${\rm \acute{I}ndex}$

2	Elements passius lineals en CA			
3	Circuits en CA			
	3.1	Circuit R	6	
		3.1.1 Potència	7	
	3.2	Circuit L	7	
		3.2.1 Potència	8	
	3.3	Circuit C	9	
		3.3.1 Potència	10	
	3.4	Circuits RL	10	
	3.5	Circuits RC	15	
	3.6	Circuits mixtos	16	
4	Cor	recció del factor de potència	18	



1 Introducció

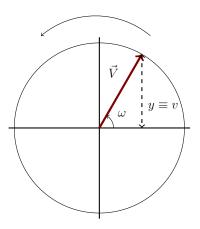
Tal com vam comentar el curs anterior quan parlàvem de la generació del corrent elèctric, la forma més senzilla de produir electricitat és fer girar una espira conductora en el sí d'un camp magnètic. D'aquesta manera, s'aconsegueix crear una força electromotriu que ve donada per

$$\mathcal{E}(t) = \mathcal{E}_{max} \sin \omega t$$

Al tema 6 de la matèria de Física es veu que el valor màxim d'aquesta força electromotriu val

$$\mathcal{E} = N\omega SB$$

on N és el nombre d'espires (si n'hi ha més d'una), ω la velocitat angular, S l'àrea d'una d'elles i B el valor del camp magnètic al que es troben sotmeses. Els valors de la tensió i la intensitat instantanis en el context del corrent altern es representen amb lletres minúscules (i, v) per distingir-les de les corresponents magnituds del corrent continu. Per representar les magnituds vectorials, és habitual fer servir els anomenats fasors, que no son més que representacions vectorials de les funcions trigonomètriques associades. Per exemple, per un vector (podem suposar que representa la tensió), \vec{V} que gira amb velocitat angular constant ω

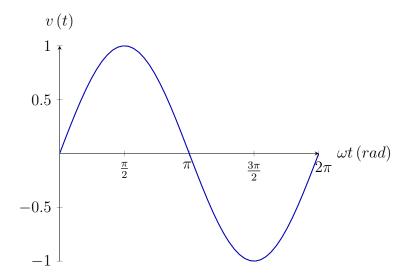


la component vertical ve donada per

$$y(t) = v(t) = V \sin \omega t$$

que es pot representar (s'ha pres arbitràriament V=1) com





1.1 Paràmetres del corrent altern

A partir de la gràfica anterior podem definir els següents paràmetres del corrent altern

- Valor màxim, V_{max} . És el valor màxim que pot prendre el senyal.
- ullet Valor instantani, v. És el valor que pren el senyal en un determinat instant del temps.
- Valor eficaç, V_{ef} . És el valor que mostren els aparells de mesura. Es pot provar que és

$$V_{ef} = \frac{V_{max}}{\sqrt{2}}$$

 \bullet **Període**, T. És el temps mínim que tarda a completar-se un cicle. Està relacionat directament amb la $freqüència\ angular$

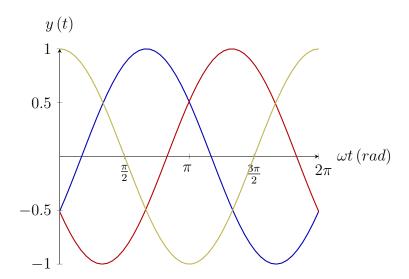
$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

 \bullet Freqüència, f. És el nombre de cicles per segon que descriu el senyal.

$$f = \frac{1}{T}$$

Quan més endavant tractem el corrent trifàsic veurem que consta de tres senyals amb un defasatge de 120° entre ells. El diagrama de fasors es pot representar com





La utilitat dels fasors és que es poden representar per nombres complexos i, per tant fer servir les propietats definides en aquests per resoldre els problemes que es plantegen en corrent altern.

