

# Algoritmos e Estrutura de Dados

Profa. Angela Abreu Rosa de Sá, Dra.

Contato: angelaabreu@gmail.com

### Lembrar ...

#### É um processo INDIVIDUAL!



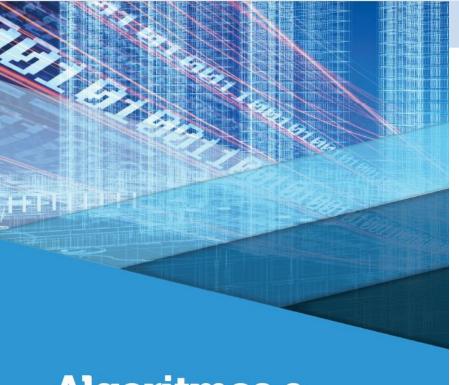
Depende apenas de você!

- •Não se compare com o colega;
- Pergunte QUALQUER dúvida;
- Implemente os exercícios propostos;
- •Pratique sempre...inclusive em casa!
- •Não desista!

IMPORTANTE

## **Ementa**



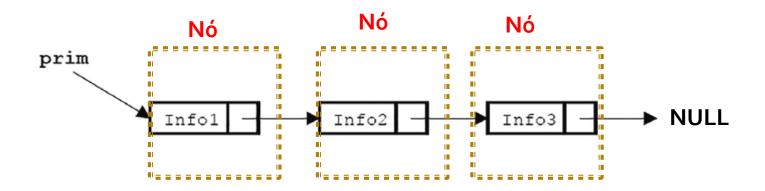


### Algoritmos e Estrutura de Dados

#### Sumário

Unidade 1   Listas Ligadas	7
Seção 1.1 - Definição e Elementos de Listas Ligadas	9
Seção 1.2 - Operações com Listas Ligadas	23
Seção 1.3 - Listas Duplamente Ligadas	40
Unidade 2   Pilhas e filas	57
Seção 2.1 - Definição, elementos e regras de pilhas e filas	59
Seção 2.2 - Operações e problemas com pilhas	71
Seção 2.3 - Operações e problemas com filas	87
Unidade 3   Tabelas de Espalhamento	103
Seção 3.1 - Definição e Usos de Tabela de Espalhamento	105
Seção 3.2 - Operações em Tabelas de Espalhamento	119
Seção 3.3 - Otimização de Tabelas de Espalhamento	135
Unidade 4   Armazenamento associativo	155
Seção 4.1 - Definição e usos de Mapas de Armazenamento	157
Seção 4.2 - Mapas com Lista	174
Seção 4.3 - Mapas com Espalhamento	193

## Passo 1: criar a estrutura dos nós



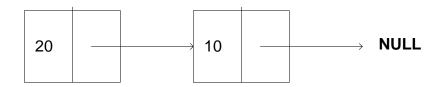
```
struct noLista
{
   int informacao;
   struct noLista *proximo;
};
```

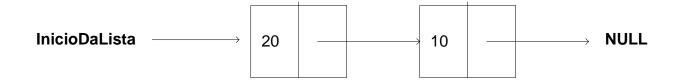
## Inserir no INÍCIO da Lista

```
struct noLista * inserirInicioLista (struct noLista *InicioDaLista, int NovoNumero)
   //alocar memória para o novo Nó da Lista
    struct noLista* novoNo = (struct noLista*) malloc(sizeof(struct noLista));
    //Inserir as informação para o novo nó
    novoNo->informacao = NovoNumero;
    //Apontar o campo "próximo" do novo nó para o local que o InicioDaLista apontava
    novoNo->proximoNo = InicioDaLista;
    return novoNo;
int main()
   struct noLista *PrimeiroNoDaLista = NULL;
  //inserir a informação "10" na lista
  //--- o Primeiro da lista irá apontar agora para o novo nó que foi criado
   PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 10);
```

