



Algoritmos e Estrutura de Dados

Profª. Angela Abreu Rosa de Sá, Drª.

Contato: angelaabreu@gmail.com

Lembrar ...

É um processo **INDIVIDUAL!**



Depende apenas de você!

IMPORTANTE

- Não se compare com o colega;
- Pergunte **QUALQUER** dúvida;
- Implemente os exercícios propostos;
- Pratique sempre...inclusive em casa!
- Não desista!

Ementa

Listas Ligadas

Definição
Operações
Listas duplamente ligadas

1

Pilhas e filas

Definição
Operações com pilhas
Operações com filas

2

Tabelas de espalhamento

Definição
Operações
Otimização

3

Armazenamento associativo

Definição
Mapas com lista
Mapas com espalhamento

4

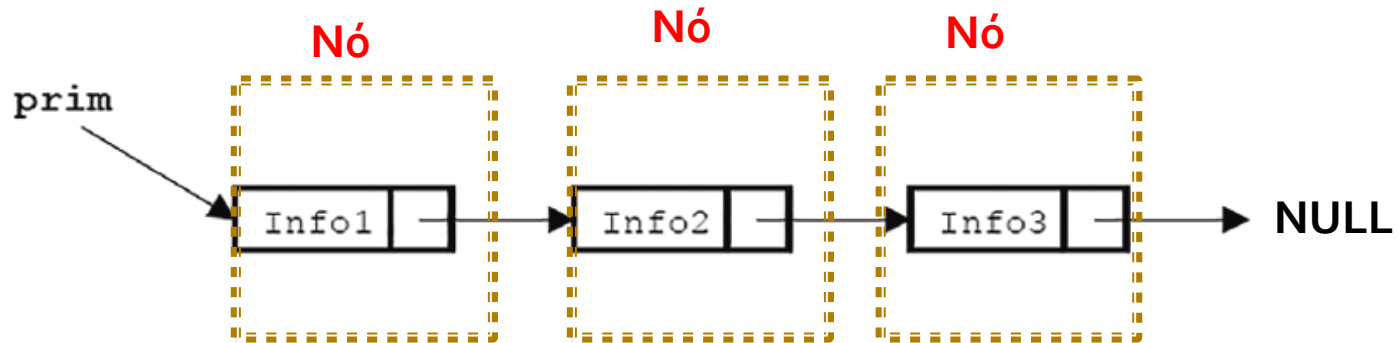


Algoritmos e Estrutura de Dados

Sumário

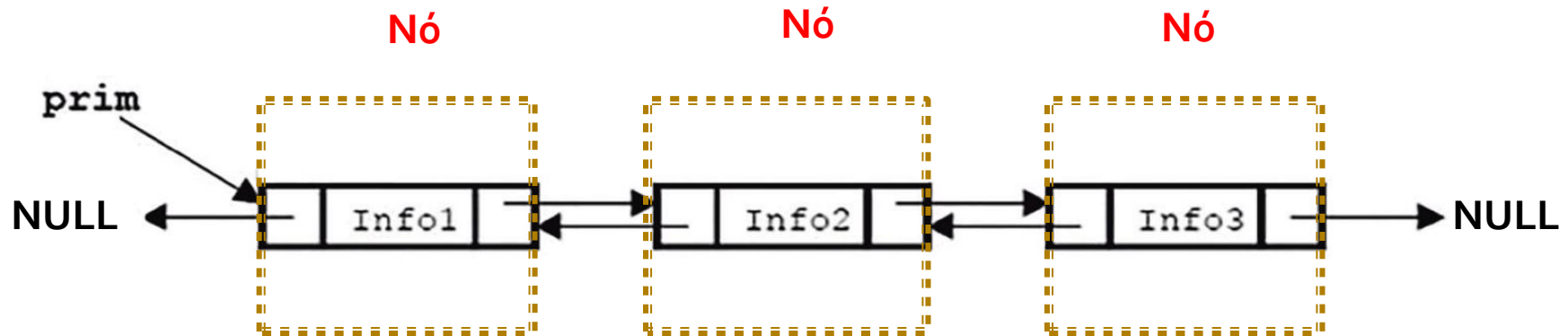
Unidade 1 Listas Ligadas	7
Seção 1.1 - Definição e Elementos de Listas Ligadas	9
Seção 1.2 - Operações com Listas Ligadas	23
Seção 1.3 - Listas Duplamente Ligadas	40
Unidade 2 Pilhas e filas	57
Seção 2.1 - Definição, elementos e regras de pilhas e filas	59
Seção 2.2 - Operações e problemas com pilhas	71
Seção 2.3 - Operações e problemas com filas	87
Unidade 3 Tabelas de Espalhamento	103
Seção 3.1 - Definição e Usos de Tabela de Espalhamento	105
Seção 3.2 - Operações em Tabelas de Espalhamento	119
Seção 3.3 - Otimização de Tabelas de Espalhamento	135
Unidade 4 Armazenamento associativo	155
Seção 4.1 - Definição e usos de Mapas de Armazenamento	157
Seção 4.2 - Mapas com Lista	174
Seção 4.3 - Mapas com Espalhamento	193

Lista Encadeada



```
struct noLista
{
    int informacao;
    struct noLista *proximo;
};
```

Lista Duplamente Encadeada



```
struct noLista
{
    struct noLista *NoAnterior;
    int informacao;
    struct noLista *proximoNo;
};
```

Fila

Fila é a representação de um conjunto de elementos no qual podemos *remover esses elementos* por uma extremidade chamada de **início da fila**. Já a outra extremidade, onde **são inseridos os elementos**, é conhecida como **final da fila**.