2 Elements passius lineals en CA

En corrent continu anomenàvem resistència al fenomen macroscòpic que modelava l'oposició a circular el corrent. En aquell context, aquesta oposició estava relacionada amb xocs dels portadors de càrrega (entre ells i amb els nuclis atòmics) dins els conductors. Amb el corrent altern, apareixen altres fenòmens que col·laboren a dificultar el pas del corrent. Així, la capacitat de conducció dels condensadors depèn de la freqüència (f) d'aquest corrent. I de la mateixa manera, la freqüència del corrent influeix en l'efecte d'inducció de les bobines. Anomenarem $impedància\ Z$, a aquesta generalització de la resistència que coneixíem quan vam treballar amb corrent continu. Escriurem la llei d'Ohm com

$$V = IZ$$

- Per les resistències farem servir R com a símbol per la seva impedància. La representarem com a nombre complex segons $R_{0^{\circ}}$ en forma polar o R, en binòmica.
- Per un condensador de capacitat C (mesurada en farads, F), la impedància s'anomena capacitància o impedància capacitiva i es representa amb X_C , sent

$$X_C = \frac{1}{C\omega} = \frac{1}{2\pi fC}$$



La capacitat d'un condensador representa la quantitat de càrrega que pot emmagatzemar quan es troba polaritzat a una determinada diferència de potencial

 $C = \frac{Q}{V}$

Com a nombre complex, escriurem $X_{C-90^{\circ}}$, en forma polar, ja que es comprova que els condensadors avancen el senyal de la intensitat que els travessa respecte a la tensió que se'ls aplica. En forma binòmica escrivim $(-j)X_C$.

• Per una bobina amb coeficient d'autoinducció L (mesurada en henrys, H), la impedància s'anomena inductància o impedància inductiva i es representa amb X_L , sent

$$X_L = L\omega = 2\pi f L$$

El fenomen d'inducció electromagnètica s'estudiarà amb detall a la matèria de Física més endavant. Com a nombre complex, escriurem $X_{L90^{\circ}}$ en forma polar ja que es comprova que les bobines endarrereixen el senyal del corrent que les travessa respecte a la tensió que se'ls aplica. En forma binòmica escrivim jX_L .

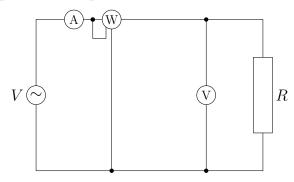
En el context del corrent altern, farem servir el símbol j com a unitat imaginària per evitar confusions amb el valor instantani de la intensitat de corrent i(t).



3 Circuits en CA

3.1 Circuit R

En aquest cas la impedància del circuit coincideix amb el valor de la resistència i no depèn de la freqüència del corrent.



Noteu l'esquema de connexió d'un voltímetre, amperímetre i wattímetre al circuit. Al aplicar una tensió de la forma

$$\mathcal{E}(t) = V_{max} \sin \omega t$$

al circuit anterior apareix en ell una intensitat

$$i(t) = \frac{V_{max} \sin \omega t}{R} = \frac{V_{max}}{R} \sin \omega t = I_{max} \sin \omega t$$

Si treballem amb valors eficaços podem escriure

$$V_{max} = I_{max}R \rightarrow \frac{V}{\sqrt{2}} = \frac{I}{\sqrt{2}}R \rightarrow V = IR$$

Exemple 3.1.1

Una resistència de $100\,\Omega$ es troba connectada a una font d'alimentació que proporciona una tensió (eficaç) $V=10\,V$ i que té una freqüència $f=100\,Hz$. Calculeu el valor de la intensitat que hi circula i representeu la situació en un diagrama fasorial.

♠ A partir de la llei d'Ohm

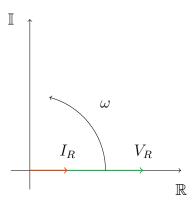
$$V = IZ$$

podem trobar

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{V}{R} = \frac{10}{100} = 0, 1 A$$

En quant al diagrama fasorial, i prenent com a origen d'angles la tensió, tenim





La tensió aplicada a la resistència i la intensitat que la travessa es troben en fase.