## Inserir no INÍCIO da Lista

#### InicioDaLista = novoNo





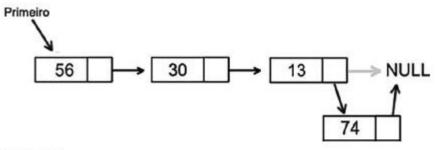
## Imprimir a Lista

//imprimir o conteúdo da lista
ImprimirLista(PrimeiroNoDalista);

```
void ImprimirLista(struct noLista *InicioDaLista)
{
     noLista *NoAtual = InicioDaLista; //copiar o endereço do primeiro nó da lista
     while (NoAtual != NULL) //percorrer a lista até encontrar o último nó = NULL
          printf("%d -> ", NoAtual->informação); //mostrar a informação do nó
          NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apotar para o próximo nó da lista
     printf("NULL");
                                                           20 -> 10 -> NULL
int main()
   struct noLista *PrimeiroNoDaLista = NULL;
   //inserir a informação "10" na lista
  //--- o Primeiro da lista irá apontar agora para o novo nó que foi criado
   PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 10);
   //inserir a informação "20" na lista
   //--- o Primeiro da lista irá apontar agora para o novo nó que foi criado
   PrimeiroNoDaLista inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 20);
```

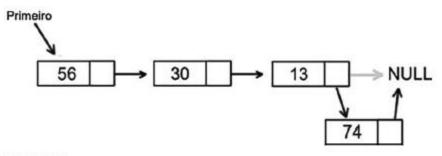
#### Inserir no FINAL da Lista

```
struct noLista* inserirFimLista(struct noLista* InicioLista, int NovoNumero)
   struct nolista *Percorrelista = Iniciolista; //cópia do início da lista
   struct noLista* novoNo = (struct noLista*)malloc(sizeof(struct noLista)); //
   while (PercorreLista->proximoNo != NULL) //percorrer a lista até encontrar o último nó
     PercorreLista = PercorreLista->proximoNo;
   novoNo->informação = NovoNumero; //inserir a nova informação
   novoNo->proximoNo = PercorreLista->proximoNo; //apontar para o próximo nó que o último estava apontando (NULL)
   PercorreLista->proximoNo = novoNo; // o que era o último nó (agora será o penúltimo!) aponta para o novo nó
   return InicioLista;
```

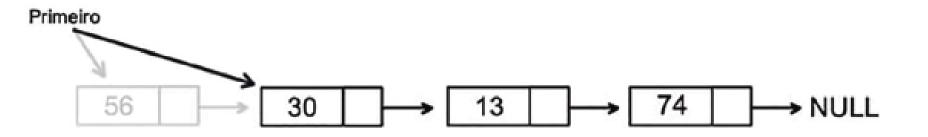


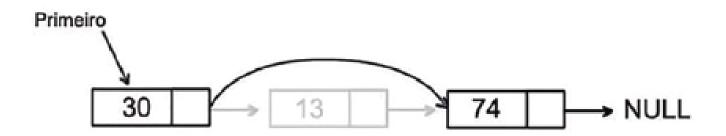
### Inserir no FINAL da Lista

```
int main()
   struct noLista *PrimeiroNoDaLista = NULL;
   //inserir a informação "10" na lista
  //--- o Primeiro da Lista irá apontar agora para o novo nó que foi criado
   PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 13);
   //inserir a informação "20" na lista
   //--- o Primeiro da lista irá apontar agora para o novo nó que foi criado
   PrimeiroNoDaLista inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 56);
   //inserir o número 30 após a posição 0
   PrimeiroNoDaLista inserirPosicaoLista (PrimeiroNoDaLista, 30,0);
   //inserir o número 74 no fim da lista
   PrimeiroNoDaLista = inserirFimLista(PrimeiroNoDaLista, 74);
  //imprimir o conteúdo da lista
                                          56 -> 30 -> 13 -> 74 -> NULL
  ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);
```



## REMOVER elementos da lista





### REMOVER elementos da lista

```
struct noLista* remove (struct noLista* InicioLista, int ElementoParaRemover)
   struct noLista* NoAnterior = NULL; //ponteiro para o nó anterior
   struct noLista* PercorreLista = InicioLista; //cópia do início da lista
   //procurar o elementou ou até chegar no final da lista
   while (PercorreLista != NULL && PercorreLista->informacao != ElementoParaRemover)
       NoAnterior = PercorreLista; //manter uma cópia do endereço do nó anterior
       PercorreLista = PercorreLista->proximoNo; //percorrer a lista
   if (Percorrelista == NULL ) //não encontrou o número na lista para ser removido
       return InicioLista;
   if (NoAnterior == NULL) //significa que o elemento procurado é o primeiro da lista
       InicioLista = PercorreLista->proximoNo; //atualizar o início da lista
   else {
           NoAnterior->proximoNo = PercorreLista->proximoNo; //"ligar" o próximo nó do anterior com o próximo do elemento que será removido
   free(PercorreLista); //liberar região de memória do nó removido
 return InicioLista;
```

