A partir de les dades que proporciona l'enunciat i fent factors de conversió

$$34, 1 \frac{MJ}{\lambda} \cdot \frac{7 \lambda}{100 \, km} = 2,387 \, MJ$$

com volem el valor per passatger i l'ocupació mitjana és 1,8

$$\frac{2387\,MJ}{1.18} = 2,023\,MJ$$

## Exercici 2

a) Passem la velocitat a m/s

$$50\,\frac{\cancel{km}}{\cancel{\lambda}}\cdot\frac{1000\,m}{1\,\cancel{km}}\cdot\frac{1\,\cancel{\lambda}}{3600\,s}=13,89\,m/s$$

Ara, la potència de tracció

$$P_T = F_T \cdot v = 92 \cdot 10^3 \cdot 13,89 = 1,28 \cdot 10^6 W$$

b) La potència desenvolupada per el motor és més gran que la de tracció, ja que la transmissió a les rodes té un rendiment  $\eta < 1$ 

$$P_{motor} = \frac{P_T}{\eta} = \frac{1,28 \cdot 10^6}{0,72} = 1,775 \cdot 10^6 W$$

c) Fent un factor de conversió

$$1,775 \cdot 10^{6} \frac{J}{s} \cdot \frac{1 \, kW \cdot h}{3,6 \cdot 10^{6} \, J} \cdot \frac{260 \, g}{1 \, kW \cdot h} = 128, 2 \, g/s$$

d) Amb un altre factor de conversió

$$1,5 \, \mathrm{lh} \cdot \frac{3600 \, \mathrm{lf}}{1 \, \mathrm{lh}} \cdot \frac{128,2 \, \mathrm{lg}}{1 \, \mathrm{lf}} \cdot \frac{1 \, \mathrm{lkg}}{1000 \, \mathrm{lg}} \cdot \frac{1 \, \mathrm{lm}^3}{850 \, \mathrm{lkg}} \cdot \frac{1000 \, L}{1 \, \mathrm{lm}^3} = 814,45 \, L$$

## Exercici 3

a) Fem un factor de conersió amb les dades que ens proporciona l'enunciat

$$3 \text{ kW} \cdot \frac{10^3 \text{ W}}{1 \text{ kW}} \cdot \frac{1 \text{ X/s}}{1 \text{ W}} \cdot \frac{1 \text{ MJ}}{10^6 \text{ X}} \cdot \frac{1 \text{ kg}}{46 \text{ MJ}} \cdot \frac{1 L}{0.8 \text{ kg}} = 8,15 \cdot 10^{-5} L/s$$

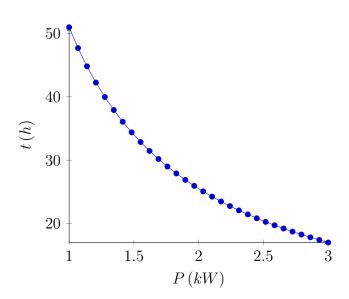
b) Ara podem fer

$$17 \times \frac{3600 \times 8}{1 \times 1} \cdot \frac{8,15 \cdot 10^{-5} L}{1 \times 1} = 5 L$$

c) És clar que el producte  $P \cdot t$  ha de ser constant, llavors

$$3\,kW\cdot 17\,h = P'\cdot 36\,h \to P' = 3\,kW\cdot \frac{17\,h}{36\,h} = 1,417\,kW$$

d)



