# Lógica para Computação Exercícios de Lógica Proposicional em Tableau Analítico Saída da API CHATGPT Reflexivo

# 1 Informações:

MODELO = "gpt-4o Reflexivo"

DATA = 12/06/25

ENTRADA = 1 Exemplo de Resolução (pergunta seguida de Resposta), seguido pela seguite string "escreva a prova (Questão Aqui) usando o sistema de tableaux analitico na linguagem latex na biblioteca qtree"

SAÌDA = 1. Resposta da API escrita em LATEX;

EXEMPLO = 'escreva a prova  $A \lor (B \land C) \vdash (A \lor B) \land (A \lor C)$ 

**Comentário:** Ao derivar a fórmula T $A \wedge B$  ele bifurcou um ramo em dois, aplicando errado a regra da conjunção verdade. Erros(1)

Questão 2:  $\vdash (A \land (A \lor B)) \to A$ 

$$F((A \land (A \lor B)) \to A)$$

$$\downarrow \\ T(A \land (A \lor B))$$

$$\downarrow FA$$

$$\uparrow TA$$

$$\uparrow T(A \lor B)$$

$$\downarrow FA$$

$$\downarrow \\ \downarrow$$

Comentário: O modelo repetiu a expansão da fórmula FA e segundo a regra cada formula só pode ser expandida uma unica vez. Erros(1).

Questão 3: 
$$A \to (B \to C) \vdash B \to (A \to C)$$

$$T(A \to (B \to C))$$

$$F(B \to (A \to C))$$

$$TB$$

$$F(A \to C)$$

$$TA$$

$$FC$$

$$FA$$

$$T(B \to C)$$

**Comentário:** Ao aplicar a regra da implicação verdade, ele erra em expandir em apenas um ramo ao invés de bifurcar em duas possibilidades onde a primeira formula pode ser falsa e a segunda ser verdadeira para a implicação ser verdade, conforme a regra. Ele não faz a expansão da formula  $T(B \to C)$  porém como ele não expandiu na fórmula  $T(A \to (B \to C))$  os ramos em bifurcações, essa expansão de  $T(B \to C)$  não se torna necessária, por isso não será considerada erro. Erros(1).

Questão 4: 
$$\vdash (A \rightarrow (A \rightarrow B)) \rightarrow (A \rightarrow B)$$

$$F((A \to (A \to B)) \to (A \to B))$$

$$T(A \to (A \to B))$$

$$F(A \to B)$$

$$TA$$

$$FB$$

$$|$$

$$FA$$

$$T(A \to B)$$

$$|$$

$$TA$$

$$FB$$

$$|$$

$$FB$$

$$|$$

$$|$$

$$TA$$

$$FB$$

$$|$$

$$|$$

$$TA$$

$$FB$$

$$|$$

$$|$$

$$TA$$

$$FB$$

$$|$$

$$|$$

**Comentário:** Ao expandir a fórmula  $T(A \to (A \to B))$  ele erra por não expandir a fórmula em uma bifurcação com a duas possibilidades pois numa implicação verdade temos a possibilidade de tanto a fórmula antecedente ser falsa como a consequente ser verdade. Ele expande a fórmula  $F(A \to B)$  novamente, o que configura mais um erro de expansão dupla da mesma formula. Erros(2).

Questão 5: 
$$\vdash (\neg A \to B) \to ((\neg A \to \neg B) \to A)$$
  
 $F((\neg A \to B) \to ((\neg A \to \neg B) \to A))$   
 $T(\neg A \to B)$   
 $F((\neg A \to \neg B) \to A)$   
 $T(\neg A \to \neg B) \to A)$   
 $T(\neg A \to \neg B)$   
 $F(\neg A)$   
 $T(\neg A)$ 

**Comentário:** O modelo erra a aplicação da regra implicação verdade da formula  $T(\neg A \rightarrow B)$ , pois ele expande as formulas em um unico ramo, porém segundo a regra o correto é bifurca-las em duas possibilidades onde o antecedente pode ser falso e o consequente pode ser verdade para a implicação ser verdadeira. Também repede a fórmula F A duas vezes a mais, ferindo a regra da expansão única onde uma fórmula só pode ser expandida uma única vez. Erros(3).

Questão 6: 
$$\vdash A \lor \neg A$$
  
 $[.F \ A \lor \neg A \ [.F \ A$   
 $F \ \neg A \ [.F \ A \ [. \times \ ] \ ] \ [.T \ A \ [. \times \ ] \ ] \ ]$ 

**Comentário:** O modelo aplica duas vezes a regra da disjunção falso, uma de forma correta derivando em um novo ramo com as formulas F A e F  $\neg A$ , e outra bifurcando a expansão em dois ramos, no segundo ele coloca a formula final já resolvendo a negação falso da regra, mas o correto seria primeiro colocar F  $\neg A$  e só depois aplicar a regra da negação falso. Por fim no primeiro ramo, ele chega a uma contradição sem justificativa. Erros(3).

Questão 7: 
$$\vdash (A \to B) \lor (B \to A)$$

$$F((A \to B) \lor (B \to A))$$

$$F(A \to B) F(B \to A)$$

$$TA TB$$

$$FB FA$$

**Comentário:** O modelo aplica errado a regra da disjunção falso da fórmula  $F((A \to B) \lor (B \to A))$  pois para que uma disjunção seja falso é preciso que as duas fórmulas assim o seja também, mas o modelo bifurcou em duas possibilidades. Ele não chega a uma contradição em nenhum dos ramos. Erros(3).

