

## decsai.ugr.es

### Fundamentos de Bases de Datos

Grado en Ingeniería Informática

Seminario 5: Álgebra relacional



Departamento de Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial



- 1. Introducción
- 2. Selección
- 3. Proyección
- 4. Composición de operadores
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 9. División
- 10. Eficacia en las consultas





- Introducción 1.
- Selección
- Proyección
- Composición de operadores 4.
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Eficacia en las consultas







- Permite al usuario solicitar información de la base de datos.
- Son normalmente de más alto nivel que los lenguajes estándar de programación.
- Pueden clasificarse en:
  - Procedimentales
  - Declarativos





- El usuario da instrucciones al sistema para que realice una secuencia de operaciones en la BD para calcular el resultado deseado.
  - Álgebra Relacional
    - "A Relational Model of Data for Large Shared Data Banks" E. F. Codd, Communications of the ACM, Vol. 13, No. 6, June 1970, pp. 377-387.

### Lenguaje Declarativo:

- El usuario describe la información deseada sin dar un procedimiento específico para obtener esa información.
  - Cálculo Relacional (Codd, 1970)
    - "Relational Completeness of Data Base Sublanguages" E.F. Codd (presented at Courant Computer Science Symposia Series 6, "Data Base Systems," New York City, N.Y., May 24th-25th, 1971). IBM Research Report RJ987 (March 6th, 1972). Republished in Randall J. Rustin (ed.), Data Base Systems: Courant Computer Science Symposia Series 6. Englewood Cliffs, N.J.: Prentice-Hall (1972).









| Operador            | Notación           |
|---------------------|--------------------|
| Selección           | σ                  |
| Proyección          | $\pi$              |
| Unión               | U                  |
| Intersección        | 0 5 639            |
| Diferencia          |                    |
| Producto Cartesiano | ×                  |
| Θ-Reunión           | $\bowtie_{\Theta}$ |
| División            |                    |





## Las operaciones del Álgebra Relacional son internas dentro del conjunto de las relaciones:

- Entrada:
  - Una o más relaciones.
- Salida:
  - Una relación.







- Con respecto al tipo de operador:
  - Operadores monarios
    - Selección
    - Proyección
  - Operadores binarios
    - Unión
    - Intersección
    - Diferencia
    - Producto Cartesiano
    - θ-reunión
    - División.







- Con respecto a su relación con el modelo relacional:
  - Operadores conjuntistas
    - Unión
    - Diferencia
    - Intersección
    - Producto
  - Operadores relacionales
    - Selección
    - Proyección
    - Θ-reunión
    - División





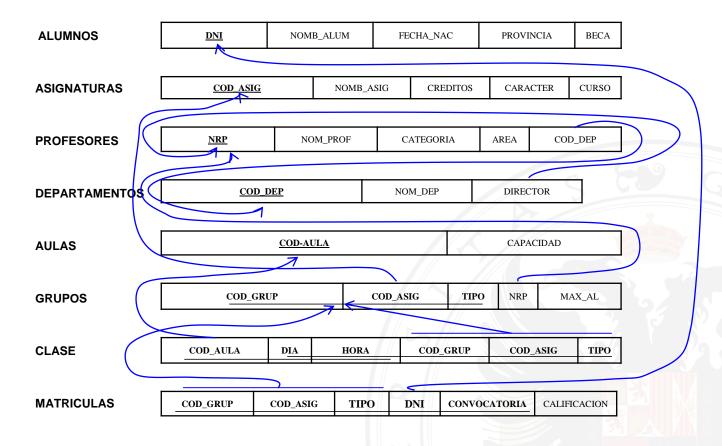


- Con respecto a su necesidad:
  - Operadores fundamentales (primitivos)
    - Selección
    - Proyección
    - Unión
    - Diferencia
    - Producto Cartesiano
  - Operadores no fundamentales (derivados)
    - Intersección
    - θ-reunión
    - División.



Introducción







- 1. Introducción
- 2. Selección
- 3. Proyección
- 4. Composición de operadores
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Efficacia en las consultas







- Sea
  - R[A<sub>1</sub>, ..., A<sub>n</sub>] una relación cualquiera
  - Θ una propiedad asociada a {A<sub>1</sub>...A<sub>n</sub>}
  - r una instancia de R
- El operador Θ-selección aplicado a R obtiene aquellas tuplas de r para las que Θ es cierta.
- Notación:

$$\sigma_{\Theta}(R)$$



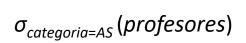


| NRP      | NOM_PROF                | CATEGORIA | AREA   | COD_DEP |
|----------|-------------------------|-----------|--------|---------|
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS        | COMPUT | CCIA    |
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU        | COMPUT | CCIA    |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE        | LENGUA | LSI     |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU        | LENGUA | LSI     |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU        | ARQUIT | ATC     |
| 24256    | María López Ruiz        | TU        | ARQUIT | ATC     |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE        | ELECTR | ELEC    |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS        | ELECTR | ELEC    |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS        | TSECAL | TESE    |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU        | TSECAL | TESE    |









| NRP      | NOM_PROF                | CATEGORIA | AREA   | COD_DEP |
|----------|-------------------------|-----------|--------|---------|
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS        | COMPUT | CCIA    |
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU        | COMPUT | CCIA    |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE        | LENGUA | LSI     |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU        | LENGUA | LSI     |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU        | ARQUIT | ATC     |
| 24256    | María López Ruiz        | TU        | ARQUIT | ATC     |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE        | ELECTR | ELEC    |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS        | ELECTR | ELEC    |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS        | TSEÑAL | TESE    |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU        | TSEÑAL | TESE    |

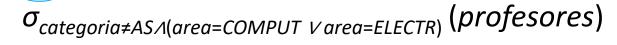
### Salida (resultado):

| NRP     | NOM_PROF            | CATEGORIA | AREA   | COD_DEP |
|---------|---------------------|-----------|--------|---------|
| 2428456 | Juan Sánchez Pérez  | AS        | COMPUT | CCIA    |
| 842560  | Adela Pérez Sánchez | AS        | ELECTR | ELEC    |
| 84560   | Luis Martínez Pérez | AS        | TSEÑAL | TESE    |









| NRP      | NOM_PROF                | CATEGORIA | AREA   | COD_DEP |
|----------|-------------------------|-----------|--------|---------|
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS        | COMPUT | CCIA    |
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU        | COMPUT | CCIA    |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE        | LENGUA | LSI     |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU        | LENGUA | LSI     |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU        | ARQUIT | ATC     |
| 24256    | María López Ruiz        | TU        | ARQUIT | ATC     |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE        | ELECTR | ELEC    |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS        | ELECTR | ELEC    |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS        | TSECAL | TESE    |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU        | TSECAL | TESE    |

