Universidad Nacional de La Plata Facultad de Informática Programación Funcional

LIS Parser: un parser para el lenguaje imperativo simple LIS.

Autor Ary Pablo Batista

Resumen

Este trabajo documenta el desarrollo de una biblioteca de parsers y un parser para el lenguaje de programación LIS, lenguaje creado por Fidel (Pablo E. Martínez López) para la enseñanza de tipos de datos algebraicos recursivos en la materia de Programación Funcional que se dicta en la Universidad Nacional de La Plata y la Universidad Nacional de Quilmes.

Índice

1.	Introducción	3
2.	Objetivo	3
3.	El lenguaje imperativo simple LIS 3.1. Representación de programas LIS mediante tipos de datos algebraicos	3 4 6
4.	Biblioteca de parsers	8
	4.1. El tipo Parser 4.2. Mónadas	8 9 10 11 12 13 13 13 14
_		14
о.	El parser de LIS 5.1. Comandos simples 5.2. Comandos compuestos 5.3. Expresiones booleanas 5.4. Expresiones numéricas 5.5. Parser de programa 5.6. Eliminación de comentarios y espacios en blanco	14 15 16 17 18 18
6.	Evaluación de un programa LIS	19
7.	Conclusiones	20
Α.	Implementación del tipo de datos abstracto Memory	23
в.	Visualización de la representación de un programa LIS	24

1. Introducción

A partir de la construcción de procesadores capaces de ejecutar conjuntos de instrucciones de bajo nivel, constituidas por cálculos aritméticos y lógicos simples, los hombres de ciencia comenzaron a buscar formas de representar sus complejos algoritmos, expresados en los lenguajes de programación primitivos o sistemas formales, mediante estas instrucciones de manera que puedan ser calculadas automáticamente. Construyeron estas representaciones a través de un conjunto de reglas de transformación ligadas a cada uno de los elementos que componen el lenguaje, proceso al que llamaron análisis sintáctico.

Este trabajo aborda el diseño de un analizador sintáctico (o parser¹) para el lenguaje de programación LIS creado por Fidel (Pablo E. Martínez López) para la enseñanza de tipos de datos algebraicos recursivos en la materia de Programación Funcional que se dicta en la Universidad Nacional de La Plata y la Universidad Nacional de Quilmes.

2. Objetivo

El objetivo de este trabajo es el desarrollo de una biblioteca para el análisis sintáctico de lenguajes y un analizador sintáctico para el lenguaje de programación LIS y su documentación mediante este escrito, con la esperanza de que sea utilizado en el marco de la materia como material adicional para la enseñanza de la técnica de análisis sintáctico aquí empleada.

3. El lenguaje imperativo simple LIS

El lenguaje de programación LIS²³ es un lenguaje imperativo simple que define un conjunto de comandos reducidos y expresiones booleanas y numéricas. Los comandos presentes en LIS son la instrucción sin efectos (skip), la asignación de expresiones numéricas (:=), la alternativa condicional (if) y la repetición condicional (while). Las expresiones numéricas están presentes en las asignaciones y en las comparaciones mientras que las expresiones booleanas solo pueden ser utilizadas como condiciones de la alternativa condicional o la repetición condicional. A continuación se muestra un programa LIS que calcula el factorial de un número.

 $^{^1 \}it{parser}$ es una palabra del inglés que significa analizador sintáctico.

²Definido por Pablo E. Martínez López en su clase "Tipos de Datos: Tipos Recursivos" que forma parte de la materia de Programación Funcional que dicta en la Universidad Nacional de La Plata y la Universidad Nacional de Quilmes.

³El lenguaje presentado es una variación de LIS que renombra el tipo de dato algebraico y constructor P a Program, el constructor Bloque a Block, el tipo de dato algebraico Comand a Command, el constructor RelOp a Cmp y el constructor Vble a Variable siendo el antiguo alias de tipo Variable renombrado a VarName.

```
-- Código LIS

program
{
    -- Parámetros
    n := 6

    -- Cuerpo
    a := n;
    fn := 1;
    while (a > 0)
    {
        fn := a * fn;
        a := a - 1
    }

    -- Retorno
    return := fn
}
```

Este programa está organizado en tres secciones, cada una indicada por un comentario. La sección indicada como *Parámetros* contiene aquellas variables que son parámetros utilizados en la sección indicada como *Cuerpo* que contiene el algoritmo. Por último la sección indicada como *Retorno* contiene todas las variables que representan el resultado del algoritmo. Esta organización se mantendrá en todos los programas LIS que se presenten en este trabajo.

