## 2a Avaluació Global

## Tecnologia industrial

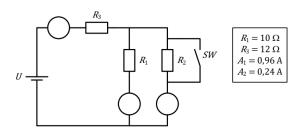
2n Batxillerat Data:

Nom i cognoms:

Qualificació:\_\_\_\_\_

Instruccions: Feu els exercicis a l'espai que se us proporciona. Feu servir la cara posterior si necessiteu més espai, indiqueu-ho clarament en aquest cas. Heu d'identificar clarament les respostes i mostrar el procés per tal d'aconseguir la màxima puntuació. La puntuació dels exercicis es dona entre parèntesis.

### Exercici 1



En el circuit de la figura, amb l'interruptor SW obert, determineu:

(a) (0,5 pts) La mesura de l'amperímetre  $A_3$ .

Anomenant les intensitats que passen pels amperímetres  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$ ;  $I_1$ ,  $I_2$  i  $I_3$  respectivament, tenim

$$I_3 = I_1 + I_2 = 0,96 + 0,24 = 1,2 A$$

(b) (0,5 pts) El valor de la resistència  $R_2$ .

Aplicant la idea del divisor d'intensitat a la derivació podem escriure

$$I_1 = I_3 \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} \to (R_1 + R_2)I_1 = I_3R_2 \to R_1I_1 + R_2I_1 = R_3R_2$$

d'on

$$R_2 = \frac{R_1 I_1}{I_2 - I_1} = \frac{10 \cdot 0,96}{1,2 - 0,96} = 40 \,\Omega$$

(c) (0,5 pts) La potència que la font de tensió subministra al circuit.

Podem calcular la potència com

$$P = \sum_{i=1}^{3} I_i^2 R_i = I_1^2 R_1 + I_2^2 R_2 + I_3^2 R_3 = 1, 2^2 \cdot 12 + 0, 96^2 \cdot 10 + 0, 24^2 \cdot 40 = 28, 8W$$

A partir d'aquest resultat podem calcular la tensió de la font, dada que necessitarem més tard. així

$$P = UI \rightarrow 28, 8 = U \cdot 1, 2 \rightarrow U = \frac{28, 8}{1, 2} = 24 V$$

En el circuit de la figura, amb l'interruptor SW tancat, determineu:

(d) (0,5 pts) La mesura de l'amperímetre  $A_1$ .

Al tancar l'interruptor SW fem un curt<br/>circuit i és com si les resistències  $R_1$  i  $R_2$  no hi fossin, ja que no<br/>passa corrent per elles. Llavors,  $I_1 = 0 A$ 

(e) (0,5 pts) La mesura de l'amperímetre  $A_3$ .

Apliquem la llei d'Ohm al circuit (tenint en compte les condicions de l'apartat anterior)

$$U = IR \rightarrow 24 = I \cdot 12 \rightarrow I = \frac{24}{12} = 2A$$

**Exercici 2 (2 pts)** Connectades a la instal·lació d'un taller mecànic amb  $V = 220 \, V$ ,  $f = 50 \, Hz$ , trobem les següents càrregues:

- 35 fluorescents de potència 100 W i  $\cos \varphi = 0, 6$ .
- un motor de potència  $2,5\,kW$  i  $\cos\varphi=0,72$ .
- ullet 20 llum LED d'il·luminació de potència  $35\,W.$

Es demana fer els càlculs necessaris per trobar les característiques de la bateria de condensadors que permet establir el factor de potència de la instal·lació a  $\cos \varphi' = 0,98$ .

Per una banda la potència activa total es pot calcular com

$$P_T = 35 \cdot 100 + 2500 + 35 \cdot 20 = 6700 W$$

on hem tingut en compte que totes les càrregues es troben sotmeses a la mateixa tensió. En quant a la potència reactiva tenim, per una banda, la corresponent als fluorescents

$$Q_1 = 35 \cdot 100 \cdot \tan(\arccos 0, 6) = 4666, 7 VAR$$

la corresponent al motor

$$Q_2 = 2500 \cdot \tan(\arccos 0, 72) = 2409, 6 VAR$$

de forma que la total valdrà

$$Q_T = 4666, 7 + 2409, 6 = 7076, 3 VAR$$

i la potència aparent

$$S_T = \sqrt{P_T^2 + Q_T^2} = \sqrt{(6700)^2 + (7076, 3)^2} = 9745 \, VA$$

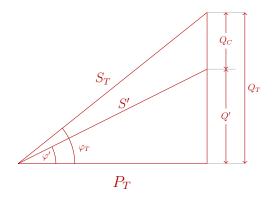
llavors, el factor de potència de la instal·lació val

$$\cos \varphi_T = \frac{P_T}{S_T} = \frac{6700}{9745} = 0,687$$

d'on

$$\varphi_T = 46.56^{\circ}$$

i fent servir l'esquema ja conegut per poder calcular la correcció necessària



calculem la potència reactiva que ha de consumir la bateria de condensadors com

$$Q_C = Q_T - Q' = P_T \tan \varphi_T - P_T \tan \varphi' = P_T (\tan \varphi_T - \tan \varphi')$$