### Salida (resultado):

| NRP      | NOM_PROF                | CATEGORIA | AREA   | COD_DEP |
|----------|-------------------------|-----------|--------|---------|
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU        | COMPUT | CCIA    |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE        | ELECTR | ELEC    |



- 1. Introducción
- 2. Selección
- 3. Proyección
- 4. Composición de operadores
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Efficacia en las consultas







- Sea
  - R[A<sub>1</sub>...A<sub>n</sub>] una relación cualquiera
  - {A<sub>i</sub>...A<sub>i</sub>} un subconjunto de sus atributos
  - r una instancia de R
- El operador proyección sobre {A<sub>i</sub>...A<sub>j</sub>} aplicado a R obtiene las tuplas de r, eliminando de la tabla aquellos atributos no pertenecientes a {A<sub>i</sub>...A<sub>j</sub>} y suprimiendo las tuplas redundantes.
- Notación:

$$\pi_{Ai...Aj}(R)$$









| NRP      | NOM_PROF                | CATEGORIA | AREA   | COD_DEP |
|----------|-------------------------|-----------|--------|---------|
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS        | COMPUT | CCIA    |
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU        | COMPUT | CCIA    |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE        | LENGUA | LSI     |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU        | LENGUA | LSI     |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU        | ARQUIT | ATC     |
| 24256    | María López Ruiz        | TU        | ARQUIT | ATC     |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE        | ELECTR | ELEC    |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS        | ELECTR | ELEC    |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS        | TSEÑAL | TESE    |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU        | TSEÑAL | TESE    |





## $\pi_{\text{NRP,nom\_prof,categoria}} \text{ (Profesores)}$

| NRP      | NOM_PROF                | CATEGORIA |
|----------|-------------------------|-----------|
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS        |
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU        |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE        |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU        |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU        |
| 24256    | María López Ruiz        | TU        |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE        |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS        |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS        |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU        |



- Como una proyección produce como resultado una relación:
  - Si en el resultado de una proyección aparecen tuplas repetidas se deben descartar.
  - Esto suele ocurrir cuando, al proyectar, no se incluye una clave candidata en la lista de atributos.
- Ejemplo: Tabla Profesores
  - Clave primaria: NRP
  - Si proyectamos por {area,cod dep}

| AREA   | COD_DEP |
|--------|---------|
| COMPUT | CCIA    |
| COMPUT | CCIA    |
| LENGUA | LSI     |
| LENGUA | LSI     |
| ARQUIT | ATC     |
| ARQUIT | ATC     |
| ELECTR | ELEC    |
| ELECTR | ELEC    |
| TSEÑAL | TESE    |
| TSEÑAL | TESE    |
|        |         |



- Como una proyección produce como resultado una relación:
  - Si en el resultado de una proyección aparecen tuplas repetidas se deben descartar.
  - Esto suele ocurrir cuando, al proyectar, no se incluye una clave candidata en la lista de atributos.
- Ejemplo: Tabla Profesores
  - Clave primaria: NRP
  - Si proyectamos por {area,cod\_dep}

| AREA   | COD_DEP |
|--------|---------|
| COMPUT | CCIA    |
| LENGUA | LSI     |
| ARQUIT | ATC     |
| ELECTR | ELEC    |
| TSEÑAL | TESE    |
|        |         |

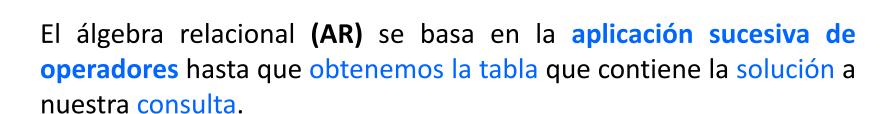


- 1. Introducción
- 2. Selección
- 3. Proyección
- 4. Composición de operadores
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Efficacia en las consultas









Como el resultado de una operación es siempre una relación, dicho resultado puede usarse como operando de otra operación.





- Obtener una lista con el NRP y el Nombre de aquellos profesores que pertenecen al departamento cuyo código es ELEC:
  - σ<sub>cod\_dep=ELEC</sub>(profesores)

| NRP     | NOM_PROF            | CATEGORIA | AREA   | COD_DEP |
|---------|---------------------|-----------|--------|---------|
| 2842560 | José Álvarez Pérez  | CE        | ELECTR | ELEC    |
| 842560  | Adela Pérez Sánchez | AS        | ELECTR | ELEC    |

•  $\pi_{NRP,nom\_prof}$  ( $\sigma_{cod\_dep=ELEC}$ (profesores))

| NRP     | NOM_PROF            |
|---------|---------------------|
| 2842560 | José Álvarez Pérez  |
| 842560  | Adela Pérez Sánchez |





- Encontrar los nombres de los profesores que no tienen categoría AS y pertenecen a las áreas de conocimiento TSEÑAL o ARQUIT.
  - $\Pi_{\text{nom\_prof}}(\sigma_{(\text{categoria} \neq AS) \land (\text{area} = TSE\~NAL\ V\ \text{area} = ARQUIT)}(\text{profesores}))$

- Encontrar las áreas de conocimiento que tienen profesores con categoría CU o TU.
  - $\pi_{area}(\sigma_{(categoria=TU\ V\ categoria=CU)}(profesores))$







- Encontrar el DNI y el nombre de aquellos alumnos que nacieron antes del 1-1-80.
  - $\pi_{DNI,nom\_alum}(\sigma_{fecha-nac<01-01-80}(alumnos))$

- Encontrar las provincias de las que vienen alumnos becados.
  - $\pi_{provincia}(\sigma_{beca=SI}(alumnos))$





- Introducción
- Selección
- Proyección
- Composición de operadores 4.
- **Producto cartesiano** 5.
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Eficacia en las consultas







- Sea
  - R[A<sub>1</sub>..A<sub>n</sub>] y S[B<sub>1</sub>..B<sub>m</sub>] dos relaciones cualesquiera
  - r y s dos instancias de las mismas
- El producto cartesiano de ambas instancias está formado por todas las tuplas resultantes de concatenar cada tupla de r con cada tupla de s.
- Notación:
  - $R \times S$

# Seminario 5: Álgebra relacional Producto cartesiano





| A              | В              |
|----------------|----------------|
| $a_1$          | $b_1$          |
| $a_2$          | $b_2$          |
| a <sub>3</sub> | b <sub>3</sub> |

×

| A                     | В     | D     |
|-----------------------|-------|-------|
| $a_1$                 | $b_1$ | $d_1$ |
| $a_1$                 | $b_1$ | $d_2$ |
| $a_2$                 | $b_2$ | $d_1$ |
| $a_2$                 | $b_2$ | $d_2$ |
| <b>a</b> <sub>3</sub> | $b_3$ | $d_1$ |
| <b>a</b> <sub>3</sub> | $b_3$ | $d_2$ |