3.1.1 Potència

La potència dissipada en la resistència es pot calcular com

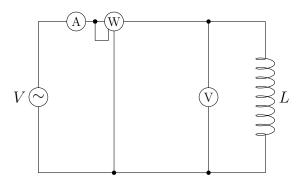
$$P = v(t)i(t) = (V_{max}\sin\omega t)(I_{max}\sin\omega t) = P_{max}\sin^2\omega t$$

i com podem veure és sempre una quantitat positiva. La potència que mesuraria un *wattímetre* és la mitjana i es pot demostrar que val

$$P = \frac{V_{max}}{\sqrt{2}} \cdot \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} = VI$$

3.2 Circuit L

En aquest cas la impedància del circuit vindrà donada per la de la bobina



suposant que la bobina és ideal (no té resistència òhmica) s'observa que el wattímetre mesura una potència pràcticament nul·li que els valors de la intensitat són relativament limitats. La bobina ofereix una oposició al corrent



elèctric de caràcter diferent a la de les resistències òhmiques. Això es deu a l'efecte d'autoinducció de la bobina que s'estudiarà al final de la segona avaluació a Física. La llei d'Ohm s'escriu

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{V}{jL\omega} = \frac{V}{j2\pi fL}$$

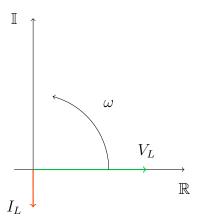
Exemple 3.2.1

Calculeu la intensitat que passa per una bobina $(L=1,4\,H)$ quan se sotmet a una tensió $V=220\,V,\,f=50\,Hz.$

♠ Apliquem la llei d'Ohm per trobar

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{220}{j \cdot 2\pi \cdot 50 \cdot 1, 4} = -0, 5 j A$$

En quant al diagrama fasorial, i prenent com a origen d'angles la tensió, tenim



Tal com havíem comentat abans (2), la intensitat queda endarrerida $\pi/2$ respecte la tensió.

3.2.1 Potència

Per veure com es comporta la potència en la bobina fem el càlcul

$$P = v(t)i(t) = (V_{max}\sin\omega t)\left(I_{max}\sin\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)\right) = \frac{P_{max}}{2}\sin 2\omega t$$

on s'ha fet servir que $\sin(\omega t - \pi/2) = \cos \omega t$ i que

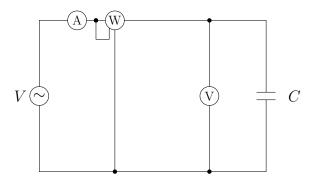
$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha\cos \alpha$$

És fàcil comprovar que ara la potència va canviant de signe. A la meitat de cicle la bobina emmagatzema potència i en l'altre meitat l'entrega al circuit. Tal com hem comentat abans, la potència que mesuraria un wattímetre en aquest cas seria zero.



3.3 Circuit C

En aquest cas la impedància del circuit vindrà donada per la del condensador



suposant el condensador ideal (resistència òhmica propera a zero), es veu que el wattímetre assenyalarà una potència pràcticament nul·la. Al aplicar tensió al condensador, apareix en aquest un fort corrent de càrrega que disminueix a mesura que augmenta la diferència de potencial entre les seves plaques. En el moment que s'ha completat la càrrega, el corrent és zero i la tensió màxima, per això es diu que el condensador avança el corrent 90° respecte la tensió. Al canviar la polaritat de la tensió aplicada, el condensador es descarrega retornant l'energia al circuit. La llei d'Ohm s'escriu

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{V}{\frac{-j}{2\pi fC}} = j2\pi V fC$$

Exemple 3.3.1

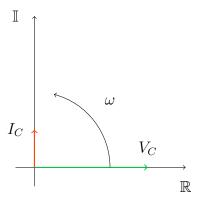
Calculeu la intensitat que circula per un circuit que consta d'un condensador de $3\mu F$ quan se sotmet a una tensió $V=210\,V,\,f=60\,Hz.$

♠ Apliquem la llei d'Ohm per trobar

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{V}{\frac{-j}{2\pi fC}} = j \cdot 2\pi V f C = j \cdot 2\pi \cdot 210 \cdot 60 \cdot 3 \cdot 10^{-6} = 0,2375 j A$$

En quant al diagrama fasorial, i prenent com a origen d'angles la tensió, tenim





Veiem que la intensitat al condensador s'avança respecte la tensió aplicada.

