T$$

DIFERENÇA não é comutativa

$$R - S \neq S - R$$

## Operações de conjuntos - PRODUTO CARTESIANO $(\times)$

- Conhecida também como produto cruzado.
- Indicado pelo simbolo  $\times$ .
- Operação binária.
- O grau do produto cartesiano entre as relações  $R(A_1, A_2, ..., A_n)$  e  $S(B_1, B_2, ..., B_m)$  é n+m.
- Exemplo: Lista dos nomes dos dependentes de cada funcionária.

$$EMPS\_FEM = \sigma_{Sexo='F'}(FUNCIONARIO)$$

$$EMPNOMES = \pi_{Pnome,Unome,Cpf}(EMPS\_FEM)$$

$$EMP\_DEP = EMPNOMES \times DEPENDENTE$$

$$ATUAL\_DEP = \sigma_{Cpf} = F_{cpf}(EMP\_DEP)$$

$$RESULT = \pi_{Pnome,Unome,Nome,dependente}(ATUAL\_DEP)$$
(10)

# JUNÇÃO (⋈)

- A JUNÇÃO é indicada por ⋈.
- Usada para combinar tuplas relacionadas.
- É a composição de um produto cartesiano seguido de uma seleção.
- Exemplo: Nome do gerente de cada departamento.

$$DEP\_GER = DEPARTAMENTO \bowtie_{Cpf_gerente=Cpf} FUNCIONARIO$$

$$RESULTAO = \pi_{Dnome,Unome,Pnome}(DEP\_GER)$$
(11)

• A JUNÇÃO pode ser realizada em múltiplas tabelas também.

$$(PROJETO \bowtie_{Dnum=Dnumero} DEPART) \bowtie_{Cpf\_gerente=Cpf} FUNC$$
 (12)

06 - Álgebra Relacional Banco de Dados I 21/30

## JUNÇÃO (⋈) - EQUIJUNÇÃO e JUNÇÃO NATURAL

Relações

cliente		corrida			
<u>Clild</u>	Nome	CPF	<u>Clild</u>	<u>Placa</u>	<u>DataPedido</u>

EQUIJUNÇÃO

$$CLIENTE \bowtie_{CliId} CORRIDA$$
 (13)

JUNÇÃO NATURAL

$$CLIENTE * CORRIDA$$
 (14)

### DIVISÃO ÷

Na DIVISÃO

$$T = R(Z) \div S(X) \tag{15}$$

onde:

Z: subconjunto de X ( $X \subseteq Z$ )

 Para uma tupla t aparecer no resultado da DIVISÃO os valores em t deverão aparecer em R em combinação com cada tupla em S R

Α	В	
a1	b1	
a2	b1	
аЗ	b1	
a4	b1	
a1	b2	
аЗ	b2	
a2	b3	
аЗ	b3	
a4	b3	

a1

a2

аЗ

b4

b4

b4

3
Α
a1
a2
аЗ

Т

•
В
b1
b4

#### DIVISÃO -

 Exemplo: Liste todos os funcionários que trabalham em todos os projetos em que 'João Silva' trabalha.

 $SILVA = \sigma_{Pnome=',logo', ANDUnome=',Silva'}(FUNC)$  $SILVA\_PNR = \pi_{Pnr}(TRAB\_EM \bowtie_{Fcpf = Cpf} SILVA)$  $CPF\_PNR = \pi_{Fcpf\_Pnr}(TRAB\_EM)$  $CPFS(Cpf) = CPF\_PNR \div SILVA\_PNR$  $RESULTADO = \pi_{Pnome,Unome}(CPFS * FUNC)$ 

	CPF_PNR		
	Fcpf	Pnr	
	123456789	1	
	123456789	2	
	666884444	3	
	453453453	1	
	453453453	2	
	333445555	2	
	333445555	3	
	333445555	10	
(16)	333445555	20	
	999887777	30	
	999887777	10	
	987987987	10	
	987987987	30	
	987654321	30	
	987654321	20	
	888665555	20	