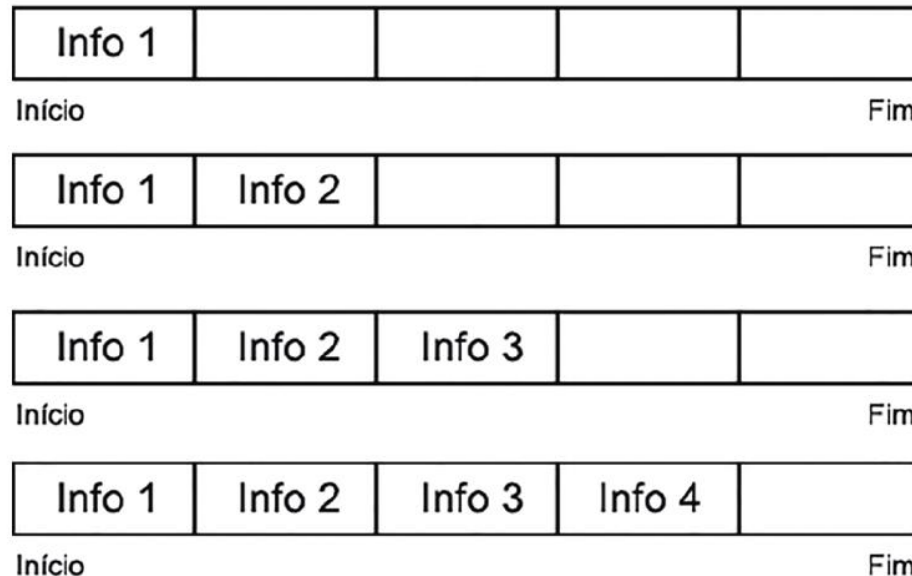
Figura 2.7 | Fila em guichê de aeroporto



Fila

Inserindo elementos na Fila

Figura 2.8 | Entrada de elemento na fila pelo seu final.

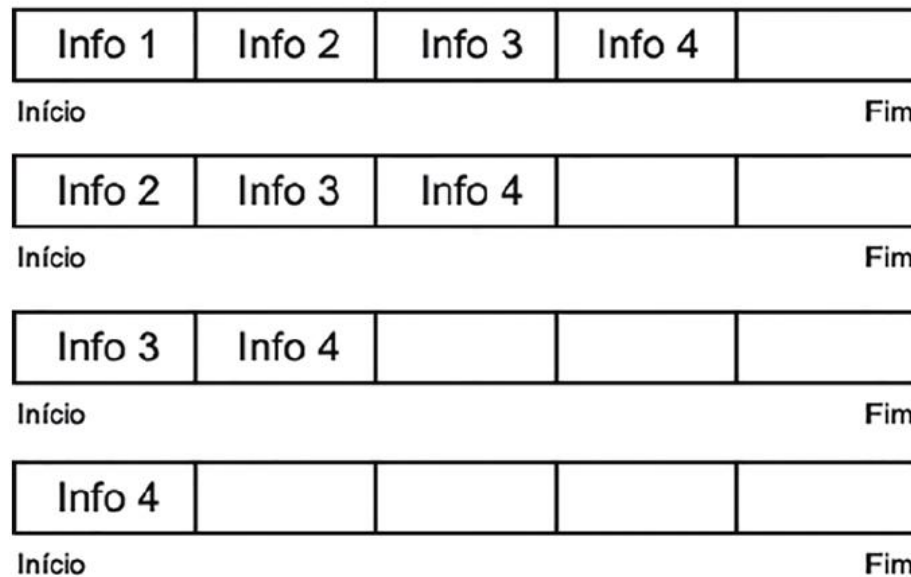


FIFO – *First In, First Out* (o primeiro a entrar, é o primeiro a sair)

Fila

Removendo elementos da Fila

Figura 2.9 | Saída de elemento pelo início da fila



Pilha

Uma pilha tem como definição básica um conjunto de elementos que permite a **inserção** e a **remoção** de elementos em **apenas uma das extremidades** da estrutura denominada **topo da pilha**



Pilha

Os elementos inseridos em uma pilha possuem uma sequência de Inserção: O **primeiro elemento que entra** na pilha só pode ser **removido por último**, após todos os outros elementos serem removidos.



