

Introdução aos Somatórios

u01-b1

1- $\sum 0; n; i$

2- $\sum 0; n-2; n-i-1$

3- a) $1^2+2^2+3^2+4^2+5^2 = 55$

b) $3.1+3.2+3.3+3.4+3.5 = 45$

c) $(3+3+3+3+3) - (2.1+2.2+2.3+2.4+2.5) = -15$

d) $(x+x+x+x+x) + (2.1+2.2+2.3+2.4+2.5) = 30+5x$

e) $[0.(-1).5] + 0 [1.0.4] + [2.1.3] + [3.2.2] + [4.3.1] + [5.4.0] = 0+0+6+12+12+0 = 30$

f) $(8j - 2.1)+(8j - 2.2)+(8j + 2.3)+(8j + 2.4)+(8j + 2.5) = 40j - 30$

4- Sim. Pois quando fazemos a conta com os termos 0, 1 ou 5 eles anulam a expressão (resultam em 0), ou seja, ambos os somatórios apenas somam os termos de 2 a 4.

5- Alternativa C

u01-b2

1- A) Sim

B) Não

C) Sim

D) Não

E) Sim

2- $\sum 3; n; (a_i + b_i) + b_1 + b_2$

$$3- (3 + 2.0) + (3 + 2.1) + (3 + 2.2) + (3 + 2.3) + (3 + 2.4) = 35$$

$$(3 + 2.[4-0]) + (3 + 2.[4-1]) + (3 + 2.[4-2]) + (3 + 2.[4-3]) + (3 + 2.[4-4]) = 35$$

$$4- S_n = (2.a + b.n.(n+1)) / 2$$

$$5- S_n = (n.(n+1)) / 2$$

```
6- int somatorio(int n){
    return ((n * (n+1))/2);
}
```

$$7- n^2/2 + n/2$$

8- A) O primeiro é igual ao segundo com exceção que soma o valor 0, que não faz diferença.

B) O primeiro começa a soma no elemento que está na posição 1, já o segundo começa a soma no elemento que está na posição 0.

C) Quando no segundo somatório a soma pega o elemento na posição i+1, é a mesma coisa que o primeiro quando começa no elemento 1 e termina em n.

$$9- \sum_{i=1}^n 1; n; A_i + A_m$$

$$10- \sum_{i=1}^n 1; n; A_i - (A_{m-2}) - (A_{m-1})$$

$$11- \text{Quando } x=1 ; S_n = (n+1) . A$$

$$\text{Quando } x \neq 1; S_n = (a-a.x^{n-1})/ 1-x$$

$$12- S_n = (n-1).2^{n+1} + 2$$

u01-b3

$$1- S_n = (2n^3 + 3n^2 + n) / 2 = (n \cdot (n-1) \cdot (2n+1)) / 6$$

$$2- (n^2 + 7n + 6) / 2$$

$$3- 2n^2 + 3n$$

$$4- S_n = 10n^2 + 10n$$

$$5- S_n = (n-1) \cdot 2^{n+1} + 2$$

$$6- S_n + (n+1)^2 = S_n + n(n+1) + (n+1)$$

$$7- S_n = (2n^3 + 3n^2 + n) / 6 = (n \cdot (n+1) \cdot (2n+1)) / 6$$

Exercícios

1- `int somatorioPA(double a, double b, int n)`

```
{
    return [((2*a) + (b*n))* (n+1)] / 2 ;
}
```

2- Comparações-> melhor caso: n-1 vezes; pior caso: $[(n-1) \cdot n] / 2$

Movimentações-> $Ci(n) + 1$ vezes