3.1. Representación de programas LIS mediante tipos de datos algebraicos

Para la realización de distintas manipulaciones internas de un programa LIS, creamos una representación para estos programas a partir de la definición de los tipos de datos algebraicos que se presentan a continuación.

Un programa LIS se define como un tipo de dato algebraico Program construido a partir del constructor Program y un bloque.

```
data Program = Program Block
```

El tipo Block es un alias para el tipo lista de comandos.

```
type Block = [Command]
```

Un comando puede ser una instrucción sin efectos Skip, una asignación numérica Assign, una alternativa condicional If o una repetición condicional While.

```
type VarName = String
```

Tanto la alternativa condicional como la repetición condicional hacen uso de expresiones booleanas (BExp) tanto atómicas, como una constante (BCte) False o True, como compuestas, expresadas utilizando los operadores lógicos y (And), o (Or) y no (Not) o los operadores relacionales (ROp) igual (Equal), distinto (NotEqual), mayor (Greater), mayor o igual (GreaterEqual), menor (Lower) y menor o igual (LowerEqual).

Por último, las expresiones numéricas (NExp) incluyen las contantes enteras (NCte), la suma (Add), la resta (Sub), la multiplicación (Mul), la división entera (Div) y la operación módulo (Mod).

```
data NExp = Variable VarName
| NCte Int
| Add NExp NExp
| Sub NExp NExp
| Mul NExp NExp
| Div NExp NExp
| Mod NExp NExp
```

Los tipos de datos algebraicos definidos nos permiten modelar un programa LIS completo. El siguiente ejemplo muestra el programa LIS para el cálculo del factorial de un número, introducido en la sección 3, y su correspondiente representación mediante estas estructuras.

```
-- Representación Haskell
-- Código LIS
program
                           lisFactN =
                            Program
   -- Parámetros
     := 6
                            Ε
                                -- Parámetros
                                Assign "n"
                                              (NCte 6),
   -- Cuerpo
   a := n;
                                -- Cuerpo
  fn := 1:
                                Assign "a"
                                              (Variable "n"),
   while (a > 0)
                                Assign "fn"
                                              (NCte 1),
                                While (Cmp Greater (Variable "a")
      fn := a * fn;
                                                    (NCte 0))
       := a - 1
                                   Assign "fn"
                                          (Mul (Variable "a")
    -- Return
                                                (Variable "fn")),
    return := fn
                                   Assign "a"
}
                                          (Sub (Variable "a")
                                                (NCte 1))
                                ],
                               -- Retorno
                               Assign "return" (Variable "fn"),
```

A partir de esta representación es posible implementar un evaluador que nos permita evaluar el resultado de la ejecución del programa, como se verá en la sección 3.2.

3.2. Evaluación de LIS

Para la evaluación de una representación de un programa LIS implementaremos funciones que transformen cada una de los elementos del lenguaje representados en el valor denotado y, adicionalmente, utilizaremos un tipo de dato abstracto Memory, que es una memoria de variables.

La memoria permite realizar escrituras y lecturas mediante las funciones memoryRead y memoryWrite y listar las variables inicializadas de la memoria empleando la función memoryVariables. Adicionalmente es posible crear una nueva memoria vacía a través de la función memoryNew. Su interfaz se muestra a continuación.

```
memoryNew :: Memory
memoryRead :: Memory -> VarName -> Int
memoryWrite :: Memory -> VarName -> Int -> Memory
memoryVariables :: Memory -> [VarName]
```

La implementación de la representación interna y operaciones de este tipo de dato abstracto se encuentra en el apéndice A.