- Propiedad 1:
  - Sean
    - R[A<sub>1</sub>..A<sub>n</sub>] y S[B<sub>1</sub>..B<sub>m</sub>] dos relaciones cualesquiera
    - $-W = R \times S$
  - Entonces
    - $-W[A_1..A_n,B_1..B_m]$ esquema(W) = esquema(R) U esquema(S).
- Propiedad 2:
  - Sean
    - R[A<sub>1</sub>..A<sub>n</sub>] y S[B<sub>1</sub>..B<sub>m</sub>] dos relaciones cualesquiera
    - $-W = R \times S$
    - Sean r y s instancias de R y S respectivamente y w la correspondiente instancia de W.
  - Entonces:

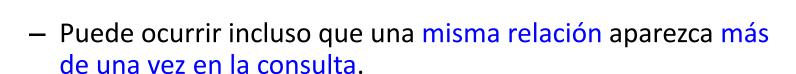
$$card(w) = card(r) \times card(s)$$
.





- Ahora intervienen más de una relación.
- Puede ocurrir que haya ambigüedad a la hora de referenciar atributos en las operaciones.
- Solución:
  - Anteponer un prefijo al nombre del atributo para indicar la tabla a la que nos referimos
    - Profesor.NRP
    - Grupos.NRP





- Operador de redefinición:
  - Sea
    - R[A<sub>1</sub>, ...A<sub>n</sub>] una relación cualquiera
    - r una instancia de R
    - El operador redefinición aplicado a r nos permite asignar un nuevo nombre a r
    - Notación
      - $\rho(r) = s$  nos permite referirnos a r como s
    - Se dice entonces que s es un alias de r.



Producto cartesiano





Consideremos nuestra base de datos de ejemplo y supongamos que deseamos saber, para cada departamento, el nombre de su director.

### Paso 1: profesores × departamentos

| NRP      | NOM_PROF                | CATG. | AREA.  | COD_DEP | COD_DEP | NOM_DEP                      | DIRECTOR |
|----------|-------------------------|-------|--------|---------|---------|------------------------------|----------|
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS    | COMPUT | CCIA    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU    | COMPUT | CCIA    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE    | LENGUA | LSI     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU    | LENGUA | LSI     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU    | ARQUIT | ATC     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 24256    | María López Ruiz        | TU    | ARQUIT | ATC     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE    | ELECTR | ELEC    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS    | ELECTR | ELEC    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS    | TSECAL | TESE    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU    | TSECAL | TESE    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU    | LENGUA | LSI     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 84256    |
| •••      |                         |       |        |         | // //   |                              |          |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU    | ARQUIT | ATC     | ATC     | Arquitectura de Computadores | 324256   |
|          |                         |       |        | ///     | .,/     | \                            |          |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE    | ELECTR | ELEC    | ELEC    | Electrónica                  | 2842560  |
|          |                         |       |        | #.// t_ | _ ///   |                              |          |
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS    | COMPUT | CCIA    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS    | TSECAL | TESE    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE    | LENGUA | LSI     | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU    | LENGUA | LSI     | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU    | ARQUIT | ATC     | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 24256    | María López Ruiz        | TU    | ARQUIT | ATC     | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE    | ELECTR | ELEC    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS    | ELECTR | ELEC    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS    | TSECAL | TESE    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU    | TSECAL | TESE    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |









Consideremos nuestra base de datos de ejemplo y supongamos que deseamos saber, para cada departamento, el nombre de su director.

### Paso 2: σ<sub>director=NRP</sub> (profesores × departamentos)

| NRP      | NOM_PROF                | CATG. | AREA.  | COD_DEP | COD_DEP | NOM_DEP                      | DIRECTOR |
|----------|-------------------------|-------|--------|---------|---------|------------------------------|----------|
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS    | COMPUT | CCIA    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU    | COMPUT | CCIA    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE    | LENGUA | LSI     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU    | LENGUA | LSI     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU    | ARQUIT | ATC     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 24256    | María López Ruiz        | TU    | ARQUIT | ATC     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE    | ELECTR | ELEC    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS    | ELECTR | ELEC    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS    | TSECAL | TESE    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU    | TSECAL | TESE    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU    | LENGUA | LSI     | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 84256    |
|          |                         |       |        |         | //      |                              |          |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU    | ARQUIT | ATC     | ATC     | Arquitectura de Computadores | 324256   |
|          |                         |       |        | ////    | ///     | \                            |          |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE    | ELECTR | ELEC    | ELEC    | Electrónica                  | 2842560  |
|          |                         |       |        | /// t_  | _ //    |                              |          |
| 2428456  | Juan Sánchez Pérez      | AS    | COMPUT | CCIA    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS    | TSECAL | TESE    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 242256   | Luis Pérez Pérez        | TE    | LENGUA | LSI     | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU    | LENGUA | LSI     | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU    | ARQUIT | ATC     | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 24256    | María López Ruiz        | TU    | ARQUIT | ATC     | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE    | ELECTR | ELEC    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 842560   | Adela Pérez Sánchez     | AS    | ELECTR | ELEC    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS    | TSECAL | TESE    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |
| 242560   | María Gómez Sánchez     | CU    | TSECAL | TESE    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |





### Paso 2: σ<sub>director=NRP</sub> (profesores × departamentos)

| NRP      | NOM_PROF                | CATG. | AREA.  | COD_DEP | COD_DEP | NOM_DEP                      | DIRECTOR |
|----------|-------------------------|-------|--------|---------|---------|------------------------------|----------|
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU    | COMPUT | CCIA    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU    | LENGUA | LSI     | LSI     | Lenguajes y Sistemas         | 84256    |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU    | ARQUIT | ATC     | ATC     | Arquitectura de Computadores | 324256   |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE    | ELECTR | ELEC    | ELEC    | Electrónica                  | 2842560  |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS    | TSECAL | TESE    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |

## Paso 3: $\pi_{\text{nom\_prof,nom\_dep}}(\sigma_{\text{director=NRP}} \text{ (profesores} \times \text{departamentos)})$

| NOM_PROF                | NOM_DEP                      |  |  |
|-------------------------|------------------------------|--|--|
| Antonia Pérez Rodríguez | Ciencias de la Computación   |  |  |
| Carmen Pérez Sánchez    | Lenguajes y Sistemas         |  |  |
| David Pérez Jiménez     | Arquitectura de Computadores |  |  |
| José Álvarez Pérez      | Electrónica                  |  |  |
| Luis Martínez Pérez     | Teoría de la Señal           |  |  |





