

I. Análisis de regresión simple: ideas clave

II. Aplicación práctica

Práctica dirigida 10



I. Análisis de regresión simple: ideas clave

Técnica estadística que predice el valor de una variable con los valores de otra. La regresión lineal simple es un método útil para predecir una respuesta cuantitativa **Y** partiendo de una sola variable predictora **X**, asumiendo que hay una relación aproximadamente lineal entre X e Y. Matemáticamente, esta relación lineal se representa como

$Y = a + bX + E$

- Y = variable dependiente o explicada. Variable cuyos valores se desea predecir o resumir. Un modelo de regresión lineal tiene como variable dependiente una variable numérica
- a = Constante: ordenada en el origen, valor esperado de “Y” cuando X=0
- b = Pendiente: mide el cambio de la variable “Y” por cada unidad de cambio de “X”. Su magnitud sirve para predecir en cuánto aumentará “y” cada vez que “x” se incremente en una unidad.Su signo puede ser positivo o negativo, y en esto la interpretación coincide con la correlación.
- X = variable utilizada para predecir el valor de la variable dependiente. También se denomina variable predictora o variable explicativa. Las variables explicativas que son parte del modelo suelen ser numéricas o intervalares; sin embargo, es posible incorporar variables explicativas ordinales o categóricas.
- E = Corresponde a las desviaciones de los valores verdaderos de Y con respecto a los valores esperados de “Y” (diferencia entre lo observado y estimado por el modelo). Asumimos que es independiente de “X”.

La relación entre las variables depende de la pendiente:

- Si b es positivo, Y aumenta cuando X aumenta. Es una relación directa / positiva.
- Si b es negativo, Y aumenta cuando X disminuye. Es una relación inversa / negativa.
- Si b es cero.Y no cambia cuando X varía. No existe relación entre las variables.

Asimismo, con el método de la regresión lineal se puede responder las siguientes preguntas:

- Analizar si hay una **asociación** entre las variables mediante un test de independencia estadística.
- Analizar la **dirección** de la asociación (directa o inversa).
- Evaluar la **fuerza** de la asociación usando una medida de asociación llamada *correlación de Pearson*.
- Estimar una ecuación de regresión que **“predice”** los valores de la variable dependiente para valores de la variable independiente.

II. Aplicación práctica

Para la sesión de hoy trabajaremos con datos del 2017 de una base de datos que contiene variables obtenidas de las siguientes bases: - Freedom in the World - V-Dem - Democracy Index - Global Corruption Barometer

Información sobre las bases: - Freedom in the World es elaborado por Freedom House y analiza los siguientes aspectos: el proceso electoral, las políticas pluriculturales y la participación, el funcionamiento del gobierno, la libertad de expresión y de creencia, los derechos de asociación y organización, el estado de derecho, la autonomía personal y los derechos individuales.

- V-Dem es publicada por el V-Dem Institute. En ella se describe la calidad de los gobiernos a partir de información de 542 indicadores. La sata describe todos los aspectos de un gobierno, brindando énfasis en la calidad de la democracia, la inclusividad y otros indicadores económicos.
- Democracy Index es elaborado por The Economist y utiliza 60 indicadores, agrupados en cinco categorías: proceso electoral y pluralismo, libertades civiles, funcionamiento del gobierno, participación política y política cultural. A partir de estas categorías posiciona a los países en alguno de los cuatro tipos de régimen: Democracia plena, democracia imperfecta, régimen híbrido y régimen autoritario.
- Global Corruption Barometer es publicado por Transparencia Internacional y contiene información proveniente de la opinión pública ciudadana

```
library(rio)
data=import("corrupcion-democracia-1.xlsx")
```

Ejercicio 1: Impacto del índice de democracia participativa en % de personas que personas que opinan que la mayoría de autoridades están implicada en corrupción por país

Las variables que utilizaremos serán:

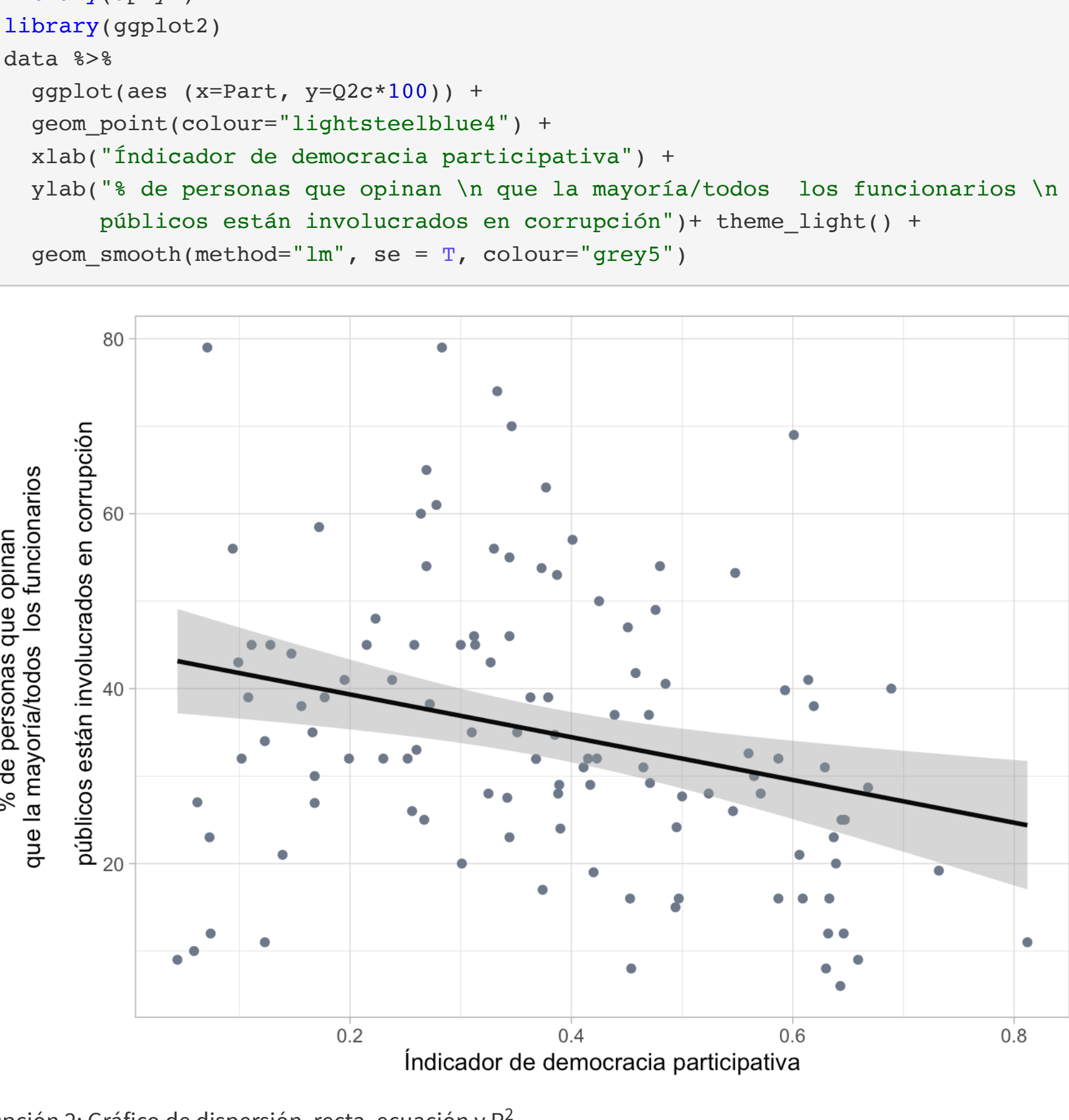
Q2c= Porcentaje de personas que opinan que la mayoría o todos los funcionarios del gobierno están envueltos en corrupción