PΝ	IR	SILVA
	Pnr	P
)	1	
)	2	
4	3	
3	1	
3	2	CF
5	2	C
5	3	1234
5	10	4534
5	20	
_	30	
	10	
	10	
	30	
	30	

#### Extra - Auto Relacionamento

• Exemplo: Nome do funcionário e o nome do seu supervisor.

$$FUNC = FUNCIONARIO$$

$$SUPER(F\_Pnome, S\_Cpf) = \pi_{Pnome, Cpf\_supervisor}(FUNC)$$

$$RESULT = \pi_{F\_Pnome, Pnome}(SUPER \bowtie_{S\_Cpf=Cpf} FUNC)$$
(17)

#### Extra - JUNÇÃO EXTERNA

- JUNÇÃO EXTERNA À ESQUERDA  $(R \bowtie S)$
- JUNÇÃO EXTERNA À DIREITA  $(A\bowtie B)$
- JUNÇÃO EXTERNA COMPLETA  $(A \bowtie B)$

#### Exemplo

- Exemplo com um pouco de tudo.
  - Números de projeto com funcionários cujo último nome é 'Silva', seja como participante ou gerente do departamento que controla o projeto.

$$FUNC = FUNCIONARIO$$

$$DEP = DEPARTAMENTO$$

$$SILVA(Fcpf) = \pi_{Cpf}(\sigma_{Unome=Silva}(FUNC))$$

$$P\_SILVA\_TRAB = \pi_{Pnr}(TRABALHA\_EM * SILVA)$$

$$GER = \pi_{Unome,Dnumero}(FUNC \bowtie_{Cpf=Cpf\_gerente} DEP)$$

$$DEP\_SIL\_GER(Dnum) = \pi_{Dnumero}(\sigma_{Unome=Silva}(GER))$$

$$P\_SIL\_GER(Pnr) = \pi_{Projnumero}(DEP\_SIL\_GER * PROJETO)$$

$$RES = (P\_SIL\_TRAB \cup P\_SIL\_GER)$$

$$(18)$$

## Funções de Agregação

- As funções de agregação pegam uma coleção de valores e retorna um único valor como resultado [2].
- Símbolos:  $\Im$  ou  $\mathcal G$
- Exemplos:
  - $\mathcal{G}_{sum}$ ,  $\mathcal{G}_{avg}$ ,  $\mathcal{G}_{count}$ ,  $\mathcal{G}_{min}$  e  $\mathcal{G}_{max}$
  - Encontrar a soma dos salários de todos os professores:

$$G_{\mathbf{sum}(salary)}(professor)$$
 (19)

- Quando é necessário eliminar múltiplas ocorrências use o distinc.
  - Encontre o número total de professores que lecionam uma disciplina no segundo semestre de 2010.

$$\mathcal{G}_{\mathbf{count-distinct}(ID)}(\sigma_{professor="segundo" \land ano=2010}(ensina)) \tag{20}$$

## Funções de Agregação

- Quando é necessário aplicar uma função agregada a grupos de tuplas.
  - Encontre o salário médio de cada departamento.

$$_{dept\_name}\mathcal{G}_{\mathbf{avg}(salary)}(instructor)$$
 (21)

ID	пате	dept_name	salary
76766	Crick	Biology	72000
45565	Katz	Comp. Sci.	75000
10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000
83821	Brandt	Comp. Sci.	92000
98345	Kim	Elec. Eng.	80000
12121	Wu	Finance	90000
76543	Singh	Finance	80000
32343	El Said	History	60000
58583	Califieri	History	62000
15151	Mozart	Music	40000
33456	Gold	Physics	87000
22222	Einstein	Physics	95000

salary
72000
77333
80000
85000
61000
40000
91000

#### Referências



R. Elmasri and S.B. Navathe. *Sistemas de banco de dados*. PEARSON BRASIL, 2011.



A. Silberschatz, S. Sundarshan, and H.F. Korth. *Sistema de banco de dados*.

Elsevier, 2011.