Definimos la función evaluadora de programa evalProgram recibe un programa y evalúa su bloque.

```
evalProgram (Program block) = evalBlock block
```

La evaluación del bloque se realiza mediante la función evalBlock que recursivamente evalúa cada unos de sus comandos, actualizando la memoria a partir de cada evaluación.

```
evalBlock [] = id
evalBlock (c:cs) =
   \mem -> let mem' = evalCom c mem
   in evalBlock cs mem'
```

La evaluación de un comando evalúa cada uno de sus casos particulares. La evaluación del comando Skip no altera la memoria. La evaluación del comando Assign asocia el valor de una expresión a una variable en la memoria tras la evaluación de dicha expresión. La evaluación del comando If evalúa una expresión booleana y a partir de ella evalúa el bloque correspondiente. Finalmente, el comando While se implementa como una recursión en función de la evaluación de un comando If que controla la recursión y la finaliza con un comando Skip.

La evaluación de las expresiones tanto booleanas como numéricas se realiza traduciendo los constructores que representan operaciones en funciones HAS-KELL que las implementan (+, -, ==, &&, etc.) y los constructores que representan constantes en los valores HASKELL correspondientes.

```
-- Evaluación de expresiones booleanas

evalB (BCte b) mem = b

evalB (Cmp rop e1 e2) mem = evalROp rop (evalN e1 mem) (evalN e2 mem)

evalB (And e1 e2) mem = evalB e1 mem && evalB e2 mem

evalROp Equal = (==)

evalROp NotEqual = (/=)

evalROp Greater = (>)

evalROp GreaterEqual = (>=)

evalROp Lower = (<)

evalROp LowerEqual = (<=)
```

```
-- Evaluación de expresiones numéricas

evalN (Variable x) = \mem ->
    case (memoryRead mem x) of
        Nothing -> error ("Variable '" ++ x ++ "' indefinida")
        Just v -> v

evalN (NCte n) = \mem -> n

evalN (Add e1 e2) = evalAndApply (+) e1 e2

evalN (Sub e1 e2) = evalAndApply (-) e1 e2

evalN (Mul e1 e2) = evalAndApply (*) e1 e2

evalN (Div e1 e2) = evalAndApply div e1 e2

evalN (Mod e1 e2) = evalAndApply mod e1 e2

evalAndApply f e1 e2 mem = f (evalN e1 mem) (evalN e2 mem)
```

Utilizando estos evaluadores es posible evaluar el resultado de ejecución de una representación de un programa LIS dada. A continuación se muestra el resultado de evaluar la ejecución del programa que calcula el factorial de un número a partir de la invocación de evaluarProgram con este programa como argumento y una memoria nueva.

```
Main> evalProgram lisFactN memoryNew
[
   ("return", 720)
   ("n" , 6),
   ("a" , 0),
   ("fn" , 720)
]
```

4. Biblioteca de parsers

Para la definición de LIS es preciso contar con una biblioteca de parsers que faciliten su implementación. Estos parsers funcionales [1] utilizan la técnica de *Monadic Parser Combinators*, técnica de análisis sintáctico propuesta por Graham Hutton y Erik Meijer en su artículo "*Monadic Parser Combinators*" [2]. A continuación se describe la implementación de cada uno de los parsers, funciones y tipos que componen esta biblioteca, muchos de ellos basados en los presentados en la bibliografía mencionada.

4.1. El tipo Parser

El tipo Parser representa el tipo de una función que a partir de una cadena de caracteres denota una lista de todos los posibles análisis sintácticos.

```
newtype Parser a = Parser (String -> [(a, String)])
```

Un análisis sintáctico en particular se representa mediante una tupla donde su primer valor denota la estructura generada y la segunda el remanente de la

cadena de caracteres recibida como parámetro. El análisis sintáctico resultará fallido si a partir de una cadena de caracteres el parser devuelve una lista vacía.

4.2. Mónadas

Para los parsers siguientes es necesario introducir la idea de mónadas. Las mónadas son abstracciones matemáticas que permiten aplicar una secuencia de operaciones sobre un estado que se actualiza con cada operación. En este trabajo utilizaremos las mónadas para aplicar una secuencia de parsers sobre una cadena de caracteres.

