

## Apuntes practicas estadistica

### FRECUENCIAS

[Estadísticos](#) → [Resúmenes](#) → [Distribución de frecuencias](#)

mediana (separa el 50% datos)

desviación típica (como de dispersos están los datos con respecto de la media)

coeficiente de variación(homogéneo +grande o heterogéneo +chico, datos en %)

[Estadísticos](#) → [Resúmenes](#) → [Resúmenes numéricos...](#)

### DISTRIBUCIÓN DE FRECUENCIA absolutas y relativas

[Estadísticos](#) → [Resúmenes](#) → [Distribución de frecuencias...](#)

DIAGRAMA de barras y sectores (solo variables cualitativas de tipo factor)

HISTOGRAMA (representa los intervalos de frecuencias)

[Gráficas](#) → [Histograma...](#)

DIAGRAMA DE CAJA(detección de valores atípicos)

### DISTRIBUCIÓN CONDICIONADA

[Estadísticos](#) → [Tablas de contingencia](#) → [Tabla de doble entrada...](#)

### FILTRADO DE DATOS

[Datos](#) → [Conjunto de datos activo](#) → [Filtrar el conjunto de datos activo...](#)

diagrama de DISPERSIÓN(relación de dos variables)

[Gráficas](#) → [Diagrama de dispersión...](#)

CORRELACIÓN de pearson o lineal(cuantifica la dependencia de dos variables)

[Estadísticos](#) → [Resúmenes](#) → [Matriz de correlaciones...](#)

---

## ANALISIS DE REGRESION

COVARIANZA(grado de variación con respecto a la media, relación lineal entre 2 variables)

`cov(datos[,c("Altura","Edad","Peso")], use="complete")`

RELACIÓN LINEAL( si en la tabla tiene signo negativo inversa, es. positivo directa)

`cor(datos[,c("Altura","Edad","Peso")], use="complete")`

REGRESIÓN LINEAL(relación entre variables, dependiente e independiente)\*\*\*

[Estadísticos](#) → [Ajuste de modelos](#) → [Regresión lineal...](#)

### RECTA DE REGRESIÓN

```
RegModel.2 <- lm(Peso~Altura, data=datosc, subset=SexoF=="Hombre")
summary(RegModel.2)
```

PREDICCIONES(valores de la recta de regresión para un valor dado)

```
predict(modelo,data.frame(Var Ind=valor))
```

```
\\lm(formula = Peso ~ Altura, data = Dataset)
```

```
predict(Lineal,data.frame(Altura=170))
```

BONDADES de ajuste(fiabilidad de las predicciones dadas)  
es el r cuadrado de los analisis de regresion

MODELO REGRESIÓN(relaciones entre variables)

[Estadísticos](#) → [Ajuste de modelos](#)→ [Modelo lineal...](#)

Predicciones(de un modelo lineal)

```
predict(modelo,data.frame(Var Ind=valor))
```

Bondad del ajuste( es el r cuadrado) -> cuanto más se ajuste al 1 y al -1  
mejor se ajusta al modelo

+++++

+TIPOS DE MODELOS

MODELO MÚLTIPLE -> depende varias variables -->  $y = b_0 + b_1x_1 + b_2x_2$

\\ estadística --> ajuste de modelo --> modelo lineal (peso~altura+edad)

MODELO EXPONENCIAL ->  $y = \exp(a + bx)$  -->  $\log(y) = a + bx$

\*log es logaritmo neperiano

```
\\ Exponencial <- lm(log(Peso) ~ Altura, data=Dataset)
```

```
summary(Exponencial)
```

```
prediccion --> predict(Exponencial,data.frame(Altura=170))
```

```
exp(predict(Exponencial,data.frame(Altura=170)))
```

MODELO LOGARÍTMICO ->  $Y = a + b \cdot \log(x)$

```
\\Logaritmo <- lm(Peso ~ log(Altura), data=Dataset)
```

```
summary(Logaritmo)
```

```
predict(Logaritmo,data.frame(Altura=170))
```