LIFO – *Last In, First Out* (o último a entrar, é o primeiro a sair)

FILO – *First In, Last Out* (o primeiro a entrar, é o último a sair)

Pilha

Inserindo elementos na Pilha

Figura 2.4 | Inserindo elemento na pilha

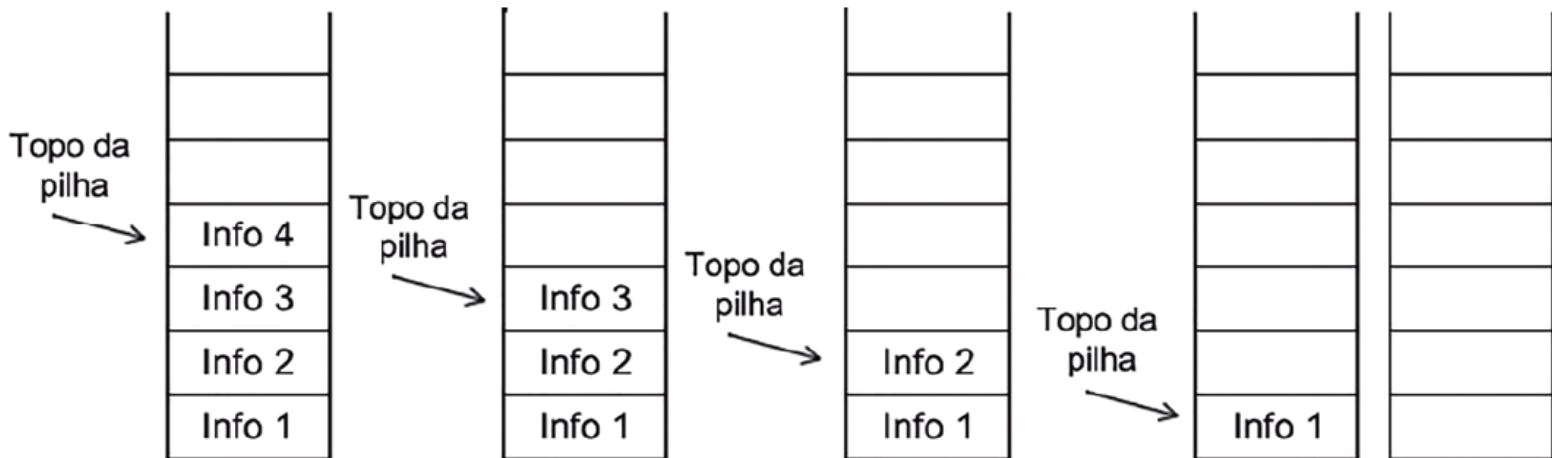


Fonte: elaborada pelo autor

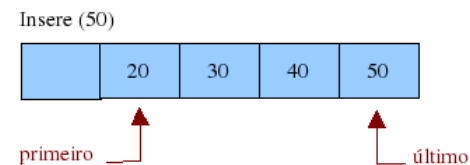
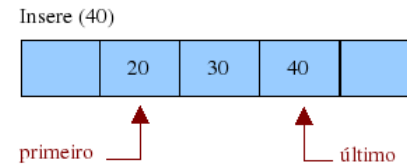
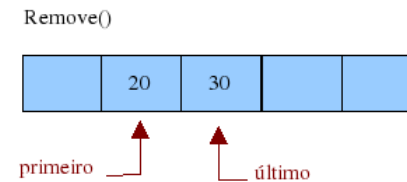
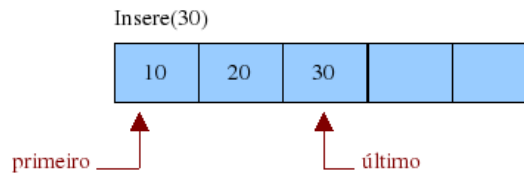
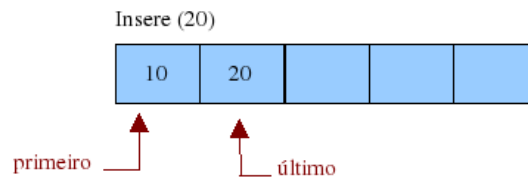
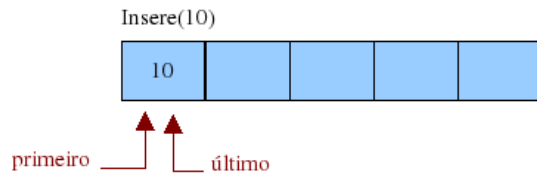
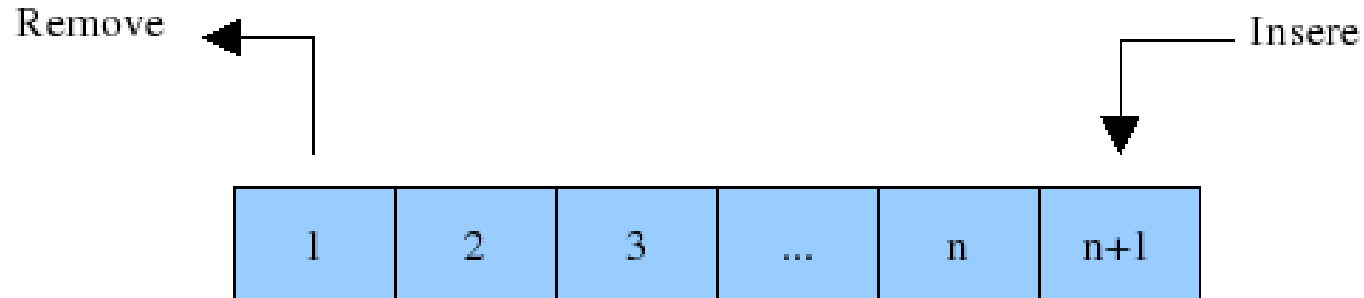
Pilha