La instancia de mónada Monad Parser define la función return como un parser que siempre tiene éxito sin importar la cadena de caracteres analizada y la función de secuenciación >>= (o bind) como la concatenación de todos los análisis sintácticos generados a partir del la utilización de cada análisis sintácticos de p como argumento de un segundo parser (generado por f).

También definimos la clase MonadFailureOr que representa una mónada con las funciones failure y <|> (se lee "o") y una instancia MonadFailureOr Parser.

Esta instancia implementa la función failure como un parser que falla para cualquier cadena de caracteres y la función <|> como la concatenación de los análisis sintácticos resultados de aplicar la cadena de caracteres a dos parsers distintos.

4.3. Parsers básicos

Entre los parsers básicos incluidos en esta biblioteca podemos encontrar al parser item, que simplemente consume el primer carácter de una cadena de caracteres fallando en el caso en que la cadena sea vacía,

el parser satisfy, que consume un carácter retornando el carácter si satisface el predicado p o fallando en caso contrario,

el parser symbol, que consume un carácter si el mismo es igual a un carácter dado,

```
symbol :: Char -> Parser Char
symbol x = satisfy (==x)
```

y el parser token que consume una cadena de caracteres que coincide con la dada.

Estos parsers por sí solos no poseen utilidad alguna. En las siguientes secciones introduciremos parsers que permiten combinar parsers y así definir parsers para repeticiones de elementos y listas de elementos, entre otros.

4.4. Repetición de elementos

Para realizar el análisis sintáctico de repeticiones de elementos definiremos el parser many, que aplica el parser dado, tantas veces como sea posible, denotando una lista con los resultados obtenidos.

Para aquellas repeticiones que comienzan con un elemento concreto definiremos el parser manyBeginWith, que aplica un parser de comienzo (start) antes de aplicar sucesivas veces el parser para los elementos de la repetición.

En base a este, definiremos la versión estricta many1 que requiere que el parser dado logre al menos una aplicación exitosa, de lo contrario falla.

```
many1 p = manyBeginWith p p
```

Para aquellas repeticiones de elementos separados por elementos de separación definiremos el parser listof. Este parser aplica de manera sucesiva el parser p intercalando aplicaciones del parser separador sep e ignorando el resultado de este último.

4.5. Delimitadores

Para aquellos elementos del lenguaje que se encuentran delimitados por dos elementos (posiblemente distintos) definiremos el parser pack que aplica los parsers open y close antes y después de la aplicación del parser p, retornando únicamente el resultado de este último.

Los parsers parenthesized, bracketized y braced esperan consumir paréntesis, corchetes y llaves respectivamente antes y después de la aplicación del parser dado.

```
parenthesized p = pack (symbol '(') p (symbol ')')
bracketized p = pack (symbol '[') p (symbol ']')
braced p = pack (symbol '{') p (symbol '}')
```

4.6. Elementos opcionales

En ocasiones los lenguajes de programación presentan elementos opcionales. Los parsers optionDef y option permiten definir parsers para tales elementos. El parser optionDef que aplica el parser retornando su resultado de ser exitoso o devuelve un parser que siempre tiene éxito con un valor por defecto def.

El parser option define un parser que tiene éxito o, si falla, obtiene el valor [] indicando que no hubo resultado.

```
option p = optionDef p []
```

4.7. Palabras e identificadores

Definiremos parsers para el análisis sintáctico de caracteres y cadenas de caracteres que nos permitirán realizar el análisis sintáctico de palabras e identificadores. Entre los parsers que consumen un único carácter podemos encontrar: lower, que consume una letra en minúscula, upper que consume una letra en mayúscula, letter consume una letra cualquiera, digit que consume un dígito y alphanum que consume una letra o un dígito.

```
lower = satisfy (between 'a' 'z')
upper = satisfy (between 'A' 'Z')
letter = lower <|> upper
digit = satisfy (between '0' '9')
alphanum = letter <|> digit
between low high = (\x -> low <= x && x <= high)</pre>
```