# Exercici 4

a) Fem un factor de conversió amb les dades de l'enunciat

$$\frac{4,5\,L}{100\,km}\cdot\frac{90\,km}{1\,k}\cdot\frac{1\,k}{3600\,s}=0,001125\,L/s$$

b) En quant a la potència tèrmica consumida

$$P_{ter} = 4,5 \, \frac{\text{L}}{100 \, \text{km}} \cdot \frac{90 \, \text{km}}{1 \, \text{L}} \cdot \frac{50 \, MJ}{1 \, \text{L}} \cdot \frac{1 \, \text{L}}{3600 \, s} = 5,625 \, MW = 5,625 \cdot 10^6 \, W$$

i la potència mecànica (inferior a la tèrmica, degut al rendiment)

$$P_{mec} = \eta P_{ter} = 0.32 \cdot 5.625 \cdot 10^6 = 1.8 \cdot 10^6 W$$

c) El parell motor el podem calcular a partir de

$$P = \Gamma \cdot \omega \to \Gamma = \frac{P_{mec}}{\omega} = \frac{1, 8 \cdot 10^6}{2800 \cdot \frac{\pi}{30}} = 6, 14 \cdot 10^3 \, N \cdot m$$

## Exercici 5

a) Tenim

$$P_1 = 49 \frac{MJ}{kg} \cdot \frac{10^6 J}{1 MJ} \cdot \frac{1 kg}{1000 g} \cdot \frac{180 g}{1 k} \cdot \frac{1 k}{3600 s} = 2,45 \cdot 10^3 W$$

i

$$P_2 = 49 \frac{MJ}{kg} \cdot \frac{10^6 J}{1 MJ} \cdot \frac{1 kg}{1000 g} \cdot \frac{150 g}{1 k} \cdot \frac{1 k}{3600 s} = 2,042 \cdot 10^3 W$$

La potència nominal de la cuina

$$P_t = P_1 + P_2 = 4, 5 \cdot 10^3 \, W$$

b) A partir de la massa d'una bombona i del consum dels cremadors podem calcular

$$t = 3 kg \cdot \frac{1000 g}{1 kq} \cdot \frac{1 h}{(180 + 150) q} = 9, 1 h$$

c) Una bombona té una durada de 9,1 h i hem vist que la potència total de la cuina era  $P_t=4,5\cdot 10^3\,W=4,5\,kW$  llavors l'energia que proporciona una bombona és

$$4,5 \, kW \cdot 9, 1 \, h = 40, 1 \, kW \cdot h$$

i finalment

$$p = \frac{5 \in}{40.1 \, kW \cdot h} = 0.12 \in /kW \cdot h$$

## Exercici 6

a) Cada minut hem d'elevar la temperatura de 6, 5 L d'aigua 50°, llavors el treball que cal fer és

$$Q = mC_e\Delta T = 6.5 \cdot 4180 \cdot 50 = 1.36 \cdot 10^6 J$$

on hem tingut en compte que la densitat de l'aigua és  $\rho_{aigua} = 1 \, kg/dm^3$  llavors la potència que cal per escalfar aquesta aigua és

$$P_{util} = \frac{Q}{t} = \frac{1,36 \cdot 10^6}{60} = 2,264 \cdot 10^4 W$$

b) La potència calorífica consumida es pot calcular com

$$2.1\frac{\log X}{\log X} \cdot \frac{1 \ln X}{3600 s} \cdot \frac{47 M J}{1 \log X} \cdot \frac{10^6 J}{1 M J} = 2.74 \cdot 10^4 W$$

d'on el rendiment val

$$\eta = \frac{P_{util}}{P_{cons}} = \frac{2,264 \cdot 10^4}{2,74 \cdot 10^4} = 0,826$$

c) El temps mínim per escalfar 50 L es pot calcular amb el cabal

$$t_{min} = 50 \, \text{\lambda} \cdot \frac{1 \, min}{6.5 \, \text{\lambda}} = 7,7 \, min$$

i el consum de gas serà

$$7,7 \textit{min} \cdot \frac{1 \text{ \lambda}}{60 \textit{min}} \cdot \frac{2,1 \textit{kg}}{1 \text{ \lambda}} = 0,27 \textit{kg}$$