Removendo elementos da Pilha

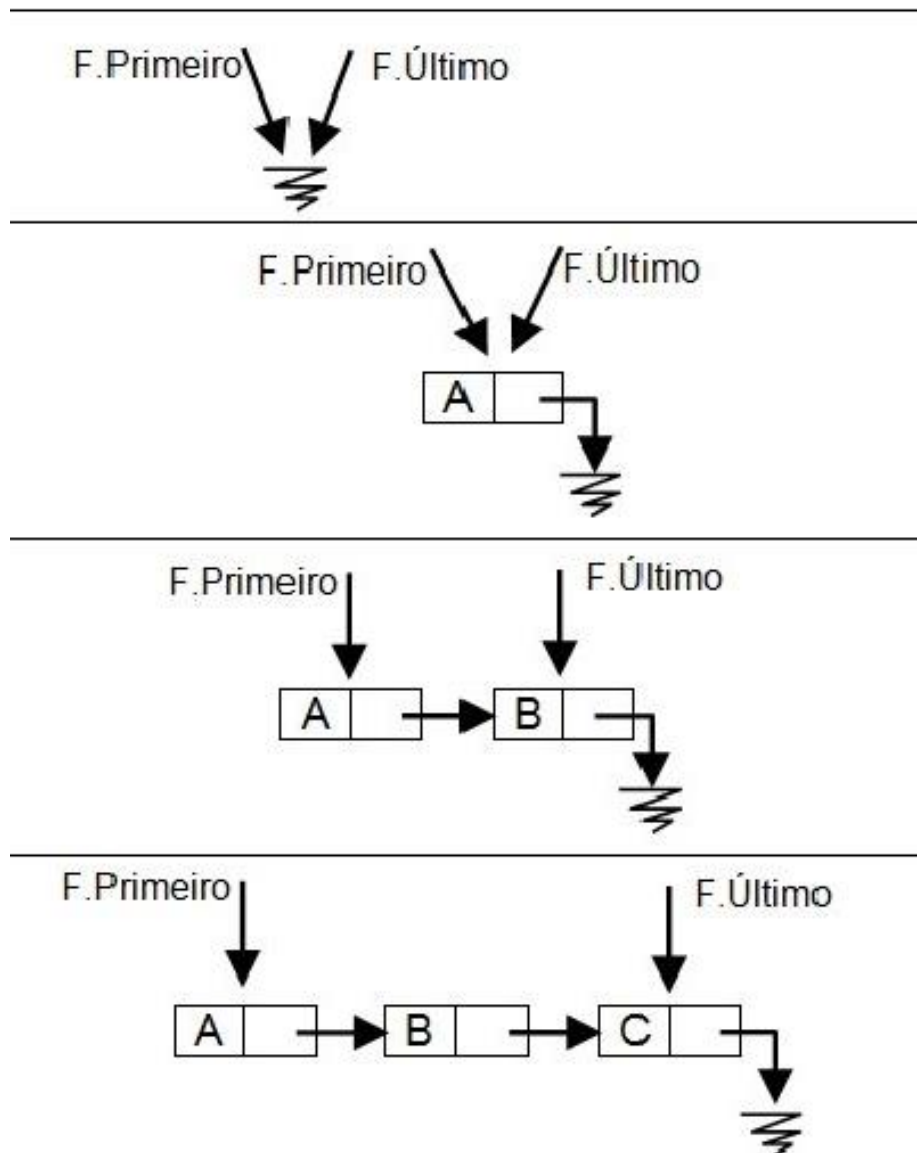
Figura 2.5 | Removendo um elemento da pilha



Fila em Vetor Estático



Fila em Lista Encadeada (DINÂMICA)



Operações com FILAS

- Inserir elementos na Fila **insere sempre no final**
- Remover elemento da Fila **remove sempre do início**
- Saber quantos elementos tem na Fila

Definição da estrutura da FILA

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct noFila
{
    struct noFila *NoAnterior;
    int informacao;
    struct noFila *proximoNo;
};
```

Inserir na FILA

```
struct noFila* InserirNaFila(struct noFila* InicioFILA, int NovoNumero)
{
    struct noFila *PercorreFila = InicioFILA; //cópia do início da fila
    struct noFila* novoNo = (struct noFila*)malloc(sizeof(struct noFila)); // alocar memória para o novo nó

    if(PercorreFila != NULL) //se a fila não estiver vazia
    {
        while (PercorreFila->proximoNo != NULL) //percorrer a fila até encontrar o último nó
        {
            PercorreFila = PercorreFila->proximoNo;
        }