amb les dades que tenim

$$Q_C = 6700 \cdot (\tan 46, 56^{\circ} - \tan(\arccos 0, 98)) = 5714, 7 VAR$$

Finalment, la intensitat que alimenta la bateria de condensadors serà

$$I = \frac{Q_C}{V} = \frac{5714,7}{220} = 25,98 \, A$$

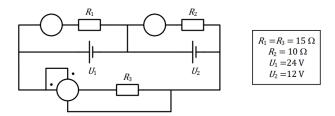
la impedància

$$X_C = \frac{V}{I} = \frac{220}{25,98} = 8,47\,\Omega$$

i la capacitat

$$C = \frac{1}{2\pi f X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 8,47} = 3,76 \cdot 10^{-4} \, F = 376 \, \mu F$$

#### Exercici 3



En el circuit de la figura es coneixen les dades del requadre. Determineu:

# (a) (0,5 pts) La mesura de l'amperimetre $A_1$ .

La topologia del circuit permet calcular directament les intensitats de malla sense haver de fer servir el mètode de Maxwell. Per la mesura de l'amperímetre  $A_1$  tenim,

$$U_1 = I_1 R_1 \rightarrow I_1 = \frac{U_1}{R_1} = \frac{24}{15} = 1,6 A$$

és clar que aquesta intensitat circula en sentit horari.

## (b) (0,5 pts) La mesura de l'amperímetre $A_2$ .

De forma semblant a l'apartat anterior, per la mesura de l'amperímetre  $A_2$  tenim,

$$U_2 = I_2 R_2 \rightarrow I_2 = \frac{U_2}{R_2} = \frac{12}{10} = 1, 2 A$$

és clar que aquesta intensitat circula també en sentit horari.

## (c) (0.5 pts) La mesura del wattimetre W.

Aplicant el mateix raonament que abans tenim que la intensitat  $(I_3)$  que travessa  $R_3$  es pot calcular com

$$U_1 + U_2 = I_3 R_3 \rightarrow I_3 = \frac{U_1 + U_2}{R_3} = \frac{24 + 12}{15} = 2,4 A$$

i en aquest cas circula en sentit antihorari. La potència dissipada en  $R_3$ , que coincideix amb la lectura del wattímetre, és

$$P = I_3^2 R_3 = 2, 4^2 \cdot 15 = 86, 4W$$

# (d) (1 pt) Les potències subministrades per cadascuna de les fonts de tensió.

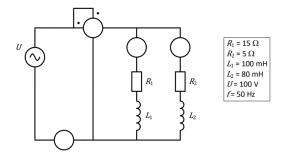
Tenint en compte la circulació de la intensitat en cada malla la intensitat que travessa la font  $U_1$  val  $I_1 + I_3$  i la que travessa la font  $U_2$  val  $I_2 + I_3$  de forma que la potència que entrega la font  $U_1$  val

$$P_1 = U_1 (I_1 + I_3) = 24 \cdot (1, 6 + 2, 4) = 96 W$$

i la que entrega la font  $U_2$  val

$$P_2 = U_2(I_2 + I_3) = 12 \cdot (1, 2 + 2, 4) = 43, 2W$$

## Exercici 4



El circuit de la figura està alimentat mitjançant una font ideal de tensió U a una freqüència f. En el requadre hi ha els valors que es coneixen. Determineu:

(a) (1 pt) Els valors de les mesures dels amperímetres  $A_1$  i  $A_2$ .

La impedància formada per  $R_1$  i  $L_1$  val

$$Z_1 = R_1 + L_1 \omega j = 15 + 100 \cdot 10^{-3} \cdot 2\pi \cdot 50 = 15 + 31,42j$$

i la formada per  $R_2$  i  $L_2$  val

$$Z_2 = R_2 + L_2\omega j = 5 + 80 \cdot 10^{-3} \cdot 2\pi \cdot 50 = 5 + 25,13j$$

Fent servir la llei d'Ohm en cada cas trobem

$$U = I_1 Z_1 \rightarrow I_1 = \frac{U}{Z_1} = \frac{100}{15 + 31,42j} = 1,237 - 2,592j$$

en mòdul

$$I_1 = 2,872 A$$

$$U = I_2 Z_2 \rightarrow I_2 = \frac{U}{Z_2} = \frac{100}{5 + 25,13j} = 0,762 - 3,828j$$

en mòdul

$$I_2 = 3,903 A$$

(b) (0,5 pts) El valor de la mesura del wattimetre W.