#### Exercici 7

a) Quan el percentatge de càrrega és igual a zero ( $\%_{carr} = 0$ ), la massa del vehicle és 2050 kg. Quan  $\%_{carr} = 100$ , a la massa anterior hem d'afegir la del combustible, que es pot calcular amb la dada de la densitat del combustible

$$400 L \cdot \frac{0,832 \, kg}{1 \, L} = 332,8 \, kg$$

Suposant una relació lineal entre  $\%_{carr} = 0$  i m

$$m = A \cdot \%_{carr} + B$$

podem plantejar el sistema

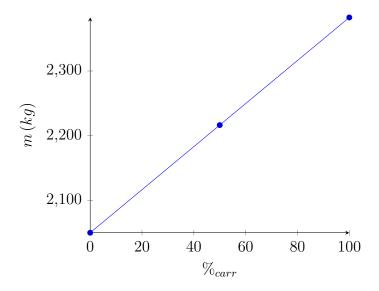
$$\begin{cases} 2050 = A \cdot 0 + B \\ 2050 + 332, 8 = A \cdot 100 + B \end{cases}$$

d'on

$$B = 2050; \quad A = \frac{2050 + 332,8 - 2050}{100} = 3,328$$

és a dir, hem de representar la funció

$$m = 3,328 \cdot \%_{carr} + 2050$$



**b)** Com que és  $P = \Gamma \cdot \omega$  tenim

$$\eta = \frac{P_r}{P_{mot}} = \frac{\Gamma_r \cdot n_r}{\Gamma_{mot} \cdot n_{mot}} = \frac{\Gamma_r}{\Gamma_{mot}} \cdot \tau$$

d'on

$$\Gamma_r = \eta \cdot \frac{\Gamma_{mot}}{\tau} = 0.85 \cdot \frac{750}{0.285} = 2.23 \cdot 10^3 \, N \cdot m$$

c) A partir de F = ma podem escriure

$$a = \frac{F}{m} = \frac{\Gamma_r/r}{m} = \frac{\Gamma}{r \cdot m}$$

i en el cas del dipòsit ple tenim

$$a = \frac{\Gamma_r}{r \cdot m} = \frac{2,23 \cdot 10^3}{0,4 \cdot (2050 + 332,8)} = 2,347 \, m/s^2$$

en el cas del dipòsit al 5% de capacitat

$$a = \frac{\Gamma_r}{r \cdot m} = \frac{2,23 \cdot 10^3}{0,4 \cdot (2050 + 20)} = 2,7 \, m/s^2$$

# Exercici 8

Calculem primer el consum per volta en litres

$$2,9\,kg \cdot \frac{1\,L}{0,75\,kq} = 3,867\,L$$

llavors, el consum en litres per km és

$$\frac{3,867}{5,543} = 0,6976 \, L/km$$

d'on el consum en litres per cada 100 km serà

$$0,6976 L/km \cdot \frac{100 km}{100 km} = 69,76 L/100 km$$

#### Exercici 9

a) Podem escriure

$$Q = mC_e\Delta T = 1, 4 \cdot 4180 \cdot (95 - 20) = 4,39 \cdot 10^5 J$$

Aquesta energia correspon a una potència

$$P = \frac{Q}{t} = \frac{4,39 \cdot 10^5}{4 \cdot 60 + 30} = 1,626 \cdot 10^4 W$$

b) A partir de l'expressió de la potència que dissipa la resistència d'escalfament i igualant amb el valor obtingut a l'apartat anterior

$$1,626 \cdot 10^3 = P = \frac{V^2}{R} \to R = \frac{V^2}{P} = \frac{230^2}{1.626 \cdot 10^4} = 3,254 \,\Omega$$

c) Quan s'obre l'interruptor A les dues resistències estan en sèrie i si volem que dissipin  $300\,W$  podem aplicar

$$P = \frac{V^2}{R_e + R_m} \to R_m = \frac{V^2}{P} - R_e = \frac{230^2}{300} - 3,254 = 173,08\,\Omega$$