        //o que era o último nó, agora será o penúltimo: aponta para o novoNo
        PercorreFila->proximoNo = novoNo; // o que era o último nó (agora será o penúltimo!) aponta para o novo nó
    }

    novoNo->NoAnterior = PercorreFila; //apontar o campo NoAnterior para o nó PercorreFila
    novoNo->informacao = NovoNumero; //inserir a nova informação
    novoNo->proximoNo = NULL; //o novoNo será o último da fila

    if(InicioFILA == NULL) //a fila estava vazia
    {
        return novoNo;
    }
    else return InicioFILA;
}
```

Remover da FILA

```
struct noFila* RemoveDaFila (struct noFila* InicioFILA)
{
    struct noFila *PercorreFila = InicioFILA; //cópia do início da Fila

    if(PercorreFila == NULL)
        return InicioFILA;

    //Remover o primeiro da Fila
    InicioFILA = PercorreFila->proximoNo; //atualizar o início da lista
    InicioFILA->NoAnterior = NULL; //o primeiro da fila aponta para null

    free(PercorreFila); //liberar região de memória do nó removido

    return InicioFILA;
}
```

Contar elementos da FILA

```
int ContarElementosFila(struct noFila *InicioFILA)
{
    struct noFila *NoAtual = InicioFILA; //copiar o endereço do primeiro nó da fila
    int contador = 0;

    while (NoAtual != NULL) //percorrer a fila até encontrar o último nó = NULL
    {
        contador++; //incrementar o contador de elementos
        NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apotar para o próximo nó da fila
    }

    return contador;
}
```

Imprimir FILA

```
void ImprimirFila(struct noFila *InicioFILA)
{
    struct noFila *NoAtual = InicioFILA; //copiar o endereço do primeiro nó da fila

    while (NoAtual != NULL) //percorrer a fila até encontrar o último nó = NULL
    {
        printf("%d -> ", NoAtual->informacao); //mostrar a informação do nó
        NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apontar para o próximo nó da fila
    }

    printf("NULL");
}
```

```
int main()
{
    struct noFila *InicioFILA = NULL;
    printf("*** INSERIR NUMEROS NA FILA **** \n");
    int numero;
    for(int i = 0; i < 5; i++)
    {
        printf("\n -- Digite um numero:");
        scanf("%d", &numero);

        InicioFILA = InserirNaFila (InicioFILA, numero);
    }

    printf("\n\n *** FILA GERADA **** \n");
    //imprimir o conteúdo da fila
    ImprimirFila(InicioFILA);
    int qtde = ContarElementosFila(InicioFILA);
    printf("\n\n -- Quantidade de elementos da Fila: %d", qtde);
    printf("\n\n *** REMOVENDO 2 NUMEROS DA FILA **** \n");
    InicioFILA = RemoveDaFila (InicioFILA);
    InicioFILA = RemoveDaFila (InicioFILA);
    printf("\n\n *** FILA GERADA **** \n");
    //imprimir o conteúdo da fila
    ImprimirFila(InicioFILA);
    qtde = ContarElementosFila(InicioFILA);
    printf("\n\n -- Quantidade de elementos da Fila: %d", qtde);
}
```

```
*** INSERIR NUMEROS NA FILA ****
```

```
-- Digite um numero:1
```

```
-- Digite um numero:2
```

```
-- Digite um numero:3
```

```
-- Digite um numero:4
```

```
-- Digite um numero:5
```

```
*** FILA GERADA ****
```

```
1 -> 2 -> 3 -> 4 -> 5 -> NULL
```

```
-- Quantidade de elementos da Fila: 5
```

```
*** REMOVENDO 2 NUMEROS DA FILA ****
```

```
*** FILA GERADA ****
```

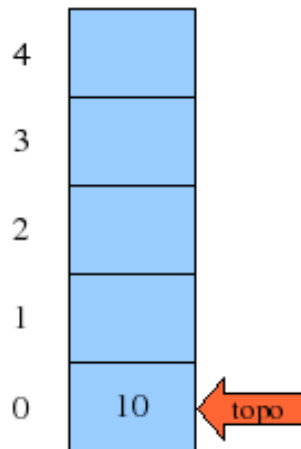
```
3 -> 4 -> 5 -> NULL
```