Por otro lado definimos parsers que consumen cadenas de caracteres de cualquier longitud, ellos son: alphanumWord que consume una palabra escrita con caracteres alfanuméricos,

```
alphanumWord = many1 alphanum
```

y dos parsers de identificadores lowerId y upperId que consumen identificadores que comienzan con una letra minúscula y mayúscula respectivamente.

```
lowerId = manyBeginWith alphanum lower
upperId = manyBeginWith alphanum upper
```

4.8. Números naturales y enteros

Si deseamos trabajar con expresiones numéricas es necesario contar con parsers para números. A partir del parser de dígito se definimos el parser natural, que consume un número natural, y el parser sign, que consume un signo + o -.

```
natural = many1 digit
sign = symbol '+' <|> symbol '-'
```

A partir de estos es posible definir el parser que consume un número entero.

4.9. Transformación de resultados

Otro parser del que haremos uso es el parser <0 (o apply) que aplica un parser transforma su resultado mediante una función dada.

El parser tokenAs (también op) que consume una cadena de caracteres y devuelve un valor ignorando el resultado original. Este parser facilita la definición de parsers para operadores como ser verá en la sección 5.

```
op = tokenAs
tokenAs s v = replaceResult (token s) v
replaceResult p v = p <0 const v</pre>
```

4.10. Secuencia de operadores y operandos

Por último, agregaremos a la biblioteca los parsers chainl1 y chainr1 que están pensados para el análisis sintáctico de una sucesión de operandos separados por operadores.

El parser chainl asocia a izquierda y el parser chainr1 asocia a derecha. En ambos casos, el resultado del análisis sintáctico del parser de operadores debe retornar una función responsable de combinar los operandos ligados a éste.

4.11. Definiciones auxiliares

Además de los parsers definiremos tres funciones que simplifican su utilización. La función parse aplica un parser a una cadena de caracteres.

```
parse :: Parser a -> String -> [(a, String)]
parse (Parser x) = x
```

La función bestParse aplica un parser y devuelve sólo los resultados del análisis sintáctico que terminaron por consumir toda la cadena de caracteres.

```
parse :: Parser a -> String -> [(a, String)]
bestParse p = (filter (\((v, inp') -> inp' == "")) . parse p
```

La función bestFirst devuelve el primero de los resultados obtenidos mediante bestParse levantando un error si no se produjeron resultados que consumen el total de su entrada.

Sobre este conjunto de parsers y funciones auxiliares se construye el parser del lenguaje de programación LIS.

5. El parser de LIS

Comenzaremos por definir los parsers para los comandos simples seguido de los parsers para los comandos compuestos y luego nos dedicaremos a definir los parsers de comandos, bloque, expresiones booleanas y expresiones numéricas.

5.1. Comandos simples

El primer parser definido es skip que consume el token "skip" y devuelve el constructor Skip.

```
skip = tokenAs "skip" Skip
```

Luego podemos definir el parser assign que consume la sintaxis de la asignación generando un comando Assign a partir del nombre de variable y la expresión obtenidos del análisis sintáctico.

El parser varname consume un nombre de variable y es equivalente a lowerld. El parser de expresiones numéricas nExpr se define más adelante en esta sección.

5.2. Comandos compuestos

El parser iff realiza el análisis sintáctico de la alternativa condicional.

El parser de la repetición condicional, similar al de la alternativa condicional, construye un comando While a partir de una expresión booleana y un bloque.

Habiendo definido los parsers para cada comando, definimos el parser command para cualquiera de ellos y el parser commands que realiza el análisis sintáctico una lista de comandos separados, opcionalmente, por punto y coma.

El parser block realiza el análisis sintáctico de una secuencia de comandos delimitada por llaves.

block = braced commands

5.3. Expresiones booleanas

El parser bExpr define el análisis sintáctico de una expresión booleana, que no es más que una sucesión de términos booleanos intercalados por operadores lógicos.

```
bExpr = bTerm 'chainl1' logop
bTerm = bConstant
     <|> nCmp

logop = op "&&" And
     <|> op "||" Or
```

El parser para un término booleano consume una constante booleana o una comparación. La comparación construye un valor BExp a partir del constructor Cmp, de un operador relacional relop y dos expresiones numéricas.