#### PROCURAR elementos na lista

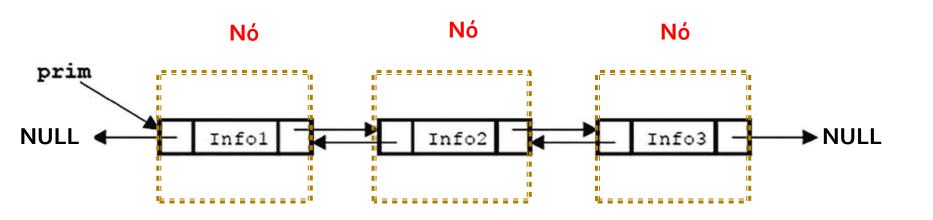
```
struct noLista* ProcurarElementoLista(struct noLista* InicioLista, int ElementoProcurado)
    struct noLista* PercorreLista;
   PercorreLista = InicioLista;//copia do inicio da lista
   while(PercorreLista!= NULL) //enquanto existir nó na lista
     if (PercorreLista->informacao == ElementoProcurado) //se encontrou o elemento procurado
       return PercorreLista; //retorna o nó encontrado
     else PercorreLista = PercorreLista->proximoNo; //continuar percorrendo a lista
   //se saiu o while, é porque não encontrou o número! Retornar NULL;
   return NULL;
```

```
//imprimir o conteúdo da lista
ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);

if (ProcurarElementoLista(PrimeiroNoDaLista, 30) == NULL)
{
    printf("\n Elemento não encontrado");
}
    else
    {
        printf("\n Elemento encontrado");
    }
}
```

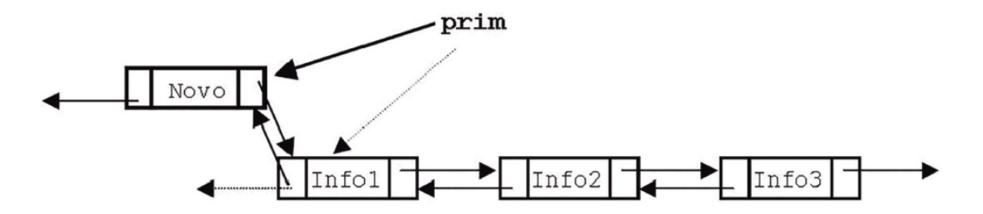
30 -> 13 -> NULL
Elemento encontrado

### Lista DUPLAMENTE Encadeada



```
struct noLista
{
    struct noLista *NoAnterior;
    int informacao;
    struct noLista *proximoNo;
};
```

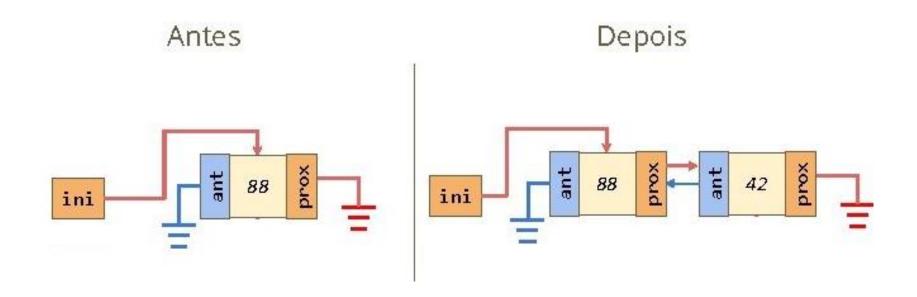
#### Inserir no INÍCIO da Lista DUPLAMENTE Encadeada



