

## Segunda Lista de Exercícios: Modelos de Entrada

Entrega: Quarta 18 de Outubro.

1. (Entrada e Externalidade — Inspirado em Moita 2008) Considere um modelo de entrada da seguinte forma: Há  $M$  localidades ordenadas ao longo de um rio, e indexadas por  $m$ . Cada localidade pode comportar no máximo uma usina hidrelétrica. Há  $M$  firmas potenciais, cada uma decidindo se entra ou não numa das localidades. Suponha que o lucro de uma usina que entra em  $m$  é

$$\Pi_m = X_m\beta + \alpha I_{m-1} + \epsilon_m$$

e zero se não entrar.  $X_m$  são características exógenas da localidade  $m$ ,  $I_{m-1}$  é uma variável indicadora da presença de uma firma na localidade  $m-1$ , e  $\epsilon$  é um vetor de choques i.i.d. observado pelas firmas mas não por você. (Moita 2008 propõe um modelo nessa forma para investigar um contexto, no setor elétrico, em que se espera que  $\alpha > 0$ , porque a presença de uma usina a montante regulariza o curso do rio.)

- (a) Suponha como em Bresnahan e Reiss, que todas as firmas observem todo o vetor  $\epsilon$ . Dada uma realização de  $\epsilon$  o vetor  $I = (I_1, \dots, I_m)$  de decisões de entrada de equilíbrio é único? Como sua resposta depende do sinal de  $\alpha$ ? Sabendo a distribuição de  $\epsilon$ , como podemos estimar esse modelo?
- (b) Suponha agora que cada firma observe apenas o  $\epsilon_m$  de sua localidade, e não a dos outros (conhecem apenas, como você, a distribuição deles). Nessa versão o  $I$  de equilíbrio é único? Como isso depende de  $\alpha$ ? Como podemos estimar esse modelo?
- (c) Volte a supor que as firmas observam todo o  $\epsilon$ , mas agora suponha que

$$\Pi_m = X_m\beta + \alpha I_{m-1} + \gamma I_{m+1} + \epsilon_m.$$

Nessa versão o  $I$  de equilíbrio é único? Como isso depende de  $\alpha$  e de  $\gamma$ ? Como podemos estimar esse modelo?

2. (Entrada e Saída — Inspirado em Caballero 2013) Suponha que você tenha uma base de dados com uma cross-section de localidades isoladas. Em cada localidade, uma ou várias firmas idênticas podem entrar. Suponha que na localidade  $i$ , se uma firma entrar, ela obtém lucro

$$\Pi_i = X_i\beta + h(n) - \Delta + \epsilon_i$$

onde  $X_i$  são características exógenas da localidade,  $\epsilon_i$  é um choque de lucratividade comum a todas as firmas nessas localidades, e  $h(n)$  é uma função flexível de  $n$ , o número total de firmas operando nesse mercado (imaginamos que  $h$  é decrescente).  $\Delta$  é um custo de entrada incorrido apenas no momento da entrada. Para firmas que já estavam operando antes, o lucro é

$$\Pi_i = X_i\beta + h(n) + \epsilon_i;$$

Para firmas que estavam operando antes, o lucro se elas saírem é

$$\Pi_i = -\Sigma$$

onde  $\Sigma$  é o custo de saída. Finalmente, para firmas que não estavam operando antes, e não entram nesse mercado, o lucro é 0.

- (a) Com uma cross-section com informação sobre  $X_i$  e o número de firmas em cada localidade (mas não as identidades das firmas), podemos estimar esse modelo? Em particular, o que podemos estimar a respeito de  $h$ ,  $\Delta$  e  $\Sigma$ ?
  - (b) Suponha agora que tenhamos um painel com  $X_i$  e o número de firmas em cada localidade em dois períodos diferentes. (Por simplicidade, suponha que as firmas sejam impacientes e decidam com base no lucro hoje, mas não amanhã). Podemos estimar esse modelo? Em particular, o que podemos estimar a respeito de  $h$ ,  $\Delta$  e  $\Sigma$ ?
  - (c) Considere a mesma base de dados do item anterior, mas agora avalie o que aconteceria se as firmas são forward-looking e decidem a cada período com base no lucro hoje e no futuro.
3. Para essa parte, use a base de dados `tiredealers.txt`, que é parte dos dados usados em Bresnahan and Reiss (1991). O arquivo está disponível no site <http://www.econ.puc-rio.br/lrezende/OI1/tiredealers.txt>. As colunas são: um identificador, número de revendedores de pneu na cidade, `tpop`, `ngrw`, `pgrw`, `octy`, `opop`, `landv`, `eld`, `frac`, `pinc`, `lnhdd`. (Veja a tabela 3 em Bresnahan e Reiss (1991) para definição das variáveis).
- (a) Use os dados para investigar visualmente as previsões teóricas que i) os thresholds  $S_n$  crescem mais que proporcionalmente ( $= s_n$  crescem) com  $n$  e ii) a variância dos thresholds aumenta com  $n$  (heteroscedasticidade). Monte uma tabela ou gráfico de quantis da distribuição da população das cidades, condicional ao número de empresas, e discuta se as previsões acima são visíveis no dado bruto.
  - (b) Tente replicar os resultados da última coluna da tabela 4.
  - (c) Investigue a decisão de “zerar”  $\alpha_4$ : Estime o modelo sem essa restrição e compare os resultados. Você acha a decisão justificada?

- (d) Vamos tentar implementar uma especificação a la Seim (mas sem bairros). Suponha que exista um número  $F$  de empresas entrantes em cada cidade. Pense numa forma de estimar o modelo de Seim (para o caso simplificado em que cada cidade só tem um bairro) usando os dados acima, mais uma série de  $F$  para cada cidade. Estime o modelo supondo (como em Seim) que  $F = 50$  ou  $F = 2 \times$  numero de revendedores de pneu. Como os resultados mudam em cada caso?