

دانشكده مهندسي كامپيوتر

تمرین سری دوم (پروژه اول) هوش مصنوعی وسیستم های خبره

> دکتر آرش عبدی پاییز ۱۴۰۱

- مهلت تحویل ۱۴۰۱/۰۸/۲۹ ساعت ۲۳:۵۵
- مهلت ارسال به هیچ وجه قابل تغییر نیست.
- مواردی که بعد از تاریخ فوق ارسال شوند قابل قبول نبوده و نمره ای نخواهد داشت.
- انجام تمرین تک نفره است. لطفا به تنهایی انجام شود، در غیر اینصورت نمره منفی در نظر گرفته خواهد شد.
  - كل محتواى ارسالي زيپ شود و نام فايل زيپ ارسالي Project1\_studentNumber باشد.
    - زبان برنامه نویسی آزاد است.
    - تنها تكالیفی که به LMS و قبل از مهلت ارسال، فرستاده میشوند بررسی خواهند شد.
- حداقل یک ساعت قبل از مهلت ارسال را احتیاطا هدف قرار دهید، تا مشکلات غیرقابل پیش بینی مانند موارد
  زیر باعث عدم آپلود پاسخ ها در LMS و ارسال آنها از طریق ایمیل نشوند:
  - قطعی (صیانت!) اینترنت تنظیم نبودن دقیق ساعت سایت با ساعت گرینویچ حوادث غیرمترقبه دیگر

# پروژه ۱ تقریب تابع با کمک برنامه نویسی ژنتیک (GP)

## شرح:

یکی از مسائل مطرح در علوم ریاضی و مهندسی تقریب تابع است. تقریب تابع یعنی با داشتن توانایی محاسبه مقدار یک تابع نامعلوم در نقاط دلخواه، ضابطه ریاضی تابع مذکور تقریب زده شود. در این پروژه برای تقریب تابع از برنامه نویسی ژنتیک (Genetic Programming - GP ) استفاده می شود.

هدف پروژه: ارزیابی میزان تسلط به مفاهیم پایه الگوریتم های تکاملی (در اینجا برنامه نویسی ژنتیک)

یکی از کاربرد های GP ، تقریب توابع است. در این کاربرد، هر فرد از جمعیت بیانگر یک عبارت ریاضی است که به شکل یک درخت نمایش داده می شود. عناصر میانی این درخت عملگرهای ریاضی، منطقی و یا هر گونه عملگر تعریف شده کاربر و برگهای درخت حاوی مقادیر ثابت و متغیرهای ورودی هستند. هدف از این کاربرد این است که فرمول ریاضیاتی یک تابع هدف را تخمین بزنیم. تابع هدف یک Black Box است و تنها چیزی که از آن میدانیم (یا قادریم بدست آوریم)، بدست آوردن مقدار تابع در نقاط دلخواه است. بدین ترتیب در تعدادی نقطه دلخواه مقدار تابع را یافته و از آنها به عنوان مجموعه آموزشی یاد میکنیم. برای هر درخت بر حسب مقادیری که

برای نقاط آموزشی بدست می آورد و میزان اختلافش با مقادیر واقعی میتوان یک مقدار شایستگی نسبت داد و بر اساس آن الگوریتم تکاملی را دنبال کرد.

عملگرهایی که در درختان به کار برده می شود حداقل شامل موارد زیر باشد (موارد بیشتری نیز میتوانید اضافه کنید):

عملگرهای دو عملوندی شامل: 
$$+ \cdot - \cdot \times \cdot / \cdot ^{\wedge}$$
 (توان)

Sin(x) , cos(x) عملگرهای تک عملوندی شامل:

یک نمونه از درخت:

**ورودی برنامه:** تعدادی نقطه آموزشی و مقدار خروجی تابع هدف در آن نقاط (برای سادگی، تابع یک بعدی در نظر گرفته میشود.)

تبصره ۱: در عمل برای تولید ورودی و ارزیابی عملکرد الگوریتم میتوان توابعی دلخواه (شامل هر عملگری که در الگوریتم پیشی بینی شده است) در نظر گرفت و در تعدادی نقطه دلخواه مقدار تابع را محاسبه کرد و این نقاط را به عنوان ورودی الگوریتم در نظر گرفت.

حتما در آزمایشها حالتی را نیز آزمایش کنید که در آن ورودی از روی تابعی تولید شده باشد که دارای عملگری است که در فهرست عملگرهای استفاده شده در GP وجود ندارد. مثلا در ضابطه تابع استفاده شده برای تولید نقاط آزمایشی از عملگر لگاریتم یا تانژانت (یا ...) استفاده کنید ولی در GP این عمگرها مجاز نباشند. یا عملگر ضرب و تقسیم و را در GP حذف کنید و نقاط را با تابعی که این عملگرها را دارند تولید کنید.

#### تبصره ۲:

در یکی از آزمایشها، نقاط آزمایشی را به نمونه برداری از تابعی تخیلی به صورت خط خطی (مانند شکل زیر) و بدون داشتن ضابطه مشخص برای تابع تولید کنید.



## تبصره ۳:

در یکی از آزمایشها در تابع نقطه یا نقاط گسستگی ایجاد کنید و تفاوت رفتار GP را بررسی کنید. مثلا متوانید برای نقاط کوچکتر از عدد c1 از ضابطه  $y=x^2$  و در نقاط بین c1 تا c2 از ضابطه c2 از تابع دیگری برای تولید نقاط آموزشی استفاده کنید.

#### تبصره ۴:

در همه موارد، از مثالهای خیلی ساده شروع کنید و بعد از اطمینان از سلامت کد، و سلامت نحوه آزمایش، در حد امکان به سمت مثالهای خفن تر(!!) بروید.

#### تبصره ۵:

تلاش شما نمره اصلی را خواهد داشت و حتی اگر نتایج دلچسب نباشند، امکان گرفتن نمره کامل در صورت صرف وقت و یادگرفتن مشکلات راه، وجود دارد. همچنین در صورتی که نتایج کاملی از همه بخشها به دست آورید، ممکن است باعث نمره مثبت (نمره اضافی) هم بشود.

خروجى برنامه: نمايش فرمول متناظر با بهترين درخت توليد شده توسط الگوريتم، مقدار شايستگى بهترين درخت، تعداد نسلها، تعداد محاسبه شايستگى، زمان اجرا.

## آنچه تحویل داده میشود:

- ۱- کداجرایی برنامه به همراه تست کردن چند ورودی متفاوت توسط دانشجو و نیز امکان تست کردن ورودی های دیگر در زمان تحویل برنامه
  - ۲- گزارش از جزئیات اجرای پروژه که حداقل موارد زیر را در برمی گیرد (بدون ترتیب):
    - a. نحوه دقیق نگاشت مساله به درخت و محدودیت های احتمالی
      - i. عملگرها، اعدادثابت، و ...
        - b. تابع شایستگی
        - c. توليد جمعيت اوليه
        - d. نحوه انتخاب والدين
        - e. نحوه تولید نسل بعد
      - i. نحوه ترکیب متقاطع و جهش
        - f. شرط خاتمه الگوريتم
      - g. چالش های مواجه شده و روش حل آنها
- h. گزارشی از آزمایشهای مختلف انجام شده (حداقل ۳ آزمایش برای ۳ تابع مختلف ورودی) و ارزیابی و تحلیل عملکرد الگوریتم در آزمایشها
  - ندی و نتایج عملی که درباره GP در این پروژه به دست آوردید. i