Questão 8:  $\vdash A \rightarrow A$ 

$$F(A \to A)$$

$$TA$$

$$FA$$

$$|$$

$$X$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 9: 
$$\vdash (A \to B) \to ((C \to A) \to (C \to A))$$

$$F((A \to B) \to ((C \to A) \to (C \to A)))$$

$$T(A \to B)$$

$$F((C \to A) \to (C \to A))$$

$$T(C \to A)$$

$$F(C \to A)$$

$$TA$$

$$F(C \to A)$$

$$TC$$

$$FA$$

$$TA$$

$$TB$$

$$TC$$

$$FA$$

$$TB$$

$$TC$$

$$FA$$

**Comentário:** O modelo insere a fórmula T A e F  $C \to A$  em um ramo, porém não existe referência a nenhuma formula anterior que contenha essas subfórmulas. Ele repete a fórmula T A ferindo a regra da expansão única. Aplica errado a regra da implicação verdade, colocando as subfórmulas em apenas um ramo ao invés de bifurcá-las em duas possibilidades. e repete a expansão da formula F  $C \to A$ . Erros(4).

Questão 10: 
$$(A \land B) \rightarrow C \vdash B \rightarrow (A \rightarrow C)$$

$$T((A \land B) \rightarrow C)$$

$$F(B \rightarrow (A \rightarrow C))$$

$$TB$$

$$F(A \rightarrow C)$$

$$TA$$

$$FC$$

$$F(A \land B)$$

$$TC$$

$$FA FB$$

Comentário: O modelo erra na aplicação da regra implicação verdade pois ao invés de bifurcar em dois ramos ele coloca as fórmulas abaixo no mesmo ramo. Não fecha os ramos e apesar de ter chego na contradição ele não expressa isso. Erros(3).

Questão 11: 
$$B \to (A \to C) \vdash (A \land B) \to C$$

**Comentário:** O modelo aplica errado a regra da implicação verdade da fórmula  $T(B \to (A \to C))$ , ao invés de bifurcá-la em dois ramos, ele coloca ambas no mesmo ramo, e repete esse erro com a fórmula  $T(A \to C)$ . Ainda na expansão de  $T(A \to C)$  ele atribui errado o valor verdade da subformula A, o correto seria F(A). A formula A0 e repetida A1 vezes, o que vai contra a regra da expansão unica. Erros(6).

Questão 12: 
$$A \rightarrow (B \rightarrow C) \vdash (A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow C)$$

$$T(A \rightarrow (B \rightarrow C))$$

$$F((A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow C))$$

$$T(A \rightarrow B)$$

$$F(A \rightarrow C)$$

$$TA$$

$$FC$$

$$T(A \rightarrow B)$$

$$FA$$

$$T(B \rightarrow C)$$

$$FC$$

$$TB$$

$$TC$$

$$FC$$

Comentário: O modelo repete a fórmula  $T(A \to B)$  uma vez, e a fórmula F C duas vezes. Aplica errado a regra da implicação verdade na fórmula

 $T(A \to (B \to C))$  o correto seria bifurcá-la em dois ramos. Erra ao expandir a formula  $T(B \to C)$ , pois também coloca as subformulas no mesmo ramo, por fim ele erra no valor verdade da formula B que derivou da implicação verdade  $T(B \to C)$ . Erros(6).

Questão 13: 
$$\vdash A \rightarrow (B \rightarrow A)$$

$$F A \rightarrow (B \rightarrow A)$$

$$T A$$

$$F B \rightarrow A$$

$$T B$$

$$F A$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 14: 
$$\vdash ((A \to B) \to A) \to A$$

$$F(((A \to B) \to A) \to A)$$

$$T((A \to B) \to A)$$

$$FA$$

$$T(A \to B)$$

$$FA$$

$$FA$$

$$FA$$

$$FA$$

$$FA$$

**Comentário:** Na aplicação da regra implicação verdade na fórmula T ( $A \rightarrow B$ )  $\rightarrow A$  o modelo erra ao aplicar T para a fórmula antecedente, o correto seria F assim como atribui F para a fórmula consequente e o correto seria T, nessa mesma expansão ele erra ao coloca-las em um único ramo ao invés de bifurcar em dois. No ramo mais a direita ele repete a fórmula F A. Por fim, deixa ambos os ramos abertos o que torna a prova incompleta. Erros(6).

Questão 15: 
$$A \lor B, A \to C, B \to C \vdash C$$

$$T(A \lor B)$$

$$T(A \to C)$$

$$T(B \to C)$$

$$FC$$

$$TA$$

$$TB$$

$$FA$$

$$TC$$

$$TC$$

$$TC$$

$$FC$$

$$FC$$

$$FC$$

$$FC$$

$$FC$$

$$FC$$

**Comentário:** No primeiro ramo o modelo adiciona as subfórmulas T C e F C, porém não existe nenhuma formula anterior que justifique isso. Anda nesse ramo ele não coloca a contradição e por isso fica incompleto. Ele repete as subfórmulas T C e F C nos outros dois ramos. Erros(3).

Questão 16:  $A \vdash \neg \neg A$ 

$$\begin{array}{c|c} TA \\ F \neg \neg A \\ | \\ T \neg A \\ | \\ FA \\ | \\ \times \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 17:  $\neg \neg A \vdash A$ 

$$\begin{array}{c|c} T \neg \neg A \\ F A \\ | \\ F \neg A \\ | \\ T A \\ | \\ \times \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 18:  $A \to B, \neg B \vdash \neg A$ 

$$T (A \rightarrow B)$$

$$T \neg B$$

$$F \neg A$$

$$|$$

$$T A$$

$$T (A \rightarrow B)$$

$$T \neg B$$

$$F A T B$$

$$|$$

$$|$$

$$|$$

$$|$$

$$|$$

$$|$$

$$|$$

**Comentário:** O modelo repete as fórmulas  $T(A \to B)$  e  $T \neg B$  o que contradiz a regra da expansão única que diz que cada fórmula só pode ser expandida uma única vez. No primeiro ramo ele não fecha com a contradição, deixando-o incompleto. No segundo ramo ele repete a fórmula  $T \neg B$  e chega a uma contradição sem ter expandido a fórmula  $T \neg B$ , que resultaria em F(B), com a aplicação da regra da negação verdade. Erros(5).

