SVM - Support Vector Machine

*

Arthur Felipe Reis Souza Electrical Engineering Department, Federal University of Minas Gerais, Belo Horizonte, Brazil arthurfreisouza@gmail.com

Antônio de Pádua Braga and Frederico Gualberto Ferreira Coelho Electrical Engineering Department, Federal University of Minas Gerais, Belo Horizonte, Brazil apbraga@cpdee.ufmg.br, fredgfc@ufmg.br

October 22, 2024

Abstract

Esse relatório tem por objetivo demonstrar o algoritmo de Machine Learning Support Vector Machine (SVM), suas vantagens, desvantagens e aplicações.

1 Introdução

O algoritmo Support Vector Machine (SVM) é amplamente utilizado em Machine Learning tanto para tarefas de classificação quanto de regressão, sendo mais comumente utilizado para classificação. No contexto de classificação esse algoritmo é um separador que consiste em maximizar a margem entre a reta separadora e os vetores de suporte. Os vetores de suporte são os pontos de cada classe que estão mais próximos do separador, sendo eles os pontos que mais importam na hora de realizar a classificação, podendo ignorar todo o restante.

^{*}Insert applicable funding agency here. If none, delete this.

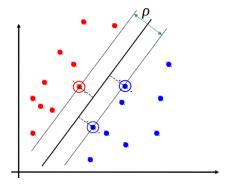


Figure 1: Margens de uma SVM, com sua reta separadora.

Esse algoritmo é um separador linear, por natureza, e não pode separar claramente duas classes que são não linearmente separáveis. Para isso, usase uma função de kernel que leva esses pontos não separáveis para uma outra dimensão onde os mesmos são separáveis por uma reta ou um hiperplano N-dimensional. Há várias funções de kernel que podem ser utilizadas, e dependerá de cada situação de aplicação

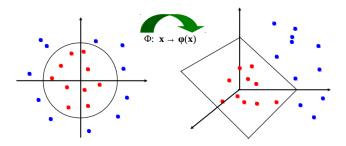


Figure 2: Função de Kernel levando os pontos para outra dimensão.

Outro fator influente nesse algoritmo é se ele possui uma "soft-margin" ou uma "hard-margin". Esses conceitos serão melhores esclarescidos ao decorrer do relatório, mas de maneira resumida esses tipos de margem tem relação com o tradeoff entre o bias (erro nos dados de treino) e o termo variance (erro nos dados de teste) do modelo. Portanto, controlando a margem com o hiperparametro C, podemos controlar o overfitting do modelo.

2 Geração dos dados

Os dados foram gerados com base em distribuições espirais, conjunto de dados cuja característica é ser não linearmente separável. A ideia é construir um classificador do tipo SVM para separar ambos os conjuntos, tendo um bom desempenho tanto para os dados de treino quanto para os dados de teste, variando o hiperparametro C.

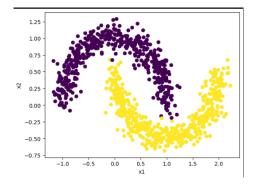


Figure 3: Conjunto de dados espiralS.

É notório acima que as classes são não linearmente separáveis. Para deixá-las separáveis, usaremos os kernels em um Grid e testar cada combinação, pegando o kernel que resultar em uma melhor acurácia.

3 Desenvolvimento

A função do SVM está incluída na biblioteca scikit-learn em Python, eliminando a necessidade de implementá-la do zero. No exercício, foi realizada uma busca em grade (grid search), que identificou o kernel "rbf" como o mais adequado para a base de dados. Em seguida, utilizando esse kernel, variou-se o hiperparâmetro C para analisar o desempenho do modelo.

4 Resultados e Discussão

As duas imagens abaixo representam a superfície de separação para o modelo ao variar C. Note-se que para C=1,a superfície de separação do modelo é mais suave, indicando que ele generaliza melhor para essa situação. No entanto, ao utilizar C=150, um valor bastante elevado, podes-se concluir tendencias de overfitting.

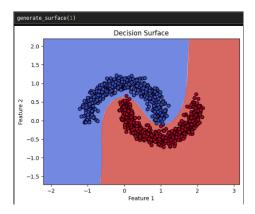


Figure 4: SVM com C = 1.

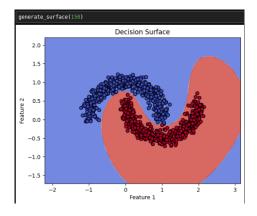


Figure 5: SVM com C = 150.

Aprofundando na lógica do hiperparâmetro C: A principal ideia por trás de uma SVM (Máquina de Vetores de Suporte) é maximizar a margem entre a reta separadora e os vetores de suporte. Para isso, é necessário controlar o módulo dos pesos w da reta separadora, limitando-os. Como mostrado na equação abaixo, ao introduzir o hiperparâmetro C, temos a liberdade de ajustá-lo para controlar o overfitting do modelo. Um valor elevado de C implica que menos amostras ϵ serão consideradas como erros de classificação. Cada amostra ϵ corresponde a um erro de classificação, ou seja, uma amostra que foi classificada incorretamente. Ao aumentar ou diminuir o número de amostras classificadas erroneamente, estamos ajustando a margem do modelo. Um valor alto de C resultará em menos erros de classificação ϵ , levando a uma margem menor (hard margin). Por outro lado, um valor baixo de C permitirá mais erros de classificação, ampliando a margem do modelo (soft margin).

```
Encontrar \mathbf{w} e b tal que  \mathbf{\Phi}(\mathbf{w}) = \mathbf{w}^{\mathrm{T}}\mathbf{w} + C\Sigma \xi_{i} \quad \text{\'e mínimo}  e para todo (\mathbf{x}_{i}, y_{i}), i=1..n: \quad y_{i}(\mathbf{w}^{\mathrm{T}}\mathbf{x}_{i} + b) \geq 1 - \xi_{i}, \quad \xi_{i} \geq 0
```

Figure 6: Matemática para o valor de C.

5 Conclusão

Portanto, ao finalizar o exercíco é possível observar e estudar o algoritmo SVM-Support Vector Machine, é possível analisar como a superfície de separação e o classificador é fortemente afetada pelo hiperparametro C, onde quando C tem um valor elevado o modelo tende ao overfitting e quando C tem um valor baixo o modelo tende a uma melhor generalização, pois C controla a margem e o overfitting do modelo. Uma boa lógica para escolher os valores de C é através por algoritmos de teste como o GridSearch.