El parser bConstant consume la constante True o False mediante los parsers bTrue o bFalse respectivamente.

5.4. Expresiones numéricas

Definimos el parser nExpr que consume una sucesión de términos separados por operadores de suma y resta, y el parser term que consume factores separados por operadores de multiplicación, división y módulo. El parser factor aplica cualquiera de los parsers para enteros (nConstant), para variables variable y para expresiones numéricas rodeadas por paréntesis (parenthesized nExpr).

El parser addop consume un operador de suma o resta y devuelve un constructor Add o Sub respectivamente. De manera similar al anterior, el parser mulop consume un operador de multiplicación, división o módulo y devuelve un constructor Mul, Div o Mod.

El parser nConstant consume un número entero y construye una constante numérica NCte. El parser variable consume un nombre de variable y con él construye un valor Variable.

5.5. Parser de programa

El último parser es lisParser, que dado un programa LIS realiza su análisis sintáctico retornando una representación de programa.

La función parseLIS aplica el parser de LIS sobre una entrada devolviendo el mejor resultado o un error indicando que el análisis sintáctico fue fallido.

```
parseLIS = bestFirst lisParser
```

5.6. Eliminación de comentarios y espacios en blanco

Definimos además una función junk0ut que limpiará una cadena de caracteres de espacios en blanco ("\n", "\t" y " ") y comentarios de línea comenzados con "--".

Modificaremos la mónada Monad Parser donde aplicaremos la función junkOut para limpiar la entrada de cada parser.

6. Evaluación de un programa LIS

La función **executeLIS** realiza el análisis sintáctico de un programa LIS y luego evalúa la representación obtenida devolviendo el estado final de la memoria empleada con los resultados de la evaluación.

```
evaluateLIS = evalProgram . fst . parseLIS
```

Un ejemplo de esta ejecución es el siguiente programa LIS que dado un número n, calcula en la variable res su conversión a número binario.

```
-- Number to Binary
program
    -- Parameters
    n := 235;
    -- Body
    num := n;
    bit := 0;
    res := 0;
    offset := 1
    while (num > 0)
       bit := num % 2;
       num := num / 2;
       res := bit * offset + res;
       offset := offset * 10
     -- Retorno
     return := res / 10
 }
```

A partir del análisis sintáctico de este programa, el parser de LIS genera la siguiente representación.

```
-- Number to Binary
Program
Γ
   -- Parameters
  Assign "n"
                   (NCte 235),
   -- Body
   Assign "num"
                   (Variable n),
   Assign "bit"
                   (NCte 0),
   Assign "res"
                   (NCte 0),
   Assign "offset" (NCte 1),
   While (Cmp Greater (Variable num ) (NCte 0 ))
      Assign "bit"
                      (Mod (Variable num) (NCte 2)),
      Assign "num"
                      (Div (Variable num) (NCte 2)),
      Assign "res"
                      (Add (Mul (Variable bit)
                                  (Variable offset))
                             (Variable res)),
      Assign "offset" (Mul (Variable offset) (NCte 10)),
   ],
   -- Return
   Assign "return" (Div (Variable res) (NCte 10))
```

Y su evaluación devuelve el estado final de la memoria como se muestra a continuación.

```
[
    ("return", 1110101),
    ("offset", 100000000),
    ("res" , 11101011),
    ("bit" , 1),
    ("num" , 0),
    ("n" , 235)
]
```

7. Conclusiones

Tras la finalización de este trabajo, sus objetivos fueron satisfechos y resultaron en un parser del lenguaje LIS cuyo código se encuentra disponible en la dirección https://github.com/arypbatista/LIS-Parser.

La realización de este trabajo representó un destacado aprendizaje respecto de la implementación de lenguajes que me permitirá, el día de mañana, adentrarme en el mundo de los intérpretes, compiladores y transformaciones de programas con un importante conocimiento previo.

