Redes Neuronales

Abel José Sánchez Alba y Arturo Cortés Sánchez



1. Índice

- Historia de las redes neuronales
- Estructura de la neurona
- Perceptron
- Estructura de la red neuronal
- Función de error
- Backward propagation
- Otras redes
- Demostración

_

Historia

- 1949 Donald Hebb crea la hipótesis del aprendizaje basado en plasticidad neuronal.
- 1958 Frank Rosenblatt crea el perceptrón.
- 1962 Novikoff comprueba que el perceptrón encuentra la solución si los datos son linealmente separables.
- 1965 Ivakhnenko y Lapa publican la primera red neuronal multicapa.

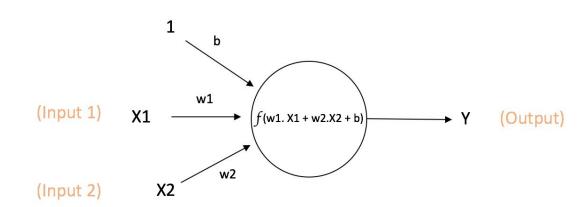
_

Historia

- 1969 Minsky y Papert descubren que el perceptrón no puede clasificar la función XOR.
- 1975 Paul John Werbos inventa el algoritmo de backpropagation.
- 1992 Se inventa el algoritmo de max-pooling.

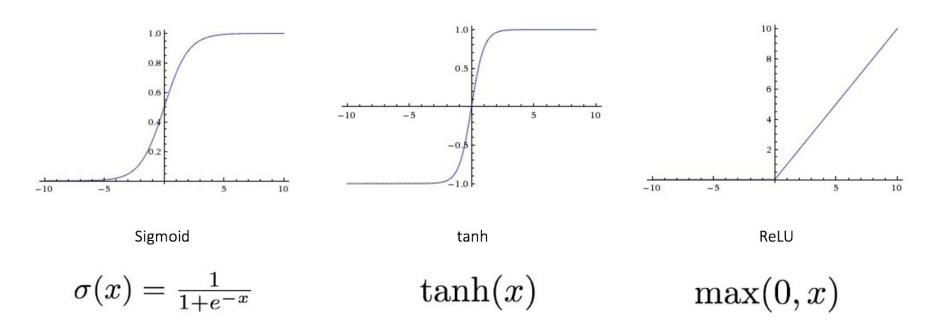
Estructura de una neurona

- Conjunto de entradas
- Parámetro bias
- Pesos
- Función de activación



Output of neuron = Y= f(w1. X1 + w2. X2 + b)

Funciones de activación



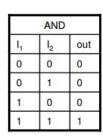
Aprendizaje

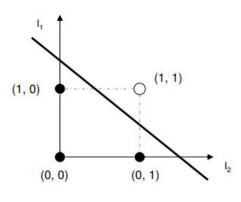
Para cada elemento del conjunto de entrenamiento:

- Si la salida predecida es correcta, los pesos se dejan intactos
- Si se predice incorrectamente un O, se le suma la entrada a los pesos.
- Si se predice incorrectamente un 1, se le resta la entrada a los pesos.

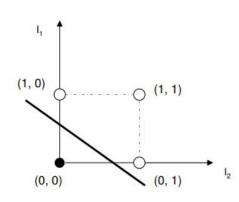
Limitaciones

Limitaciones

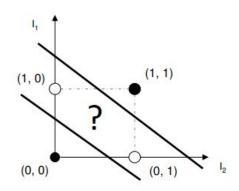




OR		
I ₁	l ₂	out
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



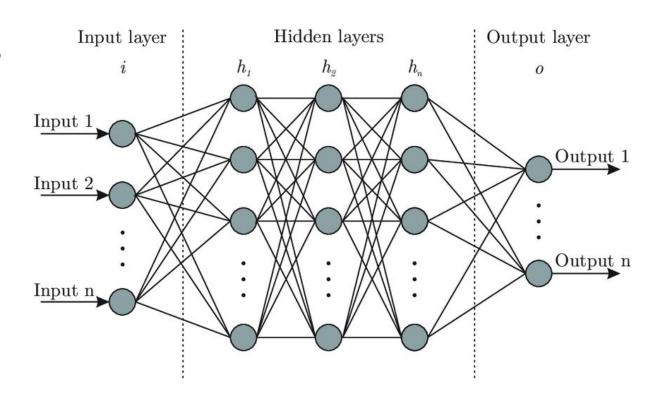
XOR		
l,	I ₂	out
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



_

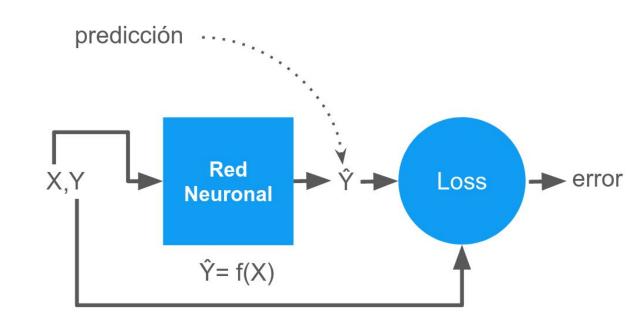
Estructura de una red neuronal

- Neuronas de entrada
- Neuronas ocultas
- Neuronas de salida



La función de error

- Indica la diferencia entre la predicción y el valor real de la variable.
- Es la función a minimizar
- Su elección depende del problema



Funciones de error y problemas

Problema de regresión

• Clasificación Binaria

Clasificación Multilabel

• Error cuadrático medio

$$\frac{1}{n} \sum_{i} (\hat{Y}_i - Y_i)^2$$

• Entropía cruzada o error

logarítmico

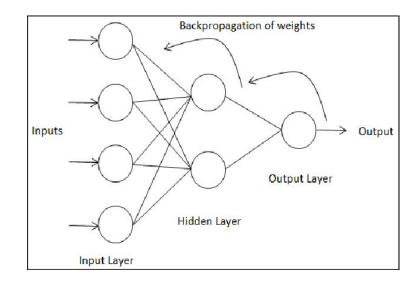
$$-\sum_{c=1}^{M} Y_{o,c} log(\hat{Y}_{o,c})$$

Entropía cruzada o error

logarítmico

Back propagation

- Propagación del error hacia atrás
- Depende de la función de error
- Esencial para el descenso del gradiente



¿Cómo se calcula?

• En la última capa:

$$\delta^l = \frac{\partial C}{\partial a^l} \frac{\partial a^l}{\partial z^l}$$

• En el resto de capas:

$$\delta^{l-1} = W^l \delta^l \frac{\partial a^{l-1}}{\partial z^{l-1}}$$

Descenso del gradiente

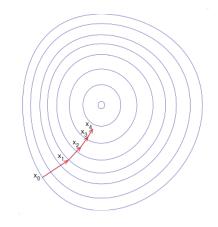
Learning rate

$$ullet$$
 Actualización de sesgos: $\dfrac{\partial C}{\partial b^{l-1}} = \delta^{l-1}$ $b^l = b^l - media(Errores) * lr$

ullet Actualización de pesos: $\dfrac{\partial C}{\partial W^{l-1}} = \delta^{l-1}a^{l-2}$ $W^l = W^l - [W^l*a^{l-1}*lr]$

Descenso del gradiente

• Repetidos pasos en dirección opuesta al gradiente



• Si la función es convexa, se puede alcanzar un

mínimo global