Questão 19: 
$$\neg B \rightarrow \neg A \vdash A \rightarrow B$$

$$T (\neg B \rightarrow \neg A)$$

$$F (A \rightarrow B)$$

$$TA$$

$$FB$$

$$F (\neg B) \quad T \neg A$$

$$TA \quad TA$$

$$FB \quad FB$$

$$| \quad | \quad |$$

$$TB \quad FA$$

**Comentário:** O modelo erra a regra da expansão única e repete as fórmulas TA e FB nos dois ramos, porém elas já estavam expandidas mais acima. Erros(2)

Questão 20: 
$$A \to B \vdash \neg B \to \neg A$$

$$T (A \to B)$$

$$T \neg B$$

$$F \neg A$$

$$T (A \to B)$$

$$T \land B$$

$$T \neg B$$

$$T \neg B$$

**Comentário:** O modelo aplica errado a regra do Tableau Inicial e não aplica o valor verdade F na conclusão, e omite essa fórmula trazendo apenas a sua expansão. Repete as fórmulas  $T(A \to B)$  (uma vez) e  $T \neg B$ (duas vezes). Não encerra o primeiro ramo apesar de ter encontrado a contradição. No segundo ramo chega a uma contradição mais sem justificação. Erros(6).

Questão 21: 
$$\neg(A \lor B) \vdash \neg A \land \neg B$$

$$\begin{array}{c|c} T \neg (A \lor B) \\ F \neg A \land \neg B \\ \hline F \neg A \\ F \neg B \\ T \neg (A \lor B) \\ \hline T \neg A \\ T \neg B \\ \hline F A \\ F B \\ \hline \mid \\ \times \end{array}$$

Comentário: O modelo aplica errado a regra da conjunção verdade da fórmula  $F \neg A \land \neg B$  pois coloca as subfórmulas no mesmo ramo, porém o correto seria bifurca-las em duas possibilidades. Repete a fórmula  $T \neg (A \lor B)$ , ignorando a regra da expansão única. Apesar da derivação da fórmula  $T \neg (A \lor B)$  está correta ao final, ele erra nos procedimentos obrigatórios para a expansão da mesma. O correto seria primeiro aplica a regra da negação verdade, que vai resultar na fórmula  $F (A \lor B)$  e ai depois aplica a regra da disjunção falso. Erros(3).

Questão 22: 
$$\neg A \land \neg B \vdash \neg (A \lor B)$$

$$T \neg A \land \neg B$$

$$F \neg (A \lor B)$$

$$T \neg A$$

$$T \neg B$$

$$T \land A \lor B$$

$$T \land A \lor B$$

$$F \land F \land B$$

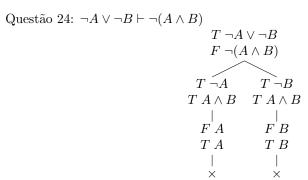
$$\vdash A \vdash B$$

**Comentário:** O modelo não expande as formulas derivadas da negação verdade de  $T \neg A$  e  $T \neg B$  em um novo ramo, ele apenas acrescenta no ramo da expansão da fórmula  $T \ A \lor B$ . Erros(2).

Questão 23: 
$$\neg(A \land B) \vdash \neg A \lor \neg B$$

$$\begin{array}{c|c} T \neg (A \wedge B) \\ F \neg A \vee \neg B \\ \hline F \neg A \\ F \neg B \\ T \neg (A \wedge B) \\ \hline & T \\ A \\ T \\ B \\ \hline & F \\ (A \wedge B) \\ F \\ A \\ F \\ B \\ & \\ & \times \end{array}$$

Comentário: O modelo repete a fórmula  $T \neg (A \land B)$ , contrapondo a regra da expansão única. Ao aplicar a regra da negação falso ele coloca a fórmula T B no mesmo ramo que a expansão da fórmula anterior. Por fim o modelo erra a aplicação da regra da conjunção falso da fórmula  $F (A \land B)$ , ele deveria colocar as subfórmulas em uma bifurcação com duas possibilidade. Erros(3).



**Comentário:** O modelo erra a aplicação da regra da negação falso da fórmula  $F \neg (A \land B)$  pois ele expande a fórmula  $T \ (A \land B)$  no mesmo ramo da expansão da disjunção verdade anterior. Na aplicação da regra da conjunção verdade ele comete dois erros em cada ramo, primeiro ele coloca a expansão no mesmo ramo da fórmula anterior, segundo ele deixa a expansão incompleta. Erros(6).

Questão 25:  $\neg A \lor B \vdash A \to B$ 

$$T (\neg A \lor B)$$

$$F (A \to B)$$

$$T \neg A \qquad TB$$

$$F (A \to B) \qquad F (A \to B)$$

$$F \qquad A \qquad T \qquad A$$

$$F \qquad A \qquad T \qquad A$$

$$F \qquad A \qquad B \qquad F \qquad B$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula  $F(A \to B)$  três vezes. Não conclui a proova com a contradição em nenhum dos ramos. Erros(5).

Questão 26: 
$$(A \lor B) \land (A \lor C) \vdash A \lor (B \land C)$$

$$T (A \lor B) \land (A \lor C)$$

$$F A \lor (B \land C)$$

$$T A \lor B$$

$$T A \lor C$$

$$F A$$

$$F B \land C$$

$$T A T B$$

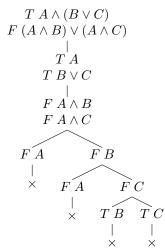
$$T C$$

$$\times F B$$

$$F C$$

**Comentário:** O modelo aplica errado a regra da disjunção verdade na fórmula T  $A \lor C$  primeiro colocando a expansão no mesmo ramo da fórmula anterior e depois deixando a expansão incompleta. Na aplicação da conjução falso da fórmula F  $B \land C$  ele erra ao colocar as subfórmulas no mesmo ramo da anterior ao invés de bifurca-las em dois ramos. Erros(3).

Questão 27: 
$$A \wedge (B \vee C) \vdash (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$$



Comentário: Demonstração correta.