MODELO MULTIPLICATIVO ->  $y = a \cdot x^b$  -->  $\log(y) = \log(a) + b \cdot \log(x)$

```
\\Multiplicativo <- lm(log(Peso) ~ log(Altura), data=Dataset)
```

```
summary(Multiplicativo)
```

```
exp(predict(Multiplicativo,data.frame(Altura=170)))
```

MODELO INVERSO ->  $y = a + b/x$

```
\\Inverso <- lm(Peso ~ 1/Altura, data=Dataset)
```

```
summary(Inverso)
```

---

## INTERVALOS Y CONTRASTES DE HIPÓTESIS

### INTERVALOS Y CONTRASTES SOBRE LA MEDIA

Estadísticos → Medias → Test t para una muestra

### INTERVALOS Y CONTRASTES SOBRE LA PROPORCIÓN

test t para una muestra: hacer preguntas sobre la media para que sea mayor o menor, todo intervalo tiene que cumplir esta característica

// altura (95% confianza)

// 95 percent confidence interval

//171.1291 175.3209

-para un subconjunto, primero se tiene que seleccionar y guardar como un conjunto nuevo

-para dos variables: altura media hombres y mujeres (x → h, y → m)

-test t para muestras indep.: para diferencia de medias

1º saber si las varianzas son iguales (si el intervalo contiene el 1):

- estadísticos, varianza, test f para varianzas

\\sexo F → altura nivel confianza 95

ratio of variances 3.37588

cociente entre cuasivarianzas

95 percent confidence interval:

1.171317 8.357349 → 1 no está dentro, así que no consideramos iguales

2º altura media 4.218553-10.539689 → la altura media de los hombres es mayor que el de las mujeres

### INTERVALO CONFIANZA SOBRE LA PROPORCIÓN

si la variable es una binomial → es el número de veces que ocurre el suceso entre n proporción de hombres?

estadísticos → proporciones para una muestra

### DESVIACIÓN ESTÁNDAR

tengo una variable con una distribución normal →

1º veo cuantos datos tengo (n-1) n = 40

2º sd → standard deviation

ei varianza=39\*(sd(datos\$Altura)^2)/qchisq(0.975,39) → cuantil de la chi cuadrado

→ probabilidad que deja a la izquierda, extremo izquierdo

es varianza=39\*(sd(datos\$Altura)^2)/qchisq(0.025,39)

→ deja a la derecha

---

## DISTRIBUCIONES

	Densidad o masa	Distribución	Cuantil	Muestras aleatorias
Binomial	<code>dbinom(x,size,prob)</code>	<code>pbinom(q,size,prob, lower.tail=TRUE)</code>	<code>qbinom(p,size,prob, lower.tail=TRUE)</code>	<code>rbinom(n,size,prob)</code>
Poisson	<code>dpois(x,lambda)</code>	<code>ppois(q, lambda,lower.tail=TRUE)</code>	<code>qpois(p, lambda, lower.tail=TRUE)</code>	<code>rpois(n, lambda)</code>
Normal	<code>dnorm(x,mean=0,sd=1)</code>	<code>pnorm(q, mean=0,sd=1, lower.tail=TRUE)</code>	<code>qnorm(p, mean=0,sd=1, lower.tail=TRUE)</code>	<code>rnorm(n, mean=0,sd=1)</code>
Chi-cuadrado	<code>dchisq(x,df)</code>	<code>pchisq(q,df, lower.tail=TRUE)</code>	<code>qchisq(p,df, lower.tail=TRUE)</code>	<code>rchisq(n,df)</code>
t	<code>dt(x,df)</code>	<code>pt(q,df, lower.tail=TRUE)</code>	<code>qt(p,df, lower.tail=TRUE)</code>	<code>rt(n,df)</code>
F	<code>df(x,df1,df2)</code>	<code>pf(q,df1,df2,lower.tail=TRUE)</code>	<code>qf(p,df1,df2, lower.tail=TRUE)</code>	<code>rf(n,df1,df2)</code>

## PROBABILIDADES

calcular:

a)  $p[X = 3] = [1] 0.2502823$

// dist - discretas- binomial - prob bin.