#### Inserir no INÍCIO da Lista DUPLAMENTE Encadeada

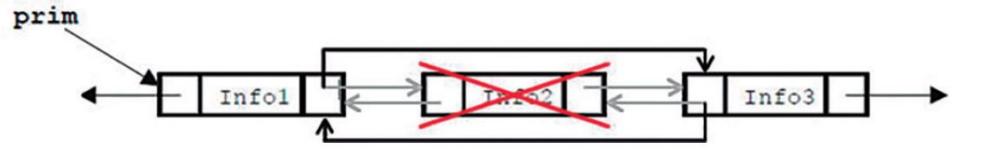
```
struct noLista * inserirInicioLista (struct noLista *InicioDaLista, int NovoNumero)
   //alocar memória para o novo Nó da Lista
    struct noLista* novoNo = (struct noLista*) malloc(sizeof(struct noLista));
    //O campo NoAnterior será NULL, pois agora ele será o primeiro da lista
    novoNo->NoAnterior = NULL;
    //Inserir as informação para o novo nó
    novoNo->informacao = NovoNumero;
    //Apontar o campo "próximo" do novo nó para o local que o InicioDaLista apontava
    novoNo->proximoNo = InicioDaLista;
    if(InicioDaLista != NULL) // se a lista não estiver vazia, ligar o nó anterior do início da lista ao novo nó
       InicioDaLista->NoAnterior = novoNo;
                                           int main()
    return novoNo;
                                              struct noLista *PrimeiroNoDaLista = NULL;
                                              //inserir a informação 88 no início da lista
                                              PrimeiroNoDalista = inserirIniciolista (PrimeiroNoDalista, 88);
                                              //inserir a informação 42 no início da lista
                                              PrimeiroNoDalista = inserirIniciolista (PrimeiroNoDalista, 42);
                                                                                            42 -> 88 -> NULL
                                              //imprimir o conteúdo da lista
                                             ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);
```

#### Inserir no FINAL da Lista DUPLAMENTE Encadeada



```
struct noLista* inserirFimLista(struct noLista* InicioLista, int NovoNumero)
   struct noLista *PercorreLista = InicioLista; //cópia do início da lista
   struct noLista* novoNo = (struct noLista*)malloc(sizeof(struct noLista)); // alocar memória para o novo nó
   if(PercorreLista != NULL) //se a lista não estiver vazia
             while (PercorreLista->proximoNo != NULL) //percorrer a lista até encontrar o último nó
               PercorreLista = PercorreLista->proximoNo;
             //o que era o último nó, agora será o penúltimo: aponta para o novoNo
             PercorreLista->proximoNo = novoNo; // o que era o último nó (agora será o penúltimo!) aponta para o novo nó
   novoNo->NoAnterior = PercorreLista; //apontar o campo NoAnterior para o nó PercorreLista
   novoNo->informacao = NovoNumero; //inserir a nova informação
   novoNo->proximoNo = NULL; //o novoNo será o último da lista
   if(InicioLista == NULL)//a lista estava vazia
                                                                                                   int main()
        return novoNo;
                                                                                                      struct noLista *PrimeiroNoDaLista = NULL;
   else return InicioLista;
                                                                                                      //inserir a informação 88 no fim da lista
                                                                                                      PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 88);
                                                                                                      //inserir a informação 42 no fim da lista
                                                                                                     PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 42);
                Antes
                                                    Depois
                                                                                                      //imprimir o conteúdo da lista
                                                                                                     ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);
```

