1. (a) A partir de l'equació de l'ona

$$y(x,t) = 0,3\cos\left(\frac{\pi}{4}t - \frac{\pi}{5}x + \frac{\pi}{2}\right)$$

podem trobar directament

$$A=0,3\,m\quad \omega=\frac{\pi}{4}\,rad/s \rightarrow T=\frac{2\pi}{\omega}=\frac{2\pi}{\frac{\chi}{4}}=8\,s$$

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{8} = 0,125 \, s \quad \lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{\frac{\lambda}{5}} = 10 \, m$$

(b) Fent servir la relació  $\lambda = vT$  tenim

$$v = \frac{\lambda}{T} = \frac{10}{8} = 1,25 \, m/s$$

(c) La velocitat transversal dels punts de l'ona es poden calcular a partir de la derivada respecte el temps de l'equació d'ona

$$v_y(x,t) = \dot{y}(x,t) = -0.3 \cdot \frac{\pi}{4} \sin\left(\frac{\pi}{4}t - \frac{\pi}{5}x + \frac{\pi}{2}\right)$$

llavors

$$v_y(5,20) = -0, 3 \cdot \frac{\pi}{4} \sin\left(\frac{\pi}{4} \cdot 20 - \frac{\pi}{5} \cdot 5 + \frac{\pi}{2}\right)$$
$$= -0, 3 \cdot \frac{\pi}{4} \sin\left(4\pi + \frac{\pi}{2}\right)$$
$$= -0, 3 \cdot \frac{\pi}{4} \sin\left(\frac{\pi}{2}\right) = -0, 3 \cdot \frac{\pi}{4} = -0, 2356 \, m/s$$

2. (a) A partir de la definició de intensitat sonora

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0}$$

i fent servir les dades del problema podem calcular

$$180 = 10 \log \frac{I}{I_0} \to I = I_0 \cdot 10^{18} = 10^{-12} \cdot 10^{18} = 10^6 \, W/m^2$$

(b) Calculem directament a partir de la relació entre la potència, la intensitat i la distància

$$P = IA = I\pi r^2 = 10^6 \cdot \pi \cdot 1^2 = 3,142 \cdot 10^6 W$$



(c) Com que es tracta d'una ona tridimensional, la relació entre la intensitat a distàncies diferents del focus emissor es pot escriure com

$$I_1 r_1^2 = I_2 r_2^2$$

d'on

$$r_2 = r_1 \sqrt{\frac{I_1}{I_2}} = 1 \cdot \sqrt{\frac{10^6}{1}} = 10^3 \, m$$

**3.** (a) En l'esquema que correspon a una corda subjecta pels seus extrems vibrant en el quart harmònic es pot comprovar que en la longitud de la corda "hi caben" dues longituds d'ona, de forma que tenim

$$2\lambda = 1 \rightarrow \lambda = 0,5 \, m$$

(b) A partir de la relació  $\lambda = vT$ , tenim

$$v = \frac{\lambda}{T} = \lambda f = 0, 5 \cdot 925 = 462, 5 \, m/s$$

(c) Al vibrar en l'harmònic fonamental es comprova que en la longitud de la corda "hi cap" mitja longitud d'ona, llavors  $\lambda=2\,m$ i la freqüència corresponent serà

$$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{462, 5}{2} = 231, 25 \, Hz$$

on hem suposat que, per les ones estacionàries, la velocitat de fase és sempre la mateixa per tots els harmònics.



4. (a) Hem de demanar que l'amplitud efectiva sigui zero, llavors

$$0,040\sin(5,0\pi x) = 0 \rightarrow \sin(5,0\pi x) = 0$$

d'on

$$5.0\pi x = n\pi$$
,  $n \in \mathbb{Z}$ 

ja que el sinus d'un angle val zero quan el seu argument és 0,  $\pi$ ,  $2\pi$ ,  $3\pi$ .... Tindrem doncs

$$5,0\pi x = n\pi \to x_n = \frac{n}{5,0} \quad n \in \mathbb{Z}$$

i finalment,

$$x_0 = \frac{0}{5,0} = 0 m$$
,  $x_1 = \frac{1}{5,0} = 0, 2 m$   $x_2 = \frac{2}{5,0} = 0, 4 m$ 

i ja els tenim tots.

(b) El període es pot trobar directament a partir de l'equació de l'ona estacionària ja que és  $\omega=40\pi\,rad/s$  i tindrem

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{40\pi} = 0,05 \, s$$

(c) Com que tenim que  $k = 5, 0\pi \, rad/m$  podem calcular

$$\lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{5.0\pi} = 0.4 \, m$$

i la velocitat demanada valdrà $v=\frac{\lambda}{T}=\frac{0.4}{0.05}=8,0\,m/s$ 

