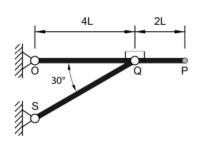
Una persona de massa $m=80\,\mathrm{kg}$ utilitza l'estructura de barres de la figura per a fer exercicis de gimnàstica a casa. L'estructura té articulacions a la paret pels punts O i S. La barra QS està unida a la barra OP mitjançant una articulació. En la situació d'estudi, la persona es penja del punt P (sense que els peus toquin a terra) i s'hi manté en repòs.

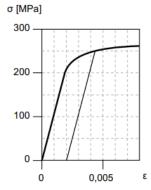


- a) Dibuixeu el diagrama de cos lliure de la barra OP.
 [0,5 punts]
- **b)** Trobeu la força F_{qs} a la qual està sotmesa la barra QS. A quin tipus d'esforç està sotmesa aquesta barra?
 - c) Trobeu les forces horitzontal \mathcal{F}_H i vertical \mathcal{F}_V a l'articulació $\mathcal{O}.$

Exercici 2

La figura mostra la corba tensió-deformació obtinguda en un assaig de tracció. Quin valor aproximat té el mòdul elàstic del material?

- a) 250 GPa
- **b**) 110 GPa
- c) 265 GPa
- d) 62,5 GPa

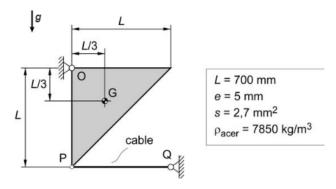


Exercici 3

Es disposa d'un cable d'acer de 10 m de longitud i 1 000 mm² de secció. Quina força cal aplicar perquè s'allargui 10 mm? El mòdul elàstic del material és 207 GPa.

- a) 207 kN
- b) 20,7 kN
- c) 2,07 kN
- d) 2,07 MN





La placa d'acer de la figura, de gruix e = 5 mm, està articulada en el punt O i es manté en repòs mitjançant el cable PQ de secció nominal $s = 2.7 \text{ mm}^2$.

a) Dibuixeu el diagrama de cos lliure de la placa.

[0,5 punts]

Determineu:

b) La massa m de la placa ($\rho_{\rm acer}=7\,850\,{\rm kg/m^3}$). [0,5 punts] c) La força T que fa el cable i les forces vertical $F_{\rm v}$ i horitzontal $F_{\rm h}$ en l'articulació O.

d) La tensió normal σ del cable a causa de la força que fa.

[0,5 punts]

Exercici 5

L'alumini té una densitat $\rho = 2700 \text{ kg/m}^3$. Quin és el pes d'una barra massissa de secció circular de 140 mm de diàmetre i 1,3 m de llargària? (Preneu $g = 10 \text{ m/s}^2$.)

- a) 688,0 N
- b) 540,3 N
- c) 216,1 N
- d) 3088 N



Un acer té un mòdul elàstic de 210 GPa, un límit elàstic de 350 MPa i un límit de ruptura de 520 MPa. Si una proveta d'aquest material se sotmet a una càrrega de tracció de 80 kN, quin diàmetre mínim ha de tenir la proveta perquè no experimenti cap deformació permanent?

- a) 12,06 mm
- b) 8,531 mm
- c) 17,06 mm
- d) 12,93 mm

Exercici 7

La barra OB, de massa negligible, sosté una bola de massa m = 200 kg. La barra està articulada a O i el sistema es troba en equilibri gràcies al tirant AC de diàmetre d = 3 mm. El punt C és el punt mitjà de la barra OB.

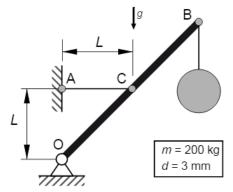
 a) Dibuixeu el diagrama de sòlid lliure de la barra OB. [0,5 punts]

Determineu:

b) La força a la qual està sotmès el tirant AC.

[0,5 punts]

- c) Les forces horitzontal $F_{\rm H}$ i vertical $F_{\rm V}$ a l'articulació O. [1 punt]
- *d*) La tensió normal σ del tirant. [0,5 punts]



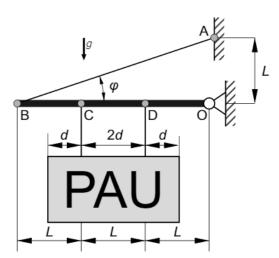
Exercici 8

Es duu a terme un assaig Charpy amb un pèndol que a l'extrem té una massa de 20,4 kg. Es deixa caure el pèndol des d'una altura inicial de 0,9 m i, després de xocar contra una proveta, arriba a una altura final de 350 mm. La secció de la proveta a la zona de l'entalla és de 80 mm². Quina és la resiliència del material?

- a) 1,375 J/mm²
- b) 140,3 kJ/mm²
- c) 1,375 MJ/mm²
- d) 140,3 kJ/m²



Un cartell rectangular i homogeni de massa m = 12 kg està subjecte a la barra BO mitjançant dos petits cables d'acer en els punts C i D. El tirant AB manté el sistema en equilibri. La barra està articulada amb la paret en el punt O, i les masses de tots els elements són negligibles, excepte la del cartell rectangular.



- a) Determineu les forces $T_{\rm C}$ i $T_{\rm D}$ a les quals estan sotmesos els cables d'acer.
- [0,5 punts]

b) Dibuixeu el diagrama de cos lliure de la barra BO.