## Exercici 10

a) Fent un factor de conversió amb dades de l'enunciat

$$4\,\frac{L}{100\,\mathrm{km}}\cdot\frac{90\,\mathrm{km}}{1\,\mathrm{k}}\cdot\frac{1\,\mathrm{k}}{3600\,s}=1\cdot10^{-3}\,L/s$$

b) La potència en el motor es pot calcular com

$$P = \Gamma\omega = 47,75 \cdot 3000 \cdot \frac{\pi}{30} = 1,5 \cdot 10^4 \, W$$

c) Calculem a potència tèrmica consumida

$$1\cdot 10^{-3}\,\frac{\mathrm{X}}{s}\cdot \frac{50\,\mathrm{MJ}}{1\,\mathrm{X}}\cdot \frac{10^6\,\mathrm{J}}{1\,\mathrm{MJ}} = 5\cdot 10^4\,\mathrm{W}$$

El rendiment val

$$\eta = \frac{P_{mec}}{P_{term}} = \frac{1, 5 \cdot 10^4}{5 \cdot 10^4} = 0, 3 = 30\%$$

## Exercici 11

a) L'energia que cal per escalfar els  $240\,L\,(=240\,kg)$  d'aigua es calcula com

$$Q = mC_e\Delta T = 240 \cdot 4180 \cdot (45 - 10) = 35,112 MJ$$

llavors

$$I_{dia} = 35,112 \, MJ \times \frac{1 \, captador}{2,2 \, m^2} = 15,96 \, \frac{MJ}{m^2}$$

b) Per una banda cal tenir en compte el 60% de l'energia que calia abans per escalfar l'aigua, i per l'altre, cal tenir en compte que la irradiació s'ha reduït a la tercera part, llavors

$$\frac{60}{100} \cdot 35,112\,MJ \times \frac{1\,m^2}{\frac{15,96\,MJ}{2}} \times \frac{1\,captador}{2,2\,m^2} = 1,8\,captadors$$

llavors, és clar que calen 2 captadors.

c) Ara, els dos captadors proporcionen la següent quantitat d'energia

$$2 \, captadors \times \frac{2,2 \, m^2}{1 \, captador} \times \frac{\frac{15,96 \, MJ}{3}}{1 \, m^2} = 23,408 \, MJ$$

i l'energia que ha de proveir l'escalfador elèctric és

$$E_{electr} = 35,112 - 23,408 = 11,704 \, MJ \times \frac{1 \, kWh}{3,6 \, MJ} = 3,25 \, kWh$$

a) Tenim, a partir de les dades del problema, i tenint en compte que per l'aigua 1  $L=1\,kg$ 

$$E_1 = Q = mC_e\Delta T = 0, 5 \cdot 4180 \cdot (120 - 20) = 209 \, kJ$$

b) Ara

$$P_1 = \frac{E_1}{t} \longrightarrow t = \frac{E_1}{P_1} = \frac{209000}{700} = 298,57 \, s \approx 5 \, min$$

c) Del curs passat sabem que la potència que entrega una font d'alimentació U en un circuit amb resistència equivalent R, val

$$P = \frac{U^2}{R}$$

Llavors, quan està connectada només  $R_e$  podem escriure

$$700 = \frac{230^2}{R_e} \longrightarrow R_e = \frac{230^2}{700} = 75,57\,\Omega$$

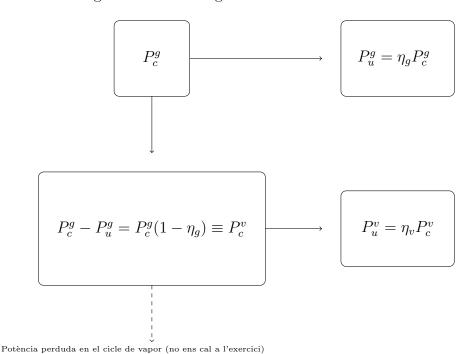
i quan es connecten en sèrie  $R_e$  i  $R_m$ 

$$260 = \frac{230^2}{R_e + R_m} \longrightarrow R_m = \frac{230^2}{260} - R_e = 127, 9\,\Omega$$