3.3.1 Potència

Per veure com es comporta la potència en el condensador fem el càlcul

$$P = v(t)i(t) = (V_{max}\sin\omega t)\left(I_{max}\sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)\right) = \frac{P_{max}}{2}\sin 2\omega t$$

i com podem comprovar canvia de signe en cada cicle. Tal com hem vist abans la potència que mesuraria un wattímetre és zero.

$$P = \frac{V_{max}}{\sqrt{2}} \cdot \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} = VI$$

3.4 Circuits RL

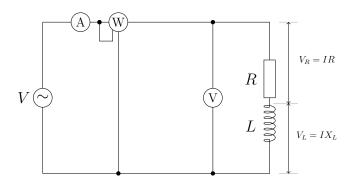
Considerem primer un circuit RL en sèrie. Al connectar una resistència òhmica amb una reactància inductiva, el corrent queda limitat per l'efecte combinat el R i X_L . Com aquests elements es troben en sèrie, passa el mateix corrent pels dos. La llei d'Ohm s'escriu

$$V = IZ$$

i la impedància del circuit es pot calcular com

$$Z = R + jL\omega$$





Exemple 3.4.1

Suposem que connectem en sèrie una resistència de $50\,\Omega$ amb una bobina de $L=50\,mH$ a una font de tensió alterna sinusoïdal de $220\,V$ i $100\,Hz$. Es demana determinar els valors de $Z,\,I,\,V_R,\,V_L$ i l'angle φ que formen Z i R. Feu també una representació fasorial del circuit on apareguin la tensió d'alimentació (agafada com a referència d'angles), el corrent I que circula pel circuit i les tensions a la resistència i la bobina. Finalment, calculeu les potències activa, reactiva i aparent del circuit.

La impedància del circuit es pot calcular com

$$Z = R + jL\omega = 50 + j \cdot 2\pi \cdot 50 \cdot 10^{-3} \cdot 100 = 50 + 31,416j$$

amb mòdul

$$|Z| = \sqrt{50^2 + 31,416^2} = 59\,\Omega$$

La intensitat al circuit val

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{220}{50 + 31,416j} = 3,155 + 1,982j$$

amb mòdul

$$|I| = \sqrt{3,155^2 + 1,982^2} = 3,73 A$$

Per una altra banda tenim

$$V_R = IR = (3,155+1,982j) \cdot 50 = 157,75+99,1j$$

i

$$V_L = IX_L = (3, 155 + 1, 982j) \cdot 31,416j = -62,27 + 99,1j$$

L'angle que formen Z i R es pot trobar directament a partir de

$$\cos \varphi = \frac{R}{|Z|} = \frac{50}{59}$$

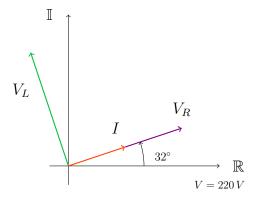


llavors

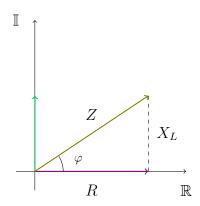
$$\varphi = \arccos\left(\frac{50}{59}\right) = 32^{\circ}$$

La quantitat $\cos \varphi$, té una importància molt destacada i s'anomena factor de potència.

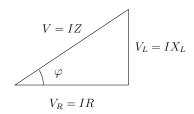
En quant al diagrama fasorial demanat



Per calcular les potències demanades considerem la relació entre $Z,\,R$ i X_L a partir de la seva representació al pla d'Argand

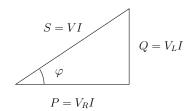


tenim el que s'anomena $triangle\ d'impedàncies$ a partir del qual es pot construir el $triangle\ de\ tensions$



i el triangle de potències





on s'han definit (hem de tenir en compte que aquí escrivim I per abús del llenguatge quan hauríem d'escriure |I|)

Potència activa, P. És la corresponent a la resistència òhmica i és la que dissipa energia. les seves unitats són W. Es calcula com

$$P = VI\cos\varphi$$

Potència reactiva, Q. És la corresponent a la impedància inductiva. No dissipa energia, les seves unitats són VAR, es llegeix volt-ampers reactius.

$$Q = VI\sin\varphi$$

Potència aparent, S. És la que correspon a la suma geomètrica de les altres dues, les seves unitats són VA, volt-ampers.

$$S = VI$$

és fàcil veure que es compleix

$$S^2 = P^2 + Q^2$$

Com hem vist abans, el factor de potència, $\cos \varphi$, ens indica quina part de la potència aparent és activa. El seu valor és igual a 1 quan no hi ha impedàncies d'origen inductiu o capacitiu. El factor de potència és un paràmetre fonamental que tenen en compte les empreses comercialitzadores d'energia elèctrica, ja que a aquestes els interessa que la potència reactiva sigui la menor possible, ja que no produeix treball útil i representa una sobrecàrrega per la seva distribució. D'aquesta forma, es penalitza a aquells usuaris o empreses que tenen un factor de potència en la seva instal·lació molt diferent a 1. Més endavant veurem com es pot minimitzar la potència reactiva en una instal·lció elèctrica per tal d'evitar aquestes penalitzacions econòmiques.

