

1. A partir de l'equació de l'enunciat

$$y = 0,4 \sin \pi(t/2 - x/4)$$

podem reescriure-la com

$$y(x, t) = 0,4 \sin \pi \left(\frac{t}{2} - \frac{x}{4} \right)$$

en aquest moment hem de triar si deixem un 2π com a factor comú dins el sin o l'introduïm dintre. En cada cas les identifikacions que podrem fer seran diferents. En el primer cas multipliquem i dividim per 2 per obtenir

$$y(x, t) = 0,4 \sin 2\pi \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{t}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{x}{4} \right) = 0,4 \sin 2\pi \left(\frac{t}{4} - \frac{x}{8} \right)$$

d'on podem identificar $T = 4 \text{ s}$ i $\lambda = 4 \text{ m}$

Si triem introduir el factor π tenim

$$y(x, t) = 0,4 \sin \left(\frac{\pi t}{2} - \frac{\pi x}{4} \right)$$

de forma que les identifikacions són ara

$$\omega = \frac{\pi}{2} \text{ rad/s} \quad k = \frac{\pi}{4} \text{ rad/m}$$

Per resoldre aquest primer exercici no ens cal això que acabem de discutir, però ho presentem ara com a referència futura per els exercicis de la resta del tema, ja que és una tècnica típica que cal conèixer.

Calculem el que demana explícitament l'exercici, l'elongació per $x = 0 \text{ m}$ i $t = 6 \text{ s}$, (ho fem a partir de la darrera equació)

$$y(0, 6) = 0,4 \sin \left(\frac{\pi \cdot 6}{2} - \frac{\pi \cdot 0}{4} \right) = 0,4 \sin(3\pi) = 0 \text{ m}$$

Ara, per la velocitat transversal v_y calculem la derivada de l'elongació $y(x, t)$ en funció del temps

$$v_y(x, t) = 0,4 \cdot \frac{\pi}{2} \cos \left(\frac{\pi t}{2} - \frac{\pi x}{4} \right)$$

llavors,

$$v_y(0, 6) = 0,4 \cdot \frac{\pi}{2} \cos \left(\frac{\pi \cdot 6}{2} - \frac{\pi \cdot 0}{4} \right) = 0,4 \cdot \frac{\pi}{2} \cos(3\pi) = -0,2\pi = -0,628 \text{ m/s}$$

2. Reescrivint l'equació de l'enunciat

$$y = 0,03 \sin(10\pi x - 40\pi t)$$

Ara, per la velocitat transversal v_y calculem la derivada de l'elongació $y(x, t)$ en funció del temps

$$v_y(x, t) = 0,03 \cdot (-40\pi) \cos(10\pi x - 40\pi t)$$

de forma que

$$\begin{aligned} v_y(0.1, 0.025) &= 0,03 \cdot (-40\pi) \cos(10\pi \cdot 0,1 - 40\pi \cdot 0,025) \\ &= 0,03 \cdot (-40\pi) \cos(\pi - \pi) \\ &= 0,03 \cdot (-40\pi) \cos(0) \\ &= 0,03 \cdot (-40\pi) \cdot 1 \\ &= 3,77 \text{ m/s} \end{aligned}$$

3. La distància demanada és la longitud d'ona λ de forma que

$$\lambda = vT = \frac{v}{f} = \frac{300}{550} = \frac{6}{11} = 0,545 \text{ m}$$

4. A partir de

$$\lambda = vT = \frac{v}{f} \rightarrow v = \lambda f = 0,15 \cdot 20 = 3 \text{ m/s}$$

Noteu que la dada de l'amplitud de l'ona no és necessària.

5. (a) Calculem la longitud d'ona

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{3 \cdot 10^8}{3 \cdot 10^{10}} = 0,01 \text{ m}$$

Llavors, dividint la distància total entre la longitud d'ona

$$\frac{50 \cdot 10^3}{0,01} = 5 \cdot 10^5$$

hi ha $5 \cdot 10^5$ longituds d'ona entre l'avió i l'estació de radar

(b) Ara, amb la formula de cinemàtica $x = vt$

$$t = \frac{x}{v} = \frac{2 \cdot 50 \cdot 10^3}{3 \cdot 10^8} = 3,33 \cdot 10^{-2} \text{ s}$$