#### Remover da Lista DUPLAMENTE Encadeada



```
struct noLista* remove (struct noLista* InicioLista, int ElementoParaRemover)
    struct nolista* Percorrelista = Iniciolista; //cópia do início da lista
    //procurar o elementou ou até chegar no final da lista
    while (PercorreLista != NULL && PercorreLista->informacao != ElementoParaRemover)
         PercorreLista = PercorreLista->proximoNo; //percorrer a lista
    if (PercorreLista == NULL ) //não encontrou o número na lista para ser removido
         return InicioLista:
    if (PercorreLista->NoAnterior == NULL) //significa que o elemento procurado é o primeiro da lista
         InicioLista = PercorreLista->proximoNo; //atualizar o início da lista
    else { //"ligar" o próximo nó do anterior com o próximo do elemento que será removido
            PercorreLista->NoAnterior->proximoNo = PercorreLista->proximoNo;
    if(PercorreLista->proximoNo != NULL) //se não for o último da lista
         //ligar o o campo "noAnterior" do proximo nó ao nó anterior daquele que será removido
         PercorreLista->proximoNo->NoAnterior = PercorreLista->NoAnterior;
                                                                                                          struct noLista *PrimeiroNoDaLista = NULL;
                                                                                                          //inserir a informação 88 no fim da lista
    free(PercorreLista); //liberar região de memória do nó removido
                                                                                                          PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 88);
                                                                                                          //inserir a informação 42 no fim da lista
                                                                                                         | PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 42);
  return InicioLista;
                                                                                                          //inserir a informação 88 no fim da lista
                                                                                                          PrimeiroNoDaLista = inserirFimLista (PrimeiroNoDaLista, 53);
                                                                                                          //inserir a informação 42 no fim da Lista
                                                                                                          PrimeiroNoDaLista = inserirFimLista (PrimeiroNoDaLista, 44);
                                                                                                          PrimeiroNoDaLista = remove (PrimeiroNoDaLista, 42);
  prim
                                                                                                          //imprimir o conteúdo da lista
                                                                                                          ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);
                     Info1
                                                                    Info3
                                                                                                  88 -> 53 -> 44 -> NULL
```

#### Procurar na Lista DUPLAMENTE Encadeada

```
struct noLista* ProcurarElementoLista(struct noLista* InicioLista, int ElementoProcurado)
     struct noLista* PercorreLista;
     PercorreLista = InicioLista;//copia do inicio da lista
     while(PercorreLista!= NULL) //enquanto existir nó na lista
        if (PercorreLista->informacao == ElementoProcurado) //se encontrou o elemento procurado
           return PercorreLista; //retorna o nó encontrado
        else PercorreLista = PercorreLista->proximoNo; //continuar percorrendo a lista
     //se saiu o while, é porque não encontrou o número! Retornar NULL;
     return NULL;
                                                                                                         //inserir a informação 88 no fim da lista
                                                                                                         PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 88);
                                                                                                         //inserir a informação 42 no fim da lista
                                                                                                        PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 42);
                                                                                                         //inserir a informação 88 no fim da lista
                                                                                                         PrimeiroNoDaLista = inserirFimLista (PrimeiroNoDaLista, 53);
                                                                                                         //inserir a informação 42 no fim da Lista
                                                                                                         PrimeiroNoDaLista = inserirFimLista (PrimeiroNoDaLista, 44);
                                                                                                        PrimeiroNoDaLista = remove (PrimeiroNoDaLista, 42);
                                                                                                        if (ProcurarElementoLista(PrimeiroNoDaLista, 53) == NULL)
                                                                                                          printf("\n Elemento não encontrado");
                                                                                                         else
                                                                         Elemento encontrado
                                                                                                          printf("\n Elemento encontrado");
```

## Programa completo...

```
#include <stdlib.h>
struct noLista
  struct noLista *NoAnterior;
  int informacao;
  struct noLista *proximoNo;
struct noLista* ProcurarElementoLista(struct noLista* InicioLista, int ElementoProcurado)
    struct noLista* PercorreLista;
    PercorreLista = InicioLista;//copia do inicio da lista
    while(PercorreLista!= NULL) //enquanto existir nó na lista
      if (PercorreLista->informacao == ElementoProcurado) //se encontrou o elemento procurado
        return PercorreLista; //retorna o nó encontrado
      else PercorreLista = PercorreLista->proximoNo; //continuar percorrendo a lista
    //se saiu o while, é porque não encontrou o número! Retornar NULL;
    return NULL;
```