```
-- Quantidade de elementos da Fila: 3
```

```
-----
```

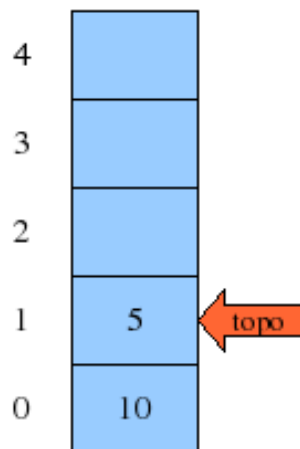
Pilha em Vetor Estático

Empilhar (10)



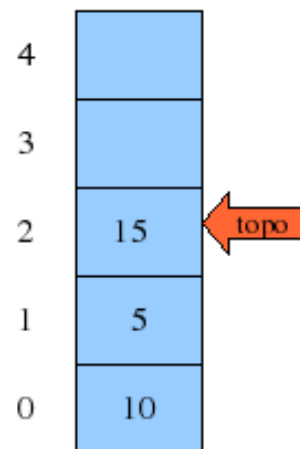
Topo: 0

Empilhar (5)



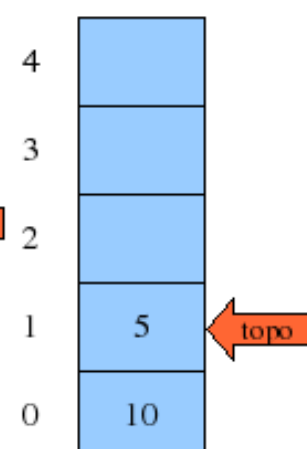
Topo: 1

Empilhar (15)



Topo: 2

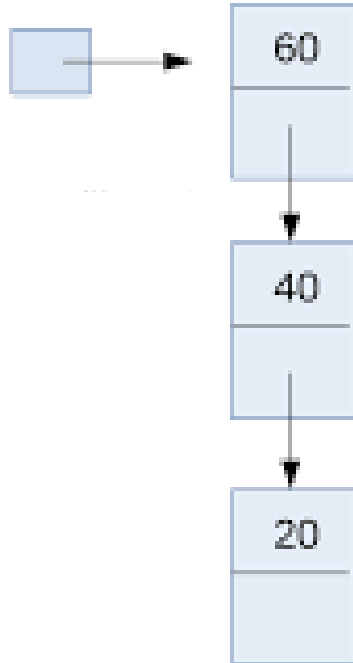
Desempilhar



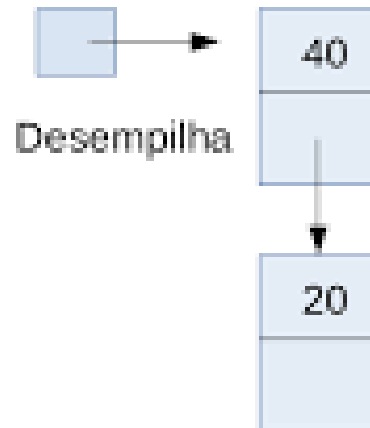
Topo: 1

Pilha em Lista Encadeada (Dinâmica)

Pilha



Pilha



Operações com PILHAS

- **EMPILHAR (PUSH)** → Inserir elementos na Pilha - *insere sempre no início*
- **DESEMPILHAR (POP)** → Remover elemento da Pilha - *remove sempre do início*
- Saber quantos elementos tem na Pilha

Definição da estrutura da PILHA

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct noPILHA
{
    struct noPILHA *NoAnterior;
    int informacao;
    struct noPILHA *proximoNo;
};
```

EMPILHAR

```
struct noPILHA* Empilhar(struct noPILHA* InicioPILHA, int NovoNumero)
{
    //alocar memória para o novo Nó da pilha
    struct noPILHA* novoNo = (struct noPILHA*) malloc(sizeof(struct noPILHA));

    //O campo NoAnterior será NULL, pois agora ele será o primeiro da pilha
    novoNo->NoAnterior = NULL;
    //Inserir as informação para o novo nó
    novoNo->informacao = NovoNumero;
    //Apontar o campo "próximo" do novo nó para o local que o InicioDaPilha apontava
    novoNo->proximoNo = InicioPILHA;

    if(InicioPILHA != NULL) // se a pilha não estiver vazia, ligar o nó anterior do início da pilha ao novo nó
        InicioPILHA->NoAnterior = novoNo;

    return novoNo;
}
```

DESEMPILHAR

```
struct noPILHA* Desempilhar (struct noPILHA* topoPILHA)
{
    struct noPILHA* PercorrePilha = topoPILHA; //cópia do início da pilha

    if (PercorrePilha == NULL ) //não tem elemento para ser removido
        return topoPILHA;

    //Remover o primeiro da Fila
    topoPILHA = PercorrePilha->proximoNo; //atualizar o início da pilha
    topoPILHA->NoAnterior = NULL; // o primeiro da pilha aponta para NULL

    free(PercorrePilha); //liberar região de memória do nó removido

    return topoPILHA;
}
```

Contar elementos da PILHA

```
int ContarElementosPilha(struct noPILHA *InicioFILA)
{
    struct noPILHA *NoAtual = InicioFILA; //copiar o endereço do primeiro nó da pilha
    int contador = 0;

    while (NoAtual != NULL) //percorrer a pilha até encontrar o último nó = NULL
    {
        contador++; //incrementar o contador de elementos
        NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apotar para o próximo nó da pilha
    }

    return contador;
}
```

