

**Supercomputação**  
**Entrega - Atividade 14**  
**Arthur Tamm**

## **Introdução**

Nesta atividade, implementamos o cálculo do valor de pi utilizando o método de Monte Carlo. O algoritmo baseia-se em gerar pontos aleatórios dentro de um quadrado unitário e calcular a proporção de pontos que caem dentro de um círculo inscrito nesse quadrado.

Desenvolvemos três versões do algoritmo:

1. Versão Sequencial (pi\_serial.cpp)
2. Primeira Tentativa de Paralelização (pi\_parallel1.cpp)
3. Melhoria na Paralelização (pi\_parallel2.cpp)

Cada versão foi executada 10 vezes, e os resultados foram coletados para análise.

## **Parte 1: Implementação Sequencial**

### **Descrição da Implementação**

Na versão sequencial, geramos  $N=10^6$  pontos aleatórios dentro do quadrado unitário. Para cada ponto gerado, verificamos se ele está dentro do círculo unitário centrado na origem.

### **Resultados**

- Valor médio estimado de pi: 3.1417
- Tempo médio de execução: aproximadamente 2.0 segundos

### **Reflexão sobre a Implementação**

A implementação sequencial foi direta e sem grandes dificuldades. A sequência de números aleatórios foi gerada corretamente utilizando um gerador adequado e uma distribuição uniforme. O maior desafio foi garantir a precisão no cálculo e na contagem dos pontos dentro do círculo.

## **Parte 2: Primeira Tentativa de Paralelização**

### **Descrição da Paralelização**

Na primeira tentativa de paralelização, utilizamos a diretiva **#pragma omp parallel** para distribuir o trabalho entre múltiplas threads. O laço de iteração foi paralelizado usando **#pragma omp for**, e a variável **inside\_circle** foi tratada com a cláusula **reduction(+:inside\_circle)** para evitar condições de corrida.

Para a geração de números aleatórios, compartilhamos um único gerador (`std::mt19937`) entre todas as threads e protegemos o sorteio usando **#pragma omp critical**, evitando assim acessos simultâneos ao gerador.

## Reflexão sobre a Geração de Números Aleatórios

A geração de números aleatórios pode ser um obstáculo em um ambiente paralelo porque o acesso simultâneo ao gerador por múltiplas threads pode causar condições de corrida e resultados incorretos. Proteger o gerador com uma seção crítica garante a correção, mas introduz um gargalo de desempenho, já que apenas uma thread pode acessar o gerador por vez.

### Resultados

- Valor médio estimado de pi: 3.1417
- Tempo médio de execução: aproximadamente 2.6 segundos

## Impacto no Desempenho

A solução adotada, embora correta, impactou negativamente o desempenho do código. O uso de **omp critical** criou um ponto de serialização no código, eliminando os benefícios da paralelização na geração de números aleatórios. Como resultado, a versão paralela ficou mais lenta que a sequencial.

## Parte 3: Melhorando a Paralelização

### Descrição das Melhorias

Para melhorar a paralelização, atribuímos a cada thread seu próprio gerador de números aleatórios. Inicializamos o gerador de cada thread com uma semente única, combinando o tempo atual com o número da thread (`omp_get_thread_num()`). Dessa forma, eliminamos a necessidade de proteger o gerador com `omp critical`, permitindo que as threads operem de forma independente.

## Reflexão sobre as Mudanças

A mudança permitiu paralelizar efetivamente a geração de números aleatórios. Cada thread passou a gerar seus próprios números sem interferir nas demais, eliminando o gargalo causado pela seção crítica. Observamos que o valor estimado de pi não sofreu alterações significativas, mantendo a precisão.

### Resultados

- Valor médio estimado de pi: 3.1411
- Tempo médio de execução: aproximadamente 0.19 segundos

## Melhoria no Tempo de Execução

Houve uma melhoria significativa no tempo de execução em comparação com as versões anteriores. A eliminação da seção crítica e a independência das threads permitiram aproveitar plenamente o paralelismo, resultando em um desempenho muito superior.

## Conclusão e Comparação

### Tabela Comparativa dos Resultados

Versão	Valor médio estimado de pi	Tempo médio de execução (s)
Sequencial	3.1417	2.0
Paralelização Inicial	3.1417	2.6
Paralelização Melhorada	3.1411	0.19

### Respostas às Perguntas

#### 1. Houve uma melhoria significativa no tempo de execução entre a versão sequencial e as versões paralelas?

Sim, houve uma melhoria significativa no tempo de execução na segunda versão paralela. Enquanto a primeira tentativa de paralelização resultou em um tempo maior devido ao uso de `omp critical`, a melhoria na paralelização permitiu reduzir o tempo de execução de aproximadamente 2.0 segundos para 0.19 segundos, aproveitando eficientemente o uso de múltiplas threads.

#### 2. A estimativa de pi permaneceu precisa em todas as versões?

Sim, a estimativa de pi manteve-se precisa em todas as versões. Houve pequenas variações nos valores estimados devido à natureza aleatória do método de Monte Carlo, mas todos os valores estavam próximos do valor real de pi, demonstrando a consistência dos resultados.

#### 3. Quais foram os maiores desafios ao paralelizar o algoritmo, especialmente em relação aos números aleatórios?

O maior desafio foi lidar com a geração de números aleatórios em um ambiente paralelo. O uso de um gerador compartilhado entre threads introduziu condições de corrida e a necessidade de sincronização com `omp critical`, o que prejudicou o desempenho. A solução foi criar geradores independentes para cada thread com sementes diferentes, eliminando a necessidade de sincronização e permitindo a geração eficiente de números aleatórios em paralelo.

#### **4. O uso de threads trouxe benefícios claros para este problema específico?**

Sim, o uso de threads trouxe benefícios claros na versão com a paralelização melhorada. Ao eliminar os gargalos e permitir que cada thread operasse independentemente, conseguimos reduzir significativamente o tempo de execução. Isso demonstra que, quando bem implementada, a paralelização pode oferecer vantagens substanciais em termos de desempenho para este tipo de problema computacionalmente intensivo.

### **Considerações Finais**

A atividade permitiu explorar os desafios e benefícios da paralelização em algoritmos que dependem de geração de números aleatórios. Através das implementações, ficou evidente a importância de considerar cuidadosamente a forma como os recursos são compartilhados entre threads para evitar impactos negativos no desempenho. A solução encontrada não só melhorou o tempo de execução como também manteve a precisão dos resultados, evidenciando o potencial da programação paralela quando aplicada corretamente.