Questão 28: 
$$(A \land B) \lor (A \land C) \vdash A \land (B \lor C)$$
  
 $T \ (A \land B) \lor (A \land C)$   
 $F \ A \land (B \lor C)$   
 $T \ A \land B \ T \ A \land C$   
 $F \ A \ F \ A$ 

**Comentário:** O modelo adiciona a fórmula F A em ambos os ramos, porém não dá pra saber qual a referência para derivação. Não faz a expansão da fórmula F  $A \wedge (B \vee C)$ , nem das fórmulas T  $A \wedge B$  e T  $A \wedge C$ . Não há justificativa para a contradição e fechamento dos ramos. Erros(7).

Questão 29:  $A \vee B, \neg B \vdash A$ 

$$\begin{array}{ccc} T \, (A \vee B) \\ T \, \neg B \\ F \, A \\ \hline T \, A & T \, B \\ | & | \\ \times & F \, B \\ | & \times \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 30:  $A \vee B \vdash \neg A \to B$ 

$$T(A \lor B)$$

$$F(\neg A \to B)$$

$$|$$

$$T \neg A$$

$$FB$$

$$T\widehat{A} \quad TB$$

**Comentário:** O modelo não expande a fórmula  $T \neg A$ . Não chegou a contradição no primeiro ramo e esqueceu de fechar o segundo. Erros(3).

Questão 31:  $\neg A \rightarrow B \vdash A \lor B$ 

$$\begin{array}{c|c} T \neg A \rightarrow B \\ F \ A \lor B \\ \hline T \neg A & T \ B \\ \mid & F \ B \\ F \ A & \mid \\ F \ B & \times \\ \mid & \times \\ \end{array}$$

**Comentário:** Na aplicação da regra da implicação verdade em  $T \neg A \rightarrow B$  o modelo aplica incorretamente o valor verdade do antecedente, que deveria ser falso. No primeiro ramo, seguindo a resolução do modelo, não existe contradição. No segundo ramo ele faz a expansão incompleta da fórmula  $F A \lor B$ . Erros(3).

Questão 32: 
$$A \land B \vdash \neg(A \to \neg B)$$

$$T A \land B \\ F \neg(A \to \neg B)$$

$$T A \\ T B \\ | \\ T A \\ T B \\ | \\ T A \\ F \neg B \\ | \\ T B \\ F B \\ | \\ |$$

**Comentário:** O modelo aplica errado a regra da implicação verdade da fórmula T  $A \to \neg B$ , pois deveria expandir em uma bifurcação com duas possibilidades. Ele errou também no valor verdade atribuído as subfórmulas resultantes. A fórmula F  $\neg B$  é inserida, porém não existe nenhuma fórmula que justifique ela. Erros(4).

Questão 33: 
$$\neg(A \to \neg B) \vdash A \land B$$

$$T \neg (A \to \neg B)$$

$$F (A \land B)$$

$$|$$

$$F (A \to \neg B)$$

$$|$$

$$T A$$

$$F (\neg B)$$

$$|$$

$$T B$$

**Comentário:** O modelo não aplica a regra da conjunção falso da formula  $F(A \wedge B)$ . Não chega a uma contradição e nem fecha o ramo. Erros(3).

Questão 34: 
$$A \lor B \vdash \neg (\neg A \land \neg B)$$
 
$$T (A \lor B)$$
 
$$F \neg (\neg A \land \neg B)$$
 
$$|$$
 
$$T (\neg A \land \neg B)$$
 
$$|$$
 
$$T \neg A$$
 
$$T \neg B$$
 
$$T \neg A$$
 
$$T \neg B$$

**Comentário:** O modelo não aplica a regra da negação verdade nas formulas  $T \neg A$  e  $T \neg B$  ao invés disso ele só as repete no mesmo ramo da expansão de  $T(A \lor B)$ , dessa forma ele não chega em uma contradição, assim como não fecha os ramos. Erros(4).

Questão 35: 
$$\neg(\neg A \land \neg B) \vdash A \lor B$$

$$T \neg(\neg A \land \neg B)$$

$$F A \lor B$$

$$| F A$$

$$F B$$

$$| F \neg A \land \neg B$$

$$T \neg A$$

$$T \neg B$$

$$F A$$

$$F B$$

$$| F B$$

**Comentário:** O modelo aplica errado a regra da conjunção falso da fórmula  $F \neg A \land \neg B$  pois o correto seria expandir em uma bifurcação com dois ramos de possibilidades, pois tanto a primeira fórmula pode ser falsa como a segunda pra que uma conjunção seja falsa. Ao expandir as fórmulas  $T \neg A$  e  $T \neg B$  ele deveria

colocar as subfórmulas F A e F B cada uma em um novo ramo. Erros(3).

Questão 36: 
$$A \to B \vdash \neg(A \land \neg B)$$
 
$$\begin{array}{c} T \ A \to B \\ F \ \neg(A \land \neg B) \\ \end{array}$$
 
$$\begin{array}{c} | \\ T \ A \land \neg B \\ \\ | \\ T \ A \\ T \ \neg B \\ | \\ F \ A \\ F \ B \\ | \\ \times \end{array}$$

**Comentário:** O modelo não expande a fórmula  $T \neg B$  aplicando a regra da negação verdade. Ao aplicar a regra da implicação verdade ele erra em não colocar as fórmulas em dois ramos diferentes bifurcados e aplica o valor verdade errado para o consequente B. Erros(3).

Questão 37: 
$$\neg(A \land \neg B) \vdash A \to B$$
 
$$\begin{array}{c} T \neg(A \land \neg B) \\ F A \to B \\ & | \\ T A \\ F B \\ & | \\ F A \land \neg B \\ F A \\ F \neg B \\ T B \\ & | \\ \times \end{array}$$

**Comentário:** o modelo aplica errado a regra da conjunção falso da fórmula F  $A \land \neg B$  o correto seria bifurca-la em duas possibilidades. Ao aplicar a regra da negação falso de F B ele erra ao colocar a fórmula expandida no mesmo ramo da fórmula anterior. Erros(2).