[0,5 punts]

Determineu:

- c) L'angle φ . [0,5 punts]
- d) La força $T_{\rm AB}$ a la qual està sotmès el tirant AB. e) Les forces horitzontal $F_{\rm H}$ i vertical $F_{\rm V}$ a l'articulació O.
- [0,5 punts] [0,5 punts]

Exercici 10

El mòdul elàstic i el límit elàstic de l'acer són E = 207 GPa i $\sigma_e = 50$ MPa, respectivament. Si una peça cilíndrica de diàmetre d = 3 mm elaborada amb aquest material està sotmesa a una força de tracció de 1 500 N, quin és l'allargament unitari ε en tant per cent?

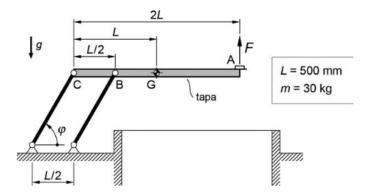
- a) 0,001025 %
- b) 0,1025 %
- c) 0,1691 %
- d) 0,001691%



Una barra massissa de secció circular de 5 mm de radi pot aguantar una força de tracció de fins a 8,1 kN sense trencar-se. Quina és la resistència a la ruptura del material de la barra?

- a) 103,1 MPa
- b) 200 MPa
- c) 324 MPa
- d) 412,5 MPa

Exercici 12



La tapa de la figura té una massa m=30 kg i el centre de masses en el punt G. S'obre estirant-la per la nansa A amb una força F perpendicular a la tapa, i s'uneix a terra per mitjà de dues barres idèntiques que tenen un extrem articulat a la tapa i l'altre extrem articulat a terra. La massa de les barres es considera negligible. L'angle de les barres varia entre $10^{\circ} \le \varphi \le 120^{\circ}$.

a) Dibuixeu el diagrama de cos lliure de la tapa per a un angle φ qualsevol. [0,5 punts]

Considerant que la tapa està en repòs, determineu:

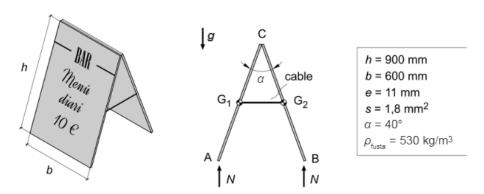
- b) El valor de la força F aplicada a la nansa quan $\varphi = 60^{\circ}$. [1 punt]
- c) El valor de les forces $F_{\rm B}$ i $F_{\rm C}$ que fan les barres sobre la tapa quan $\varphi = 60^{\circ}$. [0,5 punts]
- d) L'angle φ per al qual la força que fa la barra en el punt C en valor absolut $|F_{\rm C}|$ és mínima, i el valor d'aquesta força. [0,5 punts]



Una barra cilíndrica té un diàmetre de 3 mm, una tensió de ruptura $\sigma_{\rm r}$ = 800 MPa i un límit elàstic $\sigma_{\rm e}$ = 640 MPa. Quina és la força de tracció màxima a la qual es pot sotmetre la barra sense que es trenqui?

- a) 800 N
- b) 22 619 N
- c) 5655 N
- d) 4524 N

Exercici 14



El cartell publicitari d'un bar de menús està format per dos taulers homogenis de fusta de dimensions $h \times b = 900 \times 600 \,\mathrm{mm^2}$ i un gruix $e = 11 \,\mathrm{mm}$. Els dos taulers estan articulats en el punt C i hi ha dos cables de secció $s = 1,8 \,\mathrm{mm^2}$ que els uneixen pel punt mitjà dels seus costats, tal com es mostra en la figura. Els cables mantenen una obertura $\alpha = 40^\circ$ entre els taulers. Quan el cartell recolza sobre el terra, la força N que rep en els punts A i B és vertical i del mateix valor. Determineu:

a) La massa m de cada tauler, si $\rho_{\text{fusta}} = 530 \text{kg/m}^3$.	[0,5 punts]
b) La força N que el cartell rep del terra en els punts A i B.	[0,5 punts]
c) La força F que fa cadascun dels cables.	[1 punt]
d) La tensió normal σ dels cables causada per la força que fan.	[0,5 punts]



Una barra quadrada massissa de 5 mm de gruix pot suportar una força axial de tracció màxima de 9,5 kN sense trencar-se. Quina és la resistència a la ruptura del material?

- a) 3,8 MPa
- **b**) 38 MPa
- c) 380 MPa
- d) 1900 MPa

Exercici 16

Una barra massissa de secció quadrada de 5 mm de costat pot aguantar una força de tracció de fins a 5,9 kN. Quina és la resistència a la tracció del material de la barra?

- a) 300,5 MPa
- b) 472 MPa
- c) 1 180 MPa
- d) 236 MPa

Exercici 17

El límit elàstic d'un aliatge d'alumini és $\sigma_e = 85 \,\mathrm{MPa}$. Si una peça cilíndrica d'aquest material està sotmesa a una força de tracció de 1 400 N, quin és el diàmetre mínim que ha de tenir la secció perquè no es produeixi deformació plàstica?

- a) 3,24 mm
- b) 16,47 mm
- c) 4,58 mm
- d) 2,29 mm

Exercici 18

La tensió de ruptura d'un fil de niló és $\sigma = 67$ MPa. Si s'utilitza per a penjar sòlids amb una massa de 45 kg, quina és la secció mínima que ha de tenir perquè no es trenqui? (Preneu $g = 10 \text{ m/s}^2$.)

- a) $1,489 \, \text{mm}^2$
- b) 6,716 mm²
- c) $67,16 \text{ mm}^2$
- d) 14,89 mm²

