

1. (a)

$$\sigma = \frac{F}{A} = \frac{mg}{a \cdot b} = \frac{80 \cdot 9,8}{10 \cdot 15} = 5,23 \text{ MPa}$$

(b)

$$\sigma = \frac{F}{A} = \frac{mg}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2 - \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2} = \frac{80 \cdot 9,8}{\pi \left(\frac{50}{2}\right)^2 - \pi \left(\frac{30}{2}\right)^2} = 0,62 \text{ MPa}$$

(c)

$$\begin{aligned} \sigma &= \frac{F}{A} \\ &= \frac{mg}{a \cdot b - (a - 2e)(b - 2e)} \\ &= \frac{80 \cdot 9,8}{100 \cdot 80 - (100 - 2 \cdot 5)(80 - 2 \cdot 5)} \\ &= 0,46 \text{ MPa} \end{aligned}$$

(d)

$$\sigma = \frac{F}{A} = \frac{mg}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2} = \frac{80 \cdot 9,8}{\pi \left(\frac{10}{2}\right)^2} = 9,98 \text{ MPa}$$

2. (a)

$$\sigma = \frac{F}{A} = \frac{mg}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2} = \frac{2000 \cdot 9,8}{\pi \left(\frac{2}{2}\right)^2} = 6,24 \cdot 10^3 \text{ MPa} = 6,24 \text{ GPa}$$

(b) Com l'esforç a què està sotmès és més gran que el límit elàstic, podem assegurar que les deformacions que patirà seran permanents, si no es que es trenca.

3.

$$\Delta L = L_0 \alpha \Delta T = 0,7 \cdot 23,6 \cdot 10^{-6} \cdot 70 = 1,16 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

per tant, la longitud final serà

$$L = L_0 + \Delta L = 0,7 + 1,16 \cdot 10^{-3} = 0,7011564 \text{ m}$$

4.

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow m = \rho V = 5600 \cdot \pi \left(\frac{10 \cdot 10^{-3}}{2} \right)^2 = 0,44 \text{ kg}$$

per tant el pes serà

$$P = mg = 0,44 \cdot 9,8 = 4,31 \text{ N}$$

5.

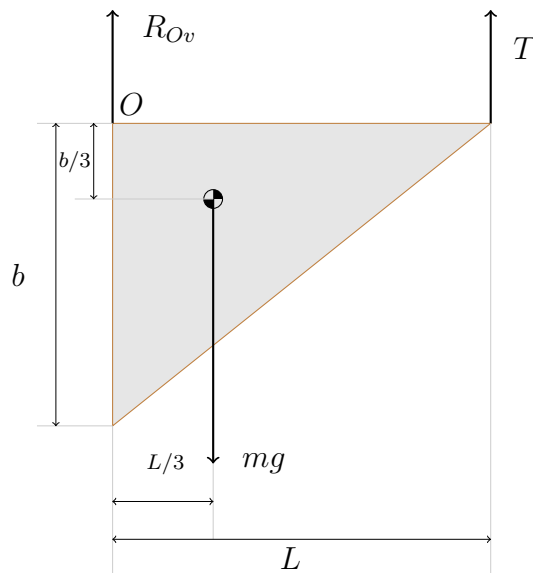
$$\eta = \frac{P_{util}}{P_{cons}}$$

$$P_{util} = \eta P_{cons} = \eta \frac{mgh}{t} = 0,35 \cdot \frac{10^6 \cdot 10^3 \cdot 9,8 \cdot 20}{24 \cdot 3600} = 7,94 \cdot 10^5 \text{ W}$$

6.

$$\eta = \frac{P_{util}}{P_{cons}} = \frac{5000}{5700} = 0,877$$

7. Representem el diagrama de sòlid lliure



a) Per trobar la massa de la placa fem servir la definició de densitat

$$\rho = \frac{m}{V}$$

d'on

$$m = \rho V = \rho \frac{Lb}{2} e = 8900 \frac{0,9 \cdot 0,6}{2} \cdot 0,008 = 19,224 \text{ kg}$$

b) Prenent moments des del punt O

$$mg \frac{L}{3} = TL \rightarrow T = \frac{mg}{3} = \frac{19,224 \cdot 9,8}{3} = 62,8 \text{ N}$$

c) La condició d'equilibri a l'eix vertical imposa

$$R_{Ov} + T = mg$$

llavors

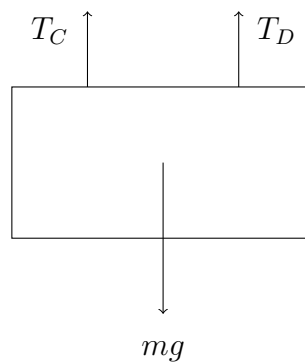
$$R_{Ov} = mg - T = mg - \frac{mg}{3} = \frac{2mg}{3} = \frac{2 \cdot 19,224 \cdot 9,8}{3} = 125,6 \text{ N}$$

És clar que no hi ha component horitzontal al punt O ja que no hi ha cap altre força horitzontal al diagrama de sòlid lliure.

d) La tensió normal σ del cable la podem calcular com

$$\sigma = \frac{F}{A} = \frac{T}{A} = \frac{62,8}{3} = 20,93 \text{ MPa}$$

8. (a) Pel cartell tenim



d'on

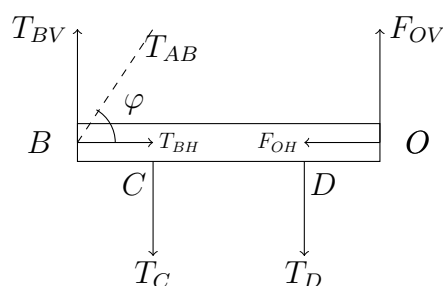
$$T_C + T_D = mg \rightarrow T_C = mg - T_D$$

i prenent moments des del punt de subjecció de T_c al cartell

$$mgd = T_D 2d \rightarrow T_D = \frac{mg}{2} = \frac{12 \cdot 9,8}{2} = 58,8 \text{ N}$$

$$T_C = mg - T_D = mg - \frac{mg}{2} = \frac{mg}{2} = 58,8 \text{ N}$$

(b) Per la barra BO



(c) Per trobar l'angle φ podem escriure, a partir de l'esquema de l'enunciat

$$\tan \varphi = \frac{L}{3L} \rightarrow \varphi = \arctan \frac{1}{3} = 18,43^\circ$$

(d)

(e) Podem escriure les equacions d'equilibri vertical, horitzontal i de moments (respecte B)

$$T_{BV} + F_{OV} = T_C + T_D \quad T_{BH} = F_{OH} \quad T_C L + T_D 2L = F_{OV} 3L$$

d'on

$$F_{OV} = T_C = 58,8 \text{ N} \quad T_{BV} = 58,8 \text{ N}$$

i

$$\sin \varphi = \frac{T_{BV}}{T_{AB}} \rightarrow T_{AB} = \frac{T_{BV}}{\sin \varphi} = \frac{58,8}{\sin 18,43^\circ} = 186 \text{ N}$$

finalment

$$F_{OH} = T_{BH} = T_{AB} \cos \varphi = 186 \cos 18,43^\circ = 176,45 \text{ N}$$