Part= Indicador de democracia participativa - Vdem

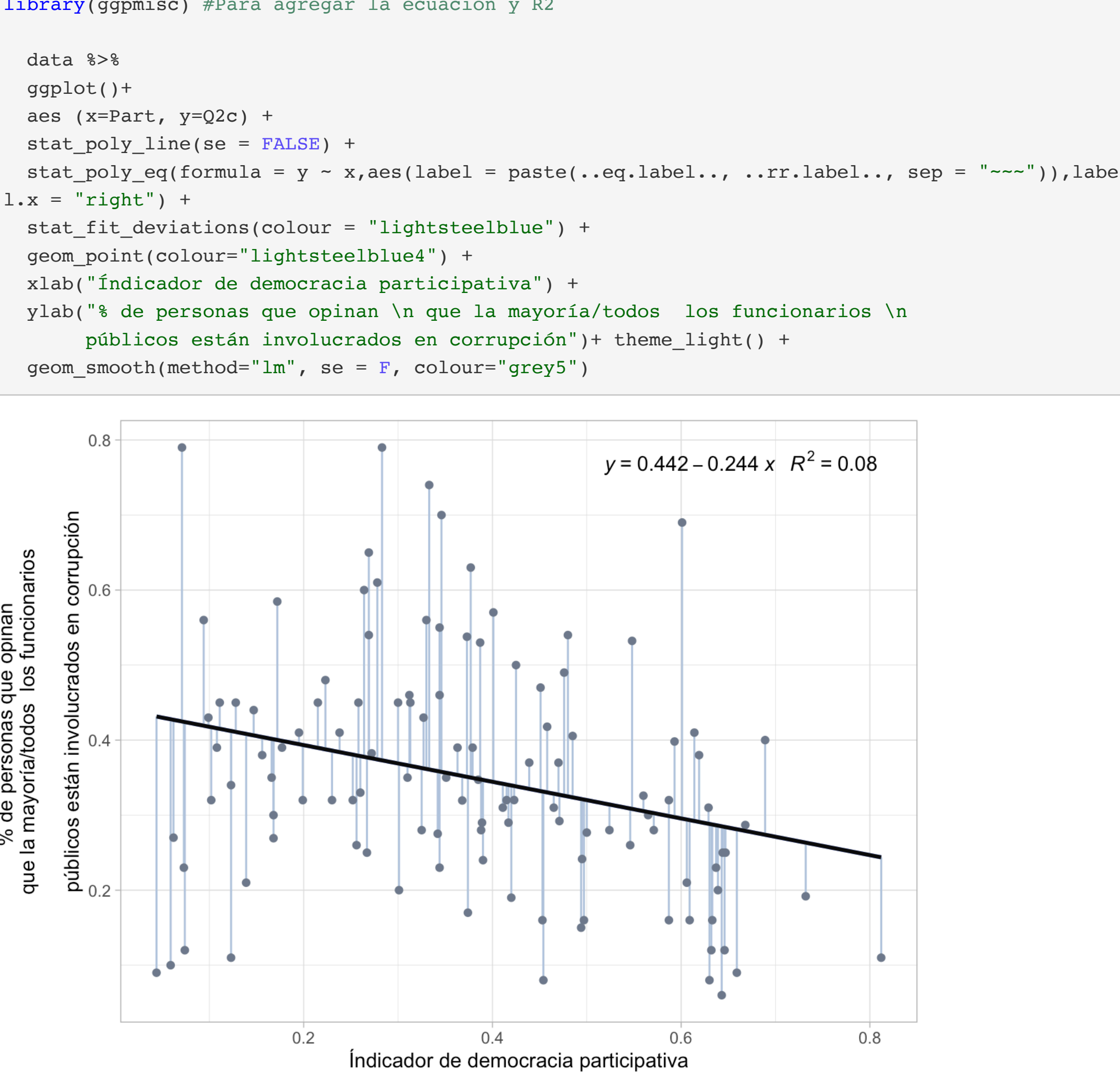
Gráfico de dispersión:

¿El indicador de democracia participativa tiene un impacto en el porcentaje de personas que opinan que la mayoría/todos los funcionarios están envueltos en corrupción?

Opción 1: Gráfico de dispersión y la recta



Opción 2: Gráfico de dispersión, recta, ecuación y R²



A primera vista parece haber un leve impacto, y la relación entre nuestras variables se perfila como negativa. Comprobémoslo ...

Creación del modelo

```
modelo1=lm(Q2c~Part,data=data)
summary(modelo1)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = Q2c ~ Part, data = data)
##
## Residuals:
##      Min       1Q   Median       3Q      Max
## -0.34146 -0.09825 -0.01978  0.08791  0.41694
##
## Coefficients:
##              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)   0.44221     0.03317   13.330 < 2e-16 ***
## Part         -0.24436     0.07887   -3.098  0.00245 **
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 0.155 on 114 degrees of freedom
## (2 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared:  0.07765,    Adjusted R-squared:  0.06956
## F-statistic: 9.598 on 1 and 114 DF,  p-value: 0.002453
```

Interpretación

¿El indicador de democracia participativa tiene un impacto en el porcentaje de personas que opinan que la mayoría/todos los funcionarios están envueltos en corrupción?

Para interpretar los resultados del modelo debemos tener presente lo siguiente:

Primero: p-value

Sabremos si la variable independiente impacta en la dependiente al revisar la significancia del p valor.