Exemple 3.4.2

Les característiques d'un motor monofàsic d'inducció són $P=5\,kW$, $V=220\,V$ i $\cos\varphi=0,86$. Es demana determinar la intensitat que circula,



la potència reactiva i aparent i els paràmetres del circuit equivalent suposant que podem modelar el motor com una bobina i una resistència en sèrie.

A partir de la dada de la potència activa

$$P = VI\cos\varphi$$

podem calcular directament

$$I = \frac{P}{V\cos\varphi} = \frac{5000}{220 \cdot 0,86} = 26,42 A$$

Per una altra banda, com

$$\varphi=\arccos 0,86=30,6834^\circ$$

podem calcular la potència reactiva

$$Q = VI \sin \varphi = 220 \cdot 26, 42 \cdot \sin 30, 6834 = 2966 VAR$$

i finalment la potència aparent

$$S = VI = 220 \cdot 26,42 = 5812,4 VA$$

Per trobar el valor de la resistència òhmica que correspon al motor fem

$$P = I^2 R$$

d'on

$$R = \frac{P}{I^2} = \frac{5000}{26,42^2} = 7,163\,\Omega$$

De forma semblant, per la impedància inductiva

$$Q = I^2 X_L$$

llavors

$$X_L = \frac{Q}{I^2} = \frac{2966}{26,42^2} = 4,25\,\Omega$$

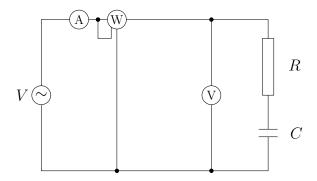


3.5 Circuits RC

Aquests tipus de circuits es resolen de forma semblant al cas dels RL, tenint en compte que la impedància d'un condensador és

$$Z = \frac{1}{jC\omega}$$

Exemple 3.5.1



Suposeu que tenim una resistència $R=100\,\Omega$ connectada en sèrie a un condensador $C=100\,\mu F$ i que els sotmetem a una tensió alterna $V=10\,V$, $f=50\,Hz$. Calculeu la intensitat que circula i la tensió que cau en cada element. Representeu la situació en un diagrama de fasors.

Comencem calculant la impedància del circuit

$$Z = R + \frac{1}{jC\omega} = 100 + \frac{1}{j100 \cdot 10^{-6} \cdot 2 \cdot \pi \cdot 50} = 100 - 31,83j$$

llavors, aplicant la llei d'Ohm

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{10}{100 - 31,83j} \cdot \frac{100 + 31,83j}{100 + 31,83j} = \frac{1000 + 318,3j}{100^2 + 31,83^2}$$

que es pot escriure com

$$I = \frac{1000}{11013, 15} + \frac{318, 3}{11013, 15}j$$

en forma polar

$$I = \sqrt{\left(\frac{1000}{11013, 15}\right)^2 + \left(\frac{318, 3}{11013, 15}\right)^2}_{\text{arctan } \frac{318, 3}{1000}} = 0,09529_{17,6^{\circ}}$$



de forma que la caiguda de tensió a la resistència val

$$V_R = IR = 0,09529_{17.6^{\circ}} \cdot 10 = 0,9529_{17.6^{\circ}}$$

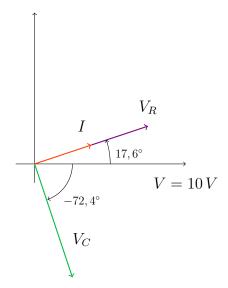
Per calcular la caiguda de tensió al condensador calculem la seva impedància en forma polar

$$X_C = \frac{1}{jC\omega} = \frac{1}{j100 \cdot 10^{-6} \cdot 2 \cdot \pi \cdot 50} = -31,83j \rightarrow X_C = 31,83_{-90^{\circ}}$$

llavors

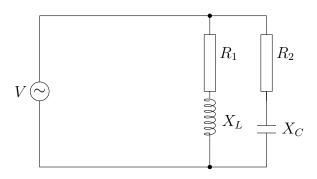
$$V_C = IX_c = 0,09529_{17,6^{\circ}} \cdot 31,83_{-90^{\circ}} = 3,033_{-72,4^{\circ}} = 3,033_{287,6^{\circ}}$$