Questão 38:  $A \wedge B \vdash \neg(\neg A \vee \neg B)$ 

$$\begin{array}{c|c} T \ A \wedge B \\ F \ \neg (\neg A \vee \neg B) \\ \hline T \ A \\ T \ B \\ F \ \neg (\neg A \vee \neg B) \\ \hline T \ \neg A \vee \neg B \\ T \ \neg A \\ T \ \neg B \\ F \ A \\ F \ B \\ | \\ \downarrow \\ \end{array}$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula  $F \neg (\neg A \lor \neg B)$  ferindo a regra da expansão única. Erra ao aplicar a regra da disjunção verdade em  $T \neg A \lor \neg B$  pois o correto seria expandir em uma bifurcação com duas possibilidades. E erra na aplicação da negação verdade nas duas fórmulas  $T \neg A$  e  $T \neg B$  pois não expande cada uma em um novo ramo. Erros(4).

Questão 39: 
$$\neg(\neg A \lor \neg B) \vdash A \land B$$

$$T \neg(\neg A \lor \neg B)$$

$$F \land A \land B$$

$$T \land A$$

$$T \land B$$

$$F \land A \land B$$

Comentário: O modelo omite os passos de decomposição da fórmula  $T \neg (\neg A \lor \neg B)$  e coloca apenas o resultado final da aplicação das três regras, negação verdade, conjunção falso, negação falso. Repete a fórmula  $F \land B$  contrapondo a regra da expansão única. Chega a uma conclusão sem justificativa. Erros(5).

Questão 40: 
$$A \to B \vdash \neg A \lor B$$
 
$$\begin{array}{c} T \ A \to B \\ F \ \neg A \lor B \\ \hline F \ \neg A \\ F \ B \\ T \ A \to B \\ T \ A \\ F \ B \\ \end{array}$$

Comentário: O modelo repete a fórmula T  $A \to B$  e ao expandi-la ele erra, em não bifurcá-la em duas possibilidades e inverte a aplicação dos valores

verdades. Não existe justificativa para contradição. Erros(5).

# Saída da API DEEPSEEK R1 reflexivo

### 2 Informações:

MODELO = "deepseek-r1"

DATA = 16/05/25

ENTRADA = 1 Exemplo de Resolução (pergunta seguida de Resposta), seguido pela seguite string "escreva a prova (Questão Aqui) usando o sistema de tableaux analitico na linguagem latex na biblioteca qtree"

SAIDA = 1. Resposta da API escrita em LATEX;

EXEMPLO = 'escreva a prova  $A \lor (B \land C) \vdash (A \lor B) \land (A \lor C)$ 

Comentário: Demonstração correta.

Comentário: Demonstração correta. 
Questão 2: 
$$\vdash (A \land (A \lor B)) \to A$$

$$F ((A \land (A \lor B)) \to A)$$

$$T (A \land (A \lor B))$$

$$F A$$

$$T (A \lor B)$$

$$\downarrow \\
T (A \lor B)$$

$$\downarrow \\
\downarrow \\$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 3:  $A \to (B \to C) \vdash B \to (A \to C)$ 

$$\begin{array}{ccc} T & A \rightarrow (B \rightarrow C) \\ F & B \rightarrow (A \rightarrow C) \\ & & | \\ & T & B \\ F & A \rightarrow C \\ & & | \\ & T & A \\ & F & C \\ \\ T & A \rightarrow (B \rightarrow C) \\ \hline & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & | \\ & & | \\ & &$$

**Comentário:** A fórmula T  $A \to (B \to C)$  é repetida porém pela regra cada formula so pode ser expandida uma vez em casa ramo. Erros(1).

Questão 4: 
$$\vdash (A \to (A \to B)) \to (A \to B)$$
  
 $\vdash ((A \to (A \to B)) \to (A \to B))$   
 $\vdash (A \to (A \to B))$   
 $\vdash (A \to (A \to B))$   
 $\vdash (A \to B)$   
 $\vdash (A \to B)$ 

**Comentário:** No ramo mais a esquerda a fórmula  $A \to (A \to B)$  é repetida porém pela regra cada formula so pode ser expandida uma vez em casa ramo. Erros(1).

Questão 5: 
$$\vdash (\neg A \to B) \to ((\neg A \to \neg B) \to A)$$

$$F((\neg A \to B) \to ((\neg A \to \neg B) \to A))$$

$$T(\neg A \to B)$$

$$F((\neg A \to \neg B) \to A)$$

$$T(\neg A \to \neg B) \to A$$

$$T(\neg A \to \neg B)$$

$$F \to A$$

$$T(\neg A \to B)$$

$$F \to A$$

$$T(\neg A \to B)$$

$$F \to A$$

$$T \to B$$

$$T $$T \to$$

**Comentário:** O modelo aplica errado a regra da implicação falsa na fórmula  $F\ (\neg A \to \neg B) \to A$  dividido-a em uma bifurcação com duas possibilidades, porém segundo a regra para uma implicação ser falsa obrigatoriamente o antecedente tem que ser verdadeiro e o consequente falso. Os valores verdade atribuídos também estão incorretos em ambas as subfórmulas. Por fim o modelo acrescenta a fórmulas  $F\ A$  em dois ramos sem justificativa. Erros(5).

Questão 6:  $\vdash A \lor \neg A$ 

$$\begin{array}{c|c} F & (A \lor \neg A) \\ & F & A \\ F & \neg A \\ & & | \\ T & A \\ & & \times \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 7: 
$$\vdash (A \rightarrow B) \lor (B \rightarrow A)$$

$$F((A \rightarrow B) \lor (B \rightarrow A))$$

$$F(A \rightarrow B)$$

$$F(B \rightarrow A)$$

$$| TA$$

$$FB$$

$$TB$$

$$FA$$

$$| X$$

**Comentário:** Ao aplicar a regra da implicação falso na formula  $F(B \to A)$  ele expande as formulas no mesmo ramo da formula anterior  $(F(A \to B)$  quando ele deveriar criar um novo ramo abaixo. Erros(1).