- Obtener, para cada profesor, su NRP, su nombre y el nombre del departamento al que pertenece.
  - $\pi_{NRP,nom\_prof,nom\_dep}(\sigma_{departamentos.cod\_dep=profesores.cod\_dep}(departamentos \times profesores))$
- Obtener el DNI y el nombre de aquellos alumnos matriculados de la asignatura de código BDI que son becarios.
  - $\pi_{\text{alumnos.DNI,nom\_alum}}(\sigma_{\text{(alumnos.DNI=matriculas.DNI)}}) \wedge (\text{beca=SI}) \wedge (\text{cod\_asig=BDI})$ (alumnos × matriculas))
  - $\pi_{\text{alumnos.DNI,nom\_alum}}(\sigma_{\text{alumnos.DNI=matriculas.DNI}}(\sigma_{\text{beca=SI}}(\text{alumnos}) \times \sigma_{\text{cod asig=BDI}}(\text{matriculas})))$
- Encontrar la lista de los profesores (NRP y nombre) que imparten la asignatura BDI.
  - $\pi_{\text{grupos.NRP,nom\_pro}}(\sigma_{\text{profesores.NRP=grupos.NRP}})$ (profesores ×  $\sigma_{\text{cod asig=BDI}}(\text{grupos})))$







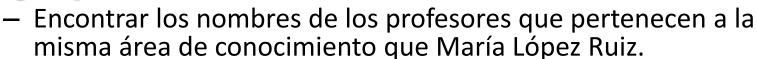
- Encontrar los códigos de las asignaturas de las que está matriculado el alumno de nombre 'Luis Martínez Pérez'.
  - $\Pi_{\text{cod\_asig}}(\sigma_{\text{alumnos.DNI=matricula.DNI}}$  (matriculas ×  $\sigma_{\text{nom\_alum=Luis Martinez P\'erez}}(\text{alumnos})))$
- Encontrar los nombres de los profesores con categoría CU o
   TU que pertenecen al departamento de nombre Electrónica.
  - $\Pi_{nom\_prof}$  ( $\sigma_{profesores.cod\_dep=departamentos.cod\_dep}$  ( $\sigma_{categoria=CUVcategoria=TU}$  (profesores)× $\sigma_{nom\_dep=Electrónica}$  (depart amentos)))
- Encontrar los nombres de las asignaturas de las que está matriculado el alumno 'Luis Martínez Pérez'.
  - $\Pi_{\text{nom\_asig}}(\sigma_{\text{alumnos.DNI=matricula.DNI}\land\text{matricula.cod\_asig=asignaturas.cod\_asig})$  (matriculas ×  $\sigma_{\text{nom\_alum=Luis Martínez Pérez}}$  (alumnos) × asignaturas))



- Encontrar los nombres de los profesores que imparten prácticas en la asignatura Bases de Datos. Entendemos que los grupos de prácticas son los grupos de tipo P.
  - $\pi_{\text{nom\_prof}}$  ( $\sigma_{\text{profesores.NRP=grupos.NRP} \land \text{grupos.cod\_asig=asignaturas.cod\_asig}}$  ( $\sigma_{\text{tipo=P}}(\text{grupos}) \times \sigma_{\text{nom\_asig=Bases de Datos}}$  (asignaturas) × profesores))
- Encontrar el nombre y el DNI de aquellos alumnos cuya provincia es Almería y que están matriculados de alguna asignatura de primer curso.
  - $\pi_{\text{DNI,nom\_alum}}(\sigma_{\text{alumnos.DNI=matricula.DNI}\wedge\text{matricula.cod\_asig=asignaturas.cod\_asig})$  (matriculas ×  $\sigma_{\text{provincia=Almeria}}(\text{alumnos}) \times \sigma_{\text{curso=1}}(\text{asignaturas})))$







- ρ(profesores) = profes
- $\pi_{profes.nom\_prof}$  ( $\sigma_{profesores.area=profes.area}$  ( $\sigma_{profesores.nom\_prof=María\ López\ Ruiz}$  (profesores) × (profes)))
- Encontrar el DNI y el nombre de aquellos alumnos de edad mayor o igual que la del alumno 'Luís Martínez Pérez'.
  - ρ(alumnos) = alu
  - $\pi_{\text{alu.DNI,alu.nom\_alum}}(\sigma_{\text{alumnos.fecha-nac}} \geq \alpha_{\text{alumnos.nom\_alum}}(\sigma_{\text{alumnos.fecha-nac}} \geq \alpha_{\text{alumnos}} \times (\alpha_{\text{alumnos}}) \times$
- Encontrar aquellas asignaturas optativas que están en cursos superiores a la asignatura de nombre 'Bases de Datos'.
  - ρ(asignaturas) = asis
  - $\pi_{asis.nom\_asig}(\sigma_{asignaturas.curso < asis.curso}(\sigma_{asignaturas.nom\_asig=Bases de Datos}(asignaturas) \times \sigma_{asis.caracter=op}(asis)))$



- 1. Introducción
- 2. Selección
- 3. Proyección
- 4. Composición de operadores
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Efficacia en las consultas









### Unión

- Sean
  - $R[A_1..A_n]$ , y  $S[B_1..B_n]$  dos relaciones tales que  $\{A_1..A_n\} \equiv \{B_1...B_n\}$
  - r y s instancias de R y S
- El operador unión aplicado sobre R y S es el resultado de hacer la unión de r y s como conjuntos de tuplas.
- Notación:

R U S

### **Diferencia**

- Sean
  - $R[A_1..A_n]$ ,  $y S[B_1..B_n]$  dos relaciones tales que  $\{A_1..A_n\} \equiv \{B_1...B_n\}$
  - r y s instancias de R y S
- El operador diferencia aplicado sobre R y S es el resultado de hacer la diferencia de r y s como conjuntos de tuplas.
- Notación:

R-S



Unión y diferencia





A

B



 $b_1$  $c_1$  $a_1$  $b_2$ *c*<sub>2</sub> *a*2 r  $b_1$  $c_1$ *a*<sub>3</sub>  $b_1$  $a_4$  $c_1$  $b_2$  $a_4$ 

*c*<sub>2</sub>

S

| A                     | В     | C     |
|-----------------------|-------|-------|
| $a_1$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| <i>a</i> <sub>3</sub> | $b_2$ | $c_2$ |
| $a_4$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| $a_1$                 | $b_2$ | $c_2$ |

r u s

| A                     | В     | C     |
|-----------------------|-------|-------|
| $a_1$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| a <sub>3</sub>        | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_4$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_4$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| <i>a</i> <sub>3</sub> | $b_2$ | $c_2$ |
| $a_1$                 | $b_2$ | $c_2$ |









r

| A                     | В     | C     |
|-----------------------|-------|-------|
| $a_1$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| <i>a</i> <sub>3</sub> | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_4$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_4$                 | $b_2$ | $c_2$ |