En quant al diagrama de fasors (no està fet a escala)



3.6 Circuits mixtos

Considerem ara el següent circuit





Sabent que $V=200\,V,\,R_1=10\,\Omega,\,R_2=20\,\Omega,\,X_L=30\,\Omega$ i $X_C=15\,\Omega,$ es demana calcular: la intensitat total I, la intensitat que travessa R_1 i $R_2,$ la potència activa del circuit, la reactiva i la aparent, el factor de potència del circuit i la tensió que cau en la bobina.

Calculem les impedàncies en cada branca

$$Z_1 = R_1 + X_L = 10 + 30j$$

$$Z_2 = R_2 + X_C = 20 - 15j$$

com es troben en paral·lel, la impedància equivalent val

$$Z = \frac{Z_1 Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{(10 + 30j)(20 - 15j)}{10 + 30j + 20 - 15j} = 23, 3 + 3, 33j$$

es veu que la impedància total té caràcter inductiu. Calculem la intensitat total a partir de la llei d'Ohm

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{200}{23, 3+3, 33j} = 8, 4-1, 2j$$

que en forma polar seria $8,5_{-8,1^{\circ}}$, de forma que està endarrerida respecte la tensió, com correspon als circuits inductius. En quant a la intensitat que circula per cada branca

$$I_1 = \frac{V}{Z_1} = \frac{200}{10 + 30j} = 2 - 6j$$

i

$$I_2 = \frac{V}{Z_2} = \frac{200}{20 - 15i} = 6, 4 + 4, 8j$$

Es pot comprovar que és $I = I_1 + I_2$. La potència activa del circuit val

$$P = V|I|\cos\varphi = 200 \cdot 8, 5\cos 8, 1^{\circ} = 1683 W$$

la potència reactiva

$$P = V|I|\sin\varphi = 200 \cdot 8, 5\sin 8, 1^{\circ} = 240 \, VAR$$

i la potència aparent

$$S = V|I| = 200 \cdot 8, 5 = 1700 VA$$

El factor de potència del circuit val

$$\cos \varphi = \cos 8, 1^{\circ} = 0,99$$

Finalment, la tensió que cau a la bobina val

$$V_L = I_1 X_L = (2 - 6j) \cdot (30j) = 180 + 60j = 189, 7_{18,43}$$
° V



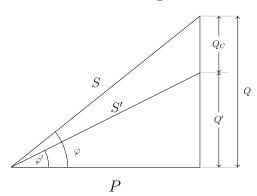
4 Correcció del factor de potència

En moltes instal·lacions industrials i tallers mecànics es treballa amb motors i làmpades de descàrrega que tenen associat un transport de potència reactiva que les empreses de distribució energètiques han de proporcionar. Com hem vist abans, el cost de l'energia elèctrica es veu incrementat a mesura que el factor de potència d'una insta l·lació és més proper a zero (l'ideal és 1). Per aquesta raó es fan servir sistemes per compensar la potència reactiva d'origen inductiu que es genera en una install·lació. Aquesta compensació s'aconsegueix típicament amb una bateria de condensadors, tal com veurem a continuació.

Exemple 4.1

Suposem que tenim un motor monofàsic de 5000 W que té un factor de potència $\cos \varphi = 0,7071$ a 220 V i $f = 50\,Hz$. Quines són les característiques de la bateria de condensadors que s'haurà de fer servir si es vol millorar el factor de potència a $\cos \varphi' = 0,95$