Imprimir PILHA

```
void ImprimirPilha(struct noPILHA *topoPILHA)
{
    struct noPILHA *NoAtual = topoPILHA; //copiar o endereço do primeiro nó da pilha

    while (NoAtual != NULL) //percorrer a pilha até encontrar o último nó = NULL
    {
        printf("\n %d ", NoAtual->informacao); //mostrar a informação do nó
        NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apontar para o próximo nó da pilha
    }

    printf("\n NULL");
}
```

```
int main()
{
    struct noPILHA *topoPILHA = NULL;
    printf("*** INSERIR NUMEROS NA PILHA **** \n");
    int numero;
    for(int i = 0; i < 5; i++)
    {
        printf("\n -- Digite um numero:");
        scanf("%d", &numero);

        topoPILHA = Empilhar (topoPILHA, numero);
    }

    printf("\n\n *** PILHA GERADA **** \n");
    //imprimir o conteúdo da pilha
    ImprimirPilha(topoPILHA);
    int qtde = ContarElementosPilha(topoPILHA);
    printf("\n\n -- Quantidade de elementos da PILHA: %d", qtde);
    printf("\n\n *** REMOVENDO 2 NUMEROS DA PILHA **** \n");
    topoPILHA = Desempilhar (topoPILHA);
    topoPILHA = Desempilhar (topoPILHA);
    printf("\n\n *** PILHA GERADA **** \n");
    //imprimir o conteúdo da pilha
    ImprimirPilha(topoPILHA);

    qtde = ContarElementosPilha(topoPILHA);
    printf("\n\n -- Quantidade de elementos da PILHA: %d", qtde);
}
```



```
*** INSERIR NUMEROS NA PILHA ****
```

```
-- Digite um numero:1
```

```
-- Digite um numero:2
```

```
-- Digite um numero:3
```

```
-- Digite um numero:4
```

```
-- Digite um numero:5
```

```
*** PILHA GERADA ****
```

```
5
```

```
4
```

```
3
```

```
2
```

```
1
```

```
NULL
```

```
-- Quantidade de elementos da PILHA: 5
```

```
*** REMOVENDO 2 NUMEROS DA PILHA ****
```

```
*** PILHA GERADA ****
```

```
3
```

```
2
```

```
1
```

```
NULL
```

```
-- Quantidade de elementos da PILHA: 3
```

Programa completo... FILA

Definição da estrutura da FILA

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct noFila
{
    struct noFila *NoAnterior;
    int informacao;
    struct noFila *proximoNo;
};
```

Inserir na FILA

```
struct noFila* InserirNaFila(struct noFila* InicioFILA, int NovoNumero)
{
    struct noFila *PercorreLista = InicioFILA; //cópia do início da lista
    struct noFila* novoNo = (struct noFila*)malloc(sizeof(struct noFila)); // alocar memória para o novo nó

    if(PercorreLista != NULL) //se a lista não estiver vazia
    {
        while (PercorreLista->proximoNo != NULL) //percorrer a lista até encontrar o último nó
        {
            PercorreLista = PercorreLista->proximoNo;
        }

        //o que era o último nó, agora será o penúltimo: aponta para o novoNo
        PercorreLista->proximoNo = novoNo; // o que era o último nó (agora será o penúltimo!) aponta para o novo nó
    }

    novoNo->NoAnterior = PercorreLista; //apontar o campo NoAnterior para o nó PercorreLista
    novoNo->informacao = NovoNumero; //inserir a nova informação
    novoNo->proximoNo = NULL; //o novoNo será o último da lista

    if(InicioFILA == NULL) //a lista estava vazia
    {
        return novoNo;
    }
    else return InicioFILA;
}
```

Remover da FILA

```
struct noFila* RemoveDaFila (struct noFila* InicioFILA)
{
    struct noFila* PercorreLista = InicioFILA; //cópia do início da lista

    if (PercorreLista == NULL ) //não tem elemento para ser removido
        return InicioFILA;

    //Remover o primeiro da Fila
    InicioFILA = PercorreLista->proximoNo; //atualizar o início da lista
    InicioFILA->NoAnterior = NULL; // o primeiro da lista aponta para NULL

    free(PercorreLista); //liberar região de memória do nó removido

    return InicioFILA;
}
```

Contar elementos da FILA

```
int ContarElementosFila(struct noFila *InicioFILA)
{
    struct noFila *NoAtual = InicioFILA; //copiar o endereço do primeiro nó da lista
    int contador = 0;

    while (NoAtual != NULL) //percorrer a lista até encontrar o último nó = NULL
    {
        contador++; //incrementar o contador de elementos
        NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apotar para o próximo nó da lista
    }

    return contador;
}
```

Imprimir FILA

```
void ImprimirFila(struct noFila *InicioFILA)
{
    struct noFila *NoAtual = InicioFILA; //copiar o endereço do primeiro nó da lista

    while (NoAtual != NULL) //percorrer a lista até encontrar o último nó = NULL
    {
        printf("%d -> ", NoAtual->informacao); //mostrar a informação do nó
        NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apotar para o próximo nó da lista
    }

    printf("NULL");
}
```

```
int main()
{
    struct noFila *InicioFILA = NULL;
    printf("*** INSERIR NUMEROS NA FILA **** \n");
    int numero;
    for(int i = 0; i < 5; i++)
    {
        printf("\n -- Digite um numero:");
        scanf("%d", &numero);