S

| A                     | В     | C     |
|-----------------------|-------|-------|
| $a_1$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| <i>a</i> <sub>3</sub> | $b_2$ | $c_2$ |
| $a_4$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| $a_1$                 | $b_2$ | $c_2$ |

$$r - s$$

| A     | В     | C     |
|-------|-------|-------|
| $a_3$ | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_4$ | $b_1$ | $c_1$ |



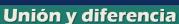


- Encontrar las asignaturas de segundo ciclo; es decir, aquellas cuyo curso sea 4 ó 5.
  - $\sigma_{(curso=4Vcurso=5)}$  (asignaturas)
  - $\sigma_{curso=4}$  (asignaturas) U  $\sigma_{curso=5}$  (asignaturas)
- Encontrar aquellos profesores que sean de categoría TU y no pertenezcan al área de conocimiento COMPUT.
  - $\sigma_{categoria=TU \land \neg (area=COMPUT)}(profesores)$
  - $\sigma_{\text{categoria}=TU}(\text{profesores}) \sigma_{\text{area}=\text{COMPUT}}(\text{profesores})$





- Encontrar los códigos de aquellas asignaturas en las que no hay matriculado ningún alumno.
  - $\Pi_{cod\ asig}$ (asignaturas)  $\pi_{cod\ asig}$ (matricula)
- Encontrar los alumnos <u>más jóvenes</u> de la base de datos; es decir, aquellos cuya fecha de nacimiento es la mayor entre las de todos los alumnos.
  - ρ(alumnos) = alu
  - $\pi_{\text{alumnos.DNI,alumnos.nom\_alum}}(\text{alumnos}) \pi_{\text{alumnos.DNI,alumnos.nom\_alum}}(\sigma_{\text{alumnos.fecha-nac}}(\text{alumnos} \times \text{alu}))$
- Encontrar las asignaturas que sólo tienen un profesor.
  - Π<sub>cod asig</sub>(grupos) –
  - $\pi_{grupos.cod\_asig}(\sigma_{grupos.cod\_asig=gru.cod\_asig} \land grupos.NRP <> gru.NRP (grupos × gru))$







- Encontrar los códigos de aquellas asignaturas que, o bien son de segundo ciclo, o bien no tienen matriculado ningún alumno.
  - $\pi_{cod\_asig}(\sigma_{(curso=4 \ V \ curso=5)}(asignaturas)) \ U$  $(\pi_{cod\ asig}(asignaturas) - \pi_{cod\ asig}(matricula))$



- Introducción
- Selección
- Proyección 3.
- Composición de operadores 4.
- 5. Producto cartesiano
- Unión y diferencia 6.
- Reunión natural 7.
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Eficacia en las consultas





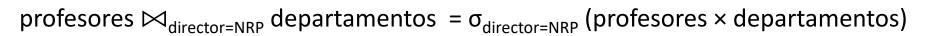


## Definición

- Sea
  - $-R[A_1..A_n]$ , y  $S[B_1..B_m]$  dos relaciones cualesquiera
  - Θ una propiedad que implica a atributos de ambas relaciones
  - r y s dos instancias de las mismas
- Entonces la  $\Theta$ -Reunión de R y S equivale a  $\sigma_{\Theta}(R \times S)$ .
- Notación:

 $R \bowtie_{\Theta} S$ 





| NRP      | NOM_PROF                | CATG. | AREA.  | COD_DEP | COD_DEP | NOM_DEP                      | DIRECTOR |
|----------|-------------------------|-------|--------|---------|---------|------------------------------|----------|
| 24283256 | Antonia Pérez Rodríguez | CU    | COMPUT | CCIA    | CCIA    | Ciencias de la Computación   | 24283256 |
| 84256    | Carmen Pérez Sánchez    | TU    | LENGUA | LSI     | LSI     | Lenguajes y Sistemas         | 84256    |
| 324256   | David Pérez Jiménez     | CU    | ARQUIT | ATC     | ATC     | Arquitectura de Computadores | 324256   |
| 2842560  | José Álvarez Pérez      | CE    | ELECTR | ELEC    | ELEC    | Electrónica                  | 2842560  |
| 84560    | Luis Martínez Pérez     | AS    | TSECAL | TESE    | TESE    | Teoría de la Señal           | 84560    |





### Definición

- Sea
  - $R[A_1..A_n]$ , y  $S[B_1..B_m]$  dos relaciones tales que existen  $\{A_i...A_j\} \subseteq \{A_1..A_n\}$  y  $\{B_i...B_j\} \subseteq \{B_1..B_m\}$  de forma que  $\forall k \in \{i..j\}$ ,  $A_k = B_k$
  - r y s dos instancias de las mismas
- Entonces la Reunión Natural de R y S equivale a:

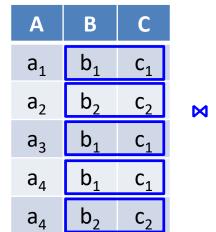
$$\pi_{(A1..An)\{B1..Bm\})-\{Ai...Aj\}}(\sigma_{(R.Ai=S.Ai)\wedge...\wedge(R.Aj=S.Aj)}(R \times S))$$

• Notación:

R M S

# Seminario 5: Álgebra relacional Reunión natural





| В     | С                     | D     | E              |
|-------|-----------------------|-------|----------------|
| $b_1$ | $C_1$                 | $d_1$ | $e_1$          |
| $b_2$ | <b>c</b> <sub>2</sub> | $d_2$ | $e_2$          |
| $b_1$ | $C_1$                 | $d_1$ | e <sub>3</sub> |
| $b_1$ | $C_3$                 | $d_3$ | $e_1$          |
| $b_1$ | $C_2$                 | $d_2$ | $e_1$          |

| A     | В     | С                     | D     | Е     |
|-------|-------|-----------------------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $C_1$                 | $d_1$ | $e_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $C_1$                 | $d_1$ | $e_3$ |
| $a_2$ | $b_2$ | <b>C</b> <sub>2</sub> | $d_2$ | $e_2$ |
| $a_3$ | $b_1$ | $C_1$                 | $d_1$ | $e_1$ |
| $a_3$ | $b_1$ | $C_1$                 | $d_1$ | $e_3$ |
| $a_4$ | $b_1$ | $C_1$                 | $d_1$ | $e_1$ |
| $a_4$ | $b_1$ | $C_1$                 | $d_1$ | $e_3$ |
| $a_4$ | $b_2$ | $C_2$                 | $d_2$ | $e_2$ |