Per una banda la intensitat total (que marcarà l'amperímetre  $A_3$  val

$$I_3 = I_1 + I_2 = 15 + 31,42j + 5 + 25,13j = 20 + 56,55j$$

en mòdul

$$I_3 = 59,983 \approx 60 A$$

i la lectura del wattimetre serà

$$P = UI_3 = 100 \cdot 60 = 6 \, kW$$

(c) (0,5 pts) El valor del factor de potència del circuit. Trobem l'expressió de la intensitat en forma polar,

$$I = 20 + 56,55j \rightarrow 60_{70.53}$$
°

d'on és immediat calcular,

$$\cos \varphi = \cos 70, 53^{\circ} = 0, 33$$

(d) (1 pt) El valor de la mesura de l'amperimetre A<sub>3</sub>. Aquest resultat l'hem obtingut abans i era

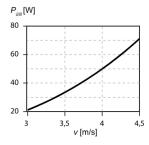
$$I_3 = I_1 + I_2 = 15 + 31,42j + 5 + 25,13j = 20 + 56,55j$$

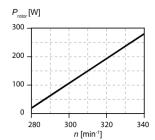
en mòdul

$$I_3 = 59,983 \approx 60 A$$

### Exercici 5

Es volen instal·lar petits aerogeneradors en una zona rural per a donar subministrament a una casa aïllada amb una demanda anual de  $E_{casa} = 500 \, kWh$ . En aquests aerogeneradors, el rotor es connecta directament al generador elèctric sense necessitat d'un multiplicador. El rendiment del generador és  $\eta_{gen} = 1/3$ . S'obté energia 14 hores al dia durant 250 dies l'any. Les gràfiques següents mostren la potència elèctrica generada  $P_{util}$  d'un aerogenerador en funció de la velocitat del vent i la potència a l'eix del rotor  $P_{rotor}$  en funció de la velocitat de gir n de les pales.





Per el cas estudiat, s'estima que la velocitat del vent al punt d'instal·lació és de v = 4 m/s. Per aquestes condicions, determineu:

(a) (0,5 pts) La potència a l'eix del rotor  $P_{rotor}$ . De la primera gràfica es veu que a una velocitat de 4 m/s li correspon una potència de 50 W llavors,

$$P_{rotor} = \frac{P_{util}}{\eta_{rotor}} = \frac{50}{1/3} = 150 \, W$$

(b) (1 pt) La velocitat angular de les pales  $\omega$  i el parell a l'eix del rotor  $\Gamma$ .

De la segona gràfica es pot deduir que per a una potència de  $150\,W$  li correspon una velocitat angular  $n=310\,rpm$ , llavors

$$310 \, rpm = 310 \, \frac{\textit{xev}}{\textit{min}} \cdot \frac{2\pi \, rad}{1 \, \textit{xev}} \cdot \frac{1 \, \textit{min}}{60 \, s} = 32,46 \, rad/s$$

En quant al parell a l'eix del rotor

$$P_{rotor} = \Gamma \omega \rightarrow \Gamma = \frac{P_{rotor}}{\omega} = \frac{150}{32,46} = 4,621 \, Nm$$

(c) (0,5 pts) L'energia anual que subministra un aerogenerador  $E_{subm}$ .

Calculem directament

$$E_{subm} = Pt = 50 \cdot 10^{-3} \cdot 14 \cdot 250 = 175 \, kWh$$

(d) (0,5 pts) La quantitat q d'aerogeneradors que caldria instal·lar per a donar servei a l'habitatge.

Fent un factor de conversió

$$500 \, kWh \cdot \frac{1 \, gen}{175 \, kWh} = 2,875 \, gen$$

de forma que caldran 3 generadors.

Exercici 6 (1 pt) Un prototip de motocicleta elèctrica integra el motor directament a la roda del darrere. En les condicions d'estudi, circulant per un terreny horitzontal i a una velocitat constant, el fabricant assegura que el motor subministra  $P_{mot} = 15 \, kW$  i un parell  $\Gamma = 150 \, Nm$ , i té una autonomia màxima  $s_{max} = 200 \, km$ . El diàmetre dels pneumàtics és  $d = 630 \, mm$ , i s'estima que el motor té un rendiment  $\eta_{mot} = 0, 9$ . La motocicleta utilitza bateries ideals. En aquestes condicions, determineu:

(a) (1 pt) La velocitat angular de la roda motriu  $\omega_{roda}$  i la velocitat d'avanç v de la motocicleta.

Podem calcular la velocitat angular del motor amb

$$P_{mot} = \Gamma \omega \rightarrow \omega = \frac{P_{mot}}{\Gamma} = \frac{15 \cdot 10^3}{150} = 100 \, rad/s$$

Llavors, la velocitat d'avanç valdrà

$$v = \omega R = \omega \frac{d}{2} = 100 \cdot \frac{630 \cdot 10^{-3}}{2} = 31,50 \, m/s$$

(b) (1 pt) El temps màxim de funcionament  $t_{max}$  i l'energia subministrada pel motor  $E_{subm}$ .

Calculem directament

$$s_{max} = vt_{max} \to t_{max} = \frac{s_{max}}{v} = \frac{200 \cdot 10^3}{31,50} = 6,349 \cdot 10^3 \, s \cdot \frac{1 \, h}{3600 \, s} = 1,764 \, h$$

En quant a l'energia subministrada

$$E_{subm} = P_{subm}t = 15 \cdot 1,764 = 26,46 \, kWh$$

(c) (0,5 pts) L'energia que caldria tenir emmagatzemada a les bateries  $E_{bat}$ .

A partir de la dada del rendiment del motor

$$E_{bat} = \frac{E_{subm}}{\eta} = \frac{26,46}{0,9} = 29,39 \, kWh$$