Establezcamos nuestras hipótesis:

- H0: El modelo de regresión no es válido
- H1: El modelo de regresión es válido (variable X aporta al modelo)

Como el p valor es **0.002453** entonces podemos afirmar que hay suficiente evidencia para rechazar la H0, por lo que concluimos que el modelo sí es válido como modelo de predicción. Es decir, podemos decir que hay evidencia estadística suficiente para afirmar que existe una relación significativa entre el índice de democracia participativa y la percepción de funcionarios corruptos por país.

Segundo: pendiente/b

Explicar cómo es el efecto de x en y. Para ello analizamos el valor del parámetro de la pendiente.

En este caso, al ser este valor **-0.24436**, concluimos que cada vez que el valor del índice de democracia participativa aumenta en 1, el porcentaje de personas que opinan que la mayoría/todos los funcionarios están envueltos en corrupción por país disminuye en 0.244.

Tercero: R²

Analizar cuánto de la variabilidad de la variable dependiente (y) es explicada por la variable independiente (x), para ello revisamos el **R²** (Multiple R-squared). Los valores van de 0 a 1. Mientras más cercano esté el R2 a 1, mayor será la variabilidad explicada. El R2 es un indicador de ajuste del modelo.

En nuestro modelo, este arrojó el valor de **0.07765**, por lo que podemos concluir que aproximadamente el **7.8%** (0.07765*100) de la variabilidad en el porcentaje de personas que opinan que la mayoría/todos los funcionarios están envueltos en corrupción por país puede ser explicada por el índice de democracia participativa. Esto quiere decir que la cantidad de variabilidad explicada es relativamente baja. Por lo que podemos afirmar que hay otros factores más importantes o complejos que afectan la percepción de corrupción en cada país.

Cuarto: Ecuación de la recta

Hallar la ecuación de la recta del modelo. Para lograrlo, revisemos los dos valores de la tabla que se encuentran en la columna de “Estimate”, el valor de la primera fila es el del intercepto (a) y el de la segunda es el de la pendiente (b).

Del segundo paso, ya conocíamos que el valor de la pendiente es **-0.24436**. Si volvemos a revisar nuestra tabla podemos observar que en el cruce de Estimate e Intercept está el valor de **0.44221**, este sería nuestro a/intercepto. Ahora armemos nuestra ecuación de la recta:

$\hat{Y} = 0.44221 - 0.24436 \cdot X$

Donde:

- X = Indicador de democracia participativa - (independiente)
- Y = Porcentaje de personas que opinan que la mayoría o todos los funcionarios del gobierno están envueltos en corrupción - (dependiente)

Esa ecuación crea una línea recta en el diagrama de dispersión que representa la relación entre ambas variables y además indica que el cambio esperado en nuestra variable dependiente (Porcentaje de personas que opinan que la mayoría o todos los funcionarios del gobierno están envueltos en corrupción) por cada cambio de una unidad en nuestra variable independiente (Indicador de democracia participativa). Así, con esta ecuación se puede estimar el valor de Y para cualquier valor de X.

También podemos obtener los coeficientes de intercepción/intercepto y pendiente de la siguiente forma:

```
modelo1$coefficients
```

```
## (Intercept)      Part
##  0.4422086    -0.2443560
```

Quinto: Prededir

Podemos utilizar la relación linear establecida por la ecuación para estimar el valor de la variable dependiente para un valor dado de la variable independiente.

Previamente ya habíamos hallado la ecuación de la recta de nuestro modelo, si queremos calcular el valor de porcentaje de personas que opinan que la mayoría/todos los funcionarios están envueltos en corrupción cuando el índice de democracia participativa (0 a 1) es 0.4 solo tenemos que reemplazar el valor de x por 0.4 en nuestra ecuación.

Sustituyendo el valor de “x” en la ecuación, tenemos:

$\hat{Y} = 0.44221 - 0.24436 \cdot 0.4$

$\hat{Y} = 0.44221 - 0.097744$

$\hat{Y} = 0.344466$

Por lo tanto, utilizando la ecuación de la recta, cuando el índice de democracia participativa es 0.4 , podemos predecir que aproximadamente el 34.4% de las personas opinan que la mayoría/todos los funcionarios están envueltos en ese país.

Practica resolviendo los siguientes ejercicios

Ejercicio 2: Impacto de la puntuación de libertad en el % de personas que opinan que el nivel de corrupción disminuyó en el país

Ejercicio 3: Impacto del % de personas que están de acuerdo con la frase “Denunciaría un caso de corrupción aunque tuviera que pasar un día en el juzgado para declarar” en el % de personas que está de acuerdo con los ciudadanos de a pie creen que pueden hacer la diferencia en la lucha contra la corrupción en el país