La implementación de parsers es una herramienta muy útil al momento de aprender conceptos relacionados con el diseño e implementación de los lenguajes. El proceso de transformación (y abstracción) de un programa a una representación simbólica facilita la comprensión de la estructura de los lenguajes de programación.

El desarrollo técnico requerido para esta implementación favoreció a afianzar mis conocimientos sobre el lenguaje de programación funcional HASKELL y comprender en profundidad la idea de mónadas.

Como trabajo a futuro se propone implementar un compilador de LIS, que transforme la representación del programa en una representación más simple en términos de ejecución, y una máquina virtual completa para la ejecución del resultado de la compilación.

Referencias

- [1] Fokker, Jeroen: Functional Parsers.
- [2] Hutton, Graham y Erik Meijer: *Monadic Parser Combinators*. Informe técnico, Department of Computer Science, University of Nottingham, 1996.

A. Implementación del tipo de datos abstracto Memory

El código que se muestra en esta sección define la representación interna del tipo de datos abstracto Memory e implementa la interfaz para manipularlo.

```
module Memory (
    Memory,
    memoryNew,
    memoryWrite,
    memoryRead,
    memoryVariables,
) where
\mathbf{type} VarName = String
type VarValueAssoc = (VarName, Int)
data Memory = Memory [VarValueAssoc]
memoryNew :: Memory
memoryNew = (Memory [])
memoryWrite :: Memory -> VarName -> Int -> Memory
\verb|memoryWrite| mem v x = \verb|case| memoryRead| mem v of
                        Nothing -> memoryAdd mem v x

Just _ -> memoryReplace mem v x
memoryRead :: Memory -> VarName -> Maybe Int
memoryRead (Memory ss) v = case (find (\(v', x) -> v' == v) ss) of
                              Nothing -> Nothing
                              Just (v,x) -> Just x
memoryVariables :: Memory -> [VarName]
memoryVariables (Memory ss) = map fst ss
-- Internal functions
memoryReplace :: Memory -> VarName -> Int -> Memory
= Memory (repl (\('v', x) -> v' == v) x ss)
memoryAdd :: Memory -> VarName -> Int -> Memory
memoryAdd (Memory ss) v x = Memory ((v,x):ss)
memoryDump :: Memory -> [VarValueAssoc]
memoryDump (Memory ss) = ss
```

B. Visualización de la representación de un programa LIS

El siguiente código define la visualización de una representación de un programa LIS.

```
join :: String -> [String] -> String
join sep [] = ""
join sep (s:ss) = s ++ sep ++ join sep ss
wrap s = "(" ++ s ++ ")"
wNJ = wrap . (join " ")
instance Show ROp where
    show Equal = "Equal"
     show NotEqual
                          = "NotEqual"
                        = "Greater"
    show Greater
    show GreaterEqual = "GreaterEqual"
                         = "Lower"
    show Lower
    show LowerEqual = "LowerEqual"
instance Show BExp where
     show (BCte b)
                               = wNJ ["BCte", show b]
    show (And b1 b2) = wNJ ["And", show b1, show b2]
show (Or b1 b2) = wNJ ["Or", show b1, show b2]
show (Cmp rop e1 e2) = wNJ ["Cmp", show rop, show e1, show e2]
     show (Not b)
                                = wNJ ["Not", show b]
instance Show NExp where
    show (Variable name) = wNJ ["Variable", name]
     \verb|show| (NCte n) = wNJ ["NCte", show n]|
                         = wNJ ["Add", show e1, show e2]
= wNJ ["Sub", show e1, show e2]
= wNJ ["Mul", show e1, show e2]
    show (Add e1 e2)
    show (Sub e1 e2)
     show (Mul e1 e2)
```

```
show (Div e1 e2) = wNJ ["Div", show e1, show e2]
show (Mod e1 e2) = wNJ ["Mod", show e1, show e2]

instance Show Comando where
   show Skip = "Skip"
   show (Assign v ne) = wNJ ["Assign ", show v, show ne]
   show (If b tb fb) = wNJ ["If ", show b, show tb, show fb]
   show (While b block) = wNJ ["While ", show b, show block]

instance Show Program where
   show (Program cs) = "Program \n" ++ show cs
```