        InicioFILA = InserirNaFila (InicioFILA, numero);
    }

    printf("\n\n *** FILA GERADA **** \n");
    //imprimir o conteúdo da fila
    ImprimirFila(InicioFILA);
    int qtde = ContarElementosFila(InicioFILA);
    printf("\n\n -- Quantidade de elementos da Fila: %d", qtde);
    printf("\n\n *** REMOVENDO 2 NUMEROS DA FILA **** \n");
    InicioFILA = RemoveDaFila (InicioFILA);
    InicioFILA = RemoveDaFila (InicioFILA);
    printf("\n\n *** FILA GERADA **** \n");
    //imprimir o conteúdo da fila
    ImprimirFila(InicioFILA);
    qtde = ContarElementosFila(InicioFILA);
    printf("\n\n -- Quantidade de elementos da Fila: %d", qtde);
}
```

Programa completo... PILHA

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
```

```
struct noPILHA
{
    struct noPILHA *NoAnterior;
    int informacao;
    struct noPILHA *proximoNo;
};
```

```
struct noPILHA* Empilhar(struct noPILHA* InicioPILHA, int NovoNumero)
{
    //alocar memória para o novo Nó da Lista
    struct noPILHA* novoNo = (struct noPILHA*) malloc(sizeof(struct noPILHA));

    //O campo NoAnterior será NULL, pois agora ele será o primeiro da lista
    novoNo->NoAnterior = NULL;
    //Inserir as informação para o novo nó
    novoNo->informacao = NovoNumero;
    //Apontar o campo "próximo" do novo nó para o local que o InicioDaLista apontava
    novoNo->proximoNo = InicioPILHA;

    if(InicioPILHA != NULL) // se a lista não estiver vazia, ligar o nó anterior do início da lista ao novo nó
        InicioPILHA->NoAnterior = novoNo;

    return novoNo;
}
```

```
struct noPILHA* Desempilhar (struct noPILHA* topoPILHA)
{
    struct noPILHA* PercorrePilha = topoPILHA; //cópia do início da pilha

    if (PercorrePilha == NULL ) //não tem elemento para ser removido
        return topoPILHA;

    //Remover o primeiro da Fila
    topoPILHA = PercorrePilha->proximoNo; //atualizar o início da pilha
    topoPILHA->NoAnterior = NULL; // o primeiro da pilha aponta para NULL

    free(PercorrePilha); //liberar região de memória do nó removido

    return topoPILHA;
}
```

```
int ContarElementosPilha(struct noPILHA *InicioFILA)
{
    struct noPILHA *NoAtual = InicioFILA; //copiar o endereço do primeiro nó da pilha
    int contador = 0;

    while (NoAtual != NULL) //percorrer a pilha até encontrar o último nó = NULL
    {
        contador++; //incrementar o contador de elementos
        NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apotar para o próximo nó da pilha
    }

    return contador;
}
```

```
void ImprimirPilha(struct noPILHA *topoPILHA)
{
    struct noPILHA *NoAtual = topoPILHA; //copiar o endereço do primeiro nó da pilha

    while (NoAtual != NULL) //percorrer a pilha até encontrar o último nó = NULL
    {
        printf("\n %d ", NoAtual->informacao); //mostrar a informação do nó
        NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apotar para o próximo nó da pilha
    }

    printf("\n NULL");
}
```

```
int main()
{
    struct noPILHA *topoPILHA = NULL;
    printf("*** INSERIR NUMEROS NA PILHA **** \n");
    int numero;
    for(int i = 0; i < 5; i++)
    {
        printf("\n -- Digite um numero:");
        scanf("%d", &numero);

        topoPILHA = Empilhar (topoPILHA, numero);
    }

    printf("\n\n *** PILHA GERADA **** \n");
    //imprimir o conteúdo da pilha
    ImprimirPilha(topoPILHA);
    int qtde = ContarElementosPilha(topoPILHA);
    printf("\n\n -- Quantidade de elementos da PILHA: %d", qtde);
    printf("\n\n *** REMOVENDO 2 NUMEROS DA PILHA **** \n");
    topoPILHA = Desempilhar (topoPILHA);
    topoPILHA = Desempilhar (topoPILHA);
    printf("\n\n *** PILHA GERADA **** \n");
    //imprimir o conteúdo da pilha
    ImprimirPilha(topoPILHA);

    qtde = ContarElementosPilha(topoPILHA);
    printf("\n\n -- Quantidade de elementos da PILHA: %d", qtde);
}
```



Exercícios 😊

FILAS E PILHAS

1- Implemente um programa para inserir 5 números em uma Fila. Imprima a Fila após a inserção de cada elemento.

Obs.: solicite para o usuário digitar um número por vez.

2- Implemente um programa para remover 2 números em uma FILA. Mostre na tela o número que foi removido. E ainda, imprima a Fila antes e após a remoção de cada elemento.

3- Implemente um programa para mostrar a quantidade de elementos em uma FILA.

-
- 4- Implemente um programa para inserir 5 números em uma PILHA. Imprima a PILHA após a inserção de cada número. Obs.: solicite para o usuário digitar um número por vez.

 - 5- Implemente um programa para remover 2 números em uma PILHA. Mostre na tela o número que foi removido. E ainda, imprima a Fila antes e após a remoção de cada elemento.

 - 6- Implemente um programa para mostrar a quantidade elementos em uma PILHA.



Muito Obrigada!

Profª. Angela Abreu Rosa de Sá, Drª.

Contato: angelaabreu@gmail.com