Questão 8:  $\vdash A \rightarrow A$ 

Comentário: Demonstração correta.

Questão 9: 
$$\vdash (A \to B) \to ((C \to A) \to (C \to A))$$
  
 $\vdash ((A \to B) \to ((C \to A) \to (C \to A)))$   
 $\vdash T (A \to B)$   
 $\vdash F ((C \to A) \to (C \to A))$   
 $\vdash T (C \to A)$   
 $\vdash F (C \to A)$ 

Comentário: Demostração correta.

Questão 10:  $(A \land B) \to C \vdash B \to (A \to C)$ 

## Comentário: Demonstração correta.

Comentário: Demonstração correta.

Questão 12: 
$$A \to (B \to C) \vdash (A \to B) \to (A \to C)$$

$$T A \rightarrow (B \rightarrow C)$$

$$F ((A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow C))$$

$$T (A \rightarrow B)$$

$$F (A \rightarrow C)$$

$$T A$$

$$F C$$

$$T A \rightarrow B$$

$$X T A \rightarrow B$$

$$X T A \rightarrow (B \rightarrow C)$$

$$X F B T C$$

$$X F B T C$$

$$X A \rightarrow C$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula T  $A \to B$  e a fórmula T  $A \to (B \to C)$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(2).

Questão 13:  $\vdash A \rightarrow (B \rightarrow A)$ 

$$F A \rightarrow (B \rightarrow A)$$

$$T A$$

$$F (B \rightarrow A)$$

$$T B$$

$$F A$$

$$|$$

$$X$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 14:  $\vdash ((A \rightarrow B) \rightarrow A) \rightarrow A$ 

$$F(((A \to B) \to A) \to A)$$

$$T((A \to B) \to A)$$

$$F(A \to B) \to A)$$

$$T((A \to B) \to A)$$

$$T(A \to B) \to A$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula  $T B \to (A \to C)$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

**Comentário:** O modelo repete a fórmula T  $A \to C$  e a fórmula T  $B \to C$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(2).

Questão 16:  $A \vdash \neg \neg A$ 

$$\begin{array}{c|c} T & A \\ F & \neg \neg A \\ & | \\ T & \neg A \\ & | \\ F & A \\ & \times \end{array}$$

Comentário: Demostração correta.

Questão 17:  $\neg \neg A \vdash A$ 

$$\begin{array}{c|c} T \neg \neg A \\ F A \\ | \\ F \neg A \\ | \\ T A \\ | \\ \times \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 18:  $A \to B, \neg B \vdash \neg A$ 

$$\begin{array}{cccc} T & A \rightarrow B \\ T & \neg B \\ F & \neg A \\ & & | \\ T & A \\ & T & A \\ & & | \\ T & A \rightarrow B \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & & | \\ & | \\ & & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & | \\ & |$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula  $TA \to B$  e a fórmula  $T \neg B$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(2).

Questão 19:  $\neg B \rightarrow \neg A \vdash A \rightarrow B$ 

$$T \neg B \rightarrow \neg A$$

$$F (A \rightarrow B)$$

$$T A$$

$$F B$$

$$T \neg B \rightarrow \neg A$$

$$F \neg B \quad T \neg A$$

$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$T B \quad F A$$

$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$\times \qquad \times$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula  $T \neg B \rightarrow \neg A$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

Questão 20:  $A \to B \vdash \neg B \to \neg A$ 

$$\begin{array}{c} T \ A \rightarrow B \\ F \ (\neg B \rightarrow \neg A) \\ & | \\ T \ \neg B \\ F \ \neg A \\ & | \\ F \ B \\ T \ A \\ & | \\ T \ A \rightarrow B \\ \hline F \ A \ T \ B \\ & | \\ & | \\ \times \ \times \end{array}$$

**Comentário:** O modelo esqueceu de colocar a fórmula T A em um ramo único ao invés de coloca-la junto de F B já que a fórmula esta justificada pela negação falso do ramo anterior. Também repete a fórmula T  $A \rightarrow B$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(2).

Questão 21: 
$$\neg(A \lor B) \vdash \neg A \land \neg B$$

$$T \neg(A \lor B)$$

$$F (\neg A \land \neg B)$$

$$F (A \lor B)$$

$$F A$$

$$F B$$

$$F (\neg A \land \neg B)$$

$$F \neg A F \neg B$$

$$T A T B$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula  $T \neg B \rightarrow \neg A$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

Questão 22: 
$$\neg A \land \neg B \vdash \neg (A \lor B)$$

$$T (\neg A \land \neg B)$$

$$F \neg (A \lor B)$$

$$T \neg A$$

$$T \neg B$$

$$T (A \lor B)$$

$$T \overrightarrow{A} \overrightarrow{T} B$$

$$| | |$$

$$F \overrightarrow{A} F \overrightarrow{B}$$

$$| | |$$

$$\times \times$$

**Comentário:** O modelo erra a aplicação da regra negação falso em  $F \neg (A \lor B)$ , pois não a expande em um novo ramo, mas sim no mesmo ramo da expansão da fórmula  $T (\neg A \land \neg B)$ . Erros(1).

Questão 23: 
$$\neg(A \land B) \vdash \neg A \lor \neg B$$

$$\begin{array}{c} T \neg(A \land B) \\ F (\neg A \lor \neg B) \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} F (A \land B) \\ F \neg A \\ F \neg B \\ \\ & T A \\ T B \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} T A \\ T B \\ \\ F (A \land B) \\ \\ \end{array}$$

**Comentário:** O modelo expande a formula F  $(\neg A \lor \neg B)$  no mesmo ramo que ele resolve a negação verdade de T  $\neg (A \land B)$  quando o correto seria colocar em um novo ramo. Também esqueceu de colocar a fórmula T B em um ramo único ao invés de coloca-la junto de T A já que a fórmula esta justificada pela negação falso do ramo anterior. Ele erra ao repetir a fórmula F  $(A \land B)$ . Por fim chega a uma conclusão sem haver justificativa. Erros(4)