para un solo valor

> `dbinom(x,10,0.25)` x-> es el valor

b)  $P[X \leq 5] = [1] 0.9802723$

> `pbinom(c(5), size=10, prob=0.25, lower.tail=TRUE)`

// dist - discretas- binomial - prob bin. acum- 5,10,0.25 cola izq

c)  $P[X > 4] = [1] 0.07812691$

> `pbinom(c(4), size=10, prob=0.25, lower.tail=FALSE)`

d)  $P[2 \leq X \leq 5] = p[x \leq 5] - p[x \leq 1] = [1] 0.7362471$  ->

`pbinom(c(5), size=10, prob=0.25, lower.tail=TRUE) - pbinom(c(1), size=10, prob=0.25, lower.tail=TRUE)`

## CUANTIL BINOMIAL

e) Determinar x, para que  $P[X \leq x] = 0.75 = 3$  ->

`qbinom(c(0.75), size=10, prob=0.25, lower.tail=TRUE)`

// cuantiles binomiales

## MEDIANA DISTRIBUCIÓN

f) Determinar la mediana de la distribución = 2 -->

`qbinom(c(0.5), size=10, prob=0.25, lower.tail=TRUE)`

## FUNCION MASA PROBABILIDAD (probabilidades de que ocurra cada caso)

g) Dibujar la función masa de probabilidad y la función de distribución de dicha distribución.

// binomial - graf distribución

h) Generar una muestra aleatoria de tamaño 500 de los datos, obtener la mediana de esta muestra aleatoria y comparar con la mediana obtenida de forma teórica.--> [datos](#)

[500=rbinom\(500,10,0.25\)](#)

datos 500 --> para verlos

---

## | CONTRASTE DE LA HIPÓTESIS |

---

### 1. QUIENES SON LAS HIPÓTESIS

- NULA (DONDE ESTA LA IGUALDAD // =, =>, =<) ej  $\mu = 5$

-ALTERNATIVA (desigual, >, <) ej  $\mu > 5$

### 2. ESTADÍSTICO

$T = (\text{MEDIA} - \mu) / (S / \sqrt{n})$  t-student

### 3. CONSTRUIR LA REGIÓN CRÍTICA -> alfa medios

se calcula una probabilidad, la prob. de que ese valor experimental pertenezca a esa región crítica

### 4.DECISIÓN

Si  $p \text{ value} < \alpha$  -> se rechaza  $H_0$

Si  $p \text{ value} > \alpha$  -> se acepta  $H_0$

~~~~~  
~~~~~  
Altura = x distri. normal

- hip = media de la altura > 175

hip. alternativa = media de la altura > 175

-estadísticos -> medias -> test t para una muestra

-med prob <  $\mu_0$

-cuadro 1 175

-cuadro 2 .90

~~~~~  
ej 1. data: Altura

$t = 7.0444$ ,  $df = 535$ ,  $p\text{-value} = 1$

alternative hypothesis: true mean is less than 175

90 percent confidence interval:

-Inf 177.7459

sample estimates:

mean of x -> 177.3228

p-value = 1 -->  $1 > 0.10$ , nos quedamos con la hipótesis nula, podemos decir con un error del 10% que la media es menor que 175

---

ej 2. porcentaje de hombres que estudian informática es superior al 80%, error = 0.01

X = nº hombres del total de la muestra (536) ---> BINOMIAL p desconocida

H0 = prop.  $\leq 0.8$

H1 = prop  $> 0.8$

test prop. para una muestra

prop.  $> p_0$

niv. confianza = .99

hip nula p = .8

p value  $< 0.01$

p =  $4,6 \times 10^{-9} < 0.01$  rechazamos H0

---

ej 3. Consideramos dos variables

X -> peso hombres

Y -> peso mujeres DISTR. NORMAL

error 0.02

se quiere contrastar si no existen diferencias entre el peso de las mujeres y los hombres

H0 = media X = media Y

H1 = media X distinto media Y

estadística media test t muestras indep.

est var test f

1. podemos resolver que las varianzas son iguales? (contraste o intervalo)

sexo - peso

bilateral

niv. conf = .98

p-value = 0.7293  $> 0.02$  --> se acepta la hipótesis nula, las podemos considerar iguales

est medias test t muestr indep.

sexo- peso

niv. conf 0.98

si muestras independientes

bilateral

p-value =  $2.665e-14 < 0.02$  --> las medias son distintas