Fem les següents identificacions per tal de resoldre el problema:

- Potència útil del cicle de gas  $\equiv P_u^g$
- $\bullet\,$ Potència consumida del cicle de gas $\equiv P_c^g$
- Potència útil del cicle de vapor  $\equiv P_u^v$
- $\bullet\,$ Potència consumida del cicle de vapor  $\equiv P^v_c$

i considerem el diagrama de blocs següent



Pel procés global és

$$\eta = \frac{P_u}{P_c} = \frac{P_u^g + P_u^v}{P_c^g} = \frac{\eta_g P_c^g + \eta_v P_c^v}{P_c^g} = \frac{\eta_g \mathcal{R}_c^g + \eta_v \mathcal{R}_c^g (1 - \eta_g)}{\mathcal{R}_c^g} = \eta_g + \eta_v (1 - \eta_g)$$

a) L'energia procedent de la combustió del gas natural que consumeix la central en 24 hores es pot calcular amb factors de conversió

$$4515\,m^3 \times \frac{10^3\,L}{1\,m^3} \times \frac{0,423\,kg}{1\,L} \times \frac{32,1\,MJ}{1\,kg} = 6,13\cdot 10^{13}\,J$$

llavors la potència consumida val

$$P_c^g = \frac{W_c}{t} = \frac{6,13 \cdot 10^{13}}{24 \cdot 3600} = 709,6 \, MW$$

**b)** Calculem el quocient entre la potència útil (és una dada de l'exercici) i la consumida que acabem de calcular

$$\eta = \frac{390}{709,6} = 0,55$$

c) Tenim que

$$\eta_g = \frac{\eta - \eta_v}{1 - \eta_v} = \frac{0,55 - 0,31}{1 - 0,31} = 0,348$$

a) Apliquem factors de conversió

$$d_{max} = 24000 L \times \frac{0,807 kg}{1 L} \times \frac{1 h}{2700 kg} \times \frac{850 km}{1 h} = 6, 1 \cdot 10^3 km$$

b) Calculem primer el consum global per km

$$2700\frac{kg}{h} \times \frac{1 L}{0,807 kg} \times \frac{1 h}{850 km} = 3,94 L/km$$

Ara calculem el consum per passatger i per cada  $100\,km$ 

$$c_p = 3,94 \frac{L}{km} \times \frac{1}{144} \times \frac{100}{100} = 2,73 \frac{L}{passatger \cdot 100 \, km}$$

c) Calcularem la potència útil com  $P_u = F \cdot v$  i la consumida a partir de factors de conversió. Abans, passem la velocitat a m/s

$$850\frac{km}{h} \times \frac{10^3 \, m}{1 \, km} \times \frac{1 \, h}{3600 \, s} = 236, 11 \, m/s$$

ara

$$P_u = F \cdot v = 43 \cdot 10^3 \cdot 236, 11 = 10, 15 MW$$

per una altra banda

$$P_c = 42,42 \frac{MJ}{kg} \times \frac{2700 \, kg}{1 \, h} \times \frac{1 \, h}{3600 \, s} = 31,815 \, MW$$

i finalment

$$\eta = \frac{P_u}{P_c} = \frac{10,15}{31,815} = 0,32$$

a) En quant a la potència tèrmica consumida amb gasolina

$$P_{gasol} = \frac{8 L_{gasol}}{100 \, km} \times \frac{120 \, km}{1 \, h} \times \frac{0.75 \, kg_{gasol}}{1 \, L_{gasol}} \times \frac{42.5 \, MJ}{1 \, kg_{gasol}} \times \frac{1 \, h}{3600 \, s} = 0.085 \, MJ/s = 85 \, kW$$