- Obtener, para cada profesor, su NRP, su nombre y el nombre del departamento al que pertenece.
  - π<sub>NRP,nom\_prof,nom\_dep</sub>(σ<sub>departamentos.cod\_dep=profesores.cod\_dep</sub> (departamentos × profesores))
  - $\pi_{NRP,nom\_prof,nom\_dep}$  (departamentos  $\bowtie$  profesores)
- Obtener el DNI y el nombre de aquellos alumnos matriculados de la asignatura de código BDI que son becarios.
  - $\pi_{\text{alumnos.DNI,nom\_alum}}(\sigma_{\text{alumnos.DNI=matriculas.DNI}}(\sigma_{\text{beca=SI}}(\text{alumnos}) \times \sigma_{\text{cod asig=BDI}}(\text{matriculas})))$
  - $\pi_{\text{alumnos.DNI,nom\_alum}}(\sigma_{\text{beca=SI}}(\text{alumnos}) \bowtie \sigma_{\text{cod\_asig=BDI}}(\text{matriculas}))$





- Encontrar la lista de los profesores (NRP y nombre) que imparten la asignatura BDI.
  - $\pi_{grupos.NRP,nom\_pro}(\sigma_{profesores.NRP=grupos.NRP})$ (profesores ×  $\sigma_{cod\ asig=BDI}(grupos)))$
  - $\pi_{grupos.NRP,nom\ pro}(profesores \bowtie \sigma_{cod\ asig=BDI}(grupos))$
- Encontrar los códigos de las asignaturas de las que está matriculado el alumno de nombre 'Luis Martínez Pérez'.
  - $\Pi_{\text{cod\_asig}}(\sigma_{\text{alumnos.DNI=matricula.DNI}}$  (matriculas ×  $\sigma_{\text{nom\_alum=Luis Martinez P\'erez}}$  (alumnos)))
  - $\Pi_{\text{cod\_asig}}(\text{matriculas} \bowtie \sigma_{\text{nom\_alum=Luis Martinez Pérez}}(\text{alumnos}))$





- Encontrar los nombres de los profesores con categoría CU o TU que pertenecen al departamento de nombre Electrónica.
  - $\Pi_{\text{nom\_prof}}$  ( $\sigma_{\text{profesores.cod\_dep=departamentos.cod\_dep}}$  ( $\sigma_{\text{categoria=CUVcategoria=TU}}$ (profesores)× $\sigma_{\text{nom\_dep=Electrónica}}$ (departamentos)))
  - $\Pi_{\text{nom\_prof}}$  ( $\sigma_{\text{categoria=CUVcategoria=TU}}$  (profesores)  $\bowtie$   $\sigma_{\text{nom\_dep=Electrónica}}$  (departamentos)))
- Encontrar los nombres de las asignaturas de las que está matriculado el alumno 'Luis Martínez Pérez'.
  - $\Pi_{\text{nom\_asig}}(\sigma_{\text{alumnos.DNI=matricula.DNI}\wedge\text{matricula.cod\_asig=asignaturas.cod\_asig})$  (matriculas ×  $\sigma_{\text{nom\_alum=Luis Martinez Pérez}}$ (alumnos) × asignaturas))
  - $\Pi_{\text{nom\_asig}}(\text{matriculas} \bowtie \sigma_{\text{nom\_alum=Luis Martinez Pérez}}(\text{alumnos}) \bowtie \text{asignaturas})$





- Encontrar los nombres de los profesores que imparten prácticas en la asignatura Bases de Datos. Entendemos que los grupos de prácticas son los grupos de tipo P.
  - $\Pi_{\text{nom\_prof}}$  ( $\sigma_{\text{profesores.NRP=grupos.NRP} \land \text{grupos.cod\_asig=asignaturas.cod\_asig}}$  ( $\sigma_{\text{tipo=P}}(\text{grupos}) \times \sigma_{\text{nom\_asig=Bases de Datos}}$  (asignaturas) × profesores))
  - $\Pi_{\text{nom\_prof}}$  ( $\sigma_{\text{tipo=P}}$ (grupos)  $\bowtie \sigma_{\text{nom\_asig=Bases de Datos}}$  (asignaturas)  $\bowtie$  profesores)

- Encontrar el nombre y el DNI de aquellos alumnos cuya provincia es Almería y que están matriculados de alguna asignatura de primer curso.
  - $\pi_{\text{DNI,nom\_alum}}(\sigma_{\text{alumnos.DNI=matricula.DNI}\land \text{matricula.cod\_asig=asignaturas.cod\_asig}})$  (matriculas ×  $\sigma_{\text{provincia=Almeria}}(\text{alumnos}) \times \sigma_{\text{curso=1}}(\text{asignaturas})))$
  - $\pi_{DNI,nom\_alum}$  (matriculas  $\bowtie \sigma_{provincia=Almeria}$  (alumnos)  $\bowtie \sigma_{curso=1}$  (asignaturas))





- Introducción
- Selección
- Proyección 3.
- Composición de operadores 4.
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Eficacia en las consultas



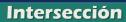




- Sean
  - $R[A_1..A_n]$ ,  $y S[B_1..B_n]$  dos relaciones tales que  $\{A_1..A_n\} \equiv \{B_1...B_n\}$
  - r y s instancias de R y S
- El operador intersección aplicado sobre R y S es el resultado de hacer la intersección de r y s como conjuntos de tuplas.
- Notación:

 $R \cap S$ 







r



| A                     | В     | C     |
|-----------------------|-------|-------|
| $a_1$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| <i>a</i> <sub>3</sub> | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_4$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_4$                 | $b_2$ | $c_2$ |

S

| A                     | В                     | C     |
|-----------------------|-----------------------|-------|
| $a_1$                 | $b_1$                 | $c_1$ |
| $a_2$                 | $b_2$                 | $c_2$ |
| <i>a</i> <sub>3</sub> | <i>b</i> <sub>2</sub> | $c_2$ |
| $a_4$                 | $b_2$                 | $c_2$ |
| $a_1$                 | $b_2$                 | $c_2$ |





- Encontrar los alumnos becarios que vienen de Almería.
  - $\sigma_{beca=SI\Lambda provincia=ALMERIA}$  (alumnos)
  - $\sigma_{beca=SI}(alumnos) \cap \sigma_{provincia=ALMERIA}(alumnos)$
- Encontrar las asignaturas optativas de segundo ciclo; es decir, aquellas cuyo curso sea 4 ó 5.
  - $\sigma_{caracter=op\Lambda(curso=4Vcurso=5)}(asignaturas))$
  - $\sigma_{caracter=op}$ (asignaturas) $\cap$ ( $\sigma_{curso=4}$ (asignaturas) $\cup$   $\sigma_{curso=5}$ (asignaturas))





- Encontrar los profesores que tienen categoría 'TU' o 'CU' y dan clase en asignaturas de segundo ciclo.
  - $\pi_{NRP,nom\_prof}$  ( $\sigma_{categoria=TUVcategoria=CU}$  (profesores))  $\cap$   $\pi_{profesores.NRP,profesores.nom\_prof}$  ((profesores)  $\bowtie$  (grupos)  $\bowtie$   $\sigma_{curso=4Vcurso=5}$  (asignaturas))





