1. a) Plantegem la conservació de la quantitat de moviment tenint en compte que quedaran units

$$m_1v_1 + m_2v_2 = (m_1 + m_2)v'$$

Tant és quin anomenem 1 i 2 però cal anar en compte amb el signe d'una de les velocitats ja que es mouen en sentit contrari. Fent servir les dades de l'enunciat

$$3 \cdot 5 - 2 \cdot 10 = (3+2)v'$$

d'on

$$v' = \frac{3 \cdot 5 - 2 \cdot 10}{3 + 2} = -1 \, m/s$$

b) Calculem l'energia cinètica del sistema abans del xoc

$$E_i = \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2 = \frac{1}{2}\cdot 3\cdot 5^2 + \frac{1}{2}\cdot 2\cdot 10^2 = 137, 5J$$

i la final després del xoc

$$E_f = \frac{1}{2}(m_1 + m_2)v^2 = \frac{1}{2}(3+2) \cdot 1^2 = 2,5 J$$

Noteu que el valor de l'energia perduda no depèn del signe de la velocitat final.

2. a) La conservació de la quantitat de moviment ens permet escriure

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v_1' + m_2 v_2'$$

passant la velocitat de la pilota al SI

$$108\frac{\cancel{km}}{\cancel{k}} \cdot \frac{10^3}{\cancel{km}} \cdot \frac{1\cancel{k}}{3600 \, s} = 30 \, m/s$$

fent servir les dades de l'enunciat

$$0 = 50 \cdot v_1' + 0, 2 \cdot 30$$

d'on

$$v_1' = \frac{-0, 2 \cdot 30}{50} = -0, 12 \, m/s$$

b) L'energia cinètica adquirida per la màquina se l'endú el fregament, així

$$\frac{1}{2}m_2v_1^2 = W_{F_{nc}} \rightarrow \frac{1}{2}m_2v_1^2 = F_fd \rightarrow \frac{1}{2}m_2v_1^2 = \mu Nd \rightarrow \frac{1}{2}m_2v_1^2 = \mu m_2gd$$



llavors

$$d = \frac{v'^2}{2\mu g} = \frac{(-0, 12)^2}{2 \cdot 0, 2 \cdot 9, 8} = 0,00367 \, m = 36,7 \, mm$$
\* \* \*

3. Resolem l'exercici per respondre els apartats. En la col·lisió de la bala i el bloc podem plantejar la conservació de la quantitat de moviment, així

$$mv = (m+M)v'$$

i just després del xoc, demanem que l'energia cinètica del conjunt passi a ser potencial gravitatòria

$$\frac{1}{2}(m+M)v'^2 = (m+M)gh$$

i a partir de la relació coneguda de teoria

$$h = L(1 - \cos \alpha)$$

podem calcular

$$h = 1 \cdot (1 - \cos 30^\circ) = 0,134 \, m$$

i a partir d'aquí

a) Calculem la velocitat just després del xoc amb

$$v' = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \cdot 9, 8 \cdot 0, 134} = 1,62 \, m/s$$

b) Calculem la velocitat amb que es va disparar el projectil

$$v = \frac{m+M}{m}v' = \frac{0,01+2}{0,01} \cdot 1,62 = 325,7 \, m/s$$

c) I finalment l'energia perduda en el xoc

$$E_p = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}(m+M)v'^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,01 \cdot 325,7^2 - \frac{1}{2} \cdot (0,01+2) \cdot 1,62^2 = 527,8 J$$
\* \* \* \*

4. a) Plantegem un sistema d'equacions a partir de la conservació de la quantitat de moviment i de l'energia,

$$\begin{cases} m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v_1' + m_2 v_2' \\ \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} m_1 v_1'^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2'^2 \end{cases}$$



recordem que amb l'ajuda d'algunes transformacions algebraiques el sistema es podia escriure

$$\begin{cases}
m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v_1' + m_2 v_2' \\
v_1 - v_2 = v_2' - v_1'
\end{cases}$$

Ara, fent servir les dades de l'enunciat

$$\begin{cases} 1 \cdot 10 + 2 \cdot 15 = 1 \cdot v_1' + 2 \cdot v_2' \\ 10 - 15 = v_2' - v_1' \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 40 = v_1' + 2v_2' \\ -5 = v_2' - v_1' \end{cases}$$

de la segona equació tenim

$$v_1' = v_2' + 5$$

i substituint a la primera

$$40 = v_2' + 5 + 2v_2' \rightarrow v_2' = \frac{35}{3} = 11,67 \, m/s$$

i finalment,

$$v'_1 = v'_2 + 5 = 11,67 + 5 = 16,67 \, m/s$$
\* \* \*

- 5. a) És fals, el que es conserva és el moment lineal del sistema, és a dir la suma dels moments lineals de totes les partícules que intervenen en el xoc.
- **b)** Es fals, l'energia es pot conservar o no, si ho fa, direm que el xoc és elàstic. En la realitat l'energia mai es conserva, perquè sempre es perd poc o molt però per motius pedagògics fem exercicis en els que suposem que sí es conserva.
- c) El coeficient de restitució es definia com

$$e = \frac{v_2' - v_1'}{v_1 - v_2}$$

i el màxim valor que podia assolir era 1, quan el xoc era elàstic. Si el xoc és inelàstic era menor que 1, ja que a velocitat relativa després del xoc serà més petita que abans (s'ha perdut energia cinètica) i era zero quan el xoc era totalment inelàstic, ja que els cossos quedaven junts després del xoc.