En quant a la potència tèrmica consumida amb GLP

$$P_{GLP} = \frac{9.3 L_{GLP}}{100 \, km} \times \frac{120 \, km}{1 \, h} \times \frac{0.56 \, kg_{GLP}}{1 \, L_{GLP}} \times \frac{46 \, MJ}{1 \, kg_{gasol}} \times \frac{1 \, h}{3600 \, s} = 0.07986 \, MJ/s = 79.86 \, kW$$

b) En quant al cost per cada  $100 \, km$  de cada un dels combustibles

$$c_{gasol} = \frac{8, L}{100 \, km} \times \frac{1,36 \le}{1 \, L} = 10,88 \le /100 \, km$$

i

$$c_{GLP} = \frac{9, 3, L}{100 \, km} \times \frac{0,73 \le}{1 \, L} = 6,789 \le /100 \, km$$

c) Fent servir el sistema basat en GLP estalviem, cada  $100 \, km$  una quantitat 10,88-6,789=4,091€, llavors la distància que hem de recórrer en total per amortitzar la despesa d'instalació es pot calcular com

$$2000 \leqslant \times \frac{100 \, km}{4.091 \leqslant} = 48887, 8 \, km$$

i en tres anys, caldrà una distància anual  $d_{any}$ 

$$d_{any} = \frac{48887, 8 \, km}{3 \, any} = 16296 \, km/any$$

d) El dipòsit de GLP tenia un volum  $V=40\,L,$  de forma que al 85% de la seva capacitat podrà recórrer

$$40 L \times \frac{85}{100} \times \frac{100 \, km}{9,3 \, L} = 365,6 \, km$$

a) Calculem aplicant directament l'expressió que ens proporcionen

$$\eta_A = \eta_0^A - k_1^A \cdot \frac{T_m - T_a}{I} = 0,80 - 8,9 \cdot \frac{50^\circ - 18^\circ}{800} = 0,444$$

i

$$\eta_B = \eta_0^B - k_1^B \cdot \frac{T_m - T_a}{I} = 0,66 - 3, 2 \cdot \frac{50^\circ - 18^\circ}{800} = 0,532$$

es veu que l'opció més eficient és la B

b) Calculem l'energia que cal per escalfar els 390  $L(=390\,kg)$  d'aigua en les 8 hores

$$Q = mC_e\Delta T = 390 \cdot 4180 \cdot 35 = 57,06 \,MJ$$

llavors la potència (útil) associada que cal, val

$$P_u = \frac{57,06 \cdot 10^6}{8 \cdot 3600} = 1,98 \, kW$$

La potència (consumida) que han de subministrar els captadors serà

$$P_{cons} = \frac{P_u}{\eta_B} = \frac{1,98 \cdot 10^3}{0.532} = 3,72 \, kW$$

Com la radiació solar present val  $I=800\,W/m^2$ , calculem el nombre de captadors necessaris amb factors de conversió

$$3,72 \cdot 10^3 W \times \frac{1 \, m^2}{800 \, W} \times \frac{1 \, captador}{2,1 \, m^2} = 2,21 \, captadors$$

és clar que per satisfer les necessitats en calen 3.

c) Ara la radiació solar val  $I'=400\,W.$  Als 3 captadors, els arriba la següent potència

$$3\,captadors \times \frac{2,1\,m^2}{1\,captador} \times \frac{400\,W}{1\,m^2} = 2520\,W$$