- Sean R y S relaciones cualquiera y r y s dos instancias de las mismas.
- Se verifica que:

• 
$$R \cap S = R - (R - S)$$

| A                     | В     | C     |
|-----------------------|-------|-------|
| $a_1$                 | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| <i>a</i> <sub>3</sub> | $b_2$ | $c_2$ |
| $a_4$                 | $b_2$ | $c_2$ |
| $a_1$                 | $b_2$ | $c_2$ |

| A     | В     | C     |
|-------|-------|-------|
| $a_3$ | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_4$ | $b_1$ | $c_1$ |





# **Propiedad:**

- Sean R y S relaciones cualquiera y r y s dos instancias de las mismas.
- Se verifica que:

• 
$$R \cap S = R - (R - S)$$

$$= \mathbf{r} \cap \mathbf{S} = \begin{vmatrix} \mathbf{A} & \mathbf{B} & \mathbf{C} \\ a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_4 & b_2 & c_2 \end{vmatrix}$$



- Introducción
- Selección
- Proyección 3.
- Composición de operadores 4.
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. nčersección
- 2-División
- 10. Efficacia en las consultas







- Consultas relacionadas con la conexión de un elemento de un conjunto con "todos" los elementos de otro.
- Encontrar los alumnos que están matriculados de todas las asignaturas de primer curso.
- Encontrar las asignaturas en las que dan clase todos los profesores del área 'COMPUT' que sean de categoría 'CU'.
- Encontrar los profesores que dan clase a todos los grupos de la asignatura de código 'BDI'.
- Encontrar las aulas que están ocupadas todos los días de la semana.





- Sean
  - $R[A_1..A_n, B_1..B_m] y S[B_1..B_m]$
  - y las instancias r y s
- La división de R con respecto a S es la instancia w de una relación W[A<sub>1</sub>..A<sub>n</sub>], que verifica:
  - $\forall u \in w ; \forall v \in s$

$$-\exists t \in r | t[A_1..A_n] = u , t[B_1..B_m] = v$$

Notación







| A              | В              | С                     | D              |
|----------------|----------------|-----------------------|----------------|
| $a_1$          | $b_1$          | <b>C</b> <sub>1</sub> | $d_1$          |
| $a_1$          | $b_1$          | C <sub>1</sub>        | d <sub>2</sub> |
| $a_1$          | $b_1$          | <b>C</b> <sub>3</sub> | d <sub>3</sub> |
| a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> | <b>C</b> <sub>2</sub> | $d_2$          |
| a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> | C <sub>2</sub>        | d <sub>3</sub> |
| $a_3$          | b <sub>3</sub> | C <sub>3</sub>        | $d_1$          |
| $a_3$          | b <sub>3</sub> | C <sub>3</sub>        | d <sub>2</sub> |

| D     | = | A     | В     | С                     |
|-------|---|-------|-------|-----------------------|
| $d_1$ |   | $a_1$ | $b_1$ | $C_1$                 |
| $d_2$ |   | $a_3$ | $b_3$ | <b>C</b> <sub>3</sub> |



División





| A     | В     | С     | D     |
|-------|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_2$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_3$ | $d_3$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_2$ | $d_2$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_2$ | $d_3$ |
| $a_3$ | $b_3$ | $c_3$ | $d_1$ |
| $a_3$ | $b_3$ | $c_3$ | $d_2$ |

| A     | В     | С     | D     |
|-------|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_2$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_3$ | $d_3$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_2$ | $d_2$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_2$ | $d_3$ |
| $a_3$ | $b_3$ | $c_3$ | $d_1$ |
| $a_3$ | $b_3$ | $c_3$ | $d_2$ |

$$\begin{array}{c|cc} & C & D \\ \hline \vdots & c_2 & d_2 \\ \hline c_2 & d_3 \end{array} = \begin{bmatrix} \\ \\ \end{bmatrix}$$

 $b_2$ 

 $a_2$ 





- Encontrar el nombre y el DNI de los alumnos que están matriculados de todas las asignaturas de primer curso.
- Divisor:
  - $\Pi_{\text{cod asig}}(\sigma_{\text{curso}=1}(\text{asignaturas}))$
- Dividendo:
  - π<sub>DNI,cod\_asig</sub>(matriculas)
- División = Dividendo ÷ Divisor
  - $\pi_{DNI,cod\_asig}(matriculas) \div \pi_{cod\_asig}(\sigma_{curso=1}(asignaturas))$
  - Con lo que obtenemos los DNI de los alumnos matriculados en todas las de primer curso, ahora solo falta reunir con alumnos para mostrar el resultado solicitado.
- $\pi_{\text{alumnos.DNI,alumnos.nom\_alum}}(\text{alumnos} \bowtie \pi_{\text{DNI,cod\_asig}}(\text{matriculas}) \div \pi_{\text{cod\_asig}}(\sigma_{\text{curso=1}}(\text{asignaturas})))$





- Encontrar las asignaturas en las que dan clase todos los profesores del área 'COMPUT' que sean de categoría 'CU'.
- Divisor:
  - $\pi_{NRP}$  ( $\sigma_{area=COMPUT \land categoria=CU}$  (profesores))
- Dividendo:
  - Π<sub>cod\_asig,NRP</sub> (grupos)
- División:
  - $\Pi_{\text{cod\_asig,NRP}}$  (grupos) ÷  $\pi_{\text{NRP}}$  ( $\sigma_{\text{area=COMPUT} \land \text{categoria=CU}}$  (profesores)





- Encontrar los profesores que dan clase a todos los grupos de la asignatura de código 'BDI'.
  - $\pi_{NRP,cod\_grup,tipo,cod\_asig}(grupos)$ :  $\pi_{cod\_grup,tipo,cod\_asig}(\sigma_{cod\_asig=BDI}(grupos))$
- Encontrar las aulas que están ocupadas todos los días de la semana en los que se imparte alguna clase.
  - $\pi_{cod\_aula,dia}(clase) \div \pi_{dia}(clase)$
- Encontrar aquellas aulas que están ocupadas todos los días y todas las horas en las que se imparte alguna clase.
  - $\Pi_{cod\ aula,dia,hora}(clase) \div \pi_{dia,hora}(clase)$





- Encontrar los días y horas en los que no hay aulas libres; es decir, los días y las horas en los que hay clase en todas las aulas.
  - $\pi_{dia,hora,cod\ aula}(clase) \div \pi_{cod\ aula}(aulas)$
- Encontrar las áreas de conocimiento en las que hay profesores de todas las categorías.
  - $\pi_{area,categoria}(profesores) \div \pi_{categoria}(profesores)$
- Encontrar los departamentos que tienen profesores de todas las categorías.
  - $\Pi_{\text{cod dep,categoria}}(\text{profesores}) \div \pi_{\text{categoria}}(\text{profesores})$