Questão 24: 
$$\neg A \lor \neg B \vdash \neg (A \land B)$$

$$T (\neg A \lor \neg B)$$

$$F \neg (A \land B)$$

$$T (A \land B)$$

$$T A$$

$$T B$$

$$T (\neg A \lor \neg B)$$

$$T \neg A T \neg B$$

$$\mid \qquad \mid$$

$$F A F B$$

$$\mid \qquad \mid$$

$$\mid \qquad \mid$$

$$V \land A \lor A \lor B$$

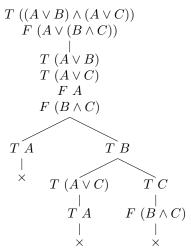
**Comentário:** O modelo repete a fórmula T ( $\neg A \lor \neg B$ ), o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

Questão 25:  $\neg A \lor B \vdash A \to B$ 

$$\begin{array}{ccc} T & (\neg A \lor B) \\ F & (A \to B) \\ & & T & A \\ & F & B \\ \hline T & \neg A & T & B \\ & & & | & | \\ F & A & \times & | \\ & & \times & \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 26:  $(A \lor B) \land (A \lor C) \vdash A \lor (B \land C)$ 



**Comentário:** O modelo erra ao aplicar a regra da disjunção falso da fórmula  $F\left(A\vee(B\wedge C)\right)$ , pois ao inves de expandi-la em um novo ramo ele expande no mesmo ramo de  $T\left((A\vee B)\wedge(A\vee C)\right)$ . Ele repete a fórmula  $T\left(A\vee C\right)$  e a fórmula  $F\left(B\wedge C\right)$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Por fim, chega a uma contradição sem justificativa no primeiro ramo a direita. Erros(4).

Questão 27: 
$$A \land (B \lor C) \vdash (A \land B) \lor (A \land C)$$

$$T (A \land (B \lor C))$$

$$F ((A \land B) \lor (A \land C))$$

$$T A$$

$$T (B \lor C)$$

$$F (A \land B)$$

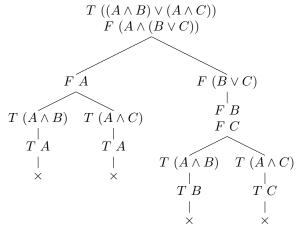
$$F (A \land C)$$

$$T B \qquad T C$$

$$F (A \land B) \qquad F (A \land C)$$

**Comentário:** O modelo erra ao aplicar a regra da disjunção falso da fórmula  $F((A \land B) \lor (A \land C))$ , pois ao inves de expandi-la em um novo ramo ele expande no mesmo ramo de  $T(A \land (B \lor C))$ . Ele repete a fórmula  $F(A \land B)$  e a fórmula  $F(A \land C)$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Por fim, chega a uma contradição sem justificativa nos dois ramos. Erros(5).

Questão 28:  $(A \wedge B) \vee (A \wedge C) \vdash A \wedge (B \vee C)$ 



**Comentário:** O modelo aplica de forma incompleta a regra da conjunção verdade das formulas T  $(A \wedge B)$  e T  $(A \wedge C)$  nos quatro ramos, pois o correto seria derivar um ramo com T A e T B, outro com T A e T C e repetir nos outros 2 ramos que a formula T  $((A \wedge B) \vee (A \wedge C))$  é expandida. Erros(4).

Questão 29:  $A \vee B, \neg B \vdash A$ 

$$T (A \lor B)$$

$$T \neg B$$

$$F A$$

$$T A T B$$

$$| | |$$

$$\times F B$$

$$| \times$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 30:  $A \lor B \vdash \neg A \to B$ 

$$\begin{array}{c|c} T & (A \vee B) \\ F & (\neg A \to B) \\ \hline T & \neg A \\ F & B \\ \hline F & A \\ \hline T & (A \vee B) \\ \hline T & A & T & B \\ \hline \mid & \mid & \mid \\ \times & \times \end{array}$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula T  $(A \lor B)$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

Questão 31: 
$$\neg A \rightarrow B \vdash A \lor B$$

$$\begin{array}{c|c} T \neg A \rightarrow B \\ F \ (A \lor B) \\ \hline F \ A \\ F \ B \\ \hline T \neg A \rightarrow B \\ \hline F \ \neg A \\ \hline T \ A \\ \times \\ \\ \end{array}$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula  $T \neg A \rightarrow B$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

Questão 32: 
$$A \wedge B \vdash \neg (A \rightarrow \neg B)$$

$$T (A \land B)$$

$$F \neg (A \rightarrow \neg B)$$

$$T A$$

$$T B$$

$$T (A \rightarrow \neg B)$$

$$T (A \rightarrow \neg B)$$

$$T (A \rightarrow \neg B)$$

$$F A T \neg B$$

$$| | | |$$

$$\times F B$$

$$| | |$$

$$\times F B$$

**Comentário:** O modelo repete a fórmula  $T(A \to \neg B)$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

Questão 33: 
$$\neg(A \to \neg B) \vdash A \land B$$

**Comentário:** A fórmula  $T \neg (A \rightarrow \neg B)$  não é expandida corretamente, pois o modelo deveria primeiro aplicar a regra da negação verdade, ele já pula para a expansão da formula final F  $(A \wedge B)$ . Também repete a fórmula F  $(A \wedge B)$  e T A, o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Por fim a contradição do ramo mais a direita não está correta, pois não temos a mesma formula com valores verdade distintos. Erros(4).