#include <stdio.h>

```
struct noLista* remove (struct noLista* InicioLista, int ElementoParaRemover)
    struct noLista* PercorreLista = InicioLista; //cópia do início da lista
   //procurar o elementou ou até chegar no final da lista
   while (PercorreLista != NULL && PercorreLista->informacao != ElementoParaRemover)
       PercorreLista = PercorreLista->proximoNo; //percorrer a lista
   if (PercorreLista == NULL ) //não encontrou o número na lista para ser removido
       return InicioLista;
    if (PercorreLista->NoAnterior == NULL) //significa que o elemento procurado é o primeiro da lista
        InicioLista = PercorreLista->proximoNo; //atualizar o início da lista
   else { //"ligar" o próximo nó do anterior com o próximo do elemento que será removido
          PercorreLista->NoAnterior->proximoNo = PercorreLista->proximoNo;
    if(PercorreLista->proximoNo != NULL) //se não for o último da lista
       //ligar o o campo "noAnterior" do proximo nó ao nó anterior daquele que será removido
       PercorreLista->proximoNo->NoAnterior = PercorreLista->NoAnterior;
   free(PercorreLista); //liberar região de memória do nó removido
 return InicioLista;
```

```
void ImprimirLista(struct noLista *InicioDaLista)
{
   noLista *NoAtual = InicioDaLista; //copiar o endereço do primeiro nó da lista
   while (NoAtual != NULL) //percorrer a lista até encontrar o último nó = NULL
   {
      printf("%d -> ",NoAtual->informacao); //mostrar a informação do nó
      NoAtual = NoAtual->proximoNo; //apotar para o próximo nó da lista
   }
   printf("NULL");
}
```

```
struct noLista* inserirFimLista(struct noLista* InicioLista, int NovoNumero)
   struct noLista *PercorreLista = InicioLista; //cópia do início da lista
   struct noLista* novoNo = (struct noLista*)malloc(sizeof(struct noLista)); // alocar memória para o novo nó
   if(Percorrelista != NULL) //se a lista não estiver vazia
           while (PercorreLista->proximoNo != NULL) //percorrer a lista até encontrar o último nó
             PercorreLista = PercorreLista->proximoNo:
           //o que era o último nó, agora será o penúltimo: aponta para o novoNo
           PercorreLista->proximoNo = novoNo; // o que era o último nó (agora será o penúltimo!) aponta para o novo nó
   novoNo->NoAnterior = PercorreLista; //apontar o campo NoAnterior para o nó PercorreLista
   novoNo->informação = NovoNumero; //inserir a nova informação
   novoNo->proximoNo = NULL; //o novoNo será o último da lista
   if(InicioLista == NULL)//a lista estava vazia
       return novoNo;
   else return InicioLista;
```

```
struct noLista * inserirInicioLista (struct noLista *InicioDaLista, int NovoNumero)
   //alocar memória para o novo Nó da Lista
   struct noLista* novoNo = (struct noLista*) malloc(sizeof(struct noLista));
   //O campo NoAnterior será NULL, pois agora ele será o primeiro da lista
   novoNo->NoAnterior = NULL;
   //Inserir as informação para o novo nó
   novoNo->informacao = NovoNumero;
   //Apontar o campo "próximo" do novo nó para o local que o InicioDaLista apontava
   novoNo->proximoNo = InicioDaLista;
   if(InicioDaLista != NULL) // se a lista não estiver vazia, ligar o nó anterior do início da lista ao novo nó
      InicioDaLista->NoAnterior = novoNo;
   return novoNo;
```

```
int main()
   struct noLista *PrimeiroNoDaLista = NULL;
   //inserir a informação 88 no fim da lista
   PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 88);
   //inserir a informação 42 no fim da lista
   PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, 42);
   //inserir a informação 53 no fim da lista
   PrimeiroNoDaLista = inserirFimLista (PrimeiroNoDaLista, 53);
   //inserir a informação 44 no fim da lista
   PrimeiroNoDaLista = inserirFimLista (PrimeiroNoDaLista, 44);
  //remover o número 42
   PrimeiroNoDaLista = remove (PrimeiroNoDaLista, 42);
   //imprimir o conteúdo da lista
   ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);
   if (ProcurarElementoLista(PrimeiroNoDaLista, 53) == NULL)
       printf("\n Elemento não encontrado");
   else
     printf("\n Elemento encontrado");
```

```
*** INSERIR NUMEROS NO INICIO DA LISTA ****
-- Digite um numero:2
-- Digite um numero:4
 *** LISTA GERADA ****
4 -> 2 -> NULL
 *** INSERIR NUMEROS NO FIM DA LISTA ****
 -- Digite um numero:6
 -- Digite um numero:5
 *** LISTA GERADA ****
4 -> 2 -> 6 -> 5 -> NULL
 *** REMOVER NUMEROS DA LISTA ****
 -- Digite um numero:6
 *** LISTA GERADA ****
4 -> 2 -> 5 -> NULL
 *** PROCURAR ELEMENTO NA LISTA ****
 -- Digite um numero:4
 Elemento encontrado.
```

```
int main()
    struct noLista *PrimeiroNoDaLista = NULL;
    printf("*** INSERIR NUMEROS NO INICIO DA LISTA **** \n");
    int numero;
    for(int i = 0; i < 2; i++)
           printf("\n -- Digite um numero:");
            scanf("%d", &numero);
           //inserir a informação 88 no fim da lista
           PrimeiroNoDaLista = inserirInicioLista (PrimeiroNoDaLista, numero);
    printf("\n\n *** LISTA GERADA **** \n");
   //imprimir o conteúdo da lista
   ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);
    printf("\n\n *** INSERIR NUMEROS NO FIM DA LISTA **** \n");
    for(int i = 0; i < 2; i++)
            printf("\n -- Digite um numero:");
            scanf("%d", &numero);
           //inserir a informação 88 no fim da lista
           PrimeiroNoDaLista = inserirFimLista (PrimeiroNoDaLista, numero);
```

```
printf("\n\n *** LISTA GERADA **** \n");
 //imprimir o conteúdo da lista
 ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);
printf("\n\n *** REMOVER NUMEROS DA LISTA **** \n");
printf("\n -- Digite um numero:");
scanf("%d", &numero);
PrimeiroNoDaLista = remove (PrimeiroNoDaLista, numero);
printf("\n\n *** LISTA GERADA **** \n");
//imprimir o conteúdo da lista
 ImprimirLista(PrimeiroNoDaLista);
 printf("\n\n *** PROCURAR ELEMENTO NA LISTA **** \n");
 printf("\n -- Digite um numero:");
 scanf("%d", &numero);
 if (ProcurarElementoLista(PrimeiroNoDaLista, numero) == NULL)
     printf("\n Elemento nao encontrado.");
  else
   printf("\n Elemento encontrado.");
```