- Sean
  - $R[A_1..A_n, B_1..B_m] y S[B_1..B_m]$
  - y las instancias r y s
- Entonces
  - $r \div s = \prod_{A1..An} (r) \prod_{A1..An} ((\prod_{A1..An} (r) \times s) r)$







| A     | В              | C                     | D     |
|-------|----------------|-----------------------|-------|
| $a_1$ | $b_1$          | $C_1$                 | $d_1$ |
| $a_1$ | $b_1$          | $C_1$                 | $d_2$ |
| $a_1$ | $b_1$          | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_3$ |
| $a_2$ | $b_2$          | <b>C</b> <sub>2</sub> | $d_2$ |
| $a_2$ | b <sub>2</sub> | <b>C</b> <sub>2</sub> | $d_3$ |
| $a_3$ | $b_3$          | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_1$ |
| $a_3$ | b <sub>3</sub> | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_2$ |

| _ | • |
|---|---|
|   | • |
|   |   |
|   |   |
|   |   |
|   |   |
|   |   |

| D     | = |
|-------|---|
| $d_1$ |   |
| $d_2$ |   |

| A     | В     | С                     |
|-------|-------|-----------------------|
| $a_1$ | $b_1$ | <b>C</b> <sub>1</sub> |
| $a_3$ | $b_3$ | <b>C</b> <sub>3</sub> |



División

D

 $d_1$ 

 $d_2$ 

 $d_1$ 

 $d_2$ 

 $d_1$ 

 $d_2$ 

 $d_1$ 

 $d_2$ 

 $\mathsf{C}_1$ 

 $\mathsf{C}_1$ 

**C**<sub>3</sub>

**C**<sub>3</sub>

 $C_2$ 

 $C_2$ 

**C**<sub>3</sub>

 $C_3$ 





$$R \div S = \prod_{A,B,C} (R) - \prod_{A,B,C} ((\prod_{A,B,C} (R) \times S) - R)$$

\*

| A              | В              | С                     | D     |
|----------------|----------------|-----------------------|-------|
| $a_1$          | $b_1$          | C <sub>1</sub>        | $d_1$ |
| $a_1$          | $b_1$          | $C_1$                 | $d_2$ |
| $a_1$          | $b_1$          | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_3$ |
| a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> | C <sub>2</sub>        | $d_2$ |
| $a_2$          | b <sub>2</sub> | C <sub>2</sub>        | $d_3$ |
| $a_3$          | b <sub>3</sub> | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_1$ |
| $a_3$          | b <sub>3</sub> | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_2$ |

| <b>D</b> = | A              | В              |
|------------|----------------|----------------|
| $d_1$      | $a_1$          | $b_1$          |
| $d_2$      | $a_1$          | $b_1$          |
|            | $a_1$          | $b_1$          |
|            | $a_1$          | $b_1$          |
|            | a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> |
|            | a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> |
|            | $a_3$          | b <sub>3</sub> |

 $b_3$ 

**a**<sub>3</sub>



División







| A                     | В              | С                     | D              |
|-----------------------|----------------|-----------------------|----------------|
| a <sub>1</sub>        | b <sub>1</sub> | <b>C</b> <sub>1</sub> | $d_1$          |
| $a_1$                 | $b_1$          | <b>C</b> <sub>1</sub> | d <sub>2</sub> |
| $a_1$                 | b <sub>1</sub> | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_1$          |
| $a_1$                 | $b_1$          | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_2$          |
| a <sub>2</sub>        | b <sub>2</sub> | <b>c</b> <sub>2</sub> | $d_1$          |
| a <sub>2</sub>        | b <sub>2</sub> | <b>C</b> <sub>2</sub> | d <sub>2</sub> |
| a <sub>3</sub>        | b <sub>3</sub> | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_1$          |
| <b>a</b> <sub>3</sub> | b <sub>3</sub> | C <sub>3</sub>        | d <sub>2</sub> |

| A              | В              | C                     | D              |
|----------------|----------------|-----------------------|----------------|
| a <sub>1</sub> | $b_1$          | <b>C</b> <sub>1</sub> | $d_1$          |
| $a_1$          | $b_1$          | C <sub>1</sub>        | d <sub>2</sub> |
| $a_1$          | $b_1$          | <b>C</b> <sub>3</sub> | d <sub>3</sub> |
| a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> | C <sub>2</sub>        | d <sub>2</sub> |
| a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> | <b>C</b> <sub>2</sub> | d <sub>3</sub> |
| a <sub>3</sub> | b <sub>3</sub> | C <sub>3</sub>        | $d_1$          |
| a <sub>3</sub> | b <sub>3</sub> | C <sub>3</sub>        | d <sub>2</sub> |











$$R \div S = \prod_{A,B,C} (R) - \prod_{A,B,C} ((\prod_{A,B,C} (R) \times S) - R)$$

| A              | В              | С                     |
|----------------|----------------|-----------------------|
| $a_1$          | $b_1$          | $c_1$                 |
| a <sub>1</sub> | b <sub>1</sub> | <b>C</b> <sub>3</sub> |
| a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> | <b>C</b> <sub>2</sub> |
| $a_3$          | $b_3$          | <b>C</b> <sub>3</sub> |

| A              | В              | С                     | D     |
|----------------|----------------|-----------------------|-------|
| a <sub>1</sub> | b <sub>1</sub> | C <sub>3</sub>        | $d_1$ |
| $a_1$          | $b_1$          | <b>C</b> <sub>3</sub> | $d_2$ |
| a <sub>2</sub> | b <sub>2</sub> | C <sub>2</sub>        | $d_1$ |





- Introducción
- Selección
- Proyección
- Composición de operadores 4.
- 5. Producto cartesiano
- 6. Unión y diferencia
- 7. Reunión natural
- 8. Intersección
- 2. División
- 10. Eficacia en las consultas







# Con Álgebra Relacional:

- A cada expresión le corresponde una única tabla.
- Cada consulta puede resolverse con más de una expresión.
  - Hay que elegir en términos de eficiencia.
- Ejemplo:
  - $\sigma_{beca=SI\Lambda provincia=ALMERIA}$  (alumnos)
  - $\sigma_{beca=SI}(alumnos) \cap \sigma_{provincia=ALMERIA}(alumnos)$







# En un SGBD hay un componente que se encarga de paliar los efectos de consultas poco eficientes:

Optimizador de consultas

# Existen algunas reglas básicas:

- Ejemplo:
  - Selecciones, cuanto antes
    - Limitan el número de tuplas
  - Proyecciones, cuanto antes
    - Limitan el tamaño de las tuplas
- Normalmente:
  - Los SGBDs no publican sus estrategias de optimización
  - Ventaja competitiva