La potència que proporcionen els captadors és menor, ja que hi ha un rendiment associat  $\eta_B'$  (que s'ha de recalcular perquè depenia de la radiació que arriba)

$$\eta_B' = \eta_0^B - k_1^B \cdot \frac{T_m - T_a}{I} = 0,66 - 3, 2 \cdot \frac{50^\circ - 18^\circ}{400} = 0,404$$

$$P_u = 2520 \cdot \eta_B' = 2520 \cdot 0,404 = 1018,08 \, W$$

Llavors, l'energia que proporcionen els captadors en 8 hores, val

$$E_{captadors} = P_u t = 1018, 08 \cdot 8 \cdot 3600 = 29, 32 \, MJ$$

L'energia total que calia per escalfar l'aigua l'havíem calculat abans i valia

$$E_{total} = Q = 57,06 MJ$$

per tant, l'energia suplementària que caldrà subministrar en forma d'electricitat serà

$$E_{electr} = 57,06 - 29,32 = 27,74 \, MJ$$

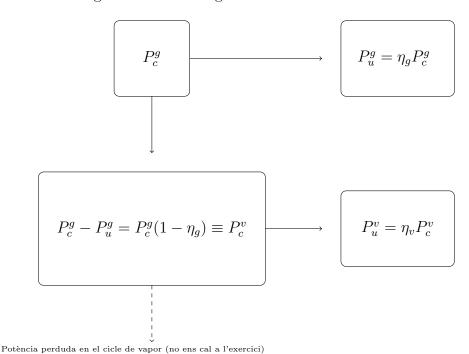
i finalment

$$27,74 \, MJ \times \frac{10^6 \, J}{1 \, MJ} \times \frac{1 \, kWh}{3,6 \cdot 10^6 \, J} = 7,706 \, kWh$$

Fem les següents identificacions per tal de resoldre el problema:

- Potència útil del cicle de gas  $\equiv P_u^g$
- Potència consumida del cicle de gas  $\equiv P_c^g$
- Potència útil del cicle de vapor  $\equiv P_u^v$
- $\bullet\,$ Potència consumida del cicle de vapor  $\equiv P^v_c$

i considerem el diagrama de blocs següent



Pel procés global és

 $\eta = \frac{P_u}{P_c} = \frac{P_u^g + P_u^v}{P_c^g} = \frac{\eta_g P_c^g + \eta_v P_c^v}{P_c^g} = \frac{\eta_g \mathcal{R}_c^g + \eta_v \mathcal{R}_c^g (1 - \eta_g)}{\mathcal{R}_c^g} = \eta_g + \eta_v (1 - \eta_g)$ 

a) Per calcular la potència consumida,  $P_{cons}$  per la central, apliquem la definició de rendiment al procés global, ja que la potència útil la coneixem,

val  $P_u = 500\,MW$ . Cal notar que la potència consumida per la central és el que hem anomenat  $P_c^g$  i la potència útil de la central és la suma de la potència útil del cicle de gas i del cicle de vapor,  $P_u^g + P_u^v$ 

$$P_{cons} = \frac{P_u}{\eta} = \frac{500 \cdot 10^6}{0,575} = 869,6 \, MW = 869,6 \, MJ/s = P_c^g$$

b) Ara, per calcular el volum de gas demanat fem factors de conversió a partir de la potència consumida. Calculem

$$24\,h \times \frac{3600\,s}{1\,h} \times \frac{869,6\,MJ}{1\,s} \times \frac{1\,kg}{32,5\,MJ} \times \frac{1\,L}{0,423\,kg} = 5,46\,ML$$

c) En quant a aquest apartat, la potència dissipada en el cicle de gas, que és la que es farà servir com a potència consumida pel cicle de vapor, és el que hem anomenat  $P_c^v$  i és

$$P_c^v = P_c^g(1 - \eta_q) = 869, 6 \cdot (1 - 0, 32) = 591, 33 MW$$

d) Ara fem servir un resultat obtingut abans que relaciona tots els rendiment que apareixen a l'exercici

$$\eta = \eta_g + \eta_v (1 - \eta_g) \longrightarrow \eta_v = \frac{\eta - \eta_g}{1 - \eta_g} = \frac{0,575 - 0,32}{1 - 0,32} = 0,375$$