...

## **Exercícios** 😜

#### LISTAS DUPLAMENTE ENCADEADAS

- Implemente uma estrutura de um nó de uma lista duplamente encadeada para armazenar a idade de uma pessoa.
- 2- Implemente uma função para inserir um nó no início de uma lista duplamente encadeada.
- 3- Implemente uma função para imprimir todos os elementos de uma lista duplamente encadeada.
- 4- No programa principal, inicie o Primeiro nó da lista com NULL e insira 2 idades no início da lista duplamente encadeada. Em seguida, imprima a lista. Obs.: solicite para o usuário digitar uma idade por vez.
- 5- Implemente uma função para inserir um nó no final da lista duplamente encadeada.

- 6- No programa principal, insira 2 idades no final da lista duplamente encadeada. Em seguida, <u>imprima a</u> lista. Obs.: solicite para o usuário digitar uma idade por vez.
- 7- Implemente uma função para remover uma determinada idade da <u>lista duplamente</u> encadeada.
- 8- No programa principal, remova uma determinada idade da lista duplamente encadeada. Em seguida, imprima a lista após a remoção.

Obs.: solicite para o usuário digitar a idade que será removida.

9- Implemente uma função para procurar uma determinada idade em uma lista duplamente encadeada. A função deve retornar o nó contendo a idade encontrada ou NULL caso a idade procurada não esteja na lista. 10- No programa principal, solicite para o usuário digitar uma idade para ser procurada na lista duplamente encadeada. Exiba uma mensagem dizendo se o número está ou não na lista. Em seguida, imprima todo o conteúdo da lista.

- 11- Implemente uma função para procurar uma determinada idade em uma lista duplamente encadeada e retornar a POSIÇÃO em que esta idade está na lista. Caso a idade não esteja na lista, a função deve retornar -1.
- 12 Faça uma função que percorra a lista duplamente encadeada e imprima somente as idades acima de 18 anos.



# Muito Obrigada!

Profa. Angela Abreu Rosa de Sá, Dra.

Contato: angelaabreu@gmail.com