Podem representar la situació de la següent manera



Amb φ l'angle inicial, es vol disminuir la potència reactiva (inductiva) inicial Q a un valor Q' que ve determinat per l'angle φ' necessari. Això permet calcular la potència reactiva (capacitiva) que haurem d'afegir per tal d'aconseguir el nostre objectiu. Tenim que ha de ser

$$Q_C = Q - Q'$$

i com es veu al esquema

$$Q = P \tan \varphi$$
 $Q' = P \tan \varphi'$

llavors podem escriure

$$Q_C = P(\tan \varphi - \tan \varphi')$$



necessitem calcular

$$\varphi = \arccos 0,7071 = 45^{\circ}$$
$$\varphi' = \arccos 0,95 = 18,195^{\circ}$$

d'aquesta manera

$$Q_C = 5000 \cdot (\tan 45^{\circ} - \tan 18, 195^{\circ}) = 3356, 6 VAR$$

Ara podem calcular la intensitat que alimentarà els condensadors

$$Q_C = VI \rightarrow I = \frac{Q_C}{V} = \frac{3356, 6}{220} = 15,257 A$$

de forma que la seva impedància valdrà

$$V = IX_C \rightarrow X_C = \frac{V}{I} = \frac{220}{15,257} = 14,42\,\Omega$$

i la capacitat que han de tenir els condensadors serà

$$X_C = \frac{1}{C\omega} \to C = \frac{1}{\omega X_c} = \frac{1}{2\pi f X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 14, 42} = 2, 2 \cdot 10^{-4} F$$

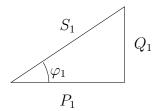
En el cas que tinguem una instal·lació amb diferents carregues de potència activa i factor de potència conegut hem de procedir com al següent exemple.

 $\it Exemple~4.2$ Considerem una instal·lació amb $220\,V$ i $50\,Hz$ que consta dels següents receptors:

- 1 motor monofàsic de $15 \, kW$, $\cos \varphi = 0.65$
- 50 fluorescents de 400 W, $\cos \varphi = 0.6$
- 45 bombetes incandescents de 80 W

Volem millorar el seu factor de potència a 0,99.

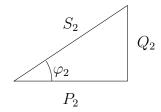
Calculem la potència reactiva del motor





$$Q_1 = P_1 \tan \varphi_1 = 15 \cdot 10^3 \tan(\arccos 0, 65) = 1,7537 \cdot 10^4 VAR$$

De forma semblant, calculem la potència reactiva associada als fluorescents

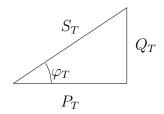


$$Q_2 = P_2 \tan \varphi_2 = 50 \cdot 400 \tan(\arccos 0, 6) = 2,6667 \cdot 10^4 VAR$$

En quant a les bombetes incandescents (només tenen potència activa)

$$P_3 = 45 \cdot 80 = 3600$$

Ara podem calcular el factor de potència total segons



Amb

$$P_T = 15000 + 50 \cdot 400 + 45 \cdot 80 = 38600 W$$

$$Q_T = 1,7537 \cdot 10^4 + 2,6667 \cdot 10^4 = 44204 VAR$$

$$S_T = \sqrt{P_T^2 + Q_T^2} = \sqrt{38600^2 + 44204^2} = 58685, 2 VA$$

llavors

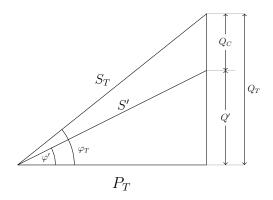
$$\cos \varphi_T = \frac{P_T}{S_T}$$

d'on

$$\varphi_T = \arccos\left(\frac{P_T}{S_T}\right) = \arccos\left(\frac{38600}{44204}\right) = 29,16^{\circ}$$

Ara, de forma semblant a com hem fet a l'exemple anterior





com que és

$$Q_C = Q_T - Q' = P_T \tan \varphi_T - P_T \tan \varphi' = P_T (\tan \varphi_T - \tan \varphi')$$

fent servir les dades que tenim

$$Q_C = 38600 \cdot (\tan 29, 16^{\circ} - \tan(\arccos 0, 99)) = 160372, 6 VAR$$

La intensitat que alimenta la bateria de condensadors serà

$$I = \frac{Q_C}{V} = \frac{160372, 6}{220} = 728,966 A$$

la impedància

$$X_C = \frac{V}{I} = \frac{220}{728,966} = 0,3018\,\Omega$$

i la capacitat

$$C = \frac{1}{2\pi f X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 0,3018} = 0,010547 F =$$