Questão 34: 
$$A \lor B \vdash \neg (\neg A \land \neg B)$$

$$T (A \lor B)$$

$$F \neg (\neg A \land \neg B)$$

$$T (\neg A \land \neg B)$$

$$T \neg A$$

$$T \neg B$$

$$T (A \lor B)$$

$$T \Rightarrow A$$

$$T \Rightarrow B$$

$$T \Rightarrow B$$

$$T \Rightarrow A \Rightarrow B$$

$$T \Rightarrow B$$

$$T$$

**Comentário:** repete a fórmula T  $(A \lor B)$ , o que viola a regra que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

Questão 35: 
$$\neg(\neg A \land \neg B) \vdash A \lor B$$

$$\begin{array}{c|c} T \neg (\neg A \wedge \neg B) \\ F (A \vee B) \\ \hline F A \\ F B \\ \hline F (\neg A \wedge \neg B) \\ \hline F \neg A & F \neg B \\ \hline T A & T B \\ \hline | & | \\ \times & \times \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 36: 
$$A \to B \vdash \neg (A \land \neg B)$$

$$\begin{array}{c} T \ (A \to B) \\ F \ \neg (A \land \neg B) \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} T \ (A \land \neg B) \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} T \ A \\ T \ \neg B \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} T \ A \\ T \ \neg B \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} F \ A \ T \ B \\ | \\ \times F \ B \\ | \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 37: 
$$\neg(A \land \neg B) \vdash A \rightarrow B$$

$$T \neg(A \land \neg B)$$

$$F (A \rightarrow B)$$

$$T A$$

$$F B$$

$$| F (A \land \neg B)$$

$$F (A \land \neg B)$$

$$| F A F \neg B$$

$$| F B$$

$$| F A F \neg B$$

$$| F B$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 38:  $A \wedge B \vdash \neg(\neg A \vee \neg B)$ 

$$\begin{array}{c|c} T \ (A \wedge B) \\ F \neg (\neg A \vee \neg B) \\ & | \\ T \ (\neg A \vee \neg B) \\ & | \\ T \ A \\ & T \ B \\ \hline T \ \neg A \ T \ \neg B \\ & | \\ F \ A \ F \ B \\ & | \\ \times & \times \end{array}$$

Comentário: Demonstração correta.

Questão 39: 
$$\neg(\neg A \lor \neg B) \vdash A \land B$$

$$T \neg(\neg A \lor \neg B)$$

$$F (A \land B)$$

$$F (\neg A \lor \neg B)$$

$$F \neg A$$

$$F \neg B$$

$$| T A$$

$$T B$$

$$F \overrightarrow{A} F B$$

$$| | | |$$

$$\times \times$$

**Comentário:** O modelo aplica errado a regra da negação falso de  $F \neg B$ , pois a expande no mesmo ramo de  $F \neg A$ , porém o correto seria expandir em um novo ramo. Erros(1).

Questão 40: 
$$A \to B \vdash \neg A \lor B$$

$$\begin{array}{c} T \ (A \to B) \\ F \ (\neg A \lor B) \\ \hline F \ \neg A \\ \hline F \ B \\ \hline T \ A \\ \hline T \ (A \to B) \\ \hline T \ A \\ \hline T \ (A \to B) \\ \hline \end{array}$$

Comentário: O modelo repete a fórmula  $T(A \to B)$ , o que viola a regra

que cada formula só pode ser expandida uma única vez. Erros(1).

Table 1: Erros de Lógica cometidos pelos modelos

Table 1: Erros de Lógica cometidos pelos modelos			
	Enunciado	Erros ChatGPT 40	Erros DeepSeek R1
1	$\vdash (A \lor (A \land B)) \to A$	1	0
2	$\vdash (A \land (A \lor B)) \to A$	1	0
3	$A \to (B \to C) \vdash B \to (A \to C)$	1	1
4	$\vdash (A \to (A \to B)) \to (A \to B)$	2	1
5	$\vdash (\neg A \to B) \to ((\neg A \to \neg B) \to A)$	3	5
6	$\vdash A \lor \neg A$	3	0
7	$\vdash (A \to B) \lor (B \to A)$ $\vdash A \to A$	3	1
8	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	0	0
9	$\vdash (A \to B) \to ((C \to A) \to (C \to A))$	4	0
10	$(A \land B) \to C \vdash B \to (A \to C)$	3	0
11	$B \to (A \to C) \vdash (A \land B) \to C$	6	0
12	$A \to (B \to C) \vdash (A \to B) \to (A \to C)$	6	2
13	$\vdash A \to (B \to A)$	0	0
14	$\vdash ((A \to B) \to A) \to A$	6	1
15	$A \vee B, A \to C, B \to C \vdash C$	3	2
16	$A \vdash \neg \neg A$	0	0
17	$\neg \neg A \vdash A$	0	0
18	$A \to B, \neg B \vdash \neg A$	5	2
19	$\neg B \to \neg A \vdash A \to B$	2	1
20	$A \to B \vdash \neg B \to \neg A$	6	2
21	$\neg (A \lor B) \vdash \neg A \land \neg B$	3	1
22	$\neg A \land \neg B \vdash \neg (A \lor B)$	2	1
23	$\neg (A \land B) \vdash \neg A \lor \neg B$	3	4
24	$\neg A \lor \neg B \vdash \neg (A \land B)$	6	1
25	$A \vee (B \wedge C) \vdash (A \vee B) \wedge (A \vee C)$	5	0
26	$(A \lor B) \land (A \lor C) \vdash A \lor (B \land C)$	3	4
27	$A \wedge (B \vee C) \vdash (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$	0	5
28	$(A \land B) \lor (A \land C) \vdash A \land (B \lor C)$	7	4
29	$A \lor B, \neg B \vdash A$	0	0
30	$A \vee B \vdash \neg A \to B$	3	1
31	$\neg A \to B \vdash A \lor B$	3	1
32	$A \wedge B \vdash \neg (A \to \neg B)$	4	1
33	$\neg (A \to \neg B) \vdash A \land B$	3	4
34	$A \lor B \vdash \neg(\neg A \land \neg B)$	4	1
35	$\neg(\neg A \land \neg B) \vdash A \lor B$	3	0
36	$A \to B \vdash \neg (A \land \neg B)$	3	0
37	$\neg (A \land \neg B) \vdash A \to B$	2	0
38	$A \wedge B \vdash \neg(\neg A \vee \neg B)$	4	0
39	$\neg(\neg A \lor \neg B) \vdash A \land B$	5	1
40	$A \to B \vdash \neg A \lor B$	5	1